





John Carter Brown
Library
Brown University



V.5 (ex K9)

00289

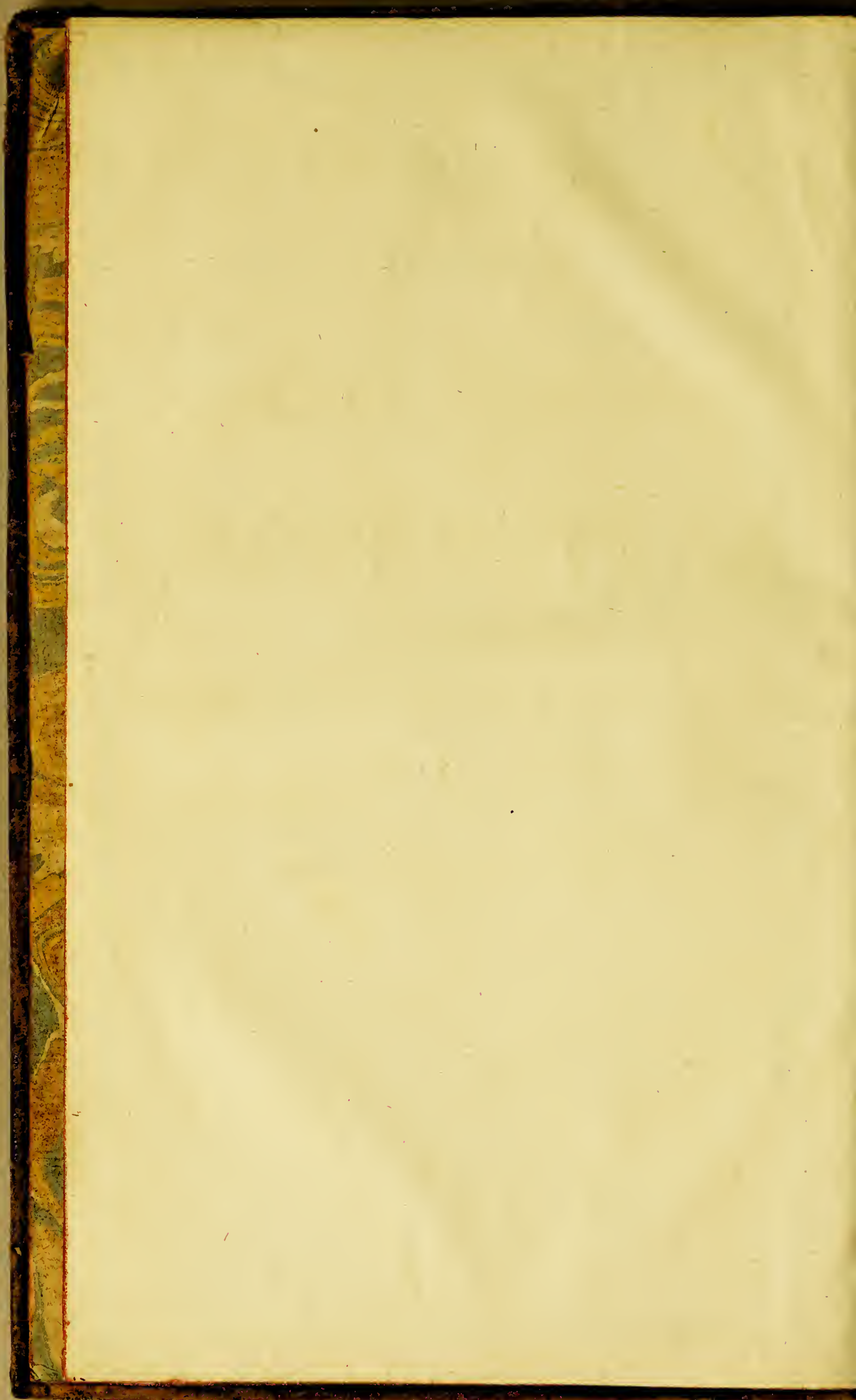
Première édition revue par La Gaille

(Polak 1055)

Bel exemplaire complet de

13 Volumes reliés

800 €



NOUVEAU TRAITÉ
DE
NAVIGATION,
CONTENANT
LA THÉORIE ET LA PRATIQUE
DU PILOTAGE.

STREET DIRECTORY

WOTTADIN

WOTTADIN

WOTTADIN

RPJCB

NOUVEAU TRAITÉ
D E
NAVIGATION,
CONTENANT
LA THÉORIE ET LA PRATIQUE
DU PILOTAGE.

*Par M. BOUGUER, de l'Académie Royale des
Sciences, de la Société Royale de Londres, &
Honoraire de l'Académie de Marine, ci-devant
Hydrographe du Roi au Port du Croisic
& au Havre-de-Grace.*

Revu & Abrégé par M. l'Abbé DE LA CAILLE
de la même Académie Royale des Sciences, &c.
Avec Figures en Taille-douce.



A P A R I S,

Chez H. L. GUERIN & L. F. DELATOUR,
rue S. Jacques, à S. Thomas d'Aquin.

M. D C C. L X.

Avec Approbation & Privilège du Roi.

STATE OF TEXAS

NAVIGATION

THE RICHMOND

THE RICHMOND is a steamship of the Texas Navigation Company, and is licensed to carry passengers and cargo between the ports of Texas and the Gulf of Mexico.

THE RICHMOND is a steamship of the Texas Navigation Company, and is licensed to carry passengers and cargo between the ports of Texas and the Gulf of Mexico.

THE RICHMOND is a steamship of the Texas Navigation Company, and is licensed to carry passengers and cargo between the ports of Texas and the Gulf of Mexico.

THE RICHMOND is a steamship of the Texas Navigation Company, and is licensed to carry passengers and cargo between the ports of Texas and the Gulf of Mexico.

PRICE

AVERTISSEMENT

DE L'ÉDITEUR.

LE TRAITÉ de Navigation de feu M. BOUGUER, composé par l'ordre du Ministère, & publié en 1753, n'a pu manquer d'être accueilli favorablement du Public, & sur-tout de ceux qui obligés par état de s'instruire sur les différentes parties de la Navigation, se plaignoient auparavant du peu de secours qu'ils pouvoient tirer des meilleurs livres de Pilotage. M. Bouguer étoit trop éclairé pour donner dans son Traité quelque chose qui n'eût pas toute l'exactitude nécessaire, & il étoit trop au fait de ce qu'il y avoit à desirer sur cette matiere, pour en oublier quelque partie essentielle; de sorte qu'il n'y a gueres lieu d'espérer qu'on produise quelque ouvrage en ce genre qui soit meilleur, à moins qu'on ne fasse de nouvelles découvertes dans cet Art, ou qu'on n'en perfectionne considérablement les pratiques. Il semble donc que c'est s'exposer à de justes reproches, que d'entreprendre de réformer quelque chose dans le Traité de M. Bouguer en le réimprimant; & par-là je me crois obligé de rendre compte des raisons qui m'ont engagé à en retoucher plusieurs endroits, & à supprimer plusieurs méthodes, pour y en substituer d'autres.

La premiere raison a été une espece de né-

cessité de changer la forme de l'édition de 1753. Il est rare de trouver dans les ouvrages de cette espece un Livre d'une plus belle impression : mais par cela même son volume & son prix peuvent servir de prétexte à quelques personnes peu éclairées, pour s'en tenir à ces petits Traités de Pilotage, qui ne sont connus que dans quelques Ports, & qui sont écrits avec aussi peu de goût que de justesse ; de sorte qu'ils ne servent qu'à perpétuer parmi nos Pilotes un langage barbare, des pratiques vicieuses, & des préjugés aussi ridicules que dangereux. Il étoit donc à propos de faire une édition du Traité de M. Bouguer, qui fût réduite à une forme plus portative, & à un prix plus modéré. Mais il n'étoit gueres possible de diminuer le volume, qu'en abrégant un grand nombre de préambules, de théories, & de descriptions de pratiques, que M. Bouguer a détaillées, pour ne rien laisser à desirer aux Lecteurs. Je n'ai donc pas hésité de changer en quelques endroits les expressions & les méthodes de M. Bouguer, non pour faire entendre que j'aye perfectionné son Ouvrage, mais parce que cela devient indispensable à tout homme qui se charge de faire l'abrégé d'un Livre tel que celui-ci.

Un autre motif qui m'a engagé à faire quelques changements dans le texte & dans l'ordre des matieres, est que j'ai eu occasion de remarquer dans les longues traversées que j'ai faites sur différents Vaisseaux, qu'on ne met pas les Navigateurs assez au fait des calculs familiers aux

Astronomes , quoique la plupart en sentent l'utilité , & même la nécessité. Le préjugé que l'on a sur leurs difficultés , est venu sans doute de ce qu'on ne les a pas encore mis sous une forme commode & simple. M. Bouguer plus accoutumé au calcul analytique qu'à tout autre , ne me paroît pas avoir fait assez d'attention à cet article. Il n'a donné presque aucune règle de Trigonométrie , ni de calcul astronomique. Il a de plus dispersé dans le corps de son Ouvrage les Tables ordinaires , qui ont été dressées depuis long-temps pour l'usage de la Navigation ; on ne peut disconvenir que cette disposition ne soit bien moins commode que celle d'un Recueil suivi de toutes ces Tables. Les Tables de Sinus & de Logarithmes que M. Bouguer a insérées dans son Livre , sont trop peu étendues pour être d'une utilité réelle aux Marins. Enfin dans les exemples de calculs qu'il a donnés , il se sert souvent des Sinus , Tangentes , &c. en nombres naturels , méthode que sa longueur a fait abolir avec raison , quoique très-géométrique , & plus directe que celle où l'on n'emploie que les Logarithmes.

Au reste , quelque nombreux que soient les changements que je me suis permis , je ne présume pas , je le répète , avoir corrigé ou perfectionné l'ouvrage de M. Bouguer. Quand même j'aurois eu le bonheur de le rendre plus parfait , j'aurois tort de m'en prévaloir , puisqu'il est beaucoup plus aisé d'ajouter aux productions des autres , ou de les éclaircir , que de donner

du nouveau. A la réserve des détails où je suis entré pour la détermination des Longitudes par le moyen des distances de la Lune au Soleil ou aux Etoiles, méthode qui est le résultat d'un grand nombre de recherches particulieres, & d'expériences que j'ai faites en mer, j'ai suivi M. Bouguer dans toutes les parties de son Ouvrage.

En gardant donc toujours le fond excellent de mon Auteur, je n'ai pas cru qu'il fût nécessaire de distinguer par quelque marque ce qui n'est que de moi. L'original est entre les mains du Public. On est à portée de le consulter, s'il se rencontre dans cette Edition quelque chose qui puisse arrêter un Lecteur, ou l'engager à soupçonner que je sois l'Auteur des articles qu'il trouveroit obscurs ou équivoques. Je crois même qu'il seroit utile à la plupart de ceux qui ont déjà fait quelques progrès dans l'étude de ces matieres, de comparer les deux éditions pour se représenter les mêmes choses sous différentes expressions.

Par une suite de la grande liberté que j'ai prise, je finirai cet Avertissement par ce qu'il y a d'instructif dans la Préface de M. Bouguer, en omettant ce qui ne tend pas directement à l'utilité des Lecteurs.

» J'AI supposé, (c'est maintenant M. Bouguer
» qui parle,) que les Lecteurs n'eussent aucune
» teinture de Géométrie; ce qui m'a obligé de
» donner quelques légères notions de cette scien-

AVERTISSEMENT.

xj

ce dans le premier des cinq Livres qui compo- «
sent ce Traité. Si on ne remontoit pas ainsi aux «
premiers éléments, on priveroit la Marine «
d'un grand nombre de sujets très-propres à de- «
venir d'excellents Pilotes, qui n'iroient pas «
puiser dans d'autres sources les connoissances «
préliminaires dont ils auroient besoin. Il faut «
par la même raison donner des éléments de la «
Sphère, entrer dans l'explication du mouve- «
ment des Cieux, & de la situation des Astres. «
Nous n'allons effectivement, en traversant les «
Mers, chercher avec certitude une terre éloi- «
gnée, que par une continuelle application de «
l'Astronomie & de la Géométrie à la Marine ; «
c'est même ce qui fournit peut-être la preuve la «
plus frappante aux yeux de plusieurs personnes, «
de l'utilité réelle de ces deux Sciences. L'art «
du Pilote n'en est pas moins simple ; mais la di- «
versité des matieres qu'il embrasse, fait qu'il y «
a quelque difficulté à les bien arranger, & qu'on «
trouve des inconvénients réels dans toutes les «
dispositions qu'on peut choisir. «

Si l'on se bornoit à la seule énonciation des «
regles ou des pratiques, cet art ne feroit plus «
pour le Navigateur qu'une affaire de mémoire, «
& si on le peut dire, de routine. Mais outre «
qu'il est beaucoup plus difficile de retenir des «
choses qui ne sont point liées les unes avec les «
autres, les connoissances du Navigateur se trou- «
veroient alors trop imparfaites, pour qu'on pût «
prendre une entière confiance. Il est certain «
qu'on ne nous instruit jamais mieux ni plus ai- «

» sément , que lorsqu'on nous fait au moins en-
» trevoir les raisons des choses qu'on nous expli-
» que. L'enchaînement des matieres fait qu'elles
» se placent comme d'elles-mêmes dans l'esprit.
» qu'elles s'y gravent plus profondément ; l'intel-
» ligence qu'on nous donne des unes , nous ai-
» de à concevoir les autres , & nous en rend
» comme Inventeurs. Je n'avance pas légère-
» ment ce que je dis ici en faveur de cette ma-
» niere d'enseigner. Mon témoignage est fondé
» sur vingt années d'expérience , pendant lesquel-
» les j'ai eu l'avantage de former un grand nom-
» bre de Pilotes.

» Non-seulement les Pilotes prennent plus
» promptement une connoissance parfaite de leur
» Art , lorsqu'on le fonde sur de bons principes :
» celle qu'ils acquierent est encore plus durable
» & plus sûre. La Théorie les guidant sans cesse
» dans l'exécution , les fait parvenir beaucoup
» plutôt à cette pratique ou habitude qui leur est
» si nécessaire , par laquelle ils operent avec fa-
» cilité.

» L'espece de Pratique dont nous parlons ici
» ne peut s'acquérir qu'à la Mer , & par un long
» exercice ; elle est très-différente de celle qui
» consiste dans la science des faits. Cette der-
» niere peut , à divers égards , faire partie de la
» Théorie ; au lieu que la premiere devient une
» qualité personnelle qu'il faut que chaque Ma-
» rin contracte par un travail opiniâtre , & qui ne
» se communique pas. Le Pilote , à force de ré-
» péter les mêmes opérations , doit y réussir avec

a même adresse , que s'il étoit conduit par un «
 instinct naturel. Mais on voit assez , que pour «
 qu'il agisse , il faut qu'il ait un but , & qu'il ait «
 été parfaitement instruit de ce qu'il doit exécu- «
 ter. La Pratique est comparable à la main qui «
 travaille , pendant que la Théorie tient lieu de «
 l'esprit qui dirige avec lumière. Quoique les «
 règles du Pilotage soient aussi simples que gé- «
 nérales , elles demandent toujours à être modi- «
 fiées selon les différents cas ; & il n'est pas dou- «
 teux que la Théorie seule ne doive prescrire «
 ces changements. »

Un grand nombre de faits qu'il est inutile de «
 rapporter ici , montrent qu'il est extrêmement «
 nécessaire que les Pilotes aient assez de Théo- «
 rie pour pouvoir se rendre compte à eux-mê- «
 mes de la bonté de leurs opérations. On n'a «
 pas d'autre moyen de les empêcher de se trom- «
 per dans une matiere où les moindres fautes «
 tirent à conséquence. D'ailleurs l'obligation «
 qu'on leur impose n'est pas pénible ; quelques «
 mois d'une étude sérieuse leur suffissent. C'est «
 en effet une des preuves de la perfection de leur «
 art , qu'ils puissent l'exercer sans être instruits «
 de toute la Théorie qui a servi à l'inventer. «
 Ce n'est ni la pratique aveugle , ni l'expérience «
 grossiere qui ont fait découvrir les diverses mé- «
 thodes que nous avons de réduire les routes ; «
 qui ont fait imaginer les différents instruments «
 dont on se sert pour observer la hauteur des Af- «
 tres ; qui ont réglé tous les calculs & les au- «
 tres opérations qu'on employe sur Mer. Ce «

» sont des personnes habiles dans les Mathéma-
» tiques , qui sur l'exposition des besoins des
» Marins , ont fait à terre ces découvertes ou
» ces différentes applications , qui rendent cette
» partie de l'Art de naviguer si simple. Il faut
» sans doute que les Hydrographes puissent se
» mettre à la place de ces premiers inventeurs ,
» & qu'ils voyent distinctement les dernières rai-
» sons de toutes les choses qu'ils expliquent. Il
» est indispensable qu'ils soient plus versés dans la
» Théorie , afin qu'il soit permis aux Pilotes de
» l'être moins. Le Pilote tourné avec raison du
» côté de la pratique , sa partie principale , se
» renferme trop souvent dans le petit nombre de
» préceptes dont il fait un usage actuel , & il est
» exposé à perdre de vue tous les autres. Mais il
» faut que l'Hydrographe puisse former des Pi-
» lotes qui entreprennent des voyages vers tou-
» tes les extrémités de la Terre , ou qui péné-
» trent dans toutes les Régions Maritimes.

» Cette distinction , sur laquelle nous venons
» d'insister , est beaucoup plus importante que
» plusieurs personnes ne pourroient le penser.
» On l'a senti dans tous les temps , & on y a fait
» une très-expresse attention , lorsqu'on a voulu
» que les Professeurs d'Hydrographie qu'on a in-
» stallés dans les Ports , fussent toujours suffisam-
» ment exercés dans les Mathématiques ». La
partie principale qu'ils doivent cultiver est sans
contredit l'Astronomie ; & s'ils étoient de plus
un peu exercés aux observations astronomi-
ques , non-seulement ils se rendroient plus

utiles pour la Navigation , mais ils ne pourroient manquer d'inspirer le goût de ces mêmes observations à plusieurs Eleves qui auroient quelque disposition naturelle pour ces fortes de choses , & qui dans le cours de leurs voyages , procureroient à la Géographie des connoissances utiles , en déterminant exactement les positions de tant de lieux fréquentés par des Navigateurs de toutes Nations , & qui ne sont placés sur les Cartes que par une estime vague , à la honte d'un siecle aussi éclairé que le nôtre.

« Il me reste , vu l'objet que je me suis proposé dans cet Ouvrage , à marquer la manière dont je crois que les Comménçants en peuvent retirer plus de fruit. Il ne suffit pas de lire simplement les Traités de cette espece , il faut les étudier avec soin , en insistant sur chaque matière. On se bornera d'abord aux deux premiers Livres , dont on fera à part tous les calculs , & on exécutera en même temps avec la règle & le compas les figures dont la construction est expliquée. On pourra , dans une première lecture , passer tous les endroits qui sont imprimés en plus petit caractère. On s'en épargnera même toujours la lecture , si l'on n'aspire qu'aux seules connoissances absolument nécessaires. Lorsqu'on possédera les deux premiers Livres , on sera déjà considérablement avancé ; on aura vu l'usage des Cartes marines , & on se sera formé une notion assez distincte des pratiques les plus générales employées sur Mer. Rien n'empêchera après cela de passer aux Livres »

» suivants. Je ne crois pas qu'en observant cet
» ordre, on puisse trouver aucune difficulté dans
» la lecture de cet Ouvrage. J'ai fait mes plus
» grands efforts pour tâcher de le rendre utile,
» & je serai extrêmement satisfait si j'y ai réussi. »

Il y a dans ce Traité assez de pratiques pour faciliter l'usage de chacune des Regles qu'on y expose. Mais un Hydrographe zélé pour sa profession, ne doit pas s'en contenter. Il doit les varier de toutes manieres, & selon tous les cas possibles, pour y exercer long-temps ses Elèves. Il doit faire exécuter les pratiques de chaque Exemple, d'abord par la construction Géométrique d'une figure, ensuite par le calcul Trigonométrique. De même le jeune Marin, destitué du secours d'un Maître, doit tâcher de se procurer des Journaux de Voyages, pour en suivre toutes les opérations, & refaire les calculs.

Les Nombres qu'on trouvera dans le courant du discours renfermés entre deux parentheses, comme par exemple, (395), servent à indiquer à quel numéro il faut avoir recours, pour trouver la regle ou le principe dont il s'agit de faire une application actuelle. Dans cet exemple, ce seroit à la Regle rapportée au haut de la page 152, & marquée du numéro 395, qu'on renverroit le Lecteur pour la consulter, & pour la suivre.





TABLE

DES MATIERES.

AVERTISSEMENT, Page v

LIVRE PREMIER.

Dans lequel on donne les premieres connoissances de Géométrie , qui sont utiles ou nécessaires aux Pilotes. 1

CHAPITRE I. *Du Cercle & de sa division en degrés ,* 3

Méthode de diviser un Cercle en degrés , 5

CHAPITRE II. *Des différentes situations que peuvent avoir deux lignes droites l'une par rapport à l'autre ,* 7

Méthode de mesurer les Angles sur le papier , 8

Autres Méthodes de mesurer les Angles sur le papier , 9

Des diverses especes d'Angles formés par des lignes droites , 10

Des divers noms que prennent les lignes selon les différents Angles qu'elles forment , 11

Méthodes de tirer des lignes paralleles , 12

Méthodes de tirer des lignes perpendiculaires , 13

CHAPITRE III. *Des Triangles ,* 15

Des Triangles égaux , & des Triangles semblables , 17

CHAPITRE IV. *Des Rapports ou Raisons , des Proportions & de la Regle de Trois ; avec la maniere d'en abréger la pratique par le moyen des Logarithmes ,* 19

CHAPITRE V. *Du Calcul des Triangles ; ou de la Trigonométrie ,* 22

- I. Principes généraux de Trigonométrie Rectiligne , 23
- II. Explications ou Définitions des Sinus , Tangentes & Sécantes , 24
- III. Regles pour le Calcul des Triangles rectangles , 26
- IV. Regles du Calcul pour les Triangles obliques , 29

L I V R E S E C O N D.

Dans lequel on donne une idée générale du Pilotage , en traitant de la Sphere , & du Calcul des Triangles sphériques , de la figure & de la grandeur de la Terre , de la construction & de l'usage de la Bouffole , des Cartes Marines , &c. 33

CHAPITRE I. *Notions préliminaires de la Sphere , Ibid.*

- I. De la figure & de la grandeur du Globe terrestre , *Ibid.*
- II. Des Poles de la Terre , de l'Equateur terrestre , des Méridiens , &c. 35
- III. Des cinq Zones , 38
- IV. De la Latitude , & des changements qu'elle reçoit , lorsqu'on passe d'un lieu à un autre , 40
- V. De la Longitude des lieux sur le Globe terrestre , & sur les Cartes , 43
- Il n'est pas possible que deux lieux différents aient la même longitude & la même latitude , 45
- VI. De la grandeur des Degrés terrestres & de la grosseur de la Terre , 46
- Que la Terre n'est pas parfaitement ronde , *Ibid.*
- Que la Lieue Marine est de 2851 toises $\frac{1}{2}$, & le Mille Marin de 950 toises $\frac{1}{2}$, 47

CHAPITRE II. *Du Calcul des Triangles sphériques ,* 48

- I. 48
- II. Du Calcul des Triangles sphériques rectangles , 50
- III. Solution de tous les cas possibles des Triangles obliques , 52

CHAPITRE III. *De la construction de la Bouffole & de*

<i>son usage ; pour reconnoître la direction que suit le Vaisseau ,</i>	55
I. De la Pierre d'Aimant & de la maniere de toucher les Aiguilles ,	<i>Ibid.</i>
II. Méthode de toucher ou d'aimanter les Aiguilles de Bouffole ,	58
Méthode de faire les Aimants artificiels ,	60
III. De la Rose de la Bouffole , & de sa division en Airs ou Rumbs de vent ,	61
IV. Des différentes sortes de Bouffoles , & de leurs usages ,	63
Description d'un nouveau Compas de variation ,	65
Mesurer avec le Compas de variation l'Angle que fait la route du Navire avec la Quille ,	66
V. De la déclinaison ou variation de la Bouffole ,	67
Méthodes de découvrir la variation de la Bouffole ,	68
CHAPITRE IV. De la maniere de mesurer par le Loch , ou par d'autres Instruments , le chemin que fait le Navire ,	70
I. Du Loch ordinaire ; de la maniere de s'en servir & de le vérifier ,	<i>Ibid.</i>
II. De l'imperfection du Loch ordinaire ; avec le moyen de corriger cet instrument ,	73
III. Méthode de déterminer la vitesse du fillage par la force de l'impulsion de l'eau ,	78
CHAPITRE V. De la construction des Cartes Marines , & de leurs usages ,	82
I. De la nature des Cartes plates ,	<i>Ibid.</i>
II. Des lignes courbes que les Rumbs de vent suivent sur le Globe , & de la forme qu'on a été obligé en conséquence de donner aux Cartes réduites ,	83
Des Loxodromies ,	85
III. Construction des Cartes réduites ,	87
CHAPITRE VI. Opérations ou Pratiques sur les Cartes Marines ,	89
I. Différents Problèmes pour pointer les Cartes ,	<i>Ibid.</i>
II. Moyen de marquer sur la Carte le Point où l'on est à la vue de deux terres , avec plusieurs autres Opérations ou Pratiques importantes ,	98
Transporter un Point d'une Carte dans une autre ,	99

De la maniere de corriger le Point sur la Carte , après qu'on
a observé la Latitude , 101

CHAPITRE VII. *Remarques générales sur la Navigation,* 103

I. Sur la maniere de s'approcher de terre , de sonder ,
&c. *Ibid.*

II. De l'ordre que les Pilotes doivent mettre dans la réduction de leurs Routes , 107

Modele de Journal , 108

III. De la maniere de sonder , 111

CHAPITRE VIII. *Du Flux & Reflux de la Mer,* 112

I. Regles générales observées sur le Flux & Reflux , *Ibid.*

II. De l'accord qu'il y a entre le Flux & le Reflux , & les
mouvements du Soleil & de la Lune , 114

Conjectures sur la cause du Flux & Reflux , 115

III. De la grandeur des Marées dans les différents endroits
de la Terre , 117

IV. De l'établissement des Marées , & de la maniere de
calculer l'heure du Flux & Reflux , 118

Connoissant l'établissement des Marées pour un Port , trouver
l'heure de la pleine Mer pour un jour proposé , 120

CHAPITRE IX. *Usages de la Bouffole pour lever les
Plans, & pour déterminer le gisement des Côtes,* 121

Méthode pour faire le Plan particulier d'un Port , d'une Ra-
de , &c , *Ibid.*

De l'instruction raisonnée qui doit accompagner un Plan , 129

Usages de la Bouffole , pour déterminer le gisement des Cô-
tes , en faisant route , 130

Conclusion de ce second Livre , 132

L I V R E T R O I S I E M E.

Où l'on donne les Notions d'Astronomie , qui
sont utiles aux Navigateurs.

CHAPITRE I. *De la situation des Etoiles fixes, &
de leur mouvement apparent du Levant vers le Couchant,*
I, 134

- II. De la Déclinaison & de l'Ascension droite des Astres en général, & de celle des Etoiles en particulier, 136
 III. Reconnoître les Etoiles, en consultant les Cartes du Ciel, 138

CHAPITRE II. *Des Planetes & de leur Mouvement propre ou particulier d'Occident en Orient,* 141

- I. Du Mouvement du Soleil, &c, *Ibid.*
 II. Du Mouvement du Soleil par rapport au Ciel, 142
 Caracteres qui servent à représenter les Signes du Zodiaque, 144
 III. De la Sphere Armillaire, 145
 De quelques autres Cercles qu'on imagine dans la Sphere, 148
 Des trois situations de la Sphere, 150

CHAPITRE III. *Des Calculs Astronomiques dont on fait usage dans la Marine, & principalement des Calculs du Soleil & des Etoiles,* 151

- I. Regle générale de Calcul, pour réduire le Temps en Degrés de longitude ou de l'Equateur, & réciproquement pour réduire en Temps les Degrés de longitude ou de l'Equateur, *Ibid.*
 II. De la distinction des Années bissextiles & des Années communes, 153
 III. Des Heures Civiles & des Heures Astronomiques, 154
 IV. De la Réduction du Temps Civil qu'on compte sur un Navire, au Temps Astronomique que l'on compte à Paris au même instant. 155
 V. Du Calcul de l'Ascension droite du Soleil en Temps, 157
 VI. Du Calcul de la Déclinaison du Soleil, 158
 VII. Du Calcul du passage des Etoiles au Méridien, 160

CHAPITRE IV. *Du Mouvement particulier de la Lune, & de la maniere de trouver à peu près l'âge de cette Planete,* 162

- I. Des différentes Révolutions de la Lune, *Ibid.*
 II. Des différentes Phases de la Lune & de ses Eclipses, 165
 III. Du Calcul du jour où arrivent les nouvelles & pleines Lunes, & premièrement du nombre d'Or, 167
 De l'Epaque, 168
 IV. Du Cycle Solaire, & de la maniere de trouver quel jour

de la Semaine doit tomber un Quantieme ou une Date proposée ,	170
De la Lettre Dominicale ,	171
CHAPITRE V. <i>Méthode pour calculer plus exactement les Phases de la Lune ,</i>	172
Regles de Calcul pour trouver le temps de la nouvelle ou de la pleine Lune , du premier ou du dernier Quartier , dans un mois d'une Année proposée ,	<i>Ibid.</i>

L I V R E Q U A T R I E M E.

Usages qu'ont dans la Navigation les différentes connoissances d'Astronomie données dans le Livre précédent.

CHAPITRE I. <i>Méthode plus exacte que celle que nous avons expliquée à la fin du second Livre , pour trouver l'heure du Flux & Reflux ,</i>	177
Trouver l'établissement d'un Port ,	179
CHAPITRE II. <i>Des Moyens qu'on emploie en Mer pour observer la hauteur des Astres ,</i>	180
I. Notions Préliminaires ,	<i>Ibid.</i>
II. Des Instrumens qui sont en usage pour observer les hauteurs des Astres ,	181
III. De la construction & de l'usage du Quartier Anglois ,	<i>Ibid.</i>
Remarques sur cet Instrument ,	183
IV. De la construction , de la vérification & de l'usage de l'Octans ou Quartier de Réflexion ,	184
Observer la Hauteur par devant avec l'Octans Anglois ,	188
Prendre Hauteur par derriere avec l'Octans Anglois ,	192
Des autres Instrumens à Réflexion ,	194
De la Graduation des Instrumens selon la Méthode de Nonnius ,	<i>Ibid.</i>
V. Qu'avec les Instrumens dont on se sert en Mer , il est difficile & quelquefois impossible , d'observer la hauteur des Astres avec précision , lorsqu'ils sont trop près du Zénith ,	196
CHAPITRE III. <i>Des Corrections qu'il faut appliquer à l'observation de la Hauteur des Astres ,</i>	197

Premiere Correction. De l'inclinaison de l'Horizon de la Mer, 197

II. Correction. De la Réfraction Astronomique, 199

III. Correction. Du demi-Diametre du Soleil, 200

CHAPITRE IV. Moyens de trouver en Mer la latitude ou la hauteur du Pole, Ibid.

Premier Moyen. Par la hauteur méridienne des Astres, Ibid.
Applications des Regles précédentes à quelques exemples, 202

II. Moyen. Par les Hauteurs d'un Astre prises hors du Méridien, 204

Remarques sur quelques autres Moyens proposés par différents Auteurs pour trouver la Latitude, 208

CHAPITRE V. Construction du Chassis de Réduction; avec lequel on supplée au Calcul Trigonometrique par des Opérations graphiques; 210

CHAPITRE VI. Moyens de déterminer l'heure qu'il est, lorsqu'on est en Mer, & de régler avec exactitude les Horloges, soit par l'instant du lever & du coucher du Soleil, soit autrement, 217

I. Usage de la Table des différences ascensionnelles du Soleil, Ibid.

II. Méthode du Calcul Trigonometrique de la Table des Différences ascensionnelles, 220

III. Trouver l'heure du lever & du coucher du Soleil par le Cercle du Chassis de Réduction, 221

IV. Réflexion sur la Méthode de trouver l'heure en Mer par le lever ou le coucher des Astres, 222

V. Trouver l'heure qu'il est par des Opérations graphiques appliquées à l'Observation d'une hauteur du Soleil, 223

VI. Trouver l'heure qu'il est la nuit par de semblables Opérations appliquées à l'observation de la Hauteur d'une Etoile, 225

VII. Résoudre les deux Problèmes précédents par le Calcul Trigonometrique, 226

VIII. Réflexions sur la Méthode de trouver l'heure en Mer par l'observation de la Hauteur des Astres, 228

IX. Méthode de régler les Montres ou Horloges qui marquent les heures & les minutes, par des hauteurs égales du Soleil prises le matin & le soir, 229

CHAPITRE VII. Différentes Méthodes pour déterminer b iv

miner par observation la variation du Compas , 231

I. Méthode. Par la Table des Amplitudes , *Ibid.*

II. Méthode. Trouver l'Amplitude par le Calcul Trigonométrique , 232

III. Méthode. Trouver l'Amplitude par le Chassis de Réduction , *Ibid.*

IV. Trouver l'instant auquel un Astre répond au vrai point d'Est ou d'Ouest , afin de pouvoir en faire le relevement à la Bouffole , & de déterminer par-là la variation sans calcul , 233

V. Trouver la variation par l'Azimut d'un Astre , dont on connoît la Déclinaison & la Hauteur , 235

VI. Maniere de rectifier l'usage des Amplitudes , & de simplifier celui des Azimuts , pour déterminer la variation , 236

VII. Exemples pour l'usage des Amplitudes & des Azimuts relatifs à la détermination de la variation du Compas , 238

VIII. Méthode pour trouver la variation , lorsqu'on est à terre , par le moyen d'une Ligne Méridienne , 240

CHAPITRE VIII. *Différentes Méthodes de trouver la Longitude en Mer ,* 242

I. Trouver la Longitude en Mer par la variation de la Bouffole , *Ibid.*

II. En quoi consiste la difficulté de trouver immédiatement la Longitude en Mer , 245

Instruction pour observer & pour calculer les Longitudes en Mer par le moyen de la Lune , 247

Des Préliminaires nécessaires , de l'ordre dans lequel il faut faire les observations & les opérations du Calcul , 249

Exemple des Observations précédentes , & pour les Opérations du Calcul , 253

Regles de Calcul Trigonométrique pour faire les mêmes Opérations , 258

Méthode pour observer la Longitude par l'Observation de la distance de la Lune au Soleil , 261

Remarques sur la pratique des Observations & Opérations précédentes , 262



L I V R E C I N Q U I E M E.

De la Résolution des Routes de Navigation par
diverses Méthodes. 269

PREMIERE SECTION. Dans laquelle on explique la ma-
niere de naviguer par le Quartier de Réduction, 270

CHAPITRE I. *Description du Quartier de Réduction,
& usage de cet Instrument pour la résolution des Routes,*
Ibid.

I. Description du Quartier de Réduction, Ibid.

II. Trouver combien une Route porte vers le Nord ou vers
le Sud, & vers l'Est ou vers l'Ouest, 271

III. Réduction des Lieues courues au Nord ou au Sud, en
degrés de différence en latitude, 274

IV. Que la rondeur de la Terre n'empêche pas qu'on ne
puisse prendre les routes parcourues sur sa surface pour des
lignes droites, pourvu qu'on y emploie certaines précau-
tions. Ce que c'est que le Moyen parallele, 275

V. Méthode de réduire en degrés de longitude les Lieues
parcourues vers l'Est ou vers l'Ouest sur un Cercle paral-
lele à l'Equateur, 277

CHAPITRE II. *Résolution de six Problèmes généraux
de Navigation par le Quartier de Réduction,* 280

CHAPITRE III. *Instructions générales, & Méthodes
pour faire l'estime des Routes. I,* 295

II. Méthode pour faire l'estime, lorsque la latitude n'a pu
être observée, 297

III. Méthode pour faire l'estime, & pour la corriger, lors-
que la latitude a été observée, 299

CHAPITRE IV. *Des Regles composées par le Quartier
de Réduction,* 305

I. Exemples des Regles composées, Ibid.

II. Usage de la Regle composée lorsqu'on navigue dans un
endroit où il y a des Courants, 308

III. Des Regles composées avec correction, 309

IV. Remarques sur les Regles composées & sur la maniere

de réduire les Routes , lorsqu'on a été plusieurs jours sans observer hauteur , 312

V. Derniere Correction qu'on peut faire à la longitude , à cause de la figure de la Terre qui n'est pas parfaitement sphérique , 314

SECONDE SECTION. Méthode de résoudre les Routes de Navigation , en se servant des Tables des Logarithmes de Sinus , & des Logarithmes des Nombres , 315

Solution du premier Problème général de Navigation , qui est de partager une Route en Lieues Est & Ouest , & en Lieues Nord & Sud , 317

Réduire les Lieues Est & Ouest en degrés de longitude , 318

Exemples du Calcul pour la solution des autres Problèmes généraux , 319

TROISIEME SECTION. De la Navigation par la Loxodromie , 326

I. De la construction des Tables de Latitudes croissantes , & de la maniere de s'en servir pour résoudre les Problèmes de Navigation , Ibid.

II. Trouver la différence en longitude avec exactitude pour les plus longues Routes , principalement pour celles qui font un Angle de 45 degrés avec le Méridien , 327

III. Seconde Méthode de calculer les différences en longitude pour les Rumbs de vent , dont l'obliquité est de 45 degrés , 330

Démonstration de la Méthode précédente , 331

IV. Résolution des Problèmes de Navigation par la Table des Latitudes croissantes , 334

QUATRIEME SECTION. Dans laquelle on explique succinctement l'usage du Compas de proportion , & celui des Echelles Angloises , pour résoudre les Problèmes de Navigation , 338

CHAPITRE I. De la Réduction des Routes par le Compas de proportion , & par l'Echelle des Cordes simples , Ibid.

Trouver les Lieues Nord & Sud , & les Lieues Est & Ouest pour une Route proposée , 339

T A B L E.

xxvij

CHAPITRE II. *Méthode de résoudre les Problèmes de Navigation par l'Echelle des Logarithmes nommée vulgairement Echelle Angloise,* 340

- I. Construction de l'Echelle Angloise, 341.
- II. Usage de l'Echelle Angloise pour résoudre les Problèmes de Navigation, 343
- Remarques sur l'usage des Echelles de Logarithmes, 345

CINQUIEME SECTION. Du changement que doit apporter dans toutes les Regles ou Méthodes précédentes, le défaut de rondeur de la Terre, 346

TABLE des Milles de distance de chaque Parallele terrestre à l'Equateur, & de la correction dont il faut diminuer les Latitudes croissantes dans les Cartes réduites, 347

ADDITION, contenant quelques connoissances & quelques pratiques utiles aux Pilotes, 349

- I. Sur la vraie direction suivant laquelle le vent souffle, *Ibid.*
- II. Sur la Route des Navires vus de loin, 350
- III. Pourquoi la Lune paroît souvent se lever plusieurs jours de suite presque à la même heure, 352

RECUEIL des Tables dressées à l'usage de la Navigation.

TABLE I. *Des Ascensions droites & des Déclinaisons des Etoiles fixes de la premiere & seconde grandeur, pour le commencement de l'année 1760; avec la quantité dont ces positions varient en dix ans,* Page 1

TABLES. Pour calculer l'Ascension droite & la Déclinaison du Soleil, dressées sur le Méridien de Paris, 3

- TABLE I.** Pour les années courantes, *Ibid.*
- TABLE II.** Pour les jours du mois, 4
- TABLE III.** Pour les heures du jour, *Ibid.*
- TABLE IV.** Pour les minutes d'heures comptées de deux en deux, *Ibid.*

TABLE V. Du surplus en ascension droite, selon les jours du mois & les heures du jour,	6
TABLE VI. Pour trouver la Déclinaison du Soleil par le moyen de son Ascension droite en temps,	8
TABLES. Pour calculer les temps vrais des Phases de la Lune pour le Méridien de Paris,	10
TABLE I. Pour les Années,	Ibid.
TABLE II. Pour les Mois,	Ibid.
TABLE III. De l'Equation qu'il faut toujours ajouter aux jours, heures & minutes trouvés par les Tables I & II de la page précédente,	11
TABLE. De la Correction qu'il faut appliquer à l'heure de l'établissement d'un Port, pour avoir le temps de la plus haute Marée à un jour proposé,	12
TABLES. Des Corrections qu'il faut faire aux distances observées des Astres au Zénith, ou à leurs hauteurs observées, avant que de les employer dans les Calculs de la latitude, de l'heure, &c.	13
TABLE I. Pour l'Inclinaison de l'horizon de la Mer,	Ibid.
TABLE II. De la Réfraction,	Ibid.
TABLE III. Des Demi-diametres du Soleil,	Ibid.
TABLE. De la Différence ascensionnelle, ou de l'intervalle de temps entre six heures & le lever ou le coucher du Soleil,	14
TABLE. Du temps que les Astres à l'Horizon emploient à changer d'un degré de hauteur absolue,	16
TABLE des Amplitudes ortives & occasés des Astres,	17
TABLE de la quantité dont l'Azimut des Astres change près de l'Horizon, pour un degré de changement dans leur hauteur,	20
TABLE des Latitudes croissantes, ou des longueurs qu'on doit donner aux divisions du Méridien dans les Cartes réduites,	22
REMARQUES sur la Table suivante,	24

TABLE de Logarithmes. Pour les Sinus & Tangentes
de toutes les minutes du Quart de Cercle, & pour tous
les Nombres naturels depuis 1 jusqu'à 9000, 25

F I N.

Fautes à corriger.

- Page 49. l. 15. lisez : ses deux poles particuliers.
55. l. 17. lisez : & la caractéristique 20, au lieu de de la ca-
ractéristique 20.
60. l. 15. lisez : Aussi-tôt que, au lieu de Tout après.
69. l. 12. lisez : n°. 104. au lieu de n°. 5.
7. l. 18. lisez : n°. 128. au lieu de n°. 29.
87. l. 27. lisez : figure 28, au lieu de figure 37.
109. l. 29. lisez : Fig. 31. au lieu de Fig. 47.
Page 24. du Recueil des Tables, l. 23. lisez : Logarithmes, au
lieu de Logarithmiques.



EXTRAIT DES REGISTRES

DE L'ACADÉMIE ROYALE DES SCIENCES.

Du 23 Mai 1760.

MESSIEURS CLAIRAUT & DUHAMEL, qui avoient été nommés pour examiner un Livre intitulé : *Nouveau Traité de Navigation par M. BOUGUER, revu & abrégé par M. l'Abbé DE LA CAILLE*, en ayant fait leur rapport, l'Académie a jugé cet Ouvrage digne de l'impression. En foi de quoi j'ai signé le présent Certificat. A Paris, le 23 Mai 1760.

Signé, GRANDJEAN DE FOUCHY, Secret.
perpétuel de l'Académie Royale des Sciences.

PRIVILEGE DU ROI.

LOUIS par la grace de Dieu, Roi de France & de Navarre: A nos amis & féaux Conseillers, les Gens tenans nos Cours de Parlement, Maîtres des Requêtes ordinaires de notre Hôtel, Grand Conseil, Prevôt de Paris, Baillifs, Sénéchaux, leurs Lieutenans Civils, & autres nos Justiciers qu'il appartiendra, SALUT. Nos bien-amés LES MEMBRES DE L'ACADEMIE ROYALE DES SCIENCES de notre bonne Ville de Paris, Nous ont fait exposer qu'ils auroient besoin de nos Lettres de Privilege pour l'impression de leurs Ouvrages: A CES CAUSES, voulant favorablement traiter les Exposans, nous leur avons permis & permettons par ces Présentes de faire imprimer, par tel Imprimeur qu'ils voudront choisir, toutes les Recherches ou Observations journalieres, ou Relations annuelles de tout ce qui aura été fait dans les Assemblées de ladite Académie Royale des Sciences, les Ouvrages, Mémoires ou Traités de chacun des Particuliers qui la composent, & généralement tout ce que ladite Académie voudra faire paroître, après avoir fait examiner lesdits Ouvrages, & qu'ils feront ju-

gés dignes de l'impression , en tels volumes , forme , marge , caractères , conjointement , ou séparément & autant de fois que bon leur semblera , & de les faire vendre & débiter partout notre Royaume , pendant le tems de vingt années consécutives , à compter du jour de la date des Présentes ; sans toutefois qu'à l'occasion des Ouvrages ci-dessus spécifiés , il puisse en être imprimé d'autres qui ne soient pas de ladite Académie : faisons défenses à toutes sortes de personnes , de quelque qualité & condition qu'elles soient , d'en introduire d'impression étrangère dans aucun lieu de notre obéissance ; comme aussi à tous Libraires & Imprimeurs d'imprimer ou faire imprimer , vendre , faire vendre & débiter lesdits Ouvrages , en tout ou en partie , & d'en faire aucunes traductions ou extraits , sous quelque prétexte que ce puisse être , sans la permission expresse & par écrit desdits Exposans , ou de ceux qui auront droit d'eux , à peine de confiscation des Exemplaires contrefaits , de trois mille livres d'amende contre chacun des contrevenans ; dont un tiers à Nous , un tiers à l'Hôtel-Dieu de Paris , & l'autre tiers ausdits Exposans , ou à celui qui aura droit d'eux , & de tous dépens , dommages & intérêts ; à la charge que ces Présentes seront enregistrées tout au long sur le Registre de la Communauté des Libraires & Imprimeurs de Paris , dans trois mois de la date d'icelles ; que l'impression desdits Ouvrages sera faite dans notre Royaume , & non ailleurs , en bon papier & beaux caractères , conformément aux Réglemens de la Librairie ; qu'avant de les exposer en vente , les Manuscrits ou Imprimés qui auront servi de copie à l'impression desdits Ouvrages , seront remis ès mains de notre très-cher & féal Chevalier le Sieur D A G U E S S E A U , Chancelier de France , Commandeur de nos Ordres , & qu'il en sera ensuite remis deux Exemplaires dans notre Bibliothèque publique , un en celle de notre Château du Louvre , & un en celle de notre très-cher & féal Chevalier le Sieur D A G U E S S E A U , Chancelier de France , le tout à peine de nullité desdites Présentes : du contenu desquelles vous mandons & enjoignons de faire jouir lesdits Exposans & leurs ayans cause , pleinement & paisiblement , sans souffrir qu'il leur soit fait aucun trouble ou empêchement. Voulons que la copie des Présentes qui sera imprimée tout au long , au commencement ou à la fin desdits Ouvrages , soit tenue pour dûement signifiée ; & qu'aux copies collationnées par l'un de nos amés & féaux Conseillers & Secrétaires , foi soit ajoutée comme à l'original. Commandons au premier notre Huissier ou Sergent sur ce requis , de faire , pour l'exécution d'icelles , tous actes requis & nécessaires , sans demander autre permission , & nonobstant Clameur de Haro , Charte Normande & Lettres à ce contraires ; C A R tel est notre plaisir. D O N N É à Paris le dix-neuvième

jour du mois de Mars , l'an de grace mil sept cens cinquante , & de notre Regne le trente-cinquième. Par le Roi en son Conseil.

Signé , M O L.

Registré sur le Registre XII. de la Chambre Royale & Syndicale des Libraires & Imprimeurs de Paris , N^o. 430. fol. 309. conformément au Règlement de 1723 , qui fait défenses , article 4. à toutes personnes , de quelque qualité qu'elles soient , autres que les Libraires & Imprimeurs , de vendre , débiter & faire afficher aucuns Livres pour les vendre , soit qu'ils s'en disent les Auteurs ou autrement ; à la charge de fournir à la susdite Chambre huit Exemplaires de chacun , prescrits par l'art. 108. du même Règlement. A Paris le 5 Juin 1750.

Signé , L E G R A S , Syndic.

AVIS AU RELIEUR.

LE RELIEUR placera les Planches gravées dans l'ordre qui suit:

Les PLANCHES VII, VIII, IX,	Page 110
HEMISPHERE Boréal, }	
HEMISPHERE Austral, }	140
Les PLANCHES I, II, III, V, VI,	268
Les PLANCHES IV, X, XI,	352

NOUVEAU



NOUVEAU TRAITÉ
DE NAVIGATION,
CONTENANT LA THÉORIE ET LA PRATIQUE
DU PILOTAGE.

LIVRE PREMIER.

Dans lequel on donne les premières connoissances de Géométrie, qui sont utiles ou nécessaires aux Pilotes.

ON PEUT diviser l'Art de naviguer en trois parties, l'Architecture navale, ou la Construction des Vaisseaux, le Pilotage, & la Manœuvre. L'Architecture navale est exercée à terre par des personnes qui s'y livrent entièrement, & qui sont obligées d'acquérir beaucoup de connoissances dont les Marins n'ont pas absolument besoin. Ainsi nous devons considérer le Vaisseau comme déjà construit; nous devons supposer qu'il est déjà prêt à mettre à la voile, & qu'il s'agit de le conduire en mer. C'est en cela que consiste particulié-

rement la science des Navigateurs ; ils doivent savoir le Pilotage & la Manœuvre, qui font l'objet de deux emplois très-différents.

Le *Pilotage* dont il s'agit uniquement dans cet Ouvrage, nous apprend à connoître toutes les particularités de la route du Vaisseau, & nous met non-seulement en état de déterminer en quel endroit de la mer nous nous trouvons dans chaque instant de notre navigation : mais aussi de marquer la direction précise que nous devons suivre, pour aller aborder au Port où nous nous proposons de nous rendre. On distingue ordinairement deux sortes de Navigations ; l'une est appelée *Hauturiere*, lorsqu'on avance en pleine mer, ou qu'on traverse l'Océan : on la nomme ainsi, parce que le Pilote n'étant plus dirigé par la vue des côtes, est obligé d'observer les Astres, & de prendre *hauteur*, comme nous aurons soin de l'expliquer. L'autre est le *Cabotage*, qui consiste à aller de cap en cap ou le long des côtes, sans perdre ordinairement la terre de vue.

Nous avons donné un Ouvrage à part sur la *Manœuvre*, qui est l'art de donner au Vaisseau, par le moyen du vent & des voiles, tous les mouvements nécessaires. Les regles du Pilotage prescrivent la route qu'on doit prendre ; mais il faut se conformer aux regles de la Manœuvre, & orienter les voiles, ou les disposer d'une maniere convenable, pour obliger le Vaisseau d'embrasser effectivement la route qu'on veut suivre, & pour le faire *singler* ou marcher avec vitesse.

Le Pilotage, de même que toutes les autres parties de la Marine, empruntent plusieurs termes & diverses connoissances de la Géométrie. Nous les indiquerons ici d'une maniere succinte, en évitant souvent, pour nous rendre plus intelligible, la méthode abstraite & rigoureuse dont fait usage cette dernière science, qui a pour objet la figure & la mesure des corps.



CHAPITRE PREMIER.

Du Cercle & de sa division en degrés.

(Voyez Fig. 1.)

1. **C**OMME nous ne nous proposons de donner ici que les notions de Géométrie , qui sont les plus communes , & qui ont rapport à la Pratique du Pilotage , il est à propos que le Lecteur ait à la main une regle & un compas , & qu'il exécute la plupart des Opérations que nous indiquerons. Il s'exercera , à mesure qu'il avancera dans sa lecture , à former des figures plus grandes que celles que nous avons tracées dans nos Planches. Non-seulement il réussira par ce moyen à se rendre plus familières des idées qu'il doit avoir souvent présentes ; il acquerra aussi une plus grande facilité à manier la regle & le compas , ce qui lui sera avantageux dans une infinité de rencontres.
2. Tous les Lecteurs savent qu'un Cercle est une figure plane parfaitement ronde. On appelle le *Centre* du Cercle , Fig. 1. le point qui est exactement au milieu. On a marqué ce point dans la *Figure premiere* par la lettre C.
3. La ligne courbe qui environne le cercle , & qu'on a marquée par les lettres *ABDE* , est appelée *Circonférence* : on dit dans ce même sens *la circonférence de la Terre* , *la circonférence des Cieux*.
4. Les lignes droites qui traversent un cercle en passant exactement par son milieu ou par son centre , s'appellent des *Diametres*. La ligne *BE* en est un , & on peut en tirer une infinité d'autres , qui seront tous égaux entr'eux ; puisque le cercle est censé parfaitement rond.
5. La moitié du diamètre comprise entre le centre & la circonférence , s'appelle *Demi-diametre* ou *Rayon*. Ainsi les lignes qui sont ici marquées par *CA* , *CE* , *CB* , &c. sont des rayons ou demi-diametres ; & il est évident qu'ils

sont aussi tous parfaitement égaux entr'eux.

6. Une portion comme *A E* de la circonférence d'un cercle, s'appelle *un Arc*; & la ligne droite *A E* tirée d'une extrémité de l'arc à l'autre, & qui en marque la largeur, s'appelle *la Corde*.

7. Pour exprimer la grandeur d'un arc, on pourroit dire qu'il est le tiers ou le quart, &c. de toute la circonférence. Mais on a imaginé pour cela un autre moyen plus commode & plus général. On suppose que la circonférence de chaque cercle est divisée en 360 parties égales, qu'on appelle *des Degrés*; & on marque la grandeur des arcs, par le nombre qu'ils contiennent de ces divisions. Ainsi lorsqu'il s'agit des Cieux, & qu'on dit quelquefois que le Soleil a environ un demi-degré de largeur, on doit entendre que toute la circonférence des Cieux étant partagée en 360 parties égales, le Soleil occupe la moitié d'une de ces parties, & qu'il faudroit par conséquent 720 Soleils à côté les uns des autres, pour former tout le tour du Ciel. La Terre étant ronde, on conçoit aussi sa circonférence divisée en 360 degrés; & c'est la même chose de tous les autres cercles de quelque grandeur qu'ils soient: de sorte que les degrés n'ont de grandeur déterminée que par rapport aux circonférences auxquelles ils appartiennent. Le Soleil ayant un demi-degré de largeur, nous ne savons pas pour cela sa vraie grandeur ou sa grandeur absolue; car il doit être plus ou moins grand, selon qu'il est plus ou moins éloigné du centre: il occupe la 720^e partie, mais d'un cercle ou d'une circonférence dont nous ignorons les dimensions.

8. Le Lecteur voit assez qu'on pouvoit supposer la circonférence des cercles partagée en un plus grand ou en un moindre nombre de degrés: on a adopté depuis un temps immémorial la division en 360 degrés. La demi-circonférence se trouve donc de 180 degrés; le quart se trouve de 90; la sixième partie est de 60; la douzième est de 30; la 24^e est de 15, &c.

9. La soixantième partie d'un degré est appelée *Minute*; & la soixantième partie d'une minute est appelée *Seconde*.

Au lieu de dire que le Soleil occupe dans le Ciel un demi-degré, on peut donc dire que sa largeur est de 30 minutes. On désigne souvent les degrés par un zéro qu'on met au-dessus du nombre, & les minutes par une espèce d'accent ou de virgule. Un arc qui seroit la 192^e partie de la circonférence du cercle, ou le quart de la 48^{me} partie, seroit de 1 degré 52 minutes 30 secondes, & on l'écrit ainsi, $1^{\circ} 52' 30''$ pour en marquer la valeur.

Méthode de diviser un Cercle en degrés.

(Voyez Fig. 1. & 2.)

10. Pour diviser un cercle AOE en ses 360 degrés, il Fig. 1.

faut prendre avec un compas la longueur d'un des rayons comme CA . Il faut porter avec le compas cette grandeur six fois sur la circonférence; de A en B , de B en O , de O en D , de D en E , de E en F , & de F en A . Les six longueurs du rayon portées de cette sorte, formeront toujours exactement toute la circonférence, comme nous l'apprennent les Eléments de Géométrie; & chaque longueur du rayon donnera par conséquent 60 degrés: c'est-à-dire, qu'il y aura 60 degrés de A en B , de B en O , &c.

11. Cette première opération étant faite, il ne restera plus qu'à subdiviser chaque arc. Partageant l'arc AB en deux parties égales par le point G , les arcs AG & BG seront chacun de 30 degrés; & si l'on partage encore ces derniers arcs par la moitié, on aura des arcs AH , HG , &c. de 15 degrés. Enfin après avoir divisé les 15 degrés en trois parties pour avoir des arcs de 5 degrés, il ne restera plus qu'à diviser ces derniers arcs en 5 parties égales, pour avoir de petits intervalles qui seront chacun d'un degré. On agira de la même manière pour tous les autres arcs BO & OD , &c, & la circonférence entière se trouvera de cette sorte partagée en 360 parties égales, ou en 360 degrés.

12. Si le cercle est plus petit, ses degrés seront aussi moindres. Nous avons tracé au-dedans du grand cercle AOE

un autre $abodef$ qui est plus petit. Mais la longueur du rayon Ca de ce dernier donnera également 60 degrés, lorsqu'elle sera portée sur sa circonférence de a en b , de b en o , &c; car on pourra toujours la porter exactement six fois.

13. Il est encore clair que, lorsque les cercles ont un même centre, les degrés des uns doivent répondre exactement aux degrés des autres : c'est-à-dire que, si les lignes CA , CG sont droites, & qu'il y ait 30 degrés ou la douzième partie de la circonférence du grand cercle depuis A jusqu'en G , il y aura aussi 30 degrés (des degrés du petit cercle $abdf$) entre les mêmes lignes droites CA , CG depuis a jusqu'en g .

14. Il suit de-là qu'on peut diviser fort aisément un cercle en degrés par le moyen d'un autre cercle qui est déjà divisé : il suffit pour cela que les deux cercles aient précisément le même centre. C'est par ce moyen qui est si simple, qu'on réussit à partager en degrés la circonférence même du Ciel, & qu'on mesure les intervalles célestes. Si, par exemple, l'instrument qui est représenté dans la Fig. 2. & qui n'est autre chose qu'un cercle $AEBD$ divisé en 360 degrés, est suspendu par la boucle A , & que la ligne AB se trouve exactement à plomb, il n'y aura qu'à diriger ou tourner la règle mobile GF vers le Soleil S , pour avoir depuis A jusqu'en F sur la circonférence de l'instrument, le nombre de degrés dont l'astre est éloigné du point Z le plus haut du Ciel.

15. Si la règle mobile GF étant dirigée vers le Soleil, se trouve située exactement sur BA , ce sera une marque que le Soleil répond exactement sur la tête de l'Observateur. Mais si l'on trouve 20 degrés depuis A jusqu'en F sur l'instrument, il doit y avoir aussi 20 degrés dans le Ciel depuis Z jusqu'en S . Car l'arc ZS n'est pas plus grand, par rapport à toute la circonférence du Ciel, que l'est l'arc AF par rapport à celle de l'instrument. Cette opération suppose que nous soyons placés exactement au centre du Ciel; mais comme la Terre est extrêmement petite en comparaison de la vaste étendue des Cieux, nous pouvons nous supposer au milieu ou au centre sans erreur sensible.

CHAPITRE II.

Des différentes situations que peuvent avoir deux lignes droites l'une par rapport à l'autre.

(Voyez Figure 3.)

16. **O**N APPELLE un *Angle* l'ouverture que forment Fig. 3. deux lignes qui se coupent dans un point. Ces deux lignes comme celles qui sont marquées dans la *Figure 3* par *AB* & *CB*, sont les deux côtés de l'angle, & le point *B* en est la pointe ou le sommet. On marque quelquefois l'angle par une seule lettre, qu'on met à la pointe; mais quand on en emploie trois, on prononce toujours celle de la pointe la seconde. Ainsi l'angle que nous avons sous les yeux, doit être indiqué par *ABC*, & non pas par *BAC*.

17. La grandeur d'un angle ne dépend pas de la longueur de ses côtés, mais seulement de la situation ou de l'inclinaison de l'un par rapport à l'autre. Plus les lignes droites qui forment l'angle sont ouvertes, plus l'angle est grand; & sa mesure en degrés se prend sur un arc de cercle compris entre les deux côtés, & décrit de la pointe *B* comme centre. Il n'importe donc qu'on prolonge infiniment les côtés *BA* & *BC*, ou qu'on les raccourcisse, l'angle sera toujours du même nombre de degrés; puisque, comme on l'a vû (13), les arcs *AC* & *KH* qui ont leur centre *B* dans le même point, & qui sont compris entre les lignes droites *BA* & *BC*, sont de pareilles portions de la circonférence entière, qui vaut aussi bien 360 degrés dans les petits cercles que dans les grands.



Méthode de mesurer les Angles sur le papier.

(Voyez Fig. 3. & 4.)

Fig. 3. 18. Il y a plusieurs manieres de mesurer un angle , ou de
 & 4. trouver sa grandeur en degrés , qui ont rapport à la méthode
 dont nous avons parlé ci-devant, de diviser un cercle en
 degrés. Proposons-nous de mesurer l'angle ABC de la *Fi-
 gure 3*. Après avoir , du point B comme centre , décrit avec
 un compas l'arc CD , il n'y a , sans changer l'ouverture du
 compas qui marque la longueur du rayon BC , qu'à la por-
 ter sur l'arc depuis C jusqu'en D . Il ne s'agira plus ensuite
 que de chercher combien il y a de degrés entre les deux cô-
 tés de l'angle , à proportion des 60 qu'on vient de trouver.
 On divisera les 60 par la moitié en E , & chaque moitié en-
 core par la moitié en F & en G . On aura de cette sorte les
 points de 15 degrés & de 45. Enfin divisant en trois l'espace
 EG qui est compris entre 30 degrés & 45 , on aura les
 points de 35 & de 40 degrés , & on verra que l'angle est
 de ce dernier nombre de degrés.

19. Le plus souvent il faudra pousser les divisions plus
 loin ; il faudra partager les petits espaces de cinq degrés en
 cinq parties égales. On sera obligé aussi , lorsque l'angle sera
 trop grand , de doubler ou de tripler la grandeur de 60 de-
 grés pour avoir celle de 120 ou de 180.

Fig. 4. 20. S'il s'agit , par exemple , de l'angle ABC de la *Fi-
 gure 4* : après avoir décrit l'arc de cercle CDE , & porté la
 grandeur du rayon depuis C jusqu'en D pour avoir le point
 D de 60 degrés , il faudra la porter encore de D en E , pour
 avoir en E le point de 120 degrés ; parce que l'angle qu'on
 se propose de mesurer , a plus de 60 degrés. On divisera en-
 suite l'arc DE par la moitié au point F , ce qui donnera le
 point de 90 degrés ; & afin de faire tomber les divisions
 dans l'endroit de l'arc où passe le côté AB de l'angle , on
 cherchera le point G de 75 degrés , & on divisera en trois
 parties égales les 15 degrés qu'il y a depuis le point D jus-
 qu'au point G ; ce qui donnera 65 degrés en H , & 70 de-

grés en I , & enfin partageant le petit intervalle IG en cinq parties égales, on reconnoîtra que l'angle CBA est d'environ 72 degrés. Au surplus, nous le répétons encore, il n'importe de quelle ouverture de compas, on décrive l'arc; parce que, si le cercle est plus grand, les degrés seront aussi plus grands dans le même rapport; & l'angle se trouvera par conséquent toujours de la même grandeur. Cependant plus le cercle sera grand, plus il sera aisé d'éviter les erreurs dans les mesures.

Autres Méthodes de mesurer les Angles sur le papier.

(Voyez Fig. 5.)

21. On trouve toujours dans les étuis de Mathématiques, un instrument nommé *Rapporteur* dont on se sert pour mesurer les angles avec beaucoup plus de facilité. Ce Rapporteur est un demi-cercle divisé en ses 180 degrés, & tracé sur du cuivre ou sur de la corne. On applique le centre du Rapporteur à la pointe de l'angle, & il ne reste plus qu'à voir combien il y a de degrés compris entre les deux côtés de l'angle. Cet instrument qu'on voit représenté dans la *Figure 5*, & qu'on peut faire avec un simple morceau de parchemin, sert non-seulement à mesurer les angles, mais à en former qui ayent précisément le nombre de degrés qu'on veut leur donner. C'est par son moyen qu'on a fait de 48 degrés l'angle ACB . Fig. 5.

22. On peut aussi se servir de tout cercle déjà divisé en degrés, pour mesurer les angles. Supposé que le cercle de la *Fig. 1* soit entièrement gradué ou partagé en degrés, il nous fournira aisément, par exemple. la mesure de l'angle de la *Fig. 3*. On décrira entre les côtés de cet angle l'arc CA précisément du même rayon ou avec la même ouverture de compas qu'a été décrit le cercle qui est divisé en degrés; & il suffira ensuite, en changeant l'ouverture du compas, de prendre la largeur ou la corde de l'arc AC qui mesure l'angle, & la transporter sur le cercle divisé, pour voir à combien de degrés elle répond. Si l'on fait l'essai de cette pratique, on trouvera, tout comme par l'autre Méthode, que l'angle de la *Fig. 3* est de 40 degrés, & que celui de la *Fig. 4* est de 72. Fig. 1.
Fig. 3.

10 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

23. Au lieu d'avoir un cercle divisé en degrés, on peut se contenter d'avoir une ligne droite sur laquelle se trouvent marquées toutes les longueurs des cordes prises dans un cercle d'un certain rayon. Cette ligne qu'on grave souvent sur des regles de buis, est appelée *Echelle des cordes*, & les Pilotes en sont ordinairement munis. Voyez-en une *Fig. 6*, qui a été faite d'après le cercle divisé de la *Fig. 1*, en transportant successivement sur cette ligne les largeurs, ou les cordes des arcs de 5 degrés, de 10, de 15, &c. mesurées sur ce cercle.

24. Il est clair qu'une échelle ainsi construite doit absolument tenir lieu d'un cercle quant à la division de ses degrés, & doit servir à mesurer toutes sortes d'angles. On n'a pour cela qu'à décrire entre les deux côtés de l'angle proposé, un arc *AC* (*Fig. 3 & 4.*) dont le rayon *BC* soit exactement égal à la corde *RL* de 60 degrés, prise sur l'échelle; parce que cette corde indique la longueur du rayon du cercle qui a servi à la construction de l'échelle. L'arc *AC* étant décrit, il ne reste plus qu'à prendre sa largeur ou sa corde *AC* en ouvrant ou en fermant le compas, & on la transportera ensuite sur l'échelle, en commençant au point *R*, pour voir à combien de degrés elle répond. Cette corde s'étend, pour l'angle de la *Fig. 3*, depuis *R* jusqu'en *M*, ce qui montre que cet angle est de 40 degrés.

Des diverses especes d'Angles formés par des lignes droites.

(Voyez *Fig. 3, 4, 7 & 8.*)

25. Les angles que nous venons de montrer à mesurer, prennent différents noms, selon qu'ils sont plus ou moins grands, ou plus ou moins ouverts. On en distingue de trois sortes; l'*Aigu*, l'*Obtus* & le *Droit*. Les angles que nous avons mis sous les yeux des Lecteurs dans les *Fig. 3 & 4*, sont aigus, parce que les lignes qui les forment, sont inclinées l'une vers l'autre, ou qu'elles forment une ouverture plus petite que le quart du cercle. Il y a de cette sorte une infinité d'angles aigus; il y en a de 10 degrés, de 15, de 20, &c. Il suffit pour qu'ils soient aigus, qu'ils n'aient pas tout-à-fait 90 degrés, ou le quart du cercle pour leur mesure.

26. Lorsque les deux lignes droites *NO* & *PO* (*Fig. 8.*) qui forment l'angle, sont inclinées en dehors l'une par rapport à l'autre, ou lorsque l'arc *NP* qui mesure leur ouverture, est plus grand que le quart d'un cercle, l'angle est

appelé *Obtus*. Il y en a aussi une infinité, qui sont ou de 100 degrés ou de 110, &c.

27. Enfin lorsque les deux lignes ne sont inclinées l'une par rapport à l'autre, ni en dehors ni en dedans, & que l'angle a pour sa mesure précisément 90 degrés, ou le quart du cercle, l'angle est appelé *Droit*, (Voyez la *Figure 7.*) Fig. 7.

Ainsi cet angle tient le milieu entre l'angle aigu & l'angle obtus. Il est clair aussi que tous les angles droits sont exactement de la même grandeur. Si on les ferme un peu, ils deviennent aigus; & pour peu au contraire qu'on les ouvre, ils deviennent obtus.

28. Le *complément* d'un angle est sa différence avec l'angle droit. Si un angle est de 30 degrés son complément fera de 60; si un angle est de 40 deg. 10 min. son complément fera de 49 deg. 50. min. s'il est de 104 deg. 25 min. son complément fera de 14 deg. 25 min.

Des divers noms que prennent les lignes selon les différents angles qu'elles forment.

(Voyez les Fig. 9, 10 & 11.)

29. Les lignes droites qui se coupent en faisant des angles droits, s'appellent des lignes *perpendiculaires*. Telles sont les lignes *AB* & *DE*, (Fig. 10.): Divers Artisans les Fig. 10. appellent des lignes à l'équerre, ou le *trait quarré*.

30. Les lignes qui forment des angles aigus ou obtus, sont appelées *obliques*. On dit en termes de Géométrie, qu'elles se coupent obliquement, au lieu de dire qu'elles se coupent de biais. Les lignes marquées dans la Fig. 9, sont Fig. 9. obliques, & elles font quatre angles en se coupant en *K*, dont il y en a deux aigus & deux obtus. Il n'est pas nécessaire pour que les deux lignes soient obliques, qu'elles se coupent effectivement, il suffit qu'elles le fassent lorsqu'on les prolonge.

31. Enfin il peut arriver que les lignes droites soient tellement situées l'une par rapport à l'autre, qu'elles ne puissent pas faire d'angles; & qu'étant prolongées, elles ne se

rencontrent point, parce qu'elles sont par-tout également éloignées l'une de l'autre. Dans ce cas on les appelle *paral-*
 Fig. 11. *leles*, comme les lignes LM & NO , (Fig. 11).

Méthodes de tirer des Lignes paralleles.

(Voyez les Fig. 11 & 12.)

32. Il n'est pas difficile de tracer des lignes obliques; car il n'y a presque qu'à les tirer au hasard. Mais il faut nécessairement une Méthode pour pouvoir tirer des lignes paralleles & des perpendiculaires. Pour commencer par les paralleles, nous supposerons que la ligne droite NO (Fig. 11.) est déjà tracée, mais que la ligne LM ne le soit pas encore, & qu'il s'agisse de la tirer parallèlement à l'autre, en la faisant passer par le point M . De ce point proposé que je prends pour centre, je décris avec un compas l'arc POQ qui touche exactement la ligne NO sans la couper. Je prends ensuite à volonté un point N sur la ligne NO ; je décris de ce point comme centre, avec la même ouverture de compas, l'arc RLS ; & il ne me reste plus après cela qu'à conduire la ligne droite LM , de manière qu'elle touche ce dernier arc, & qu'elle passe par le point proposé M , pour qu'elle soit parfaitement parallele à NO . On voit assez qu'on ne décrit ainsi deux petits arcs en sens contraires, qu'afin de ne se pas tromper sur la distance des lignes paralleles, ou de ne pas mesurer cette distance de biais ou obliquement.

33. Lorsque le point M par lequel on doit tirer la ligne parallele est trop éloigné de la premiere ligne (comme dans la Fig. 12.) la Méthode précédente seroit difficile à mettre en exécution; mais alors on peut se servir de la pratique suivante. On conduira par le point M , la ligne droite MN qui coupera en quelque point N la ligne proposée NO à laquelle il s'agit de tirer la parallele. On mesurera l'angle QNP , ou bien on se contentera de tracer l'arc QP qui le mesure. On prendra ensuite le point M pour centre; on décrira l'arc RS égal à l'arc PQ , en rendant sa corde ou sa largeur égale à la corde ou à la largeur du premier. Tirant enfin la ligne droite MST par les points M & S , elle sera parallele à NO : car on voit bien qu'elle sera également inclinée ou également située, mais vers des côtés contraires par rapport à la ligne oblique MN ; ce qui ne peut avoir lieu que lorsque les deux lignes droites NO & MT sont exactement paralleles.

34. La pratique précédente peut servir également sur le papier & sur le terrain. On peut aussi sur le terrain avoir recours à la Bouffole qui marque, comme nous l'expliquerons dans la suite, la situation des lignes ou leur direction par rapport aux régions du Monde. Après avoir examiné avec cet instrument la situation de la première ligne, il n'y a, si l'on veut en tirer une autre qui y soit parallèle à plusieurs centaines de toises de distance, qu'à tracer une ligne qui ait exactement la même direction.

Méthodes de tirer des Lignes perpendiculaires.

(Voyez les Fig. 10, 7, 13 & 14.)

35. Il n'est guère plus difficile de tirer des lignes perpendiculaires; c'est-à-dire, de tirer des lignes qui soient exactement à l'équerre, ou qui fassent des angles droits. Supposons que la ligne DE (Fig. 10.) ne soit pas encore Fig. 10. tracée, & qu'il s'agisse de conduire par le point C une perpendiculaire à AB . Je prends avec un compas de part & d'autre du point C sur la ligne AB , deux distances parfaitement égales CA & CB . J'ouvre ensuite mon compas, il n'importe de combien; & prenant les points A & B pour centres, je décris, sans changer l'ouverture, deux petits arcs RS & XT qui se croisent en D , & il ne me reste plus qu'à faire passer par l'intersection de ces petits arcs & par le point proposé C , la ligne DCE ; elle sera perpendiculaire à la ligne AB , comme on le souhaitoit. Il est évident qu'elle sera perpendiculaire: car le point D étant également éloigné du point A que du point B , c'est une marque que la ligne DE ne panche ni d'un côté ni de l'autre par rapport à AB .

36. La Méthode précédente n'est bonne que lorsqu'on veut tirer une perpendiculaire par un point placé vers le milieu d'une ligne donnée: mais voici une Méthode plus générale, dont on peut se contenter dans la pratique. Supposons-nous la ligne RT (Fig. 7.) & supposons qu'il s'agisse Fig. 7. par son extrémité R de lui élever la perpendiculaire RQ . La question se réduit à faire un angle parfaitement droit QRT , ou un angle qui ait pour sa mesure précisément le quart du cercle. Du point R comme centre, je décris l'arc TVQ : je porte la longueur du rayon RT , ou l'ouverture

14 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

du compas depuis T jusqu'en V , ce qui me donne un arc de 60 degrés. Je prends après cela la moitié TX de cet arc ; & la portant depuis V jusqu'en Q , il est évident que l'arc TQ doit se trouver de 90 degrés, ou doit être un quart de cercle. Ainsi on n'aura qu'à tirer la ligne RQ par le point Q , & elle sera perpendiculaire à RT .

37. Quelquefois il s'agit de tirer une perpendiculaire à une ligne donnée, & de la faire passer par un point situé hors de cette ligne. On veut, par exemple, du point donné C (Fig. 13.) abaisser une perpendiculaire sur la ligne proposée AB . Dans ce cas il n'y a du point C comme centre, qu'à décrire un arc de cercle EHF qui coupe la ligne proposée AB en deux points E & F . On prendra ces deux derniers points pour centres, & d'une ouverture de compas qui doit être la même, mais qui peut être différente de la première, on décrira deux petits arcs qui se coupent mutuellement en G . Il ne restera plus après cela qu'à conduire la ligne droite CG par le point C , & par l'intersection G des deux petits arcs, & cette ligne droite sera perpendiculaire à la première AB .

38. Si la place ne permet pas de décrire des arcs vers G , on se contentera de prendre sur AB le point I , qui est au milieu entre les points E & F , ou le point H au milieu de l'arc EHF , & de tirer CI ou CH .

Fig. 14. 39. Si le point C (Fig. 14.) par lequel on doit tirer la perpendiculaire répond vers l'extrémité A de la ligne AB , & si l'on n'a pas assez de place pour prolonger cette ligne, on tirera par le point C une ligne oblique CB qui fera avec la ligne proposée AB , il n'importe quel angle aigu. On prendra ensuite le milieu E de cette ligne oblique CB , & on en fera le centre du demi-cercle CDB , qui étant décrit indiquera en D , en coupant la ligne AB , le point par lequel il faudra conduire la perpendiculaire CD .



CHAPITRE III.

Des Triangles.

(Voyez les Figures 15, 16, 17 & 18.)

40. **L**E *TRIANGLE* est une figure bornée par trois lignes, comme *ABC* (Fig. 15.) Il y en a de plusieurs especes ; nous nous contenterons de parler ici, & en peu de mots, de ceux qui sont formés de lignes droites, & qu'on nomme *Rectilignes*.

41. Le triangle *ABC* (Fig. 15.) est *rectangle*, parce Fig. 15. qu'il a un angle droit en *B* ; on nomme *hypothénuse* le plus grand côté *AC*, qui est opposé à cet angle.

42. Lorsque dans un triangle il n'y a aucun angle droit, le triangle est *obliquangle*, soit qu'il n'ait que des angles aigus, ou qu'il ait un angle obtus. On l'appelle *obliquangle*, parce qu'il n'est formé que par des lignes obliques.

43. Si le triangle est parfaitement régulier, s'il a ses trois côtés égaux, comme le triangle de la Fig. 16, on l'appelle Fig. 16. *équilatéral*, & il est toujours *obliquangle* : ses trois angles sont aigus & égaux. Si le triangle n'a que deux côtés égaux, comme celui de la Fig. 17, on le nomme *isocèle*. Un trian- Fig. 17. gle rectangle se trouve *isocèle*, lorsque ses deux petits côtés sont égaux entr'eux. Si dans la Fig. 15 le côté *BC* étoit Fig. 15. égal à *BA*, le triangle *ABC* feroit *isocèle-rectangle*. Il est rectangle à cause de l'angle droit *B*, & il feroit *isocèle* à cause de l'égalité entre *AB* & *BC*.

44. Une propriété très-remarquable, & qu'il importe aux Pilotes de sçavoir, c'est que dans tous les triangles formés par des lignes droites, soit que ces triangles soient rectangles ou obliquangles, les trois angles joints ensemble valent toujours 180 degrés. C'est-à-dire, que si du même rayon ou de la même ouverture de compas, on décrit dans le triangle de la Fig. 18, trois arcs de cercles dans les trois angles Fig. 18.

D , E & F , pour leur servir de mesures, ces trois arcs joints ensemble, feront toujours une demi-circonférence de cercle, & vaudront par conséquent 180 degrés. Ce seroit la même chose si l'on ouvroit ou si l'on fermoit les deux angles D & F : ils deviendroient plus grands ou plus petits; les deux lignes DE & FE , au lieu de s'aller rencontrer en E , se rencontreroient plus loin ou plus près; mais l'angle E qui, comme nous l'avons dit, ne reçoit pas sa grandeur de celle de ses côtés, deviendrait plus aigu ou plus obtus, plus petit ou plus grand: & de cette sorte les trois angles vaudroient toujours 180 degrés ou la moitié du cercle.

45. Pour entrevoir la raison de cette propriété, on n'a qu'à conduire par le point E , la ligne GH parallèlement à DF . Les deux lignes GH & DF étant parallèles, la ligne DE fera toujours inclinée ou située de la même manière par rapport à l'une que par rapport à l'autre; & on pourra mettre l'angle D à la place de l'angle I , qui lui sera parfaitement égal. On pourra par la même raison mettre l'angle F à la place de l'angle K . Or on voit clairement par cet échange, que les trois angles du triangle forment un demi-cercle ou 180 degrés.

46. Il suit de-là qu'aussi-tôt qu'on connoît deux angles d'un triangle, on connoît toujours le troisieme; puisqu'il est le reste à la moitié du cercle. Si l'un des angles est, par exemple, de 60 degrés, & l'autre de 80, il faut nécessairement que le troisieme soit de 40, afin que les trois ensemble fassent 180 degrés. Lorsque le triangle est rectangle, l'angle droit vaut lui seul 90 degrés; ainsi il faut que les deux autres angles qui sont aigus, fassent ensemble l'autre moitié ou les autres 90 degrés, & qu'ils soient par conséquent (28) le complément l'un de l'autre. Supposé que l'un soit de 30 degrés, l'autre sera de 60. Si l'un est de 41 deg. 15 min. l'autre sera de 48 deg. 45 min.

47. On peut remarquer encore comme une propriété utile pour nous diriger dans nos calculs, que *le plus grand angle d'un triangle est toujours opposé au plus grand côté, & le plus petit angle au plus petit côté*, de sorte que quand deux
côtés

côtés sont égaux , les deux angles opposés sont aussi égaux.

48. Les figures formées de quatre côtés se nomment *Quadrilateres* , & on les nomme *Parallélogrammes* , lorsque leurs côtés opposés sont parallèles entr'eux. La *Fig. 21* nous présente un de ces parallélogrammes ; le côté *AD* est parallèle à *BC* , & *AB* l'est à *DC*. La *Fig. 22* est bien encore un parallélogramme ; mais on lui donne en particulier le nom de *Rectangle* , parce que tous ses angles sont droits.

49. Les lignes droites comme *AC* qui coupent ces figures par la moitié en se rendant d'un angle à son opposé , sont des diametres ; mais on les nomme plus ordinairement *Diagonales* pour les distinguer des diametres du cercle.

Des Triangles égaux & des Triangles semblables.

(Voyez les *Fig. 18 , 19 , 20 , 21 & 22.*)

50. Il suffit de rendre certaines parties d'un triangle égales à celles d'un autre , pour que les deux triangles se trouvent parfaitement égaux. Si l'on fait , par exemple , l'angle *d* du triangle *dfe* (*Fig. 19.*) égal à l'angle *D* du triangle *D FE* de la *Fig. 18* , & qu'on rende outre cela les deux côtés *de* & *df* égaux aux deux côtés *DE* & *DF* , les deux triangles seront parfaitement égaux. Il suffit , pour s'en convaincre , d'appliquer par la pensée le second triangle sur le premier , en faisant répondre l'angle *d* à l'angle *D* , & les côtés *de* & *df* aux côtés *DE* & *DF* qui leur sont égaux.

51. Un autre moyen de rendre les deux triangles égaux , c'est de faire les trois côtés de l'un égaux aux trois côtés de l'autre. La condition de l'égalité des côtés ne suffit pas pour rendre égales les figures qui ont plus de trois côtés , parce que ces lignes , quoiqu'égaux dans les deux figures , peuvent faire des angles différents , ou avoir des situations différentes les unes par rapport aux autres. C'est ce qu'on voit , par exemple , en jettant les yeux sur les deux *Fig. 21 & 22.* Les côtés de l'une sont exactement égaux à ceux de l'autre ; & cependant il s'en faut beaucoup que les deux figures

ne soient égales. Pour réussir à mettre une parfaite égalité entre ces figures, il faut les partager en triangles, & faire chaque triangle égal à son correspondant.

52. Deux triangles sont *semblables*, lorsque ce sont simplement les angles de l'un qui sont égaux à ceux de l'autre.

Fig. 20. Le petit triangle *def* (Fig. 20.) est semblable au grand

Fig. 18. *DEF* (Fig. 18.) il s'en faut beaucoup, comme on le voit, qu'il ne lui soit égal; mais il lui est semblable, parce qu'il le représente en petit, & que si dans le grand triangle le côté *FE* est les deux tiers du côté *DF*, & les trois quarts du côté *DE*, ce sera la même chose dans le petit triangle: le côté *fe* sera aussi les deux tiers du côté *df*, & les trois quarts de *de*. En un mot le petit triangle est la représentation du grand, & c'est ce qui arrive toutes les fois que les angles de l'un sont égaux à ceux de l'autre. Pour concevoir l'égalité des angles dont nous parlons, il faut toujours faire attention à ce que nous avons déjà dit (17), que la grandeur des angles ne dépend pas de la grandeur de leurs côtés.

53. La propriété générale des triangles semblables, c'est qu'en comparant deux de ces sortes de triangles, le plus petit côté du premier est au plus petit côté du second, dans le même rapport que le plus grand côté du premier est au plus grand côté du second, & que le moyen côté du premier est au moyen côté du second; en un mot les dimensions de ces triangles qui sont semblablement placées, sont toutes dans un même rapport, ce qui est une conséquence nécessaire de la ressemblance de ces triangles. Mais pour rendre ceci plus clair, nous allons expliquer ce qu'on entend par être dans un même rapport.



CHAPITRE IV.

*Des Rapports ou Raisons, des Proportions,
& de la Regle de Trois; avec la maniere
d'en abrégér la pratique par le moyen des
Logarithmes.*

4. ON APPELLE *Rapport* ou *Raison* de deux nombres, de deux lignes, & en général de deux quantités, la comparaison qu'on en fait en examinant combien de fois l'une contient l'autre.

5. Les deux quantités que l'on compare s'appellent les *termes* de la raison ou du rapport. Et c'est dans le nombre qui exprime combien de fois un terme contient l'autre, que consiste leur rapport. Par exemple, en comparant 12 à 4; on voit que 12 contient 4 trois fois, ou que 4 est contenu 3 fois dans 12. C'est donc dans le nombre 3, qui exprime le résultat de la comparaison, que consiste le rapport de 12 à 4: de sorte qu'on voit aisément que ce résultat se trouve par la division des termes qu'on compare: c'est pourquoi on dit que *la raison de deux termes consiste dans leur quotient*.

6. Par la même raison, il suit que deux rapports sont égaux, ou que deux termes sont en même raison ou ont un même rapport que deux autres, quand deux termes comparés entre eux donnent le même quotient que deux autres termes comparés entre eux de la même maniere. Par exemple, la raison de 12 à 4 est égale à la raison de 6 à 2, parce que chacune a pour quotient 3. On dira donc que 12 & 4 sont en même raison, & ont le même rapport que 6 & 2.

7. Pour avoir le quotient d'une raison on peut diviser le plus grand terme par le plus petit, ou le plus petit par le plus grand, cela est indifférent; mais quand il s'agit de savoir si deux raisons sont égales, il faut que la division se fasse de la même maniere dans chacune.

Bij

58. Pour avoir entre deux termes une même raison ou un même rapport qu'entre deux autres termes, il n'est pas nécessaire que le quotient soit un nombre entier ou sans fraction, il suffit qu'on sente l'égalité de ces deux quotients ou des deux fractions qui les représentent, pour être assuré de l'égalité des rapports. Ainsi la raison de 3 à 5 est la même que celle de 6 à 10, parce que la fraction $\frac{3}{5}$ a la même valeur que la fraction $\frac{6}{10}$, ou parce que $\frac{5}{3}$ est la même chose que $\frac{10}{6}$.

59. Lorsque deux raisons sont égales, leurs quatre termes écrits ou prononcés dans l'ordre suivant lequel on a trouvé l'égalité de leurs quotients, forment une *proportion*. Ainsi 3 & 5 étant en même raison que 6 & 10, on a une proportion en les écrivant dans cet ordre 3, 5, 6, 10 : mais pour faire connoître qu'ils sont réellement en proportion, on est convenu qu'on les écrirait ainsi 3 : 5 :: 6 : 10. On a de même 12 : 4 :: 6 : 2, & on l'énonce ainsi 12 est à 4 comme 6 est à 2 ; ou bien comme 12 est à 4, ainsi 6 est à 2.

60. Les deux termes du milieu d'une proportion s'appellent les *Moyens* ; le premier & le dernier s'appellent les *Extrêmes*.

61. Une des principales propriétés des proportions, c'est que quand quatre termes sont écrits en proportion, on peut faire divers changements de place, sans que ces termes cessent d'être en proportion. La condition essentielle est que les deux termes qui étoient moyens, restent toujours les deux moyens, ou deviennent les deux extrêmes ; & que les deux termes qui étoient extrêmes, restent toujours les deux extrêmes, ou deviennent les deux moyens. Ainsi à la proportion 3 : 5 :: 6 : 10, on peut faire les sept changements suivants, 3 : 6 :: 5 : 10 10 : 6 :: 5 : 3 10 : 5 :: 6 : 3 5 : 3 :: 10 : 6 5 : 10 :: 3 : 6 6 : 3 :: 10 : 5 6 : 10 :: 3 : 5 ; le quotient de chaque raison ne reste pas toujours le même qu'il étoit avant le changement, mais il se trouve toujours égal dans chaque raison d'une même proportion.

62. Une autre propriété fondamentale des proportions,

C'est qu'un terme, quel qu'il soit, s'il est moyen, il est égal au produit des deux extrêmes divisé par l'autre moyen; & s'il est extrême, il est égal au produit des deux moyens divisé par l'autre extrême. Ainsi dans la proportion $3 : 5 :: 6 : 10$, on voit que 5 est égal à 3 multiplié par 10 (ce qui fait 30) divisé par 6. De même 10 est égal à 5 multiplié par 6 en divisant le produit 30 par 3. C'est de-là qu'on a tiré la *Regle de Trois*, qu'on appelle aussi *Regle de Proportion*, parce que ce n'est autre chose que le calcul nécessaire pour trouver le quatrième terme d'une proportion dont on connoît les trois premiers. Il faut donc, pour faire une *Regle de Trois*, multiplier le second terme donné par le troisième, & diviser leur produit par le premier terme, le quotient est le quatrième terme cherché.

63. Mais comme il arrive souvent qu'on est obligé d'employer de grands nombres dans la pratique de la *Regle de Trois*, ce qui la rend pénible & sujette à des erreurs d'inadvertance, on a inventé un moyen aussi commode qu'ingénieux de l'abréger extraordinairement, en réduisant toute multiplication à une simple addition de deux nombres, & toute division à une simple soustraction de deux nombres. Les nombres qu'on emploie pour cela s'appellent *Logarithmes*. Ce sont des nombres artificiels calculés exprès pour être mis à la place de ceux qu'il faudroit multiplier ou diviser. De sorte que dans cette méthode de calcul, chaque nombre absolu ou naturel doit avoir un logarithme correspondant, afin qu'on puisse le lui substituer, en cas que ce nombre doive être multiplié ou divisé. C'est dans cette vue que l'on a calculé d'amples tables, où, vis-à-vis des nombres naturels ou absolus, qui commencent par 1, 2, 3, 4, &c, on a mis leurs logarithmes. On en trouvera une à la suite de ce *Traité*.

64. Ainsi toute *Regle de Trois* se fait par logarithmes, en ajoutant ensemble les logarithmes du second & du troisième terme, & en retranchant de la somme le logarithme du premier terme; le reste est le logarithme du quatrième terme demandé, & dont il faut aller chercher la valeur en nombres naturels dans la table des logarithmes.

65. Il faut remarquer dans les logarithmes ce qu'on en appelle la *Caractéristique*. C'est un chiffre à la tête des autres, & qui en est séparé par un point. Il sert uniquement à faire connoître de combien de chiffres ou caracteres est composé le nombre absolu qui répond au logarithme, parce que ce nombre absolu est d'autant de chiffres plus un, que la caractéristique contient d'unités. Ainsi un logarithme, dont la caractéristique est 3, répond à un nombre composé de quatre chiffres. De même *autant d'unités qu'on ajoute à la caractéristique ou qu'on en retranche, autant de fois on multiplie ou l'on divise le nombre naturel correspondant par 10.*

CHAPITRE V.

Du calcul des Triangles ou de la Trigonométrie.

66. **P**RESQUE toutes les opérations du pilotage se font, ou par le calcul direct des triangles, soit qu'ils soient tracés ou imaginés sur le terrain, sur le papier ou sur une carte, soit qu'ils soient imaginés sur la surface d'un globe, ou dans la concavité d'une sphere: ou bien ces opérations se font par le moyen de tables dressées exprès pour représenter ces calculs tout faits; ou enfin ces opérations se font par des pratiques manuelles, équivalentes à peu près au calcul direct.

67. Nous employerons successivement ces trois différents moyens; mais nous ne saurions trop exhorter ceux qui se proposent de pratiquer la Navigation avec la plus grande exactitude, à s'exercer principalement au calcul direct des triangles, lequel est infiniment préférable à toutes les autres méthodes, de sorte qu'il doit être honteux à un Pilote de l'ignorer. C'est dans la vue de les engager à prendre l'habitude de ce calcul, que nous en détaillerons ici les procédés les plus simples, sans en faire des démonstrations rigoureuses; puisque les plus habiles Mathématiciens pratiquent tous

les jours ces regles, sans s'inquiéter de leurs démonstrations, qu'il leur suffit d'avoir bien entendues une fois.

Nous parlerons d'abord du calcul des triangles rectilignes, réservant au Livre suivant à donner les regles de celui des triangles formés sur un globe.

I.

Principes généraux de Trigonométrie rectiligne.

68. Le triangle ayant trois angles & trois côtés, est censé composé de six parties. Le calcul trigonométrique consiste à trouver ou la valeur d'un angle ou celle d'un côté, lorsqu'on connoît déjà la valeur de trois parties de ce triangle.

69. Dans les regles ordinaires du calcul trigonométrique, les trois parties connues servent à faire une Regle de Trois pour avoir la partie qu'on cherche. Il faut donc que ces quatre parties puissent faire une proportion ; de sorte, qu'avant que de faire le calcul, il faut savoir, 1^o, si les trois parties connues peuvent faire une proportion exacte avec celle qu'on cherche : 2^o, De quelle maniere il faut arranger ces trois termes connus, pour qu'ils fassent une proportion avec le quatrième que l'on cherche.

70. A l'égard de la premiere question, quoiqu'un angle d'un triangle soit d'autant plus grand que le côté opposé est plus grand (47), & qu'ainsi le côté d'un triangle ne peut augmenter, (les autres côtés restants de même grandeur) que l'angle opposé n'augmente aussi, cependant les angles ne sont pas proportionnels aux côtés : car on voit sensiblement que si on divise un des angles d'un triangle en plusieurs parties égales par des lignes droites, le côté opposé se trouve divisé en parties inégales.

71. Puisqu'il n'y a pas de proportion exacte entre les côtés & les angles d'un triangle, la Regle de Trois ne pourroit avoir lieu dans le calcul des triangles, si l'on n'avoit substitué aux arcs qui mesurent les angles, certaines lignes droites pro-

pres à faire une proportion exacte avec les côtés des triangles. Ce sont ces lignes droites connues sous le nom de *Sinus*, *Tangentes*, &c, dont il faut donner ici une notion succinte.

I I.

*Explications ou définitions des Sinus,
Tangentes & Sécantes.*

72. Le *Sinus* d'un arc est une ligne droite abaissée perpendiculairement de l'extrémité de cet arc sur le rayon qui se rend à son autre extrémité. Dans la *Fig. 27*, l'arc DA a la ligne DE pour sinus, ou la ligne AL qui lui est égale. On peut remarquer que le sinus marque bien la largeur d'un arc, mais qu'il ne la marque pas comme la corde, à cause de sa situation perpendiculaire à un des rayons, ce qui le rend toujours plus court.

73. Si l'on rend l'arc plus grand, le sinus augmentera jusqu'à un certain terme. L'arc Ad , par exemple, a de pour sinus; & lorsque l'arc est égal au quart de cercle AB , il a alors pour sinus le rayon même BC : mais si après cela on augmentoit encore l'arc, si l'on prenoit, par exemple, l'arc AM , le sinus deviendrait plus petit; il se réduiroit à MN . Ainsi le rayon est le dernier terme de grandeur auquel puissent parvenir les sinus; & c'est pour cela que le rayon prend le nom de *Sinus total*.

74. A mesure que les arcs AD , Ad deviennent plus grands, & que leurs sinus croissent, ceux des arcs de complément deviennent plus petits. L'arc BD a DF pour sinus, & l'arc Bd a df . On nomme ces sinus les *Co-Sinus* des arcs DA & dA ; & par la même raison les lignes DE & de sont les *Co-Sinus* des arcs DB & dB .

75. On peut remarquer que *chaque sinus est toujours la moitié de la corde d'un arc double*. Le sinus DE est la moitié de DI , qui est la corde de l'arc DAI , double de DA .

76. Outre les sinus, on considère encore deux autres lignes dont chaque arc ou chaque angle peut être accom-

pagné. Si on élève à l'extrémité du rayon CA la perpendiculaire AG , & qu'on la termine par la rencontre de l'autre rayon CD prolongé jusqu'en G , cette ligne AG touchera l'arc au point A , & on la nomme la *Tangente* de l'arc AD , pendant que le rayon CD prolongé jusqu'en G , se nomme la *Sécante* du même arc. Si l'on rend l'arc plus grand, si on le fait égal à Ad , sa tangente Ag & sa sécante Cg seront aussi plus grandes; & elles deviendront infinies, si on rend l'arc égal au quart de cercle AB , ou si on le fait de 90 degrés; car la tangente Ag & le rayon CB , quoique prolongés infiniment, ne se rencontreroient pas.

77. Les arcs de complément BD & Bd ont aussi leurs tangentes & sécantes, & elles vont en diminuant à mesure que ces arcs de complément diminuent. BH est la tangente de l'arc BD , & CH en est la sécante; de même que Bh est la tangente, & Ch la sécante de l'arc Bd . En prenant ainsi des arcs de complément toujours plus petits, la tangente à la fin se réduit à rien; mais les sécantes en diminuant ne peuvent pas devenir moindres que le rayon ou le sinus total CB .

78. Un rapport très-remarquable qu'ont les sinus des arcs & les sécantes de leur complément, c'est que si la longueur du sinus augmente ou diminue un certain nombre de fois par l'augmentation ou la diminution de l'étendue de l'arc, la sécante de complément recevra un semblable changement, mais en sens contraire. Le sinus de est, par exemple, deux fois plus grand que le sinus DE ; mais en récompense la sécante Ch de complément du premier arc sera deux fois plus petite que la sécante CH de complément de l'autre. Si nous nous exprimons, comme on le fait en Géométrie, ces lignes seront toujours en *raison inverse ou réciproque*. On verra la raison de cette propriété, si l'on fait attention que le triangle DCE est toujours semblable au triangle HCB , quoiqu'ils soient situés différemment. Or cette conformité est causée qu'il y a même rapport du sinus DE au rayon CD , que du rayon CB à la sécante de complément CH . Si le sinus DE est donc égal au tiers ou au quart du rayon, la sécante de complément CH sera triple ou quadruple du rayon; & si l'on fait augmenter ou diminuer le sinus, la sécante de complément diminuera ou augmentera dans le même rapport.

79. La même chose arrive aux tangentes qui appartiennent à des arcs qui sont le complément l'un de l'autre. Si en augmentant l'arc AD , on rend sa tangente AG deux ou trois fois plus grande, la tangente BH de l'arc de complément BD deviendra dans le même temps deux ou trois fois plus petite; parce que le rapport de l'une au rayon, sera toujours le même que celui du rayon à l'autre.

80. Des personnes zélées pour l'avancement des sciences se sont donné la peine de calculer avec la plus grande exactitude les sinus, tangentes, sécantes, &c, qui répondent à tous les degrés & minutes de tous les angles, en supposant que le rayon du cercle fût exprimé par 10000000000. Pour cela il a suffi d'en calculer pour 90 degrés seulement, parce que les angles obtus ont les mêmes sinus, tangentes, &c, que les angles aigus qui sont leur supplément à 180 degrés. Les tables qui contiennent ces calculs sont connues sous le nom de *Tables de Sinus*: & pour rendre la pratique du calcul des triangles plus commode, on a mis dans ces tables les logarithmes des sinus, tangentes, &c, à la place des nombres naturels qui expriment les valeurs absolues des sinus & tangentes.

On trouvera à la fin de cet Ouvrage une table de logarithmes de sinus, tangentes, &c, dont, en examinant un peu la disposition, on trouvera facilement que l'on compte les 45 premiers degrés de haut en bas, & depuis 45 degrés jusqu'à 90 degrés de bas en haut, afin que les compléments se trouvent vis-à-vis les uns des autres, ce qui est fort commode dans un grand nombre d'occasions.

I I I.

Regles pour le calcul des Triangles rectangles.

81. Après avoir trouvé un moyen de substituer aux arcs qui mesurent les angles des triangles, des droites qui puissent être en proportion avec les côtés de ces triangles, on a cherché en quel ordre il falloit placer les termes donnés, afin qu'ils fussent réellement en proportion. Voici d'abord ce qu'on a trouvé pour les triangles rectangles, dont le calcul est plus abrégé que celui des autres triangles.

82. I. Dans un triangle rectangle quelconque ABC (*Fig. 15.*) étant donnés l'hypoténuse AC , & un angle aigu quelconque C ou A , on trouvera le côté opposé à cet angle, par cette proportion.

Comme le rayon ou sinus total ,
A l'hypoténuse ;
Ainsi le sinus de l'angle donné ,
Est à son côté opposé cherché.

83. II. Etant donnés l'hypoténuse AC , & un côté quelconque AB ou BC , trouver l'angle opposé à ce côté.

Comme l'hypoténuse ,
Au côté donné ;
Ainsi le sinus total ,
Au sinus de l'angle opposé au côté donné.

84. III. Etant donnés un angle , & un côté quelconque , trouver l'hypoténuse.

Comme le sinus de l'angle opposé au côté donné ,
Est à ce côté ;
Ainsi le sinus total ,
Est à l'hypoténuse.

85. IV. Etant donnés un angle & un côté , trouver l'autre côté.

Comme le rayon ,
Au côté donné ;
Ainsi la tangente de l'angle opposé au côté cherché ,
A ce côté cherché.

86. V. Etant donnés les deux côtés , trouver un des deux angles aigus.

Comme un des côtés donnés ,
Est au rayon ;
Ainsi l'autre côté donné ,
Est à la tangente de son angle opposé.

VI. Etant donnés les deux côtés , trouver l'hypoténuse.

Cette question peut être résolue en deux manières ; la première est d'ajouter ensemble les quarrés des côtés donnés , & d'extraire la racine de la somme , elle fera la valeur de l'hypoténuse ; la seconde est de faire les deux proportions suivantes.

Comme un des côtés donnés ,
Au rayon ;
Ainsi l'autre côté donné ,
A la tangente de l'angle qui lui est opposé.

Par cette proportion, on connoît tous les angles du triangle.

*Comme le sinus d'un des angles aigus ,
A son côté opposé ;
Ainsi le sinus total ,
A l'hypoténuse.*

87. VII. Etant donnés l'hypoténuse & un côté, trouver l'autre côté.

Cette question peut avoir trois solutions; la premiere est de soustraire le quarré du côté donné, du quarré de l'hypoténuse, & la racine quarrée du reste sera le côté cherché.

La seconde se fait très-facilement par les logarithmes, en prenant pour logarithme du côté cherché, la moitié de la somme des logarithmes de la somme & de la différence de l'hypoténuse & du côté donné.

La troisieme est de faire ces deux proportions.

*Comme l'hypoténuse ,
Au sinus total ;
Ainsi le côté donné ,
Au sinus de l'angle opposé à ce côté.*

Par cette proportion, on connoît tous les angles de ce triangle.

*Comme le sinus total ,
A l'hypoténuse ;
Ainsi le sinus de l'angle opposé au côté cherché ,
A ce côté.*

On pourroit substituer à cette derniere proportion, celle du n°. IV.

88. REMARQUES & EXEMPLES. Comme cette derniere question renferme presque toutes les autres, nous en allons donner des exemples, tant en nombres naturels qu'en logarithmes.

89. Dans la pratique du calcul, quand le rayon se trouve au premier terme de la proportion, il faut seulement effacer l'unité qui précède la caractéristique de la somme des logarithmes du second & du troisieme terme, ce qui épargne la soustraction; & quand le rayon ou sinus total est au second

ou au troisieme terme, il faut ajouter seulement une unité devant la caractéristique du logarithme du troisieme ou second terme, & en retrancher tout de suite le logarithme du premier. On verra cette pratique dans les exemples suivants.

90. I. SOLUTION. Soit l'hypoténuse AC de 851 pieds, le côté AB de 702. Par la premiere solution on aura

Quarré de 851.....724201

Quarré de 702.....492804

Différence.....231397..Quarré de BC ..481.

91. II. SOL. BC851

AC702

Somme...1553 Log...3.191171

Différence 149 Log...2.173186

Somme 5.364357

Moitié 2.682178..481.

92. III. SOL. Par les deux proportions précédentes.

Log. de 702...12.846337 il est précédé d'une unité à cause

Log. de 851... 2.929930 du sinus total au second terme.

Différence.... 9.916407 Log. du sinus de BCA 55° 35'.

Donc BAC 34 25.

Pour la seconde analogie.

Log. de 851..... 2.929930

Log. sin. de 34° 25'... 9.752207

Somme.....12.682137 dont ôtant l'unité qui précède la caractéristique, à cause du rayon au premier terme, reste 2.682137 logarithme de 481, valeur du côté cherché BC .

I V.

*Regles du calcul pour les Triangles obli-
quangles.*

93. I. Etant donnés deux angles & un côté, trouver les autres côtés.

*Comme le sinus de l'angle opposé au côté connu ,
A ce côté ;*

*Ainsi le sinus de l'angle opposé au côté cherché ,
A ce côté cherché.*

94. II. Etant donnés deux côtés & un angle opposé à l'un des deux , trouver l'angle opposé à l'autre , *pourvu qu'on sache auparavant s'il est aigu ou obtus.*

Comme le côté opposé à l'angle donné ,

Au sinus de cet angle ;

Ainsi l'autre côté ,

Au sinus de l'angle qui lui est opposé.

95. III. Etant donnés deux côtés , & l'angle compris , trouver les autres angles.

Comme la somme des côtés donnés ,

A leur différence ;

*Ainsi la tangente de la moitié du supplément de l'angle connu ,
A la tangente de l'angle qu'il faut ajouter à cette moitié
pour avoir le plus grand des deux angles qu'on cherche , &
qu'il faut ôter de cette moitié pour avoir le plus petit.*

Fig. 18. Par exemple, soit ED (Fig. 18.) de 865 pieds , EF de 517 , & l'angle DEF $96^{\circ} 36'$.

ED 865 DEF $96^{\circ} 36'$

EF 517 Supplément.. $83^{\circ} 24'$

Somme .. 1382 Moitié..... $41^{\circ} 42'$

Différence 348 Log.. 2.541579

Tang. moitié f. 9.949862

Somme..... 12.491441

Log. 1382.. 3.140508

Différence... 9.350933 Log. Tang. $12^{\circ} 39'$

Moitié du supplément..... $41^{\circ} 42'$

EFD ou le plus grand angle $54^{\circ} 21'$

EDF ou le plus petit angle.. $29^{\circ} 3'$

On connoît (47) quel est le plus grand angle par le plus grand des deux côtés connus auquel il est opposé , & le plus petit par le plus petit des deux côtés connus.

96. IV. Etant donnés deux côtés & l'angle compris, Fig. 18. trouver le troisieme côté.

Il faut chercher les angles par la Regle précédente, puis le troisieme côté par la premiere.

97. V. Etant donnés les trois côtés, trouver celui des angles qu'on voudra.

Ajoutez ensemble les trois côtés; prenez la moitié de la somme; de cette moitié ôtez successivement les deux côtés qui renferment l'angle cherché: ajoutez ensemble les logarithmes des deux restes & la caractéristique 20. Ajoutez à part les logarithmes des deux côtés qui renferment l'angle cherché, ôtez cette derniere somme de logarithmes de la précédente; prenez la moitié du reste, ce sera le logarithme de sinus d'un arc qu'il faudra chercher dans les Tables de sinus; doublez cet arc, & vous aurez la mesure de l'angle cherché.

98. EXEMPLE. On demande l'angle D (Fig. 18.) renfermé entre les côtés DE , DF du triangle DEF dont on suppose DF de 150 pieds, DE de 120 pieds, & EF de 96 pieds. Voici le procédé du calcul.

EF ...	96	
DE ...	120Log. 2.079181
DF ...	150Log. 2.176091
Somme	366	2 ^e somme Log. 4.255272
Moitié	183	

Otez 120, reste 63 Log. 1.799340

Otez 150, reste 33 Log. 1.518514

20.

Premiere somme Log.23.317854

Seconde somme..... 4.255272

Reste19.062582

Moitié 9.531291. Log. Sin. $19^{\circ} 52'$

Double...39 44

Mesure de l'angle EDF .

Cette Regle n'est autre chose que le calcul de cette proportion :

*Le produit des deux côtés qui renferment l'angle cherché,
Est au produit des deux excès de la moitié de la somme
des trois côtés sur chacun de ces deux côtés ;*

Comme le quarré du rayon ,

Est au quarré du sinus de la moitié de l'angle cherché.

Nous ferons dans la suite des applications de ces regles aux problèmes les plus utiles & les plus nécessaires dans la Navigation.

99. On doit remarquer en général que la connoissance des trois angles d'un triangle ne suffit pas pour avoir la valeur absolue des côtés , puisque (52) deux triangles peuvent avoir leurs angles correspondants parfaitement égaux & avoir des côtés inégaux.

Fin du premier Livre.



LIVRE SECOND,

Dans lequel on donne une idée générale du Pilotage , en traitant de la Sphere , & du calcul des Triangles sphériques , de la figure & de la grandeur de la Terre , de la construction & de l'usage de la Bouffole , des Cartes Marines , &c.

00. **N**ous nous proposons de donner dans ce second livre une idée générale des connoissances qui ont un rapport plus immédiat avec le Pilotage , réservant les applications & les détails pour les Livres suivans.

CHAPITRE PREMIER.

Notions préliminaires de la Sphere , & principalement de la figure & de la grandeur du Globe terrestre.

I.

01. **P**LU SIEURS observations très-faciles à faire nous apprennent que la Terre avec la masse des eaux qui l'environnent , forment un globe ou un corps parfaitement rond. Lorsque nous sommes sur le bord de la Mer , en quelque pays que ce soit , notre vue est toujours bornée par un cercle qui paroît faire la séparation de la Mer & du Ciel , &

que nous nommons *l'Horizon*. Il est vrai que si la Terre étoit plate, notre vue feroit également terminée par un cercle dont nous occuperions le centre : mais la grandeur de ce cercle dépendroit alors de la bonté de nos yeux ; si notre vûe étoit plus longue, elle le porteroit plus loin : au lieu que le cercle que nous voyons autour de nous, ne dépend que de la rondeur de la Terre : lorsqu'un Vaisseau vient de la Mer ou *du Large*, nous ne découvrons d'abord que le haut de ses mâts, & nous nous servirions inutilement des meilleures lunettes pour découvrir le corps même du Navire. Il n'y a pour nous qu'un moyen de le voir, c'est de monter sur une haute tour ou sur quelque endroit très-élevé. Nous pourrions ensuite découvrir tout le Vaisseau ; parce qu'il cesse d'être caché par l'élévation que forme entre lui & nous la rondeur de la mer.

102. Ce que nous venons de dire de l'étendue de l'Horizon ou de ce cercle qui borne notre vue, & qui paroît séparer la partie du Ciel que nous voyons, de celle que nous ne voyons pas, a lieu dans tous les pays. Ainsi la Terre est ronde dans toutes ses parties ; & ce qui le confirme bien sensiblement, c'est ce que nous observons dans les éclipses de Lune. Nous voyons pendant ces phénomènes, comme nous le dirons plus particulièrement dans la suite, l'ombre de la Terre tomber sur la Lune ; & cette ombre nous paroît exactement ronde, malgré les différentes positions du Soleil, par rapport à nous, & les différents endroits de la Terre où nous pouvons nous trouver. Or il n'y a qu'un globe ou un corps rond dans tous les sens, dont l'ombre puisse être ronde ou exactement circulaire, malgré ses différentes situations par rapport au corps lumineux. Les montagnes qu'on voit en différents pays ne forment pas d'exception contre l'exacte rondeur de la Terre ; car quelque grosses qu'elles soient, leur masse n'est presque rien, lorsqu'on la compare à celle du globe entier. Ce sont comme quelques grains de fable qu'on mettroit à quelque distance les uns des autres sur une grosse boule de 9 ou 10 pieds de diamètre.

103. La figure ronde de la Terre & des autres corps cé-

lestes , est produite par l'effort à peu près égal que font toutes ses parties par leur pesanteur pour s'approcher du point le plus bas de toute la masse ; ce point est le centre. Cette tendance de toutes ses parties vers le bas , a du rapport à l'union dont sont capables les parties d'une goutte d'eau , ou de vis-argent , qui , en s'approchant les unes des autres , forment un tout qui est rond. Chaque partie de liqueur , en faisant effort pour s'approcher de toutes celles qui lui sont voisines , pèsent , pour ainsi dire , vers le centre de la goutte ; & elles se contre-balancent réciproquement. La même chose arrive aux eaux de l'Océan , elles se trouvent sensiblement de niveau avec les Terres ou les continents qui les environnent. Nous pouvons faire le tour de notre Globe , comme l'ont déjà fait plusieurs Voyageurs ; parce que notre pesanteur qui est toujours agissante , nous attache à la Terre , & nous presse continuellement contre sa surface , à peu près de la même manière que des morceaux de fer s'attachent à un aimant. Nous nommons *Antipodes* , les Peuples qui sont éloignés de nous de 180 degrés , ou de la demie-circonférence de la Terre. Nous avons les pieds à l'opposite les uns des autres ; ils sont nos Antipodes , & nous sommes les leurs : ils ont le jour pendant que nous avons la nuit. Mais nous ne pouvons pas dire qu'ils sont en bas , & que nous sommes en haut : car nous sommes tous également éloignés du centre , qui est le point réellement le plus bas ; sur la surface de la Terre , il n'y a de haut que ce qui est vers le Ciel , & de bas que ce qui est vers le centre de la Terre.

I I.

Des Poles de la Terre , de l'Equateur terrestre , des Méridiens , &c.

(Voyez la Figure 28.)

104. La Terre étant ronde , & formant *un Globe* ou *une Sphere* , car ces deux mots signifient la même chose , nous rapportons à la Terre divers points du Ciel. C'est ce qu'on

Fig. 28. doit faire naturellement , puisque chaque point du Globe terrestre répond exactement sous un endroit déterminé de la surface des Cieux. On nomme *Poles* du Monde les deux points sur lesquels le Ciel paroît tourner d'Orient en Occident , ou du Levant au Couchant en 24 heures ; & nous donnons le nom de Poles de la Terre ou de Poles terrestres , aux deux points de la Terre , qui sont immédiatement au-dessous , & qui sont à l'opposite l'un de l'autre. Il suffit de considérer le Ciel pendant une belle nuit , pour s'appercevoir que toutes les étoiles tournent d'Orient en Occident , de même que le Soleil & la Lune. Le mouvement paroît se faire , comme si c'étoient les Cieux qui entraînaient les Astres , en tournant à la manière d'une boule , qui fait ses révolutions sur deux pivots opposés. Les points voisins de ces pivots ne décrivent que de très-petits cercles ; il en est de même des étoiles voisines des Poles. C'est ce qui arrive en particulier à une étoile que nous nommons *Polaire*, ou *Etoile du Nord*. On la découvre dans toute l'Europe ; & elle paroît pendant la durée de chaque nuit comme fixée dans le même endroit. Si le froid & les glaces permettoient d'aller jusqu'auprès du Pole de la Terre le plus voisin de nous , on auroit cette Etoile sur la tête.

105. On distingue les deux Poles terrestres l'un de l'autre , en nommant celui qui répond sous l'Etoile du Nord , le *Pole du Nord* , *Arctique* , *Septentrional* ou *Boréal* , & l'autre qui en est éloigné de 180 degrés de la Terre , ou de la moitié de la circonférence , le *Pole du Sud* , *Antarctique* , *Méridional* ou *Austral*. Ils reçoivent ces différents noms des deux Poles du Ciel sous lesquels ils répondent , ou des vents qui soufflent des points correspondants de l'Horizon.

106. En même temps que les Etoiles qui sont très-voisines des deux Poles du Ciel , ne changent presque point de place , les Etoiles au contraire qui sont vers le milieu entre les deux Poles , ou à la même distance d'un Pole que de l'autre , décrivent de très-grands cercles. Le cercle du plus grand mouvement se nomme *l'Equateur* , & on donne le même nom au cercle de la Terre qui répond au-dessous , & qui

sépare le Globe terrestre en deux parties parfaitement égales, celle du Nord & celle du Sud. On connoît les endroits de la terre par lesquels passe l'Equateur terrestre. Il passe par l'embouchure de la riviere des Amazones en Amérique, par l'Isle de Saint Thomas proche la côte d'Afrique, par les Isles de Borneo & de Sumatra dans la Mer des Indes, par les Isles Gualapes dans la Mer Pacifique, &c. Tous ces lieux sont autant éloignés d'un Pole de la Terre que de l'autre; & lorsqu'on s'y trouve, on voit passer sur sa tête les Etoiles qui paroissent tourner avec le plus de rapidité, comme sont à peu près celles que le vulgaire nomme les *Trois Rois*.

107. On donne en général le nom de *Paralleles* à tous les cercles que les Etoiles paroissent décrire chaque jour en tournant autour des Poles; parce que ces cercles sont réellement paralleles entr'eux, de même qu'à l'Equateur. On conçoit aussi sur la Terre une infinité de cercles qui ont leur centre dans l'axe de la Terre, c'est-à-dire dans la droite qui joint l'un & l'autre Pole, ces cercles sont paralleles à l'Equateur, & on les nomme aussi *des Paralleles*. Nous en avons marqué quelques-uns dans la *Fig. 28*, qui représente le Globe terrestre. Les points opposés *N* & *S* sont les deux Poles qui sont éloignés l'un de l'autre de 180 degrés, ou de la moitié de la circonférence de la Terre. Le cercle *E A Q* est l'Equateur qui est éloigné des Poles de 90 degrés, & qui coupe la Terre par la moitié, ou qui la partage en deux demi-Globes ou *Hémispheres*. Les paralleles à l'Equateur sont indiqués par *GH*, *BC*, &c. On doit remarquer que nous les représentons ici par des lignes droites, de même que l'Equateur, à cause de la difficulté qu'il y a de représenter une boule sur quelque chose de plat.

108. On voit dans la même Figure les lignes *Nord* & *Sud* *NES*, *NTS*, *NAS*, &c. qui sont des demi-cercles qui s'étendent d'un pole à l'autre, & qui coupent l'Equateur perpendiculairement. On les nomme *Méridiens terrestres*, parce qu'ils indiquent tous les lieux de la Terre, qui étant au Nord ou au Sud les uns des autres, ont Midi dans le même instant. Le Soleil, en tournant d'Orient en Occident,

Fig. 28. donne successivement le Midi à tous les lieux de la Terre. Lorsqu'il est parvenu au milieu de sa course par rapport au point *A*, par exemple, & qu'il y donne Midi, il se trouve aussi vis-à-vis de tous les autres points *L*, *M*, &c. placés exactement au Nord ou au Sud sur le même Méridien. Mais le cas est tout différent, si les lieux sont situés plus vers le Levant ou vers le Couchant les uns que les autres : ils auront différents Méridiens ; & il est évident qu'il y sera aussi Midi plutôt ou plus tard, selon que le Soleil aura plus ou moins de chemin à faire dans le Ciel pour parvenir des uns aux autres. La différence sera de 12 heures si les lieux sont placés sur des Méridiens opposés ; l'un aura midi lorsque l'autre aura minuit. Le quart de la circonférence de la Terre doit causer 6 heures de différence, & 15 degrés doivent donner une heure, puisqu'ils forment la 24^{me} partie du tour de la Terre que le Soleil parcourt en 24 heures.

I I I.

Des cinq Zones.

109. Le Soleil ne sort jamais d'un certain espace du Ciel, il fréquente les environs de l'Equateur. Bien loin qu'on l'ait vu avancer jusques vers les Etoiles qui sont voisines des Poles, il ne s'éloigne jamais du milieu du Ciel de plus de $23^{\circ} 28' \frac{1}{2}$ du côté du Nord ou du côté du Sud. On donne le nom de *Tropiques* aux deux paralleles qui servent de limites à cet écart, & au-delà desquels le Soleil ne passe jamais. On imagine aussi sur la Terre deux paralleles *BC* & *DF* qui sont éloignés de l'Equateur terrestre de $23^{\circ} 28' \frac{1}{2}$; & ces paralleles qu'on nomme *Tropiques terrestres*, renferment entr'eux la partie de la surface de la Terre au-dessus de laquelle le Soleil se trouve toujours. La chaleur doit être à peu près constante dans cet espace, à cause de la position continuelle de l'Astre au-dessus ; & c'est pour cette raison qu'on le nomme la *Zone torride*, c'est-à-dire, *brûlante*. Cette Zone que quelques Anciens avoient regardée mal-à-propos comme inhabitable, forme une espece de bande ou de cein-

ture autour de la Terre; elle a de largeur la distance BD ou Fig. 18. CF d'un Tropique à l'autre, ou le double de $23^{\circ} 28' \frac{1}{2}$, c'est-à-dire $46^{\circ} 57'$.

110. Vers les Poles, c'est tout le contraire; les rayons du Soleil n'y frappent que très-obliquement, ou ne font presque que raser la terre, & le froid doit y être excessif. Quoique les Poles de la Terre soient un peu plus éloignés du Soleil que ne le sont les endroits de la Zone torride, au-dessus desquels cet Astre se trouve continuellement, cependant cette plus grande distance ne doit produire aucun effet sensible dans la température de l'air: car, malgré la grosseur qu'a le Globe terrestre à notre égard, on peut le comparer à un grain de sable qui seroit éclairé par un flambeau situé à 40 ou 50 pieds de distance. Toutes les parties du grain de sable seroient sensiblement à la même distance du flambeau; mais elles seroient exposées différemment à sa lumière; & c'est aussi à cette seule diversité d'exposition qu'il faut attribuer le plus ou le moins de chaleur que nous recevons ordinairement du Soleil. Tous les environs des Poles sont situés d'une manière peu avantageuse pour être échauffés par cet Astre. C'est pourquoi on donne le nom de *Zones froides* ou *glaciales* aux deux espaces qui ont l'un & l'autre Pole pour centre, & qui sont renfermés dans les paralleles qui sont éloignés du Pole de $23^{\circ} 28' \frac{1}{2}$. GH est un de ces paralleles qu'on nomme *Cercle polaire, arctique* ou *septentrional*; & c'est dans son intérieur qu'est la Zone glaciale septentrionale. Vers l'autre extrémité de la Terre, il y a une autre Zone glaciale qui est située autour du Pole méridional ou antarctique: elle est de même grandeur que celle du Nord, & elle est renfermée au-dedans du parallele IK , ou du *Cercle polaire antarctique*. Nous pouvons avancer assez considérablement dans les Zones froides; mais le milieu nous en est absolument interdit jusqu'à une distance de plus de 150 ou 160 lieues, à cause du trop grand froid: ce sont les seuls endroits de la Terre où les Voyageurs ne puissent pas aller.

111. Enfin les espaces compris entre chaque Tropique & le cercle polaire voisin, ou entre la Zone torride, & l'une

Fig. 28. ou l'autre des Zones glaciales, forment les deux Zones tempérées. Il y en a deux, parce que les deux moitiés de la Terre de part & d'autre de l'Equateur, ou pour nous expliquer autrement, les deux moitiés de la sphere ou les deux hémispheres septentrional & méridional, jouissent de la même exposition à l'égard du Soleil. La premiere de ces Zones qui est du côté du Nord, & dans laquelle la France est située, de même que la plus grande partie de l'Europe, s'étend depuis *BC* jusqu'à *GH*, & la seconde qui est du côté du Sud, s'étend depuis *DF* jusqu'à *IK*. Il est facile de trouver les largeurs qu'ont ces deux Zones tempérées. Il suffit d'ôter deux fois $23^{\circ} 28' \frac{1}{2}$ des 90° qu'il y a depuis l'Equateur jusqu'à chaque Pole : il restera $43^{\circ} 3'$ pour la largeur de chacune.

I V.

De la Latitude, & des changements qu'elle reçoit, lorsqu'on passe d'un lieu à un autre.

(Voyez les Figures 28 & 29.)

112. Il est facile de concevoir qu'un Observateur ne peut faire un pas sur la surface de la Terre, sans qu'il arrive quelque différence dans l'apparence du Ciel. C'est ce qui vient de la rondeur de la Terre, & de ce que chacun de ses points jouit, pour ainsi dire, d'un Ciel différent. On nomme *Latitude* d'un lieu, sa distance à l'Equateur terrestre, ou la quantité dont il est avancé dans la partie du Nord, ou dans la partie du Sud. Cette distance se mesure sur la surface du Globe par le plus court chemin, & par conséquent sur un cercle perpendiculaire à l'Equateur; par cette raison, ce cercle est confondu avec le Méridien terrestre de ce lieu. Si le lieu est sur l'Equateur, il n'a point de latitude; & si au contraire on pouvoit aller jusqu'au Pole, on en auroit 90 degrés, & la plus grande de toutes les latitudes. Tous les lieux qui sont sur un même parallele terrestre, ont exactement la même Latitude, parce qu'ils sont également éloignés de l'Equateur. On distingue les Latitudes en Septen-

tionale & en Méridionale, ou en Nord & Sud, selon que le lieu dont il s'agit est dans la partie du Nord ou dans la partie du Sud, dans un Hémisphere ou dans l'autre. Fig. 23
& 29.

113. Nous avons des moyens pour déterminer notre changement de Latitude en Mer, qui sont d'une application tout-à-fait simple. Nous nommons *Zénith* le point le plus haut du Ciel, ou le point qui répond exactement sur notre tête, & *Nadir* le point qui est à l'opposite sous nos pieds. Pour peu que nous marchions, ces deux points changent de place, de même que notre Horizon. Si nous avançons vers le Nord, la partie Sud du Ciel s'abaisse vers notre Horizon, & la partie Nord s'élève. Le point le plus haut du Ciel ou notre Zénith, avance en même temps vers les Etoiles qui sont voisines du Pole arctique, & s'éloigne du Soleil & des Etoiles qui sont proche de l'Equateur. Si nous faisons tout le tour de la Terre ou ses 360 degrés, notre Zénith parcourroit aussi toute la circonférence du Ciel ou ses 360 degrés. Ainsi nous pouvons juger en Mer de notre progrès vers l'Equateur ou vers le Pole, ou de notre changement en Latitude, par le changement de situations que reçoivent les Astres à l'égard de notre Zénith. On donnera bientôt le détail des opérations nécessaires pour mesurer ce changement.

114. Nous venons de dire que le Ciel change d'apparence pour nous, aussi-tôt que nous changeons de place. Dans la Figure 29 le grand cercle $HZ O Q$ représente le Ciel; & le petit qui est au-dedans, tient lieu de la Terre. Les deux Poles du Monde ou du Ciel sont marqués par les points N & S , qui sont à l'opposite l'un de l'autre. La ligne $E Q$ représente l'Equateur du Ciel, & $B C$ est l'Equateur de la Terre. La distance AB est donc la Latitude de l'Observateur A , & elle est égale en degrés à la distance du Zénith Z à l'Equateur du Ciel: il y a exactement le même nombre de degrés de la Terre, depuis A jusqu'en B , que de degrés du Ciel depuis Z jusqu'en E . La Latitude est encore égale à la quantité NO dont le Pole N est élevé au-dessus de l'Horizon; car les arcs EN , ZO sont chacun de 90 degrés: ainsi l'écart des points E , Z est nécessairement égal à

Fig. 28
& 29.

celui des points *N*, *O*. Si l'Observateur placé en *A* avance vers l'Equateur de la Terre, son Zénith avancera du même nombre de degrés vers l'Equateur du Ciel, & s'y rendra exactement, supposé que l'Observateur continue sa route jusqu'à l'Equateur. L'Horizon *HO* changera de place en même temps, & prendra la situation *SN* lorsque l'Observateur sera arrivé en *B*.

115. Il suit de-là que nous avons deux moyens généraux de déterminer la Latitude d'un lieu, parce que nous pouvons observer dans le Ciel deux quantités qui y sont exactement égales en nombre de degrés. Nous pouvons chercher la distance de notre Zénith à l'Equateur céleste, ou bien la quantité dont le Pole céleste est élevé au-dessus de notre Horizon. Nous ne réussirons pas à trouver ces quantités immédiatement, parce que l'Equateur céleste n'est pas un cercle visible dans le Ciel, ni le Pole un point visible; mais nous y parviendrons par les observations de quelque Astre, dont nous connoîtrons la distance à l'Equateur ou au Pole. Car c'est avoir mesuré la hauteur d'un point dans le Ciel, que d'avoir mesuré celle d'un Astre, qu'on sçait devoir être alors plus haut ou plus bas que ce point d'une certaine quantité de degrés.

116. Notre Latitude étant connue, c'en est souvent assez pour que nous puissions reconnoître sur la Carte, lorsque nous sommes en Mer, les côtes vis-à-vis desquelles nous nous trouvons. On voit aux deux côtés des Cartes Marines des Echelles qui sont dirigées Nord & Sud, & qui sont destinées à marquer les Latitudes. Ces Echelles ne commencent pas toujours à l'Equateur, lorsque la Carte n'est pas assez grande; l'Equateur est en dehors, mais les degrés de latitude sont toujours censés y commencer. Si on jette les yeux sur notre seconde Carte, ou sur celle qui représente une partie des côtes de France & d'Espagne, on verra 43 degrés marqués au bas de l'Echelle, parce que l'Equateur est 43 degrés en dehors de la Carte ou de la partie de la surface de la Terre dont cette Carte est un tableau. Les degrés qui sont divisés de 10 minutes en 10 minutes dans

cette Carte, puisqu'ils sont partagés en 6 parties égales, Fig. 28
& 29.
sont marqués dans un certain sens, & en allant vers le Nord; parce que les Latitudes ou les distances à l'Equateur deviennent plus grandes dans l'Hémisphere septentrional, à mesure qu'on avance vers le Nord. Mais pour revenir à ce que nous disions, que la Latitude suffit souvent seule pour nous faire connoître quelle est la côte où nous abordons, il est évident que si l'observation des Astres nous apprend, au retour d'un voyage, que nous sommes par $47^{\circ} 10'$ de Latitude, & que nous voyions une Isle devant nous à l'Orient, nous ne pouvons pas nous y tromper. La Carte nous fait connoître que nous ne sommes pas auprès des côtes d'Espagne, ni même auprès de celles de Poitou; car elles sont plus voisines de l'Equateur. Nous ne sommes pas à portée non plus de voir Ouessant ni les environs de Brest, puisque ces lieux sont placés plus près du Pole; la Terre que nous voyons est nécessairement Belle-isle.

V.

De la Longitude des Lieux sur le Globe terrestre, & sur les Cartes.

117. Pendant que l'observation de la Latitude nous fait connoître la quantité dont nous sommes avancés vers le Nord ou vers le Sud par rapport à l'Equateur, la *Longitude* détermine notre situation plus ou moins avancée vers l'Orient ou vers l'Occident. Chaque Nation a ordinairement choisi un Méridien qu'elle regarde comme le premier; elle y rapporte tous les autres; & on nomme *Longitude*, la distance où l'on est de ce Méridien, en mesurant cette distance sur l'Equateur, ou sur la circonférence de quelque parallèle. Ceux qui font en France des Cartes géographiques, se conforment à une Ordonnance de Louis XIII, & font passer le premier Méridien par l'Isle-de-Fer qui est la plus occidentale des Canaries. Nous l'avons marqué par *NAS* dans la Fig. 28, & nous avons observé la même loi dans nos

Fig. 28. Cartes. On s'en écarte néanmoins assez souvent dans les Cartes hydrographiques : on trouve beaucoup de Cartes Françaises où le premier Méridien passe par l'Observatoire Royal de Paris. Les Hollandois font passer leur premier Méridien par le Pic de Ténériffe, une des plus hautes montagnes du monde. Cela est absolument indifférent, pourvu que cette multitude de premiers Méridiens ne fasse tomber les Pilotes dans aucune équivoque.

118. L'usage varie encore sur la manière de compter la Longitude. Il faudroit toujours la compter d'Occident vers l'Orient, depuis 0 degré jusqu'à 360 degrés, selon la disposition de Louis XIII. Ainsi, supposé qu'on soit un degré de l'autre côté du premier Méridien ou à l'Occident, on ne feroit pas par un degré de Longitude, mais par 359 degrés; parce qu'alors on commence la Longitude au premier Méridien, qui n'est qu'un demi-cercle, & qu'on la compte en allant toujours vers l'Orient, sans aucun égard au sens dans lequel s'est fait la route. Cette manière de compter est assez généralement suivie en France.

119. Cependant plusieurs Hydrographes François, ou Auteurs de Cartes, distinguent deux sortes de Longitudes, l'une orientale & l'autre occidentale, & ils les comptent de l'un & de l'autre côté du premier Méridien jusqu'à 180 degrés : on sent assez que le tout revient au même, pourvu qu'on s'explique. C'est comme si l'on comptoit les heures de la journée autrement que nous ne le faisons; mais qu'on eût soin de nous en avertir : 1 degré de Longitude occidentale est la même chose que 359 degrés selon l'autre manière de compter : 15 degrés de Longitude occidentale reviennent à 345 degrés; ils indiquent également le Méridien *NTXS* sur la *Figure 28*, & ils supposent également une heure de différence dans les Midis.

120. On doit bien remarquer que lorsqu'on court exactement au Nord ou au Sud, ou que lorsqu'on suit le même Méridien, on conserve toujours précisément la même Longitude. La distance au premier Méridien se mesure sur l'Equateur ou sur les Paralleles, & les degrés des paralleles sont

plus petits dans le même rapport que les intervalles entre les mêmes Méridiens sont moindres , à mesure qu'on les considère dans des endroits plus voisins du Pole. Il y a autant de degrés depuis *M* jusqu'en *R* , que depuis *L* jusqu'en *Q* , ou depuis *A* jusqu'au point marqué par le nombre 15 sur l'Equateur. Ainsi tous les lieux qui sont sur le même Méridien ou sur la même ligne Nord & Sud *NQPS* , ont exactement 15 degrés de Longitude. Tous les points du Méridien *NVS* en ont 75 , &c.

121. Il suit de-là que , lorsqu'on est fort avancé vers l'un ou l'autre Pole , il suffit de faire très-peu de chemin pour changer considérablement de Méridiens ou de Longitude , & pour qu'on ait une très-grande différence dans l'heure de midi. Quelque grosseur qu'ait la Terre , il doit y avoir des endroits où , en faisant seulement une lieue vers l'Orient ou vers l'Occident , on change de 15 degrés de Longitude ; ce qui donne midi une heure entière plutôt ou plus tard. Pour qu'une lieue vaille 15 degrés , il faut que toute la circonférence du Parallele ne soit que de 24 lieues ; le diamètre ne doit pas être tout-à-fait de 8 lieues , & il faut que la distance au Pole soit un peu moindre que 4.

122. En résumant ce qu'on a dit sur la Latitude & sur la Longitude , il en résulte , 1°, que chacun des points consécutifs qui sont sur un même Méridien terrestre , sont tellement situés à l'égard de l'Equateur , qu'il n'est pas possible que deux de ces points en soient à égales distances du même côté : 2°, Que chacun des points consécutifs qui sont sur un même parallèle terrestre , sont tellement situés à l'égard du Méridien qu'on a choisi pour le premier , qu'il n'est pas possible que deux de ces points en soient à égales distances du même côté. D'où on conclut qu'il n'est pas possible que deux points différents aient la même Longitude & la même Latitude , ce qui fait que la position d'un lieu sur la surface de la Terre , est déterminée absolument par sa Longitude & par sa Latitude.

123. On n'a pas sur Mer de méthode facile pour connoître la Longitude du lieu où l'on est , comme on en a pour

en trouver la Latitude. On expliquera dans la suite en quoi consiste la difficulté , & les ressources que la Physique & l'Astronomie ont fournies pour y suppléer.

V I.

De la grandeur des Degrés terrestres & de la grosseur de la Terre.

124. On a sans doute remarqué que les mesures prises dans le Ciel pour découvrir les changements en Latitude & en longitude , ne les peuvent fournir qu'en degrés , ou relativement à la circonférence de toute la Terre. Si nous savons , par exemple , en consultant le Ciel , que nous sommes par 45 degrés de Latitude ; nous connoissons bien que ces 45 degrés forment la huitieme partie du tour de la Terre : mais nous ne saurons rien de plus , si nous ne savons en même temps quelle est la grosseur de la Terre , ou combien de lieues valent ces degrés. Ainsi , quoique nous sachions notre Latitude , nous ignorerions combien nous avons réellement de chemin à faire pour nous rendre à l'Equateur , ou pour aller jusqu'au Pole.

125. Pour être en état de faire cette évaluation , les Astronomes ont mesuré le contour de la Terre dans le sens de deux Méridiens opposés qui font un cercle entier ; ils ont trouvé que ce contour entier étoit , toute évaluation faite , d'environ 205 30800 toises du Châtelet de Paris , dont chacune est de 6 pieds-de-Roi. Ainsi chaque degré d'un grand cercle est d'environ 57030 toises.

126. Mais ce qui est bien digne d'attention , les degrés terrestres ne se sont pas trouvés de même longueur dans les autres Régions où on a fait des opérations semblables , & la différence est trop grande pour qu'on puisse l'attribuer aux erreurs inévitables des observations. Le degré sous l'Equateur s'est trouvé de 56748 toises ; en France sous le parallele de 45 degrés , de 57030 toises , & sous le cercle polaire de 57422. Ainsi il faut absolument que la Terre ne soit pas parfaitement ronde ; & qu'elle soit plus haute vers l'Equateur que vers les Poles , conformément à ce que nous indiquent d'autres expériences dont il n'est pas nécessaire de parler ici. La courbure de la Terre est plus su-

bite vers l'Equateur dans le sens Nord & Sud, puisque les degrés y sont plus petits : & la Terre est au contraire plus plate vers les Poles, puisque les degrés y sont plus grands. On croyoit que l'Equateur n'étoit distingué que par la plus grande rapidité du mouvement qui se fait en 24 heures ; mais il est marqué d'une manière bien plus réelle par une élévation continue, qui doit être d'environ 6 lieues marines & demie, tout autour de la Terre, & par-tout à une égale distance des deux Poles ; de sorte que l'axe de la Terre, ou la ligne droite tirée d'un Pole à l'autre, est plus court que les diamètres de l'Equateur d'environ une 179^{me} partie.

127. Au reste cette différence n'est pas encore assez grande, pour qu'on puisse l'appercevoir dans les Eclipses de Lune, lorsqu'on examine sur cette Planette la figure circulaire de l'ombre de notre Globe. On peut aussi se dispenser d'y avoir égard dans la Marine, & continuer de considérer la Terre comme un Globe parfait. Il est seulement à propos, puisque les degrés du Méridien sont de grandeurs un peu différentes, de leur attribuer, lorsqu'on les suppose égaux, non pas la plus grande longueur qu'ils ont vers les Poles, ni la plus petite qu'ils ont vers l'Equateur ; mais celle qui tient un milieu. On peut s'arrêter à celle qu'ils ont vers le 45^{me} degré de Latitude, & les fixer à 57030 toises.

128. Cela supposé, nous pouvons régler aisément la longueur de notre lieue marine, en la rendant une certaine partie du degré. Il vaut incomparablement mieux prendre ce parti, que de donner d'abord au hazard une certaine grandeur à la lieue, & voir ensuite combien elle est contenue de fois dans les 57030 toises du degré. On veut en France que le degré contienne exactement 20 lieues. Ainsi nous n'avons qu'à diviser 57030 toises par 20, & nous aurons 2851 toises $\frac{1}{2}$ du Châtelet de Paris pour la lieue marine françoise. Cette lieue est plus grande que la plupart de celles dont on se sert dans les différentes Provinces du Royaume, & elle est aussi plus longue que la lieue horaire, que fait ordinairement un homme de pied pendant une heure. Les Hollandois mettent 15 lieues dans le degré terrestre ; ainsi chacune de ces dernières lieues fera de 3802 toises. Les Italiens & les Anglois se servent de *milles* ; & ils supposent que 60 de ces milles font un degré. Cette manière d'évaluer les distances est fort commode. Le mille doit donc valoir une minute de degré terrestre, ou un tiers de nos lieues marines, ou 950 toises $\frac{1}{2}$.

129. Enfin nous pouvons maintenant nous servir des Echelles des degrés, qui sont tracées dans les Cartes, comme si elles marquoient des lieues; & il nous sera facile avec un compas de mesurer toutes les distances. On aura autant de fois 20 lieues qu'on aura de degrés: 30 minutes marqueront la longueur de 10 lieues, & 3 minutes celle d'une lieue. Il faut seulement bien se souvenir que ce sont les degrés des Méridiens ou de l'Equateur, qui ont cette longueur déterminée, & non pas les degrés des paralleles, puisque ceux-ci sont plus petits dans toutes sortes de rapports, lorsqu'on avance vers les Poles. Nos Cartes sont destinées, principalement lorsque nous avons singlé un certain nombre de lieues vers un certain côté, à nous montrer en quel endroit nous sommes parvenus. Si l'on est parti, par exemple, des environs de Dieppe, & qu'on ait fait 75 lieues précisément à l'Occident, on apprendra par la Carte de la Manche*, qu'on est arrivé vers le Cap Lezard, qui est la pointe de l'Angleterre la plus avancée vers le Sud.

* Voyez la premiere des Cartes qui sont à la fin de ce Traité.

CHAPITRE II.

Du calcul des Triangles Sphériques.

I.

130. **P**UISQU'EN parcourant la surface d'un globe en différents sens on y décrit des portions de cercle qui peuvent se croiser & former toutes sortes de figures, comme font des lignes droites sur une surface plane, on a cherché le moyen de calculer les triangles formés par trois arcs aboutissants les uns aux autres sur la surface d'une sphere. On appelle ce calcul *la Trigonométrie sphérique*. Son usage s'étend aussi aux arcs décrits ou imaginés dans la concavité du Ciel.

131. On a reconnu d'abord que pour faire des calculs justes des triangles sphériques, il falloit que leurs côtés fussent des arcs d'un grand cercle, c'est-à-dire, que ces arcs fussent portions de cercles dont le centre fût au centre même de la sphere; parce que tous les degrés d'un de ces sortes de cercles, décrits sur une même sphere, sont égaux en étendue & en courbure à tous les degrés d'un autre cercle, ce qui ne se trouve

trouve pas dans les arcs de cercles qui n'ont pas pour centre celui de la sphere, tels que seroient un arc de 60 degrés pris sur un Méridien de la sphere, & un arc de 60 degrés pris sur un des cercles polaires.

Pour se diriger dans le calcul des triangles sphériques, il faut d'abord connoître les propriétés suivantes des angles sphériques, qu'on comprendra aisément si l'on a en main une boule ou un globe.

132. I. Lorsque deux arcs de grand cercle se sont coupés en un point sur la sphere, si on les prolonge, ils vont se couper encore dans un point diamétralement opposé au premier, & y former entr'eux le même angle sphérique qu'ils formoient à leur première intersection. De sorte qu'il y a 180 degrés d'une intersection à l'autre; ce qui vient de ce que ces deux arcs ayant un même centre, & formant deux plans différents, ces deux plans doivent s'entrecouper dans une ligne droite qui passe par leur centre commun, & qui est par conséquent un diamètre de la sphere.

133. II. Chaque cercle de la sphere a, sur la surface de la sphere, les deux poles particuliers, qui sont deux points diamétralement opposés. Et tous les points de la circonférence de ce cercle sont également éloignés du même pole. Ce qui est facile à entendre en faisant attention à la maniere dont on trace sur le tour un cercle sur une boule. On place la boule entre deux pointes appuyées sur deux points diamétralement opposés, & qui deviennent les poles du cercle: faisant ensuite tourner la boule sur ces deux points, la pointe d'un outil qui reste fixe trace le cercle dont il s'agit. D'où on voit clairement que les deux poles & la pointe de l'outil étant restés fixes, & par conséquent toujours à une même distance respective, il faut que le cercle décrit de la sorte ait tous les points de sa circonférence également éloignés de chacun des poles, & que si la pointe de l'outil répondoit au milieu entre les deux poles, le cercle décrit est un grand cercle, dont tous les points sont évidemment éloignés de 90 degrés de chaque pole, en mesurant ces degrés sur des arcs tracés sur la surface depuis chaque point du cercle jusqu'à chaque pole.

134. On appelle axe d'un cercle, le diamètre de la sphere qui aboutit aux deux poles de ce cercle.

135. Il est clair encore que si on fixe la pointe d'un compas ordinaire, ou dont les pointes soient recourbées, au pole d'un cercle tracé sur la sphere, & l'autre pointe sur un des points de ce cercle, en faisant tourner le compas, cette pointe décrira tout le cercle.

136. III. Le sommet d'un angle sphérique peut être regardé comme le pole d'un cercle, dont le nombre de degrés interceptés entre les arcs qui forment les côtés de cet angle, est la mesure de ce même angle.

137. IV. Un angle sphérique mesure l'inclinaison des plans des deux grands cercles, dont les côtés de cet angle sont des arcs. Car l'inclinaison de ces plans est mesurée par le plus grand écart de ces deux arcs, cet écart est mesuré par un arc de grand cercle décrit de l'angle comme pole, à 90 degrés de distance de cet angle.

138. V. Un angle sphérique est aigu, droit ou obtus, selon que les

plans des grands cercles dont ils font partie sont inclinés sous un angle aigu, droit ou obtus.

139. VI. Un angle sphérique est mesuré aussi par l'arc intercepté entre les poles des deux grands cercles dont les côtés de l'angle font parties. Car à mesure que deux plans s'inclinent l'un à l'autre, leurs axes s'inclinent de la même manière, & par conséquent leurs poles s'écartent sur la surface de la sphere, en y décrivant un arc qui mesure l'inclinaison.

140. VII. Tout grand cercle qui passe par les poles d'un cercle grand ou petit, coupe ce cercle perpendiculairement : de même tout arc de grand cercle qui coupe perpendiculairement un autre cercle, passe nécessairement par les poles de ce cercle.

À l'égard des triangles sphériques, voici leurs propriétés essentielles.

141. I. Un côté de triangle sphérique est toujours plus petit qu'un demi-cercle, ou bien il est toujours un arc de moins de 180 degrés ; & la somme des trois côtés pris ensemble ne peut aller jusques à 360 degrés.

142. II. La somme des trois angles d'un triangle sphérique excède toujours 180 degrés, mais elle ne peut aller jusques à 540 degrés. Ainsi un triangle sphérique peut avoir ses trois angles aigus, droits, obtus, &c. & par conséquent la connoissance de deux angles d'un triangle sphérique ne conduit pas directement à celle du troisième angle, comme dans les triangles rectilignes (44).

143. III. Dans un triangle sphérique le plus grand côté est opposé au plus grand angle, & le plus petit côté au plus petit angle, les côtés égaux le sont aux angles égaux ; comme dans les triangles rectilignes (47).

I I.

Du calcul des Triangles sphériques rectangles.

144. Dans le calcul des triangles sphériques, ceux qui sont rectangles ont leurs regles ou proportions particulières, qui sont plus abrégées & plus commodes dans la pratique, que celles des triangles obliquangles. Les voici.

145. Pour résoudre par le calcul toutes sortes de triangles rectangles, il faut poser *A* à l'angle droit, *B* & *C* indifféremment aux deux autres angles, puis faire les regles de proportion indiquées dans la Table suivante, où *R* signifie le Rayon ou sinus total, *sin* le sinus, *cos* le cosinus ou sinus de complément, *tang* la tangente, *cot* la cotangente, ou tangente de complément.



TABLE pour la solution de tous les cas possibles des Triangles sphériques ABC, rectangles en A.

	Etant donnés	trou- ver	P R O P O R T I O N S .			Cas auxquels ce qu'on cherche est moindre que de 90°.
31	AB, AC	BC	R.	$\cos AB :: \cos AC.$	$\cos BC.$	si AB & AC sont de même espece
32		B	R.	$\sin AB :: \cot AC.$	$\cot B.$	si AC est moindre que de 90°.
33		C	R.	$\cot AB :: \sin AC.$	$\cot C.$	si AB est moindre que de 90°.
34	AB, BC	AC	$\cos AB.$	R. $:: \cos BC.$	$\cos AC.$	si BC & AB sont de même espece
35		B	R.	$\tan AB :: \cot BC.$	$\cos B.$	si BC & AB sont de même espece
36		C	$\sin BC.$	$\sin AB ::$	R. $\sin C.$	si AB est moindre que de 90°.
37	AB, B	AC	R.	$\sin AB :: \tan B.$	$\tan AC.$	si B est moindre que de 90°.
38		BC	R.	$\cot AB :: \cos B.$	$\cot BC.$	si AB & B sont de même espece.
39		C	R.	$\cos AB :: \sin B.$	$\cos C.$	si AB est moindre que de 90°.
40	AB, C	AC	R.	$\tan AB :: \cot C.$	$\sin AC.$	douteux.
41		BC	$\sin C.$	$\sin AB ::$	R. $\sin BC.$	douteux.
42		B	$\cos AB.$	$\cos C ::$	R. $\sin B.$	douteux.
43	AC, BC	AB	$\cos AC.$	$\cos BC ::$	R. $\cos AB.$	si BC & AC sont de même espece
44		B	$\sin BC.$	$\sin AC ::$	R. $\sin B.$	si AC est moindre que de 90°.
45		C	R.	$\tan AC :: \cot BC.$	$\cos C.$	si AC & AB sont de même espece
46	AC, B	AB	R.	$\tan AC :: \cot B.$	$\sin AB.$	douteux.
47		BC	$\sin B.$	$\sin AC ::$	R. $\sin BC.$	douteux.
48		C	$\cos AC.$	$\cos B ::$	R. $\sin C.$	douteux.
49	AC, C	AB	R.	$\sin AC :: \tan C.$	$\tan AB.$	si C est moindre que de 90°.
50		BC	R.	$\cot AC :: \cos C.$	$\cot BC.$	si AC & C sont de même espece.
51		B	R.	$\cos AC :: \sin C.$	$\cos B.$	si AC est moindre que de 90°.
52	BC, B	AB	R.	$\tan BC :: \cos B.$	$\tan AB.$	si BC & B sont de même espece.
53		AC	R.	$\sin BC :: \sin B.$	$\sin AC.$	si B est moindre que de 90°.
54		C	R.	$\cos BC :: \tan B.$	$\cot C.$	si BC est moindre que de 90°.
55	BC, C	AB	R.	$\sin BC :: \sin C.$	$\sin AB.$	si C est moindre que de 90°.
56		AC	R.	$\tan BC :: \cos C.$	$\tan AC.$	si BC & C sont de même espece.
57		B	R.	$\cos BC :: \tan C.$	$\cot B.$	si BC & C sont de même espece.
58	B, C	AB	$\sin B.$	$\cos C ::$	R. $\cos AB.$	si C est moindre que de 90°.
59		AC	$\sin C.$	$\cos B ::$	R. $\cos AC.$	si B est moindre que de 90°.
60		BC	R.	$\cot B :: \cot C.$	$\cos BC.$	si B & C sont de même espece.

Remarques sur l'usage de cette Table.

146. L'usage de cette Table est facile à comprendre, il suffit d'en expliquer la premiere ligne. Elle exprime qu'étant donnés les deux côtés AB & AC d'un triangle rectangle sphérique, pour en trouver l'hypothénuse BC, il faut faire cette proportion : Comme le rayon, est au sinus de complément du côté AB; ainsi le sinus de complément du côté AC, est au sinus de complément de l'hypothénuse BC. Mais parce que les sinus, cosinus, tangentes & cotangentes, n'appartiennent pas plus à des arcs moindres que de 90 degrés qu'à leurs suppléments, on a marqué dans la cinquieme colonne, que ce qu'on cherche, c'est-à-dire, B C dans

cet exemple, est moindre que de 90 degrés, si AB & AC sont tous deux de la même espèce, c'est-à-dire, ou tous deux plus grands, ou tous deux plus petits que de 90 degrés. Et les cas qui sont marqués douteux, sont ceux auxquels les données ne suffisent pas pour déterminer, si ce qu'on cherche est plus grand ou plus petit que de 90 degrés. Ils sont très-rares dans la pratique de la Navigation, où l'on n'emploie gueres que des arcs moindres que de 90 degrés.

I I I.

Solution de tous les cas possibles des Triangles obliquangles.

147. On peut proposer douze problèmes pour résoudre des triangles obliquangles, parmi lesquels il y en a huit qui demandent qu'on réduise le triangle donné en deux triangles rectangles par le moyen d'un arc mené d'un des angles perpendiculairement sur le côté opposé à cet angle. Or il peut arriver que cet arc perpendiculaire ne puisse rencontrer ce côté, à moins qu'on ne le prolonge au-delà de l'angle. Voici la règle par laquelle on connoîtra que cela doit arriver.

148. Si deux angles d'un triangle sphérique sont l'un obtus & l'autre aigu, l'arc mené du troisième angle perpendiculairement sur le côté opposé, ne pourra tomber que sur son prolongement fait vers l'angle obtus.

149. Pour mettre en pratique les règles suivantes, il ne faut jamais manquer à tracer une figure qui représente le triangle proposé tel qu'il est: il seroit à souhaiter que cela pût toujours se faire sur un globe: à son défaut on dessine le triangle en suivant à peu près les règles de la perspective; mais on ne peut se flatter de réussir dans les calculs de la Trigonométrie sphérique, à moins qu'on ne se soit exercé quelque temps à tracer sur le globe tous les cas des triangles qu'on va détailler; c'est pourquoi nous nous contenterons d'indiquer ces cas par des lettres, sans les appliquer à des figures particulières, qu'il faut par conséquent que le Lecteur fasse lui-même sur une boule, avant que de s'accoutumer à les représenter sur le papier.

150. PROBLEME I. Etant donnés deux angles, & un côté opposé à l'un des deux, trouver le côté opposé à l'autre.

Mettez A à l'angle dont le côté opposé est connu, B à l'autre angle donné, & C au troisième, & faites cette proportion;

$$\sin A : \sin B :: \sin BC : \sin AC.$$

Le côté AC peut être plus ou moins grand que de 90 degrés, & il n'est pas déterminé par les données seuls.

151. PROBL. II. Etant donnés deux angles & un côté opposé, trouver le troisième angle.

Mettez A à l'angle opposé au côté connu, B à l'autre angle connu, & C au troisième qu'on cherche. Abaissez de C un arc perpendiculaire sur AB , & faites ces deux proportions,

$R : \cos BC :: \tan B : \cot BCD.$

$\cos B : \cos BAC :: \sin BCD : \sin ACD.$

Alors si A & B sont de même espece, la somme des angles BCD , ACD sera égale à l'angle C cherché; mais si A & B sont de différente espece, la différence des angles BCD , ACD , donne l'angle C .

152. PROBL. III. Etant donnés deux angles & un côté opposé, trouver le côté compris entre les deux angles.

Mettez A à l'angle opposé au côté donné, B à l'autre angle connu, & C au troisieme, duquel abaissez la perpendiculaire CD , & faites ces deux proportions,

$R : \cos B :: \tan BC : \tan BD.$

$\tan A : \tan B :: \sin BD : \sin AD.$

Si A & B sont de même espece, $BD + AD = AB$; mais si A & B sont de différente espece, la différence entre BD & AD , donne AB .

153. PROBL. IV. Etant donnés deux angles & le côté compris, connoître un des deux autres côtés.

Mettez B à l'angle opposé au côté cherché, C à l'autre angle donné, & A au troisieme: menez de l'angle donné C au côté opposé l'arc perpendiculaire CD , & faites d'abord cette proportion,

$R : \cos BC :: \tan B : \cot BCD.$

Prenez la somme ou la différence de l'angle BCD , & de l'angle donné BCA , selon la position de la perpendiculaire, & vous aurez l'angle ACD . Faites ensuite,

$\cos BCD : \cos ACD :: \cot BC : \cot AC.$

Alors si l'angle ACD est de même espece que l'angle B , le côté AC est moindre que de 90 degrés. Si ACD & B sont de différente espece, AC est plus grand que de 90 degrés.

154. PROBL. V. Etant donnés deux angles & le côté compris, connoître le troisieme angle.

Mettez B & C aux deux angles connus, & A à celui qu'on cherche: abaissez de C la perpendiculaire CD , & faites d'abord,

$R : \cos BC :: \tan B : \cot BCD.$

Prenez la somme ou la différence des angles BCD & BCA , selon la position de la perpendiculaire, & vous aurez ACD . Faites ensuite...

$\sin BCD : \sin ACD :: \cos B : \cos A.$

Alors si l'angle BCD est moindre que l'angle connu BCA , l'angle cherché A est de même espece que l'angle connu B . Si BCD est plus grand que BCA , alors A & B sont de différente espece.

155. PROBL. VI. Etant donnés deux côtés & un angle opposé, trouver l'angle opposé à l'autre côté.

Mettez A à l'angle connu, B à l'angle formé par les deux côtés connus, & C au troisieme. Faites ensuite,

$\sin BC : \sin AB :: \sin A : \sin C.$

L'angle C peut être aigu ou obtus, & il n'est pas déterminé par les données seules.

156. PROBL. VII. Etant donnés deux côtés & un angle opposé, trouver le troisieme côté.

54 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

Mettez B à l'angle donné, C à l'angle opposé au côté cherché, & A au troisieme angle. Abaissez de C l'arc perpendiculaire CD , & faites,

$$R : \text{tang} BC :: \cos B : \text{tang} BD.$$

$$\cos BC : \cos AC :: \cos BD : \cos AD.$$

Alors si BC & AC sont de même espece, $BD + AD = AB$; sinon AB est égal à la différence entre BD & AD .

157. PROBL. VIII. Etant donnés deux côtés & un angle opposé, trouver l'angle compris par ces deux côtés.

Mettez B à l'angle donné, C à l'angle cherché, & A au troisieme: de l'angle cherché C , abaissez la perpendiculaire CD , & faites,

$$R : \cos BC :: \text{tang} B : \cot BCD.$$

$$\cot BC : \cot AC :: \cos BCD : \cos ACD.$$

Alors si AC & BC sont de même espece, $BCD + ACD = C$; sinon l'angle cherché C est égal à la différence des angles trouvés BCD , ACD .

158. PROBL. IX. Etant donnés deux côtés & l'angle compris, connoître un des deux autres angles.

Mettez B à l'angle donné, A à l'angle cherché, & C au troisieme. Abaissez de C la perpendiculaire CD , & faites,

$$R : \text{tang} BC :: \cos B : \text{tang} BD.$$

Prenez la somme ou la différence de BD & AB , selon le côté où tombe la perpendiculaire, & vous aurez AD : faites ensuite

$$\sin AD : \sin BD :: \text{tang} B : \text{tang} A.$$

Selon que AB est plus ou moins grand que BD , l'angle A est de même ou de différente espece que l'angle B .

159. PROBL. X. Etant donnés deux côtés & l'angle compris, trouver le troisieme côté.

Mettez B à l'angle connu, que BC soit le plus petit côté connu, & BA le plus grand: abaissez de C la perpendiculaire CD , qui tombera presque toujours en-dedans du triangle, sur-tout lorsque l'angle B sera aigu, & faites,

$$R : \text{tang} BC :: \cos B : \text{tang} BD.$$

Otez BD de BA (ou si la perpendiculaire tomboit en-dehors du côté de B , il faudroit ajouter BD & BA ; & si cette perpendiculaire tomboit en-dehors du côté de A , il faudroit ôter BA de BD) & vous aurez AD ; faites donc

$$\cos BD : \cos AD :: \cos BC : \cos AC.$$

Selon que AD est de même ou de différente espece que CD , ou que l'angle A ; le côté AC est plus ou moins grand que de 90 degrés.

160. PROBL. XI. Etant donnés les trois côtés d'un triangle, en trouver un angle.

Mettez A à l'angle cherché, B & C aux deux autres, & faites cette analogie :

Comme le produit des sinus des côtés AB , AC ,
Est au produit des sinus des deux excès de la moitié de la somme
des trois côtés sur chacun des côtés AB , AC ;

Ainsi le quarré du rayon ,

Est au quarré du sinus de la moitié de l'angle A.

161. PROBL. XII. Etant donnés les trois angles , trouver un côté quelconque.

Que B C soit le côté cherché , A soit à l'angle opposé , faites cette analogie :

Comme le produit des sinus des angles B & C ,

Est au produit des cosinus des deux excès de la moitié de la somme des trois angles sur chacun des deux angles B , C ;

Ainsi le quarré du rayon ,

Est au quarré du cosinus de la moitié du côté B C.

162. Ces deux dernières proportions conduisent dans la pratique à la même règle que nous avons donnée pour les triangles rectilignes (44). Ainsi celle du n° 160 , réduite en règle , doit s'énoncer de la sorte. Prenez la somme des trois côtés : prenez-en la moitié : de cette moitié ôtez successivement les deux côtés qui renferment l'angle cherché. Ajoutez en une somme les logarithmes de sinus des deux restes de la caractéristique 20. Ajoutez en une somme les logarithmes de sinus des deux côtés qui renferment l'angle cherché , retranchez cette somme de la précédente , prenez la moitié du reste , ce sera le sinus de la moitié de l'angle cherché.

CHAPITRE III.

De la construction de la Boussole & de son usage , pour reconnoître la direction que suit le Vaisseau.

I.

De la Pierre d'Aimant , & de la maniere de toucher les Aiguilles.

(Voyez les Figures 23 , 24 , 25 & 26.)

163. **L'**INVENTION de la Boussole a changé la face de la Navigation , & l'a rendue très-différente de celle des Anciens qui n'osoient gueres se hasarder en pleine Mer , ni s'exposer à perdre la terre de vue. Sa principale partie est une règle ou aiguille d'acier qu'on frotte , ou qu'on touche à

une pierre d'aimant ; ce qui lui donne la propriété singulière de se diriger à peu près vers le Nord & vers le Sud , ou d'indiquer à peu près la direction du Méridien. Pour cet effet , il faut qu'elle puisse tourner librement , soit sur un pivot , soit qu'elle soit suspendue par le milieu à un fil , soit qu'elle nage sur un fluide en repos. Lorsqu'on suspend la pierre d'aimant , ou qu'on la fait flotter librement sur l'eau dans quelque vase , on s'apperçoit qu'elle a la même propriété ; elle tourne jusqu'à ce que deux de ses points se présentent , l'un vers le Nord & l'autre vers le Sud.

164. On a remarqué, 1°. que l'aiguille aimantée , après avoir tourné librement , ne prenoit qu'à peu près la direction Nord & Sud ; c'est-à-dire , que la direction qu'elle prend , fait toujours quelque angle avec la ligne méridienne. On appelle cet angle *la déclinaison* de l'aiguille , & plus communément sur Mer , *la variation*. 2°. Que dans un même lieu la variation de toutes les aiguilles étoit sensiblement la même pendant une année ; mais cependant qu'elle changeoit , de sorte qu'après quelques années elle étoit très-différente de ce qu'elle étoit auparavant. 3°. Que dans la même année , la variation étoit très-différente dans les lieux différents , de sorte qu'il y a plus ou moins de variation dans la même aiguille , selon qu'on la transporte dans différents pays.

165. La ligne dans laquelle s'arrête une aiguille placée librement sur un pivot , s'appelle *un Méridien magnétique*. Ainsi la variation est l'angle entre le Méridien magnétique & le Méridien véritable.

166. 4°. On a remarqué encore que, si avant que d'aimanter une aiguille , on la met en équilibre & de niveau sur un pivot , aussi-tôt qu'on l'a aimantée , elle perd son niveau , & s'incline plus ou moins vers l'Horizon , selon la position de l'aiguille à l'égard du Méridien magnétique , & selon les différents lieux de la Terre où l'on transporte cette aiguille ; cette propriété s'appelle *l'inclinaison* de l'aiguille aimantée. Cette inclinaison , dans un même lieu , est la plus petite lorsque l'aiguille est dans le plan du Méridien magnétique ; & elle est de 90 degrés , ou , ce qui est le même , l'aiguille se tient perpendiculaire à l'Horizon , quand elle est dans un plan perpendiculaire au Méridien magnétique. L'inclinaison rendroit l'usage des aiguilles fort incommode & trop incertain sur Mer , si on n'avoit trouvé le moyen de

à détruire avant que d'aimanter l'aiguille : on l'expliquera dans la suite.

167. Ce n'est pas ici le lieu d'expliquer ces effets : nous nous bornerons à dire qu'on peut soupçonner qu'il y a un torrent de matière invisible & très-subtile qui, sortant en grande abondance hors de la Terre de quelque endroit voisin d'un des Poles, se répand de tous côtés, circule en décrivant des especes de demi-cercles autour de la Terre, qui s'enrouve toute enveloppée comme d'un tourbillon, tend vers un autre endroit voisin du Pole opposé, rentre en cet endroit dans l'intérieur de la Terre, pour en ressortir par l'autre, comme on l'a dit, & pour continuer de circuler de la même manière. Cette matière magnétique rencontrant sur sa route l'aimant & les aiguilles qui en ont été frottées, a assez de force pour les obliger de se mettre dans la ligne du mouvement qu'elle suit. Chaque pierre d'aimant a un tourbillon de matière magnétique comme la Terre, ce qu'on reconnoît aisément en répandant de la limaille de fer autour d'un aimant, & en agitant un peu cette limaille pour favoriser son arrangement. Ainsi la Terre elle-même est un gros aimant, qui a les propriétés de chaque pierre d'aimant. Les points d'issue & de rentrée du tourbillon magnétique s'appellent les Poles magnétiques de la Terre, & la direction que suit la matière en circulant est celle du méridien magnétique.

168. On donne le nom de Poles aux deux points opposés de l'aimant, qui affectent de se tourner vers le Nord & vers le Sud, ce sont les points d'où sort & où aboutit la matière qui fait le tourbillon magnétique. Le Pole Nord d'un aimant attire le Pole Sud d'une autre pierre, & il repousse le Pole Nord. Si on a plusieurs aimants, & qu'on les mette de suite, ils s'attacheront toujours par les Poles de différents noms, ou par ceux qui tendent à se diriger par rapport à la Terre vers des côtés opposés. On augmente beaucoup la force de ces deux points par le moyen de l'armure qu'on y joint. Ce sont deux platines d'acier qui enveloppent en partie les deux extrémités de la pierre, & qui se terminent en bas par des especes de boutons. La matière magnétique qui circule autour de la Terre, & dans l'aimant, s'y porte naturellement, en y coulant comme dans deux canaux ; & souvent la force en devient 50 ou 60 fois plus grande.

169. La *Figure 23* représente une de ces pierres, qui est armée. Pour distinguer les Poles *A* & *B* de tous les autres points, on applique sur l'aimant un petit tronçon d'aiguille à coudre. Ce morceau d'aiguille se met parallèlement à la surface de la pierre, ou bien il s'incline, tant qu'on ne l'applique pas à l'un ou à l'autre Pole ; mais si on le pose sur un de ces deux points, il s'élève perpendiculairement. Les deux armures doivent être de bon acier ; on les attache à l'aimant par une es-
pece de ceinture *AB*, qui fait le tour de la pierre, & qu'on peut faire de toute sorte de métal, pourvu que ce ne soit pas de fer. Si on se servoit de fer ou d'acier, la matière magnétique qui entre dans l'aimant & qui en sort, ne passeroit presque plus par les boutons *D* & *F* ; elle s'en détourneroit pour circuler continuellement dans la ceinture même.

170. La forme des aiguilles qu'on veut aimanter, & qui doivent indi-

Fig. 23.

- quer aux Marins le Nord & le Sud, n'est point indifférente. On les fait encore quelquefois en parallélogramme, ou en losange de tole qu'on évide par le milieu, comme le représente la *Figure 24*, ou bien on forme ce losange avec du fil de fer. Cependant la matiere subtile ou magnétique qui circule d'un Pole à l'autre de la Terre, ne peut pas suivre les côtés de ces figures, sans s'écarter de sa direction naturelle; ce qui fait que ces aiguilles ont peu de vivacité ou peu de vertu. Outre cela la direction du losange dépend de l'équilibre qui se trouve entre les efforts particuliers que font les quatre côtés pour se mettre Nord & Sud, & cet équilibre se trouve altéré, lorsqu'un des côtés se rouille, pendant que les autres conservent toute leur propriété. L'aiguille, pour être bonne, doit être toute simple. On la fait longue de 4 ou 5 pouces, elle doit se terminer en pointes par ses deux extrémités comme dans la *Figure 25*; on lui donne une demi-ligne ou trois quarts de ligne d'épaisseur, & deux ou trois lignes de largeur par le milieu, afin d'y pouvoir appliquer la chape C. Lorsqu'on a une forte pierre d'aimant, on peut rendre les aiguilles qu'on y touche plus épaisses & moins pointues. La *chape C* est un petit morceau de laiton ou d'agate creusé par dessous. L'aiguille est percée dans ce même endroit; & le pivot sur lequel pose la chape, soutient l'aiguille, & lui donne la liberté de tourner.

I I.

Méthode de toucher ou d'aimanter les aiguilles de Boussole.

171. On aimante plus parfaitement l'aiguille, ou on la touche mieux, lorsqu'on a deux bons aimants. Après qu'on a bien limé & poli l'aiguille, on la pose sur une table; on applique le bouton de l'armure d'un des aimants proche le milieu, on le fait glisser vers la pointe de l'aiguille, en appuyant un peu fortement, & on fait la même chose en même temps de l'autre côté avec l'autre aimant, en se servant de l'autre Pole. On peut se servir aussi d'une seule pierre; & c'est même la maniere qui est le plus en usage. Après avoir fait glisser, trois ou quatre fois de suite, un des boutons de l'armure depuis la chape de l'aiguille jusques à 7 ou 8 pouces de distance au-delà d'un même bout de l'aiguille, on fait glisser l'autre bouton autant de fois & de la même maniere depuis la chape jusques à 7 ou 8 pouces de distance au-delà de l'autre bout.

172. L'aiguille ainsi frottée ou touchée doit ensuite perdre son équilibre sur son pivot (166): mais on le lui rend en limant ou en usant à plusieurs reprises, & petit à petit, un peu de la partie de l'aiguille qui paroît plus pesante, puis en la retouchant de la même maniere, jusqu'à ce qu'elle reste enfin bien de niveau sur son pivot.

173. On supplée aux aimants naturels par des aimants artificiels; ce sont quelquefois de simples morceaux d'acier bien trempé, qu'on a

fortement aimantés, & on s'en sert comme d'aimants. C'est toujours le Pole qui se tourne vers le Sud, qui sert à aimanter l'extrémité de l'aiguille qu'on destine à marquer le Nord; & l'autre Pole sert à aimanter l'autre extrémité.

174. La maniere de faire les aimants artificiels ayant été extrêmement perfectionnée, il semble que les Pilotes qui font de longs voyages, devroient maintenant se munir de ces aimants qui coûteroient peu, si l'on en faisoit plus d'usage. Il seroit bon d'en avoir quatre, qu'on conservât dans deux étuis différens qui en contiussent chacun deux : ces aimants sont des barres d'acier bien trempé, longues chacune de 9 ou 10 pouces, sur 4 ou 5 lignes de largeur, & 2 ou 3 lignes d'épaisseur. On les met à côté l'une de l'autre en sens contraire, comme *NS* & *SN* (*Fig. 26*) en les séparant par un morceau de bois qu'on met entre deux, afin qu'elles ne se touchent jamais par les côtés, & on applique outre cela deux morceaux *AB* & *CD* d'un fer doux & non trempé sur leurs deux extrémités, afin de procurer la communication de la matiere magnétique. Ces aimants doivent être arrangés de cette sorte dans leur étui; ils conservent par cette disposition incomparablement mieux leur force, parce que la matiere dont dépend leur vertu, a ensuite un cours réglé qui la fait continuellement passer d'une barre *NS* à l'autre *SN*, par la voie que fournissent les deux *Contacts AB* & *CD*; ce qui l'empêche de se dissiper en se mêlant avec celle qui circule autour de la Terre. Fig. 26.

175. L'avantage qu'il y auroit à avoir encore deux autres barres semblables, renfermées dans un second étui, comme nous le conseille M. Duhamel, consiste en ce qu'on se serviroit des unes pour renouveler réciproquement la vertu des autres, ou pour les abreuver, pour ainsi dire, d'une plus grande quantité de matiere magnétique*. On en disposeroit deux sur une table précisément comme elles étoient placées dans leur étui, en joignant aussi les deux petits morceaux de fer doux aux extrémités pour achever le rectangle : on prendroit ensuite les deux autres barres : on les appuyeroit par le bout vers le milieu d'une des barres *NS*, en les inclinant presque tout-à-fait en-dehors, & on les feroit glisser en sens contraires ou en les écartant, jusqu'à venir toucher les points marqués *N* & *S* de la même barre, en observant toujours que ce soient les extrémités de différens noms qui se touchent. On feroit la même chose sur l'autre barre *SN*, après avoir changé de bout les deux barres qu'on fait mouvoir. On répéteroit l'opération une quinzaine de fois, & on feroit la même chose sur l'autre face des barres *NS* & *SN* qu'on auroit renversées. Ces deux dernières barres se trouvant ensuite chargées d'une plus grande quantité de matiere magnétique, serviroient à leur tour à augmenter la force des deux autres; & lorsqu'on voudroit aimanter une aiguille de Bouffole, on se serviroit de deux de ces barres, comme lorsqu'on veut augmenter la vertu magnétique d'une des barres de la *Fig. 26*.

* Voy. le Traité des Aimants artific. imprimé à Paris chez Guérin, 1752.

60 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

176. On aimantera encore mieux les aiguilles de Bouffole, lorsqu'on en aura deux de la même grandeur. On les placera sur une table à côté l'une de l'autre, en laissant entr'elles un intervalle comme d'un pouce; on sera attentif de les poser en sens contraire, & on mettra à leurs extrémités les deux *Contacts* ou morceaux de fer doux, afin de former un rectangle ou un quarré long autour duquel la matiere magnétique puisse circuler pendant la *Touche*. On appliquera ensuite sur le milieu d'une des aiguilles les extrémités opposées des deux barres d'acier qui servent d'aimants; on inclinera, comme nous l'avons dit, ces deux barres en-dehors, & on les écartera ensuite tout doucement l'une de l'autre, mais en pesant sur l'aiguille, & en faisant glisser ces barres depuis le milieu de l'aiguille jusqu'à ses extrémités. On répétera la même chose plusieurs fois; on fera après cela la même opération sur l'autre aiguille, en changeant les deux barres de bout, & il sera avantageux de repasser plusieurs fois d'une aiguille à l'autre. Tout après cela sera fini, les deux aiguilles seront aimantées; mais pour leur donner autant de force qu'il est possible, il faudra les renverser & les aimanter encore sur les deux autres faces.

Méthode de faire les Aimants artificiels.

177. Il peut devenir quelquefois utile aux Marins de pouvoir former des aimants artificiels: il suffit pour cela qu'on ait un aimant foible, on peut même absolument s'en passer, comme on va le voir expliqué. Nous avons dit que le Globe terrestre, qui avoit beaucoup de rapport à un gros aimant, étoit environné d'un tourbillon de matiere magnétique, ou de cette matiere subtile qui agit sur les aiguilles de nos Bouffoles, en les obligeant de se mettre à peu près Nord & Sud. Le courant de la matiere magnétique ne se fait pas parallèlement à la surface de la Terre: il n'a cette direction à peu près que vers le milieu de la Zone Torride; mais lorsqu'on avance un peu considérablement vers l'un ou l'autre Pole, on s'apperçoit que la matiere magnétique entre dans la Terre, ou en sort, en suivant les lignes presque à plomb. C'est ce qu'on reconnoîtroit par nos aiguilles de Bouffoles ordinaires, si elles étoient suspendues d'une autre maniere, & qu'elles eussent une parfaite liberté de s'abaisser par une extrémité, & de s'élever par l'autre. Si l'on veut prendre une notion plus parfaite de la direction que suit la matiere magnétique, il n'y a, comme nous le disions, qu'à appliquer sur une pierre d'aimant qui n'est point armée, plusieurs tronçons d'aiguilles dont on se sert pour coudre: la situation qu'ils prendront, représentera la direction que suit la matiere magnétique en circulant autour de la Terre. Il doit néanmoins se trouver quelque différence; parce que la pierre d'aimant ne sera pas parfaitement homogène, elle ne sera pas toute formée de parties également magnétiques: & d'un autre côté le Globe terrestre est aussi formé d'un grand nombre de parties de différentes natures.

178. Cela supposé, on prendra une barre de fer de 5 à 6 pieds de longueur, ou même plus courte; on la disposera à peu près selon le Méridien & l'inclinaison magnétiques. Si on est vers le milieu de la Zone Torride, on la mettra parallèlement à l'Horizon, & à peu près Nord & Sud: mais si on étoit par une grande latitude; si on est, par exemple, éloigné de l'Equateur de 50 ou 60 degrés, on placera la barre de fer presque à plomb, en la panchant néanmoins un peu, comme de 8 ou 10 degrés par en-haut vers l'Equateur, ou vers le côté qui répond au Soleil à midi. On attachera le long de cette barre de fer au milieu, avec deux cordons, une petite barre d'acier de 8 à 9 pouces de longueur, qu'on aura eu le soin de bien équarrir avec la lime, & de tremper. On prendra ensuite une autre barre de fer d'environ 2 pieds de longueur; & on se servira par préférence de quelqu'un de ces instruments dont on se sert dans les cheminées pour attiser le feu, parce qu'ils sont déjà pour l'ordinaire un peu aimantés. Je suppose qu'on emploie les pincettes: on les couchera presque sur la première barre de fer, en appliquant leur extrémité inférieure sur le bout d'en-bas du petit barreau d'acier; on les fera glisser dans cette situation tout le long du barreau, en les appuyant avec assez de force; & on répétera la friction jusqu'à deux ou trois cents fois, en la faisant toujours dans le même sens, c'est-à-dire en montant, si l'on est dans les Zones tempérées. On renversera ensuite le petit barreau d'acier, pour mettre en-dessus la face qui étoit en-dessous; & on recommencera d'autres frictions, en observant les mêmes précautions que les premières fois. Le petit barreau se trouvera après cela assez considérablement aimanté; on aimantera de la même manière un second barreau, un troisième & un quatrième; & on leur donnera enfin une nouvelle force en les aimantant les uns par le moyen des autres, après les avoir accouplés successivement par des contacts ou morceaux de fer doux, comme nous l'avons expliqué plus haut.

III.

*De la Rose de la Bouffole & de sa division
en Airs ou Rumbs de vent.*

(Voyez la Figure 30.)

179. L'aiguille étant aimantée, on la suspend sur un pivot dans une boîte qu'on a le soin de couvrir d'une glace, & le tout forme la Bouffole. L'instrument est néanmoins presque toujours plus composé lorsqu'on le destine à l'usage de la Marine. L'agitation du Vaisseau, étant quelquefois fort grande, on se trouve obligé de munir la Bouffole d'une double boîte. Celle de dedans est soutenue au milieu d'un

Fig. 30. ou de deux *balanciers* ou quadres de cuivre, qui sont l'un dans l'autre, & qui se placent horizontalement, en portant sur de petits boulons, comme dans les lampes de Cardan. Nous avons le soin d'avertir expressément que les balanciers doivent être de cuivre; car il faut qu'il n'entre absolument aucun autre fer que l'aiguille aimantée, dans la construction des Bouffoles; & on ne sauroit aussi pousser l'attention trop loin pour exclure la plus petite partie de ce dernier métal du voisinage de ces instruments. Une aiguille toute simple seroit presque toujours trop sujette à vaciller; outre cela il ne suffit pas de connoître le Nord & le Sud, on a besoin en Mer de connoître un plus grand nombre de différentes directions. C'est pourquoi on charge l'aiguille d'un carton très-léger, ou plutôt d'un morceau de talc taillé en rond, & collé entre deux morceaux de papier; & on trace dessus une *Rose des vents*, qui est un cercle divisé en 32 parties égales par des rayons qu'on nomme *Rumbs* ou *Airs de vent*.

180. Le Nord est indiqué par une fleur-de-lys qui doit répondre sur l'extrémité de l'aiguille. Une autre ligne est perpendiculaire à la ligne Nord & Sud; elle indique d'un côté l'Orient ou le Levant, & de l'autre l'Occident ou le Couchant. On lui donne dans la Marine le nom de Ligne *Est* & *Ouest*. On nomme Est l'Orient, & Ouest l'Occident. Ces quatre directions Nord, Sud, Est & Ouest, qui partagent la Bouffole, & même l'Horizon en quatre parties égales, sont regardées comme principales; on les nomme les *Vents Cardinaux*, & ils communiquent leurs noms à tous les autres.

181. L'air de vent, qui est exactement entre le Nord & l'Est, emprunte son nom de ces deux premiers; il se nomme Nord-Est. On a de même le Sud-Est entre le Sud & l'Est; le Sud-Ouest entre le Sud & l'Ouest; le Nord-Ouest entre le Nord & l'Ouest. L'Horizon ou le tour de la Bouffole se trouve de cette sorte divisé en huit parties égales, qui sont chacune de 45 degrés. On les partage derechef par la moitié; & on donne encore aux airs ou *rumbs* de vent moyens les noms des deux entre lesquels ils se trouvent, en obser-

avant d'employer toujours ceux des quatre cardinaux les premiers. On a donc le Nord Nord-Est, l'Est Nord-Est, l'Est Sud-Est, le Sud Sud-Est, le Sud Sud-Ouest, l'Ouest Sud-Ouest, l'Ouest Nord-Ouest, & le Nord Nord-Ouest. Fig. 30.

182. La Bouffole se trouve alors divisée en 16 parties, qui sont chacune de $22^{\circ} 30'$. On les subdivise encore en les partageant par la moitié; mais afin d'abréger un peu les noms, on suit, en nommant les nouvelles directions, une méthode un peu différente de la première. L'air de vent qui est entre le Nord & le Nord Nord-Est, se nomme le Nord quart de Nord-Est; parce qu'il est auprès du Nord, mais qu'il marque le quart de la distance du Nord au Nord-Est. Cet air de vent est presque le Nord, mais il avance d'un quart vers le Nord-Est. On a de l'autre côté du Nord, le Nord quart de Nord-Ouest, c'est-à-dire le Nord qui avance un quart vers le Nord-Ouest. On forme le nom de tous les autres quarts de la même manière. La Figure 30 les représente avec tous les autres rums. Nous les avons marqués par leurs lettres initiales, comme on le fait ordinairement dans la Marine: au lieu de Nord quart de Nord-Est, on écrit $N\frac{1}{4}NE$.

I V.

Des différentes sortes de Bouffoles, & de leurs usages.

(Voyez la Figure 35.)

183. On nomme *Compas de route*, les Bouffoles dont on se sert pour diriger le cap ou la proue du Navire, du côté vers lequel on veut aller. Ces Bouffoles sont renfermées dans l'*Habitacle* qui est une espèce d'armoire ouverte, située selon la largeur du Vaisseau, ou perpendiculairement à la longueur de la quille. La boîte de la Bouffole est parfaitement carrée, ce qui fait qu'en examinant la situation de la rose, par rapport à la boîte, ou par rapport à l'habitacle, on fait, sans être obligé de porter la vue plus loin, où est le cap du Navire, c'est-à-dire, comment le Navire est dirigé.

Fig. 35. 184. On a d'autres Bouffoles qui servent à relever les objets éloignés, ou à reconnoître l'air de vent auquel ils répondent ; & on nomme ces Bouffoles *Compas de variation*, à cause d'un autre usage qu'elles ont, & dont nous parlerons dans un moment. Nous avons représenté une des ces Bouffoles dans la Fig. 35. On y voit deux pinnules *A* & *B* par lesquelles on vise aux objets dont on veut savoir la direction. Cet instrument est sujet à une assez grande incommodité : car il exige toujours en Mer pour son usage, le concours de deux Observateurs. Si l'on étoit à Terre, on pourroit, après avoir visé à l'objet par les deux pinnules *A* & *B*, examiner tout à loisir quelle est la direction *AB* sur la Bouffole. Mais en Mer la chose ne peut pas se pratiquer, à cause du mouvement continuel du Vaisseau : il faut nécessairement pendant qu'un Observateur pointe à l'objet, qu'un autre examine la situation de la ligne *AB*. Cet assujétissement est non-seulement pénible, il peut nuire à l'exactitude de l'observation, parce qu'il peut arriver que les deux Observateurs ne s'accordent pas à saisir le même instant.

185. Ce n'est pas absolument la direction de la ligne *AB* que le second Observateur se charge d'examiner ; il gêneroit trop l'autre Observateur. Il y a un fil tendu de *D* en *E* perpendiculairement à *AB*, & c'est à la situation de ce fil que le second Observateur est attentif. S'il est question, par exemple, d'observer combien il s'en faut que le Soleil ne se leve au point précis de l'Est de la Bouffole, le second Observateur examine combien le fil *ED* diffère de la ligne Nord & Sud. Si le Soleil se levoit exactement à l'Est, la ligne Nord & Sud de la Bouffole tomberoit précisément sur *DE* ; mais si l'Est de la Bouffole s'écarte du Soleil de 10 à 12 degrés, la fleur-de-lys ou le Nord s'écartera de la même quantité, du fil *DE*. Ainsi lorsqu'on dirige la ligne *AB* sur l'objet, & qu'on veut savoir à quelle distance cet objet répond de l'Est ou de l'Ouest, on peut, sans crainte de se tromper, examiner la situation de *DE* par rapport à la ligne Nord & Sud ; mais, comme nous l'avons dit, l'observation a ses difficultés.

Description

Description d'un nouveau Compas de variation.

(Voyez les Figures 32 & 34.)

186. On pourroit, à ce que je crois, donner aux Compas de variation une autre forme, savoir celle que j'ai représentée dans les Figures 32 & 34. La boîte intérieure *AEDB* est quarrée comme à l'ordinaire; mais elle est couverte de deux glaces ou plutôt de quatre qui forment en-dessus comme un toit, & qui sont jointes en haut par des plombs garnis de mastic. Je tends en travers, sur ce toit de verre, un fil *AFB* depuis le point *A* jusqu'au point *B*; en faisant en sorte qu'il réponde bien exactement au dessus du centre *C* de la rose. De plus je place en *AH* un petit miroir auquel je donne une situation inclinée de 30 ou 40 degrés par rapport à l'Horizon. On pourroit le faire sortir en partie de la boîte intérieure, ou donner en cet endroit une petite saillie à la boîte pour le contenir. Il est seulement essentiel que ce petit miroir vienne toucher presque au bord de la rose; & une autre condition qui n'est pas moins importante, c'est qu'il faut qu'il ne soit incliné ni vers la droite ni vers la gauche.

187. Pour s'assurer s'il a exactement la situation nécessaire, il n'y a qu'à se placer de l'autre côté de la Bouffole, & voir, en fermant un œil, si l'image du fil *FB* dans le miroir, se trouve cachée par le fil même, pendant que ce fil paroît passer par le centre de la rose. Il sera facile en Mer de rétablir, par le moyen de quelques vis, la situation du miroir, supposé qu'il l'ait perdue par quelque accident. Une dernière précaution qui sera encore nécessaire, c'est d'attacher en quelque endroit des côtés de la boîte en dedans, une branche de ressort de cuivre qui vienne presque se reposer sur la chape *C*; afin que l'agitation du Vaisseau ne puisse pas faire sortir la rose de dessus son pivot.

188. L'usage de ce compas sera fort simple. Supposé que le Soleil soit à une certaine hauteur, & qu'on veuille savoir à quel rumb de vent de la Bouffole il répond; on appuyera, pour plus de facilité, le compas sur quelques corps mous: on le tournera ensuite vers le Soleil, en faisant en sorte que l'ombre du fil *FB* tombe sur le centre de la Bouffole, & on examinera en même temps la direction de l'ombre. Si le Soleil est à l'Horizon, & qu'il ne fasse pas d'ombre, ou supposé qu'il s'agisse de savoir à quel rumb paroît un Navire éloigné, ou un Cap, on dirigera le Compas de la même manière; mais dans ce cas on regardera l'objet dans le miroir; on coupera son image par celle du fil *FB*, & on verra du même coup d'œil sur la rose en *H* le nombre de degrés, ou le rumb qui répond à ce point. Si c'est le *SSO*, ce sera une marque que l'objet répond au *NNE* ou au *N 22° 30'* vers l'*E*.

Mesurer avec le Compas de variation l'Angle que fait la route du Navire avec la Quille.

(Voyez la Figure 31.)

189. Le Compas de variation sert à reconnoître la route effective qu'on suit pendant la Navigation, ou à la distinguer de la situation qu'a la quille ou la longueur du Navire. Les Bouffoles qui sont dans l'habitacle, ne font connoître que le rumb auquel on présente la proue; mais lorsque le vent n'est pas absolument favorable, & que les voiles sont orientées obliquement, le Navire est poussé de côté; & alors il s'en faut beaucoup qu'il ne suive dans son mouvement la direction de sa quille. On nomme *Dérive* cet écart, ou l'angle que fait la vraie route avec la ligne de la longueur du Vaisseau. Quelquefois cet angle est de plus de 20 ou 25 degrés; c'est-à-dire, que le Navire, au lieu de marcher sur le prolongement de sa quille, suit une direction différente de cette même quantité. Heureusement le Vaisseau, en fendant la Mer avec force, laisse toujours derrière lui une trace qui subsiste très-long-temps: il suffit donc de prendre cette ligne pour la vraie route, & d'observer son gissement sur le Compas de variation.

190. Si AB (Fig. 31.) représente un Vaisseau dont A soit la poupe, & B la proue, & que la voile ED , au lieu d'être située perpendiculairement à la quille, soit orientée obliquement, afin de recevoir le vent qui vient de côté, & qui la frappe selon la direction VC , le Navire sera poussé par le vent, non-seulement selon sa longueur de C vers G , mais il le fera aussi de côté & vers la partie opposée au vent; de sorte qu'il suivra la route CF , qui fait un angle avec la direction du vent. Comme le Navire doit trouver beaucoup plus de difficulté à fendre l'eau par le flanc que par la proue, il est soutenu en grande partie par la résistance que fait l'eau de la Mer, sur laquelle son flanc se trouve comme appuyé; il présente la proue au vent, il gagne par sa marche contre le vent, ou pour nous expliquer autrement, il remonte vers

l'origine du vent. On jouiroit encore plus parfaitement de cet avantage singulier, si le Navire ne fendoit du tout point l'eau par le côté, & qu'il ne fût sujet à aucune dérive. Il faut donc que le Pilote en observe la quantité exacte ou la grandeur de l'angle BCF ; mais il le peut aisément avec la Bouffole ou plutôt avec le Compas de variation, puisque la trace CG que forme l'eau agitée par le mouvement du Navire, est en ligne droite avec la route CF . On expliquera dans le Livre IV l'usage de cette observation.

V.

De la Déclinaison ou Variation de la Bouffole.

191. On est encore obligé d'avoir une attention importante, lorsqu'on veut connoître la route que suit le Navire : il faut avoir continuellement égard à la déclinaison ou à la variation de la Bouffole, laquelle est quelquefois extrêmement grande. Elle est actuellement sur les côtes de Hollande de 18 à 20 degrés, & elle est environ deux fois plus grande vers la Baye d'Hudson dans le Nord de l'Amérique.

192. Lorsque la fleur-de-lys de l'aiguille s'éloigne du vrai Méridien du côté de l'Orient, quoique ce ne soit que de quelques degrés, on dit que la variation est Nord-Est; & elle est Nord-Ouest, si l'aiguille s'écarte du Méridien du côté de l'Ouest ou du Couchant.

Il faut se ressouvenir que cette variation (164) est commune à toutes les Bouffoles dans le même endroit; ainsi elle dépend d'une cause générale, & sans doute de ce que les Poles magnétiques de la Terre sont différents des vrais Poles terrestres, ou de ceux qui sont éloignés de l'Equateur de 90 deg. Il faut même que ces Poles magnétiques de la Terre soient sujets à changer, puisque la variation de la Bouffole diminue ou augmente d'une année à l'autre, dans presque tous les Pays.

193. Il n'est pas difficile d'avoir égard à la variation de la Bouffole. Lorsqu'on la connoît, elle cesse d'être une source d'erreur. On croyoit, par exemple, suivre le Méridien, en

se réglant sur la Bouffole ; mais elle étoit sujette à une déclinaison ou variation *NE* de $11^{\circ} 15'$; il est évident qu'au lieu de courir au Nord , on aura couru réellement au $N\frac{1}{4}NE$. Par la même raison tous les rumbes de la Bouffole qui sont du côté de l'*E*, se feront éloignés du vrai Nord , & approchés du Sud ; ainsi au lieu de suivre ou de *faire* le *NE*, on aura fait le $NE\frac{1}{4}E$; au lieu de faire l'*E*, on aura fait l' $E\frac{1}{4}SE$. Ce sera tout le contraire pour les rumbes de vent qui sont du côté de l'Ouest : tous les points de la Bouffole qui sont de ce côté-là se sont approchés du vrai Nord , & éloignés du Sud. Ainsi pendant qu'on croyoit faire l'Ouest en se reposant sur la fidélité de la Bouffole , on faisoit effectivement l' $O\frac{1}{4}NO$, & en croyant suivre le $NO\frac{1}{4}O$, on suivoit le *NO*.

194. Si la déclinaison de la Bouffole étoit constamment la même en chaque lieu , on pourroit imiter plusieurs Pilotes qui , au lieu d'observer la variation dans le lieu où ils se trouvent en Mer , se contentent de consulter sur ce point les anciens journaux dont ils ont le soin de se munir. Une aussi grande négligence est extrêmement dangereuse : nous savons l'histoire des plus funestes accidents arrivés dans la Manche , pour s'être malheureusement mis dans l'esprit que la variation de la Bouffole n'avoit pas changé depuis 20 ou 30 ans. On l'a vu augmenter par an de 18 ou 20 minutes du côté du *NO* sur les côtes de France , où elle est actuellement de 17 à 18 degrés , tandis qu'il y a moins d'un siècle qu'elle y étoit un peu *NE*. Son progrès n'est pas régulier ; quelquefois l'aiguille a retourné un peu sur ses pas , & le changement n'a pas été le même par-tout. Il a été beaucoup moins grand dans l'Amérique Méridionale , où la variation est actuellement *NE*.

Méthodes de découvrir la Variation de la Bouffole.

195. On a plusieurs moyens de trouver la variation , qui tous consistent à comparer dans certaines occasions les directions que fournit la Bouffole avec les vraies directions qui

se rapportent aux Régions du Monde. Ce que l'on va exposer ici n'est que pour donner une idée générale; on entrera dans un plus grand détail dans le IV^{me} Livre.

196. *Première Méthode.* Si l'on est à Terre, & si l'on décrit sur un plan de niveau une ligne Méridienne de la manière qui sera enseignée dans le IV^{me} Livre, en appliquant les quatre faces de la boîte de la Bouffole successivement sur cette Méridienne, on verra facilement de combien de degrés, & de quel côté la fleur-de-lys s'écartera des points cardinaux marqués sur la rose.

197. *Seconde Méthode.* L'Etoile du Nord ou l'Etoile polaire, dont nous avons parlé n^o. 5, décrit un très-petit cercle autour du Pole: elle s'écarte un peu du Méridien à droit & à gauche; mais elle passe deux fois par le Méridien dans chaque révolution de 24 heures, & dans ces deux instants elle répond exactement au vrai Nord. Ainsi il n'y a qu'à l'observer quand elle est précisément au-dessus ou au-dessous du Pole, & voir si la fleur-de-lys du compas répond exactement au-dessus ou au-dessous. On se servira pour cela du compas de variation représenté dans les Figures 32 & 34. Si la fleur-de-lys de la Bouffole, au lieu de répondre exactement sous l'Etoile, répond un certain nombre de degrés vers l'Orient ou vers l'Occident, la variation sera NE ou NO, & on en aura la quantité. Au reste il n'est pas difficile de savoir quand il est temps d'observer l'Etoile polaire: cette Etoile est dans ce siècle-ci entre le Pole & une autre Etoile connue de tous les Marins sous le nom de *Ceinture de Cassiopée*. L'Etoile du Nord se trouve donc au-dessus ou au-dessous du Pole, toutes les fois qu'elle est elle-même au-dessus ou au-dessous de la *Ceinture de Cassiopée*.

198. *Troisième Méthode.* On se sert plus ordinairement en Mer du lever du Soleil ou de son coucher, pour découvrir la variation; & on préfère l'observation du soir, parce qu'on a plus le temps de s'y préparer. On cherche par des calculs que nous aurons le soin d'expliquer, (voy. Liv. IV, Ch. VII.) à quelle distance le Soleil se leve ou se couche du vrai point de l'Orient, ou du vrai point de l'Occident, & on examine le matin ou le soir si l'Astre se leve ou se couche effectivement à cette distance de l'Est ou de l'Ouest de la Bouffole. Il ne faut de cette sorte qu'une seule observation, & le Pilote n'aura besoin d'être aidé de personne, s'il se sert du compas de variation de la Figure 34.

CHAPITRE IV.

De la maniere de mesurer par le Loch ou par d'autres Instruments , le chemin que fait le Navire.

I.

Du Loch ordinaire , de la maniere de s'en servir & de le vérifier.

199. **T**ous les moyens qu'on a employés jusqu'à présent pour mesurer la vitesse du Navire ou son sillage , se rapportent à l'usage du *Loch* dont ils ne diffèrent pas dans le fond. Le *Loch* n'est autre chose qu'un morceau de bois attaché à une longue ficelle. On laisse tomber de la poupe sous le vent le morceau de bois dans la Mer , où il sert comme de point fixe , à l'égard duquel on mesure le mouvement du Navire. Plus on fait de chemin , plus on est obligé de lâcher de ficelle ; puisqu'on veut que le morceau de bois auquel elle est attachée , reste dans un parfait repos. La longueur de la ficelle étendue sur la surface de la Mer , marque donc la longueur du chemin que fait le Navire pendant la durée de l'expérience ; & sachant le chemin parcouru pendant un intervalle de temps connu , on fait à proportion celui que le Navire fait pendant une heure entiere ou pendant un jour.

200. On donne le plus souvent la figure de triangle isocelle au morceau de bois : il a 6 à 7 pouces de hauteur , & on charge son côté d'en-bas qui est plus court , d'un peu de plomb , afin que le triangle entre presque entièrement dans l'eau , & se tienne verticalement ou perpendiculairement à l'Horizon. Il est nécessaire de lui faire prendre cette situation , afin qu'il soit plus stable , & qu'il donne moins de prise au vent. Il est attaché en haut par sa pointe ; mais la

ficelle se divise à une certaine distance du morceau de bois en deux branches ; l'une est celle qui est fixée au haut du triangle , & l'autre vient se rendre au bas , & est retenue par une cheville qui a la liberté de se dégager , lorsqu'on fait un plus grand effort sur la ficelle , & qu'on veut , après l'expérience , retirer le Loch à bord du Vaisseau.

201. Il n'est pas à propos que la cheville dont nous venons de parler , entre dans le bas même du triangle ; car étant tirée quelquefois trop obliquement , il pourroit arriver qu'elle ne se dégageât pas assez vite , ce qui exposeroit la ficelle à se rompre , lorsqu'on tire le Loch à soi. La cheville entre dans un petit morceau de bois , qui est lui-même attaché au bas du triangle par une portion de ficelle : de cette sorte , le petit morceau de bois & la cheville tirés selon leur longueur , se séparent avec plus de facilité. Toute cette disposition est cause que le triangle de bois , en se situant debout dans la Mer , offre pendant l'expérience une grande surface au choc de l'eau , & qu'il conserve mieux sa stabilité ; il suffit d'un autre côté , aussi-tôt que l'expérience est finie , d'employer un peu de force , pour que la cheville , dont nous parlons , se dégage , & pour que le triangle approche du Navire en présentant sa pointe.

202. On ne fait durer ordinairement l'expérience que 30 secondes ou une demi-minute. Il est à propos que le Pilote ne perde point de vue le morceau de bois du Loch , afin qu'il se règle plus aisément , en lâchant la ficelle qui doit être tendue , mais qui ne doit pas l'être trop. Cette ficelle fait un grand nombre de tours sur une espece de dévidoir qu'on fait tourner plus ou moins vite , selon que l'exige le mouvement plus ou moins rapide du sillage. On ne fait pas commencer les 30 secondes que doit durer l'expérience , dans le même instant qu'on jette le morceau de bois à la Mer ; on attend qu'il soit éloigné de la poupe d'environ une longueur du Navire ; on veut qu'il soit tout-à-fait hors de cette eau extrêmement agitée que le Vaisseau laisse derrière lui , & qu'on nomme *le Remoux*. Il y a une marque sur la ficelle pour terminer cette longueur ; & c'est lorsqu'on y

parvient qu'on commence à compter les 30 secondes, ou qu'on tourne le petit Sablier qui doit être d'une demi-minute.

203. La ficelle est divisée en plusieurs parties égales qu'on distingue par des *nœuds*, afin qu'on puisse les compter même pendant l'obscurité de la nuit. On compte un nœud à la fin du premier espace, deux nœuds à la fin du second, trois nœuds à la fin du troisième, &c; & chacun de ces espaces est exactement la 120^{me} partie d'un tiers de lieue marine. Ainsi les *nœuds* ou espaces, que le Navire parcourt pendant l'expérience, répondent à autant de tiers de lieue parcourus dans une heure. Si le Navire ne fait qu'un espace ou deux espaces pendant la demi-minute, il fera 120 fois plus de chemin dans une heure, & ce sera donc un tiers de lieue, ou deux tiers de lieue. Si on est obligé de *filer* 9 ou 10 *nœuds*, on saura de même qu'on fait 3 lieues par heure, ou 3 lieues & un tiers.

204. Nous avons ci-devant (N^o. 29.) fixé le tiers de la lieue marine à 950 toises $\frac{1}{2}$ du Châtelet de Paris, ou à 5703 pieds-de-Roy. Si l'on en prend la 120^{me} partie, il viendra 47 pieds & demi. Il faut donc donner cette longueur précise aux parties de la ficelle du Loch, ou aux intervalles qui séparent ses nœuds; il faut vérifier de temps en temps si ces nœuds gardent la même distance, & en cas d'allongement ou d'accourcissement de la ficelle, il faut la rectifier. Il est incontestable qu'on ne doit les rendre ni plus longs ni plus courts, lorsqu'on veut exprimer le sillage du Navire en tiers de lieue, & ne faire durer l'expérience qu'une demi-minute. Toute autre longueur des parties de la ficelle ne s'accorderoit ni avec la grandeur qu'a le degré terrestre, ni avec la durée précise de la demi-minute, qui est déterminée par le nombre d'heures qu'il y a dans un jour, & par les 60 minutes dans lesquelles on a partagé l'heure.

205. Un Pilote ne doit pas se servir de Sablier qu'il n'ait bien vérifié. Il doit même de temps en temps recommencer sa vérification, parce que le sable en coulant use le trou qui est entre les deux ampoulettes, & l'aggrandit insensiblement.

Or cette vérification se peut faire aisément à Terre, soit en partant, soit dans les relâches. En voici la maniere. Prenez une balle de mousquet bien ronde, mesurez-en le diametre le plus exactement que vous pourrez; de 9 pouces 2 lignes $\frac{1}{7}$ retranchez la moitié du diametre mesuré, afin d'avoir un reste, tel que seroit 8 pouces 10 lignes $\frac{1}{2}$. Faites une petite regle de bois de la longueur précise de ce reste. Prenez un fil délié de soie plate, ou, à son défaut, de fil tors de soie, de chanvre ou de lin; (un brin de chanvre plat tiré de dessus la plante rouie, ou tiré d'un paquet de chanvre avant que d'être filé seroit meilleur:) cirez ce fil, afin qu'il ne se détorde pas, ce qui l'allongeroit; suspendez-y la balle, & faites passer l'autre bout du fil par une très-petite fente, qui pince le fil de sorte qu'il ne puisse pas balotter dans la fente, laquelle doit être pratiquée dans quelque corps solide & fixe. Appliquez légèrement un bout de la regle de bois sur le point de suspension de la balle, & tirez le fil jusqu'à ce que l'autre bout de la regle atteigne la fente, arrêtez le fil dans la fente, en sorte que vous soyez sûr, par cette opération, que la distance du centre de la balle à la surface de la fente où est le point de suspension du fil, est précisément de 9 pouces 2 lignes $\frac{1}{7}$ du pied-de-Roy; alors en faisant balancer légèrement la balle autour de son point de suspension, elle emploiera exactement une seconde de temps à faire une allée & un retour, ou une demi - seconde à faire une simple vibration. Il sera donc facile de voir si un Sablier dure précisément le temps de 60 vibrations, qui font la demi - minute. En gardant la regle & la même balle, on fera commodément la même vérification par-tout où l'on voudra.

I I.

*De l'Imperfection du Loch ordinaire; avec
le moyen de corriger cet Instrument.*

(Voyez les Figures 33, 36 & 37.)

206. Quelque soin qu'on apporte dans la construction du

Loch que nous venons de décrire , cet instrument ne peut donner que le mouvement particulier du Navire , par rapport à la Mer. On suppose que le morceau de bois qu'on prend pour terme , est parfaitement immobile ; mais si la Mer est elle-même sujette à se mouvoir , si elle avance vers un certain côté , son mouvement se communiquera au Loch de même qu'au Navire ; ainsi on ne trouvera , en se servant de cet instrument , que le surplus de la vitesse du sillage sur celle de la Mer , si les deux mouvements se font dans le même sens ; & on aura au contraire leur somme , s'ils se font dans des sens opposés.

207. On fait par plusieurs observations sûres , que la Mer dans la Zone Torride se meut vers l'Occident , & qu'elle forme un courant continuel qui fait dans le milieu de l'Océan 2 ou 3 lieues par jour & même davantage. Si l'on singe donc vers l'Ouest dans ces endroits où il y a un mouvement continuel , & qu'on se serve du Loch pour mesurer la marche du Navire , on ne trouvera que la quantité dont on avance plus vite que la Mer , puisqu'on ne comptera pas le mouvement que reçoit secrètement le Loch. Si l'on fait route au contraire vers l'Est en allant contre le courant , on croira faire plus de chemin qu'on n'en fait effectivement ; parce que sans le savoir on ajoutera , à la vitesse réelle du Navire , celle de la Mer qui entraîne le Loch , & qui l'éloigne du Vaisseau.

208. On a vu des Pilotes qui ne faisant pas attention au mouvement vers l'Occident qu'ont les eaux de l'Océan dans la Zone Torride , avoient changé les divisions de leur Loch , ou altéré la durée de leur Sablier. Lorsqu'ils alloient d'Europe aux Isles de l'Amérique , & qu'ils mettoient entre les nœuds de leur ficelle 47 pieds & demi , comme il le faut absolument , il leur étoit toujours arrivé de découvrir la Terre plutôt qu'ils ne s'y attendoient. Ils croyoient donc que leur Loch étoit mal divisé , & que les nœuds en étoient trop éloignés les uns des autres : ils en diminuoient ensuite les intervalles , afin d'en pouvoir compter un plus grand nombre , & d'être en droit de supposer avoir fait un plus grand nombre de lieues. Mais ils tomboient dans une erreur qui n'étoit pas excusable , faute de savoir qu'il falloit ajouter au chemin que le vent leur faisoit faire , le mouvement secret que la Mer leur communiquoit de plus , & qu'elle communiquoit aussi au Loch :

mouvement qui pouvoit être, comme je l'ai dit, de plus de 3 lieues par jour. Lorsque ces Pilotes revenoient de l'Amérique, ils ne s'appercevoient pas de leur mécompte; parce qu'on prend toujours un autre chemin pour le retour. On sort promptement de la Zone Torride en dirigeant la proue vers le Nord, & on trouve des vents variables qui obligent à changer souvent de routes.

209. Pour éclaircir ce que nous venons de dire, supposons que AB (Fig. 33.) représente le mouvement que reçoit le Navire A par l'effet du vent, pendant l'expérience du Loch; & que dans le même temps la Mer soit sujette à un mouvement qui la transporte de A en C , selon la direction AC . Le Navire obéit aux deux mouvements: il ne suivra pas la ligne AB , parce que le courant que forme la Mer selon AC , & selon une infinité d'autres lignes paralleles, l'en empêche; & il ne suivra pas non plus AC , comme s'il n'étoit livré qu'à l'action du courant, puisque le vent lui communique du mouvement selon AB . Pour avoir la route réelle du Navire, il faut achever le parallélogramme $ABGC$, & tirer la diagonale AG ; le Navire en partant du point A , suivra AG , & il parviendra dans les points K, L, G dans le même temps qu'il seroit parvenu aux points E, F & B , & que l'eau qui l'environnoit en A , parviendra en H , en I & en C .

210. Mais servons-nous du Loch dans cette supposition pour mesurer la vitesse du sillage. Le morceau de bois qu'on prend pour terme, & qu'on s'imagine mal-à-propos être immobile, parcourra AC en recevant le mouvement du courant. Il arrivera dans les points H, I & C dans le même temps que le Navire arrivera dans les points K, L & G .

211. Ainsi la ficelle sera tendue successivement sur HK , sur IL & sur CG ; & on croira qu'elle sera toujours restée dans la même place, parce qu'elle aura toujours la même situation par rapport au Vaisseau, & qu'elle sera toujours dirigée sur le même rumb. La trace que le Navire laisse derriere lui, & qu'on nomme la *Houache*, aura été transportée de AE en HK par le courant, lorsque le Navire sera parvenu en K ; elle aura été transportée de AF en IL , lorsque le Navire sera arrivé en L , & elle se trouvera dirigée sur CG , lorsque le Navire sera en G . On la croira immobile, de même que le morceau de bois du Loch, qui est néanmoins transporté de A en C . Enfin on prendra la longueur CG de la ficelle pour le chemin du Navire, & on croira que le sillage s'est fait sous cette direction, quoique le transport réel se soit fait sur AG , & que ce soit cette ligne qu'on ne connoît pas, qui est le chemin effectif.

212. Il est évident que selon que la direction AC du courant sera différemment située par rapport à la route primitive AB , la diagonale AG qui représente le transport actuel du Navire, deviendra plus ou moins longue. Si l'angle BAC étoit encore plus obtus, le courant se trouvant plus directement contraire à la route AB du Vaisseau, y apporteroit une plus grande diminution, en rendant encore plus court le chemin actuel AG . Ce seroit le contraire si l'angle BAC étoit aigu: le courant favoriseroit alors la marche du Navire, & se joindroit à AB

Fig. 33. pour rendre AG plus grande. Malheureusement, si on excepte quelques endroits où on a pû faire de fréquentes observations, on ne fait en Mer ni la direction du courant ni sa vitesse; & on porte inutilement la vue autour de soi pour tâcher de les découvrir. Tout ne se meut pas, mais tout paroît se mouvoir; & il n'est pas aisé de démêler dans cette apparence ce qu'il y a de réel.

213. Je crois qu'il n'y a pas de moyen de lever cette difficulté, si le courant s'étend en bas jusqu'à une grande profondeur. Mais si le mouvement n'est que superficiel, s'il ne s'étend en bas que de 50 ou 60 pieds; comme cela doit arriver ordinairement, parce que la plupart des causes qui agissent sur la Mer sont extérieures & n'ont d'action que sur la surface; nous pourrons, en changeant quelque chose dans la construction du Loch, chercher dans la Mer même le point fixe dont nous avons besoin.

Fig. 36. 214. Supposons que le morceau de bois BAC , (Fig. 36.) au lieu d'être chargé comme à l'ordinaire par en bas d'un morceau de plomb, soutienne par la ficelle AG le corps GH qui descende assez bas pour se trouver dans une eau parfaitement tranquille: il est certain que ce corps, par la difficulté qu'il trouvera à traverser un milieu qui résiste, empêchera le morceau de bois BAC de céder aussi aisément à l'impression du courant, & que le Loch sera moins défectueux. Pour achever de décrire le nouvel instrument, la ficelle GA sera une continuation de celle AOE qui se rend au Vaisseau vers E . Cette ficelle traversera le morceau de bois BAC , qui sera percé de haut en bas, & qui sera à demi-creux par-dessous. Lorsque l'expérience sera achevée, & qu'on fera effort dans le Navire pour tirer le Loch, la partie de ficelle CD se séparera, & aussi-tôt le corps GH viendra se loger en partie dans le morceau de bois BAC avec lequel il se rendra à bord. On fera dans le temps de l'expérience descendre le corps GH de 40 ou 50 pieds: mais il sera quelquefois à propos de le faire descendre plus bas, pour voir si l'on trouve toujours le même résultat.

215. Il est vrai qu'il faudroit que la surface du corps inférieur fût infiniment grande pour que l'instrument restât exactement en repos. Mais si on est obligé de ne donner qu'une certaine grandeur au corps inférieur, on peut au moins mettre une proportion constante entre les deux surfaces, & faire en sorte que le Loch ne prenne toujours qu'une certaine partie connue de la vitesse qu'a la Mer en haut. Je crois qu'on pourroit donner toujours une figure conique au morceau de bois BAC , ou celle d'un pain de sucre dont les côtés fussent parfaitement droits. On feroit ces côtés de 6 pouces de longueur, & le diamètre de la base de 3 pouces. Quant au corps GH , on le formeroit de deux morceaux quarrés de tole ou de fer noir, qui seroient égaux, & qui se couperoient perpendiculairement par leur diagonale; & on leur donneroit 9 pouces $8\frac{1}{2}$ lignes de côté. Comme le corps GH , avec aussi peu de poids qu'on voudroit, présenteroit ensuite une assez grande surface à l'eau tranquille, le Loch ne prendroit qu'une petite partie de la vitesse du courant; & il est facile de s'assurer qu'il n'en prendroit guère que la cinquième partie.

216. Ainsi il faudroit toujours continuer à se servir du Loch ancien, Fig. 36. afin de le comparer avec le nouveau; excepté dans les endroits où il y a peu de fond, & où on pourroit faire descendre le corps GH jusqu'en bas pour s'y reposer. Dans ces endroits le Loch se trouveroit comme à l'ancre, il seroit parfaitement immobile, & il donneroit, lorsqu'on l'emploieroit seul, le vrai fillage. Mais en pleine Mer la comparaison des deux Lochs seroit indispensable. Cependant on ne seroit pas obligé de faire un plus grand nombre d'expériences qu'à l'ordinaire. On emploieroit les deux instruments alternativement de demi-heure en demi-heure, ou d'heure en heure, selon que la rapidité du fillage seroit plus ou moins sujette à changer. Le Loch ancien prend toute la vitesse du courant; au lieu que le nouveau Loch n'en prendroit que la cinquieme partie. Il n'y auroit donc qu'à voir combien il y auroit de différence entre les deux quantités qu'ils fourniroient. Cette différence seroit les quatre cinquiemes de la vitesse du courant, & il suffiroit par conséquent d'en prendre le quart, pour avoir la petite correction qu'il faudroit appliquer au résultat fourni par le nouveau Loch.

217. Supposé que le Loch ancien donnât 7 nœuds, & que le nouveau en donnât 9; la différence seroit de 2 nœuds, dont le quart seroit 1 demi-nœud, qu'il faudroit ajouter dans le cas présent, mais qu'il faudroit soustraire, si le nouveau Loch donnoit moins que l'autre. On auroit de cette sorte pour le fillage réel 9 nœuds & demi, qui valent 3 lieues & un sixieme par heure. Cette vitesse ne seroit pas celle que le Navire auroit dans le temps de chaque observation, mais dans le milieu de leur intervalle; ce qui reviendrait parfaitement au même.

218. On peut trouver par cette même méthode la direction du courant, pourvu qu'on se donne la peine de faire une figure, ou de résoudre un triangle par le calcul. D'une maniere ou d'autre, on déterminera en même temps le fillage du Navire avec plus d'exactitude que par l'opération précédente, que nous croyons néanmoins suffisante dans la pratique. La route que suivroit le Vaisseau, s'il n'étoit pas exposé à l'action du courant, est marquée par la ligne AB (Fig. 37.) c'est aussi Fig. 37. la trace ou la *houache* du Navire. La ligne AC est l'espace parcouru par le courant, pendant que le Navire mû par le vent & par ce même courant, parcourt réellement la diagonale AG du parallélogramme $ABGD$. Le Loch ancien, comme nous l'avons vu, passe de A en C , & sa ficelle prend la situation GC ; au lieu que le nouveau Loch, qui est retenu par la résistance que fait à son mouvement l'eau tranquille d'en bas, ne parcourt que AN qui est la cinquieme partie de AC , & sa ficelle se dirige selon NG .

219. Il est facile, pendant les deux expériences, d'examiner la direction des ficelles avec un compas de variation; la différence des deux rumbs donnera l'angle CGN ; & on connoîtra en même temps les deux côtés CG & NG , puisqu'ils seront exprimés par le nombre de nœuds fournis par les deux Lochs. Il ne restera donc plus qu'à faire une figure exacte qui représente le triangle CGN : on fera l'angle en G , tel qu'on l'a trouvé; & on donnera aux deux côtés GN & GC au-

Fig. 37. tant de parties égales qu'on a trouvé de nœuds dans chaque expérience. Ce triangle étant formé, on prendra le quart de CN ; & l'ajoutant depuis N jusqu'en A , on aura AC pour la vitesse du courant & pour sa direction : de même que si l'on tire AG , on aura la vitesse & la route actuelles du Navire.

220. Nous jugeons de la grandeur de l'angle CGN par l'angle que font ensemble les directions des lignes ou ficelles des deux Lochs : c'est ce qui est très-permis, quoique le vent fasse prendre à ces ficelles une courbure considérable; car on peut supposer qu'il agit à peu près autant dans un cas que dans l'autre. On peut aussi dans la pratique se contenter d'augmenter d'un quart l'angle CGN , pour avoir l'angle CGA . On aura, dans ce dernier angle, la quantité dont il faut corriger la route apparente CG , donnée non pas par la ficelle du Loch ancien, mais plutôt par la trace ou la houache du Navire; & on saura de quel côté il faut faire la correction par la situation que prend la ficelle du Loch nouveau. Si le Nord est vers le haut de la figure, & que la trace GC considérée du Vaisseau reste au SO , la route apparente sera le NE ; & si l'angle CGN est de 4 degrés, l'angle total CGA sera de 5, qu'il faudra porter du côté du Sud. On aura le SO 5° S pour la direction de GA ; mais comme le Navire va de A vers G , sa route réelle sera le NE 5° N , qui est directement opposé au SO 5° S .

III.

Méthode de déterminer la vitesse du Sillage par la force de l'impulsion de l'eau.

(Voyez les Figures 38 & 39.)

221. On peut encore juger de la vitesse du Navire par le choc que fait l'eau de la Mer sur une surface d'une grandeur déterminée. Ce moyen s'est présenté à plusieurs Mécaniciens qui l'ont proposé : je vais expliquer, le plus succinctement que je pourrai, comment je voudrois l'employer. Si on retient par une corde un boulet ou quelque autre corps parfaitement rond, & qu'on le fasse descendre dans la Mer, il est certain que plus le Navire singlera avec vitesse, plus l'impulsion que recevra ce globe par la rencontre de l'eau sera grande. Il est à propos que ce corps descende assez bas pour n'être point sujet au choc irrégulier du courant : lorsqu'il parviendra à l'eau tranquille, toute l'impulsion qu'il recevra, ne sera causée que par la vitesse avec laquelle il sera entraîné par le Vaisseau. Je marque ci-après, dans une Table, les vitesses du sillage qui répondent aux impulsions que peuvent recevoir des globes de deux grandeurs différentes, l'un de 6 pouces de diamètre, & l'autre d'un pied. Les vitesses sont marquées en dixièmes parties de lieue que le Navire doit parcourir dans une heure. Si, par exemple, l'impulsion que reçoit le globe d'un pied de diamètre, est de 42 livres 8 onces, on trouvera dans la Table que le Navire fait 2.0 lieues par

neure, c'est-à-dire, 2 lieues justes. Si cette impulsion étoit de 131 li- Fig. 38.
vres, le Navire feroit 3. 5 lieues, c'est-à-dire, 3 lieues & 5 dixiemes, & 39.
ou trois lieues & demie.

222. TABLE des Impulsions de l'eau produites par
les différentes vitesses du Sillage.

Impulsions sur un globe de 6 pouces de diamètre.		Impulsions sur un globe de 12. pouces de diamètre.		Vitesse du Sillage.		Impulsions sur un globe de 6 pouces de diamètre.		Impulsions sur un globe de 12. pouces de diamètre.		Vitesse du Sillage.	
Livr.	Onces	Livr.	Onces	Lieues	10 ^e de lieues.	Livr.	Onces	Livres.		Lieues	10 ^e de lieues.
0	$\frac{1}{2}$		2	0.	1	18	0	72		2.	6
0	2		8	0.	2	19	5	78		2.	7
0	4	1	0	0.	3	21	0	84		2.	8
0	8	1	12	0.	4	22	8	90		2.	9
0	12	2	10	0.	5	24	0	96		3.	0
1	0	4	0	0.	6	25 $\frac{2}{3}$	10	103		3.	1
1	4	5	4	0.	7	27	0	109		3.	2
1	12	7	0	0.	8	29	0	116		3.	3
2	0	8	8	0.	9	30	10	124		3.	4
2	10	10	8	1.	0	32	10	131		3.	5
3	0	13	0	1.	1	34	8	139		3.	6
4	0	15	0	1.	2	36	8	146		3.	7
4	8	18	0	1.	3	38	0	153		3.	8
5	4	21	0	1.	4	40	8	162		3.	9
6	0	24	0	1.	5	42	8	170		4.	0
7	0	27	0	1.	6	45	0	179		4.	1
7	10	31	0	1.	7	47	0	188		4.	2
8	8	34	8	1.	8	49	0	197		4.	3
9	8	38	0	1.	9	51	5	206		4.	4
10	8	42	8	2.	0	53	0	213		4.	5
12	0	47	0	2.	1	56	0	224		4.	6
13	0	51	8	2.	2	58	8	234		4.	7
14	0	56	0	2.	3	60	10	244		4.	8
15	0	61	0	2.	4	63	0	254		4.	9
16	8	66	0	2.	5	66	0	265		5.	0

Fig. 38. 223. Toute la difficulté se réduit après cela à mesurer le choc de l'eau contre le Globe. On peut, dans le Vaisseau, peser l'effort total que soutient la corde à laquelle le corps est attaché ; mais cet effort est formé de plusieurs efforts particuliers, qu'il faut séparer les uns des autres. L'eau frappe non-seulement le Globe, elle frappe la corde qui le soutient ; outre cela le Globe doit avoir une pesanteur considérable, & il n'est pas peut-être même permis de négliger celle de la corde. Si on attache au bras d'une balance l'extrémité d'en haut de cette corde, ou si l'on pouvoit se servir d'un peson d'Allemagne, on trouveroit tous ces efforts confondus ensemble. Pour prendre une notion

Fig. 38. plus distincte de l'état de la question, je considère la *Figure 38*. Le Globe *P* est plongé de 40 ou 50 pieds dans la Mer ; il est censé parvenir à l'eau tranquille. Ce Globe est retenu par la corde *CBA* qui doit se courber en différents sens, avant que d'entrer dans le Vaisseau en *A*. Pendant que le Globe frappe l'eau à cause du mouvement du Navire, & qu'il est repoussé dans le sens horizontal, sa pesanteur tend à le faire descendre ; & ce sont ces deux efforts ensemble qui reglent la situation inclinée de la corde vers *C*. Toute la partie submergée *CB* de la corde est frappée par l'eau, & c'est ce qui lui fait prendre une courbure considérable. En *B* la corde commence à se courber dans un autre sens, à cause de sa pesanteur qui n'est plus soutenue.

224. Il suit de tout cela que la corde a différente inclinaison dans tous ses points, & que toutes ses parties sont aussi différemment chargées. Nous pouvons en haut examiner fort aisément sa situation par rapport à l'Horizon, ou par rapport à un fil à plomb. Il ne sera pas impossible non plus de peser l'effort qui s'exerce en haut selon sa longueur. Il faudra avoir la précaution de changer la direction de cette corde par le moyen d'une poulie, afin de la rendre perpendiculaire au bras de la balance ou de la Romaine auquel on l'appliquera. Enfin on doit avoir cherché la pesanteur du Globe dans l'eau, & on peut chercher également le poids qu'y a la ficelle, supposé qu'on ne puisse pas réussir à lui donner la même pesanteur spécifique qu'à l'eau de Mer ; ce qui rendroit le reste de l'opération beaucoup plus simple.

Fig. 39. 225. On tirera après cela une ligne droite *GM* (*Fig. 39.*) pour représenter l'Horizon ou la ligne de niveau ; & une autre ligne *GN* qui lui soit perpendiculaire, pour représenter la situation du fil à plomb. On tirera *GO* qui ait la même obliquité par rapport à ces lignes, que la corde *ABC* (*Fig. 38.*) lorsqu'elle entre en *A* dans le Navire. On prendra ensuite sur une échelle de parties égales autant de parties que l'effort qui s'exerce sur la corde, & qu'on a pesé, contient de livres. On fera *GO* de ce nombre précis ; & on pourra se contenter, si l'on veut, de rendre les côtés de la figure deux ou trois fois plus grands que ceux de la figure que nous mettons sous les yeux des Lecteurs. On achevera le rectangle *MGNQ* ; & retranchant *NQ*, qu'on rendra égale à la pesanteur de la partie (*BA*) de la corde qui est hors de l'eau, on tirera la parallèle *QR* à *NO* ou à *GM* ; & conduisant la diagonale *GR*, on aura la situation qu'a la corde en *B* dans l'endroit où elle sort de

de l'eau, en même temps que cette diagonale exprimera aussi l'effort qui s'exerce en *B* le long de la corde. Il ne restera plus après cela, si la corde est de même pesanteur spécifique que l'eau de Mer, qu'à prendre *GS* pour représenter la pesanteur du Globe dans l'eau : on tirera *ST* parallèlement à *NO*, & transportant *GR* en *GT*, il viendra *GT* pour la situation qu'a la corde en *C* auprès du Globe ; & *ST* exprimera en même temps l'effort que souffre le Globe par la rencontre de l'eau. Ainsi c'est la valeur de *ST* qu'il faudra chercher dans la Table insérée ci-dessus, pour avoir la vitesse du Navire. Fig. 38. & 39.

226. Nous nous proposerons l'exemple suivant, afin de jetter un plus grand jour sur toute l'opération. Nous supposerons qu'on se sert d'un Globe d'un pied de diamètre, & qu'il pèse dans l'eau 64 livres ; c'est-à-dire que dans l'air il en pesoit un peu plus de 101, & qu'il a perdu dans l'eau de Mer un peu plus de 37 livres. La corde est de même pesanteur que l'eau, la partie *AB*, qui est hors de la Mer, pèse $\frac{1}{2}$ livre : elle forme avec le fil à plomb un angle de 60. degrés, & de 30 degrés avec l'Horizon ; & enfin l'effort total qu'elle fait sur la balance est de 80 livres. Nous demandons quelle est l'impulsion de l'eau sur le Globe ?

227. En formant le triangle rectangle *GNO*, on fera l'angle *NGO* de 60 degrés, & on fera l'hypothénuse *GO* de 80 parties pour représenter les 80 livres d'effort pesé dans le Navire. On retranchera de *GN* une demi-partie pour la pesanteur de la portion de corde *AB*. On aura *GQ* de $39\frac{1}{2}$ parties ; & la diagonale réduite *GR* sera d'environ $79\frac{3}{4}$. On la transportera en *GT* pour la faire convenir avec *GS*, qu'on fera de 64 parties pour représenter le poids du Globe dans l'eau. Mesurant ensuite le côté *TN*, on le trouvera de $47\frac{1}{2}$ parties ; ce qui nous apprend que l'impulsion de l'eau sur le Globe est de $47\frac{1}{2}$ livres, & que la vitesse du Navire est de 2. 1. lieues, ou de 2 lieues & un dixième.

228. Si l'on examine avec la Bouffole, ou avec un compas de variation, la direction que prend la corde pendant l'expérience, on aura plus exactement, que par aucune autre méthode, le rumb de vent que suit le Navire. Il faut néanmoins toujours pour cela que le boulet soit assez descendu dans l'eau ; il sera facile de s'en assurer, en le faisant descendre encore davantage. L'effort mesuré dans le Vaisseau ne sera plus le même, & la situation de la corde, quant à son inclination, deviendra aussi différente ; mais l'opération doit toujours donner à la fin le même triangle *GST*, si le Globe est plongé dans l'eau tranquille. On peut, pour former les triangles avec plus de facilité, se servir du Quartier de réduction, & on peut l'employer aussi pour mesurer l'inclinaison de la corde à son entrée dans le Navire. Il y a un fil attaché au centre du quartier, qui peut devenir un fil à plomb.

229. Lorsque la pesanteur de la corde ne sera pas égale à celle d'un pareil volume d'eau de Mer la méthode ne sera pas tout-à-fait si précise, & il faudra avoir recours à une espèce d'approximation. On a besoin de savoir combien pèse dans l'eau, non pas toute la corde,

Fig. 39. mais une partie de sa longueur égale à BF ou DP , qui est la quantité dont le Globe est au-dessous de la surface de la Mer. La ligne GR , dans la Figure 39, représente la situation de la corde au point B , & GT sa situation au point C . Il n'y a qu'à prendre le milieu entre ces deux différentes situations ou inclinaisons, & en former un triangle qui ait pour hypothénuse la pesanteur qu'a la partie BC de la corde dans l'eau; le côté du triangle qui sera situé selon la ligne à plomb, donnera la pesanteur qu'auroit la corde si elle étoit réduite à la longueur DC ou BF . Or il faut retrancher de GR cette pesanteur, si la corde pèse plus que l'eau; & il faut au contraire ajouter cette pesanteur à GR si la corde pèse moins que l'eau, avant que de transporter GR en GT , pour former le dernier triangle GST .

CHAPITRE V.

De la Construction des Cartes Marines; & de leurs Usages.

230. **C**ONNOISSANT toutes les circonstances de notre route, nous pouvons tracer sur la Carte le chemin que nous avons fait. Mais avant que de traiter de cette opération, & de toutes les autres que les Pilotes comprennent sous le nom de *Pointer* ou de *Compasser* la Carte, nous croyons qu'il est à propos d'insister un peu sur la nature même des Cartes Marines ou Hydrographiques, & d'expliquer la distinction qu'il y a entre celles qu'on nomme *Plates*, & celles qu'on nomme *Réduites*, à cause de leurs différentes constructions.

I.

De la Nature des Cartes plates.

231. Les Cartes plates sont nommées ainsi, parce que la partie du Globe qu'elles représentent est supposée n'avoir pas de courbure sensible. On n'en parle ici que parce que l'on s'en sert encore dans les courtes Navigations, quoiqu'il fût beaucoup meilleur de ne se servir jamais que de Cartes réduites. Les Méridiens, ou les lignes Nord & Sud,

ont marqués par des lignes paralleles dans les Cartes plates ; au lieu que sur la Terre, comme nous l'avons vu, les Méridiens vont se rencontrer aux deux Poles, en s'approchant les uns des autres, à mesure qu'on s'éloigne de l'Equateur.

232. Si l'on mesure dans la Carte de la Manche, qu'on trouvera à la fin de cet Ouvrage, combien il y a de distance entre les deux Méridiens qui la terminent d'un côté & de l'autre, on trouvera également 101 ou 102 lieues, en haut comme en bas, quoiqu'il dût y avoir en haut environ 10 lieues de moins. Plus la Carte plate a de hauteur ou d'étendue du Nord au Sud, plus elle est défectueuse. Son imperfection est encore plus grande, si la partie du Globe qu'elle représente est par une plus grande latitude : car alors le Pole est plus voisin, & les Méridiens different donc davantage d'être paralleles. On sentit ce défaut aussi-tôt qu'on commença à se servir des Cartes plates ; mais ce ne fut qu'après de longues tentatives qu'on réussit à y trouver la correction nécessaire.

I I.

Des Lignes courbes que les Rumbs de vent suivent sur le Globe, & de la Forme qu'on a été obligé en conséquence de donner aux Cartes réduites.

(Voyez la Figure 40.)

233. Il semble qu'on pouvoit corriger le principal défaut des Cartes plates, en continuant de leur faire comprendre une assez petite étendue de la surface du Globe, mais en donnant aux Méridiens la situation qu'ils ont effectivement sur la Terre. Supposé que le Pole fût compris dans la Carte, elle prendroit la forme de la Figure 40, où toutes les lignes Nord & Sud vont se rencontrer au point P. Mais il naît une incommodité considérable de cette construction : les rumbs de vent sont marqués par des lignes courbes ; & il est non-seulement difficile de les suivre sur la Carte, il n'est pas aisé

Fig. 40. non plus de mesurer les distances le long de ces lignes courbes. Si en partant du point *A* on court toujours au Nord-Est ; on parcourra une partie de la ligne courbe *AGIZ* qui fait une infinité de révolutions autour du Pole avant qu'il d'y parvenir. L'Est-Nord-Est marche en dehors ; il est marqué par *ASTV*, & il fait de plus grandes révolutions autour du Pole ; mais il s'y rend comme tous les autres rumb de vent. C'est le long de ces lignes courbes sur la Carte qu'il faudroit mesurer le chemin fait par le Navire dans les routes obliques.

234. Les rumb de vent ne peuvent pas manquer d'être représentés par des lignes courbes ; car chacun de ces rumb fait toujours un angle égal avec tous les Méridiens qu'il coupe. Le Nord-Est fait au point *A* un angle de 45 degrés avec la ligne Nord & Sud *AP* : mais lorsqu'on arrive en *F*, l'aiguille de la Bouffole ne prend pas une direction parallèle à celle qu'elle avoit dans le point *A* ; elle se place ou se dirige sur *BFP* ; car elle indique toujours le Méridien pour l'endroit où l'on est. Ainsi la ligne du NE souffrira une inflexion en *F*, pour faire un angle de 45 degrés avec la ligne Nord & Sud *FP*. La même chose se fera en *G*, en *H*, en *I*, &c. A chaque pas que nous faisons, l'aiguille aimantée se détourne, & le rumb de vent du NE, en se détournant aussi, pour faire toujours un angle de 45 degrés avec le Méridien, doit donc former une ligne courbe *AGIZ*, qui ne sera pas un cercle, mais qui fera une infinité de tours de plus petits en plus petits, en approchant du Pole *P*.

235. Ce doit être la même chose de tous les autres rumb de vent. Si, au lieu de suivre exactement l'Est, on suivoit l'Est 1 degré Nord, ou l'Ouest 1 degré Nord, chaque révolution qu'on feroit autour du Pole ne produiroit gueres d'augmentation en latitude ; on n'avanceroit que très-peu vers le Nord, mais néanmoins la route ne feroit pas un cercle, elle souffriroit un nouveau détour à la rencontre de chaque Méridien ; & après un nombre infini de révolutions, elle se termineroit au Pole ; elle se termineroit à celui du

Nord, parce que la route tient du Nord; & elle iroit de la même maniere se rendre au Pole du Sud, si la route tenoit du Sud. Fig. 40.

236. Quant à l'Est ou à l'Ouest, lorsqu'on les suit exactement, le cas n'est pas le même. Lorsqu'on les suit, on parcourt un parallele à l'Equateur, on ne change point de latitude; & après avoir décrit un cercle entier, on revient précisément au point dont on étoit parti. Si, lorsqu'on part du point *A* pour aller à l'Est, l'aiguille aimantée ne se détournait pas sans cesse, on suivroit la direction *AK*; & marchant toujours, pour ainsi dire, en ligne droite, on iroit rencontrer l'Equateur dans un point éloigné de 90 degrés. Mais, l'aiguille aimantée indiquant continuellement le Nord, l'Est change de situation sur chaque Méridien, pour le couper perpendiculairement; & le Pole est comme le centre du cercle qu'on décrit.

237. Il faut remarquer que cette même distinction que nous venons de mettre entre l'Est prolongé en ligne droite par rapport à un point, & l'Est décrit actuellement en se servant de la Bouffole, a lieu à l'égard de tous les autres rumbes de vent. Lorsqu'on est en *A*, l'objet *R*, qui est une montagne ou un cap fort élevé, paroît au *NE*. Cette direction n'est autre chose pour le point *A* que le *NE* prolongé comme en ligne droite: mais lorsqu'en partant du point *A*, on suivra effectivement le *NE*, les diverses situations que la Bouffole doit prendre, à cause de la propriété qu'elle a de marquer le Nord en chaque endroit, influenceront continuellement sur la route qu'on fera; & au lieu de se rendre au point *R*, on passera plus vers le Pole, en traçant la courbe *AFG*.

238. La courbure des rumbes sur la Terre, leur a fait donner le nom de *Loxodromies*. Il n'y a que les Méridiens ou les lignes Nord & Sud, qu'on ne puisse pas comprendre entre ces lignes courbes; parce qu'en les suivant on se trouve conduit directement au Pole, comme en ligne droite. Il peut paroître défavantageux de suivre dans les routes obliques ces *Loxodromies* ou lignes courbes plus longues, pen-

Fig. 40. dant qu'on pourroit aller au même but par une voie plus courte. Mais on a de bonnes raisons pour rester très-attaché à l'usage de la Bouffole : d'ailleurs on peut assurer que le désavantage dont il s'agit , n'a jamais lieu dans la pratique. Toutes les Mers sont interrompues par des Isles ou par des Continents; ce qui est cause qu'on est assujetti dans toutes les navigations à changer plusieurs fois de directions, & on en change encore pour chercher les vents favorables, ou pour remplir d'autres vues particulieres. Il arrive donc que chaque portion de la route qui n'est point interrompue, est très-courte, & qu'elle ne diffère gueres d'être droite, quoique la Loxodromie entiere qu'on traceroit sur le Globe, fût très-courbe.

239. Mais le Pilote se trouveroit jetté dans quelque embarras, s'il lui falloit *compasser* une Carte semblable à celle de la Figure 40; s'il lui falloit trouver, par exemple, le rumb qui conduit du point C au point I. Il est vrai qu'on pourroit imaginer des pratiques pour cela; mais on a souhaité quelque chose qui fût encore plus simple. Dès qu'on veut que les rumb de vent soient des lignes droites sur les Cartes, on se met dans la nécessité de rendre les Méridiens paralleles entr'eux, & on rend les degrés des paralleles aussi grands que ceux de l'Equateur, quoiqu'ils dussent être plus petits dans toutes sortes de rapports, & se réduire à rien aux deux Poles. Mais il y a une maniere de donner à ces mêmes degrés une moindre valeur; c'est de les mesurer avec une échelle dont les parties soient plus grandes. Voici donc le parti qu'on prend. On fait croître sur la Carte réduite les degrés du Méridien dans le même rapport que les degrés de longitude devroient être plus petits; & on prend toujours les degrés du Méridien pour la mesure de 20 lieues marines. Les degrés de longitude, ou les degrés des paralleles, se trouvent après cela comme plus petits, à mesure qu'on avance vers le Pole. Il faut considérer la Carte réduite, comme un assemblage de Cartes plates différentes, placées les unes au-dessus des autres, & qui n'ont pas les mêmes échelles de lieues.

240. Lorsqu'on construit une Carte, on a la liberté de Fig. 40.
 faire l'échelle de quelle grandeur on veut, pourvu qu'on ait
 soin de garder tous les rapports que doivent avoir entr'elles
 toutes les parties qu'on se propose de décrire. Or c'est ce
 qu'on observe exactement dans la Carte réduite, en con-
 vertissant en ligne droite le rumb de vent, ou la Loxodro-
 mie *AFGI* de la Figure 40. Il est vrai qu'on rend plus
 grandes toutes les parties *LF*, *MG*, *NH* des paralleles; on
 les fait égales à celles de l'Equateur: mais on augmente
 dans le même rapport les parties correspondantes *AL*, *FM*,
GN, &c. des Méridiens, de même que celles de la Loxo-
 dromie *AF*, *FG*, *GH*, &c. Ainsi, en prenant les parties
 du Méridien pour échelle, on trouvera les parties de la
 Loxodromie & les parties des paralleles de la même grandeur
 que sur le Globe. Nous pourrions nous dispenser d'ajouter
 que l'étendue des Mers, des Isles, de toutes les Terres est
 également augmentée sur la Carte vers les Poles, afin que,
 rapportées à leur échelle, elles aient la grandeur convena-
 ble. Les Poles, malgré l'extrême étendue qu'ils ont dans
 la Carte, doivent être aussi réputés des points; & il faut pour
 cela que les parties du Méridien auxquelles on les compare,
 soient infiniment augmentées en cet endroit.

I. I. I.

Construction des Cartes réduites.

241. Les degrés des paralleles diminuent de longueur dans le même
 rapport que les circonférences de ces cercles, & les circonférences di-
 minuent comme les rayons. Mais si on jette les yeux sur la Figure 37,
 & qu'on fasse attention que tous les paralleles ont leur centre dans
 l'intérieur de la Terre, sur l'axe ou sur le diametre conduit d'un Pole
 à l'autre, on verra que les rayons des paralleles sont les sinus de com-
 plément des latitudes. Le rayon du parallele *GH*, par exemple, est le
 sinus de l'arc *GN* qui est la distance du point *G* au Pole, ou le com-
 plément de sa latitude. Ainsi lorsqu'on avance vers les Poles, les de-
 grés des paralleles diminuent de grandeur, dans le même rapport que
 les sinus de complément des latitudes. Si on est éloigné de l'Equateur
 de 60 degrés, on sera éloigné du Pole de 30 degrés; & le sinus de 30
 degrés étant la moitié du sinus total, la circonférence de ce parallele
 sera deux fois plus petite que celle de l'Equateur, les degrés de longi-

tude sur ce parallèle ne seront que de 10 lieues; ils seront deux fois plus petits que ceux de l'Equateur. Mais puisqu'on doit faire augmenter les degrés du Méridien dans le même rapport, que les degrés des parallèles devroient être plus petits, & que nous les rendons réellement plus grands, il faut faire croître les degrés du Méridien comme les sécantes des latitudes, conformément à ce que nous avons vu dans le Livre premier n°. 78.

242. On ne réussiroit pas à graduer assez exactement le Méridien, ou à trouver la grandeur qu'il faut donner à chacun de ses degrés, si on traçoit un quart de cercle, pour y prendre successivement toutes les sécantes. Au lieu de faire l'opération par une figure, on l'a faite par le calcul, & elle est devenue d'une précision incomparablement plus grande. On ne s'est pas contenté de chercher la grandeur des degrés, on a même cru nécessaire de chercher celle des minutes; mais il n'a pas été nécessaire d'aller plus loin. Car on peut supposer, sans erreur sensible, qu'une petite partie de la surface de la Mer, qui n'a qu'une minute de degré ou un tiers de lieue marine en chaque sens, est exactement plane; & que la petite portion de la Loxodromie qu'elle comprend, ne souffre aucune flexion.

243. Si on prenoit le sinus total 100000, tel qu'il est dans les Tables de sinus ordinaires, pour représenter la grandeur de la minute de longitude sur l'Equateur, il n'y auroit qu'à chercher les sinus de $89^{\circ} 59'$, de $89^{\circ} 58'$, de $89^{\circ} 57'$, &c. & on auroit, si on en avoit besoin, la grandeur de la minute sur tous les parallèles qui se suivent, & qui sont par $1'$, $2'$, $3'$, &c. de latitude. En continuant, on trouveroit 50000 pour la grandeur de la minute du parallèle de 60 degrés de latitude, & on auroit des nombres encore plus petits sur les parallèles plus avancés: ce qui montre que la minute de longitude sur le parallèle de 60 degrés, n'est déjà que d'un demi-tiers de lieue, & que plus vers le Pole, elle est encore plus petite. Mais puisqu'il faut faire augmenter l'étendue des minutes du Méridien dans le même rapport que les minutes des parallèles diminuent, & qu'il faut pour cela les faire augmenter comme les sécantes, nous n'aurions qu'à prendre dans les mêmes Tables les sécantes successives de $1'$, de $2'$, de $3'$, &c. & nous aurions la grandeur qu'il faudroit donner aux minutes du Méridien dans la Carte réduite. Lorsqu'on seroit parvenu à 60 degrés de latitude, les sécantes seroient deux fois plus grandes: ainsi la minute du Méridien, ou le tiers de lieue, seroit représenté en cet endroit sur la Carte par de petits espaces deux fois plus grands, la minute correspondante de longitude se trouveroit donc comme deux fois plus petite, elle ne se trouveroit que d'un demi-tiers de lieue comme sur le Globe. Enfin, si on faisoit des sommes de 60 en 60 de toutes ces sécantes, on auroit la grandeur qu'on doit donner à chaque degré.

244. Le calcul seroit d'autant plus exact, qu'on n'auroit point à craindre d'erreur de la part des fractions, à cause de la grandeur des nombres qu'on emploiera. Ces nombres sont 100000 fois trop grands; ainsi pour les réduire, il faudroit retrancher les cinq premiers

chiffres à la droite ; & ce seroient ceux de la gauche qui marqueroient la grandeur fictive qui convient aux degrés du Méridien. C'est de cette sorte qu'on a calculé , en se livrant à un travail qui est un peu long , la Table des *Latitudes croissantes ou réduites* , que nous donnerons dans le dernier Livre. Cette Table suppose que chaque degré de longitude sur les paralleles , est de 60 parties , ou est égal à 60 minutes prises sur l'Equateur. Si on veut , par exemple , marquer sur la Carte l'étendue de 40 degrés de longitude , on prend sur une échelle de dixme 2400 parties , qui est le produit de 40 par 60. Mais pour avoir la longueur qu'il faut donner à 40 degrés de latitude sur la Carte réduite , il faut la chercher dans la Table des *Latitudes réduites* , ou *parties méridionales* , & on trouve 2623 parties : ce nombre est la somme de toutes les secondes de minute en minute jusqu'à 40 degrés.

CHAPITRE VI.

Opérations ou Pratiques sur les Cartes Marines.

245. LA PLUPART des Opérations qu'on peut faire sur les Cartes , sont communes aux plates & aux réduites. Nous allons expliquer d'abord la maniere de *pointer* les premières , & nous spécifierons ensuite les attentions qu'il faut avoir de plus dans l'usage des secondes. Nous séparerons , comme on le fait ordinairement , ces Opérations en différents problèmes , ou en diverses questions de pratique qui sont à résoudre.

I.

PREMIER PROBLÈME.

246. On connoît le rumb de vent qu'on a suivi , & le chemin qu'on a fait , ou les lieues de distance : on demande le point où l'on est arrivé ?

Nous nous proposerons un exemple , pour fixer davantage toutes nos idées. Nous sommes partis du Nord de l'Isle d'Ouessant , du point marqué *A* dans la Carte de la Manche. L'usage du Loch nous a appris que nous avons fait 40 lieues ; nous faisons deux lieues & demie par heure , & nous

avons marché pendant 16 heures. Nous savons de plus par la Bouffole que nous avons couru exactement au *NE*; nous voulons marquer après cela sur notre Carte l'endroit où nous nous trouvons actuellement.

247. *Solution.* Le *NE* & le *SO* forment la même ligne; on court au *NE* ou au *SO*, selon le sens dans lequel on va. Si le point *A* du départ se trouvoit par hasard sur la ligne du *NE* & du *SO* de la rose marquée dans la Carte, la route du Navire seroit déjà toute tracée. Le point *A* est à une certaine distance du *NE* ou du *SO* de la rose; il est donc question de conduire du point *A* une ligne droite *AC* qui soit parallèle à ce rumb de vent. Il n'y a qu'à prendre, avec un compas, la distance la plus courte *AB* du point *A* au *NE*; on fera mouvoir le compas en faisant en sorte qu'une de ses pointes suive le *NE*, & l'autre pointe tracera en même temps la route *AC*. Mais il y a encore une autre condition à remplir; car nous avons fait 40 lieues. C'est pourquoi il faut prendre 40 lieues avec un autre compas, & les porter depuis *A* jusqu'en *C*; & nous aurons dans ce dernier point l'endroit où nous serons arrivés. Nous avons pu, dans cet exemple, prendre les 40 lieues en une seule fois; mais il n'y auroit aucun inconvénient à prendre la longueur du chemin par parties, & on y est quelquefois obligé.

248. Le point *C* de l'arrivée étant trouvé, on est à portée de régler sa navigation, & de voir la route qu'il faut prendre, selon qu'on veut s'approcher des côtes de France ou d'Angleterre. Il nous est facile aussi de trouver sur la Carte la latitude par laquelle nous sommes, il n'y a qu'à chercher vis-à-vis de quel point nous répondons de l'un ou de l'autre des Méridiens gradués qui sont aux deux côtés de la Carte. Si l'on prend la distance du point *C* au parallèle qui termine la Carte par en bas, & qu'on porte cet intervalle sur un des Méridiens gradués, on trouvera que notre latitude est de 50 degrés.

249. On peut encore demander deux choses: combien nous avons gagné ou avancé vers le Nord, & combien nous avons avancé vers l'Est? Si nous avions marché exac-

tement sur un parallèle à l'Equateur, en courant à l'Est, nous eussions suivi la ligne AD , & nous n'eussions ni monté vers le Nord, ni descendu vers le Sud. Nous avons donc monté vers le Nord de toute la quantité DC , que nous déterminerons aisément en conduisant AD parallèlement à quelqu'une des lignes Est & Ouest que nous offre la Carte, & en tirant CD parallèlement à quelqu'une des lignes Nord & Sud. CD qui marque la quantité dont nous avons avancé vers le Nord, est d'environ $28\frac{1}{2}$ lieues, & si l'on mesure notre progrès AD vers l'Est, on le trouvera de la même quantité.

250. *Second Exemple du même Problème.* Etant parvenus au point C , nous avons changé de route, & nous avons fait 25 lieues à l'E $\frac{1}{4}$ NE. Nous voulons savoir notre nouveau point d'arrivée.

Solution. Il ne s'agit que de chercher l'E $\frac{1}{4}$ NE sur la rose, d'y tracer une ligne parallèle CE , & de donner à cette ligne 25 lieues de longueur. On trouvera le point E qui est par $50^{\circ} 15'$ de latitude; de sorte que nous sommes de 15 minutes, ou de 5 lieues plus vers le Nord que dans l'autre point. Nous sommes plus vers le Nord de la quantité FE , & nous sommes en même temps beaucoup plus vers l'Est à proportion; parce que la route tient beaucoup plus de l'Est que du Nord. Nous avons avancé vers l'Est dans cette seconde route de toute la quantité CF , qui est d'environ $24\frac{2}{3}$ lieues, & qui produit notre changement en longitude, de même que FE produit notre changement en latitude.

251. *Troisième Exemple du même Problème.* Etant arrivés en E , on a encore changé de route, & on a fait 17 lieues à l'E SE $5^{\circ} 30' S$.

Il se trouve presque toujours des degrés joints aux rumb de vent qu'on a courus, à cause de la variation de la Boussole & de la dérive dont nous avons parlé n°. 189, & suiv. Quoique les intervalles entre les rumb de vent soient de $11^{\circ} 15'$, on suppose, pour plus de facilité sur la Carte, qu'ils ne sont que de 11 degrés; & quelquefois on les suppose de

12 degrés par le même motif. Dans le cas présent, il faut prendre le milieu entre l'ESE & le $SE\frac{1}{4}E$. Notre route EG, que nous voulons tracer, doit donc être parallèle à cette ligne de milieu, qui est indiquée par HL. Du point E comme centre, nous avons décrit le petit arc H, pour nous assurer que nous prenions la distance la plus courte, & nous avons fait la même chose du point G, en traçant le petit arc L. On voit assez que les $5^{\circ} 30'$ que nous prenons, sont vers le Sud; & qu'il eût fallu les prendre de l'autre côté de l'ESE, si nous avions couru à l'ESE $5^{\circ} 30'E$. Enfin il y a 17 lieues depuis le point E jusqu'au point G. Ainsi nous sommes arrivés en G, qui n'est pas fort éloigné du Havre de Grace, & qui est par $49^{\circ} 50'$ de latitude.

252. On trouvera la longitude du point G en examinant à quel point il répond du parallèle gradué qui est au haut ou au bas de la Carte. Cette longitude, qui commence au Méridien de l'Isle-de-Fer, est de $17^{\circ} 43'$.

253. *Quatrieme Exemple du même Problème.* Nous réunirons dans un même exemple quatre routes que nous supposerons avoir faites successivement, en prenant pour point de *Partance* le point A qui est aux environs de Bellisle & de l'Isle-d'Ieu dans la Carte plate qui représente une partie des côtes de France & d'Espagne. Nous avons couru

$23\frac{1}{2}$ lieues à l'O $\frac{1}{4}$ NO.

$25\frac{1}{2}$ lieues au SSO.

20 lieues au SO 5° O.

$27\frac{1}{2}$ lieues à l'O SO 5° O.

Nous demandons l'endroit où nous sommes arrivés.

Solution. La premiere route nous portera du point A au point D, en nous faisant avancer vers le Nord de $4\frac{1}{2}$ lieues, & de 23 vers l'Ouest.

La seconde nous fera passer du point D au point E, en nous faisant avancer $23\frac{1}{4}$ lieues vers le Sud, & $9\frac{2}{3}$ lieues vers l'Ouest. La troisieme nous portera du point E au point F, en nous faisant avancer $12\frac{3}{4}$ lieues au Sud, & $15\frac{1}{3}$ lieues à l'O. Enfin, la quatrieme nous fera passer du point F au point G, en nous faisant avancer d'environ $7\frac{3}{4}$ lieues au Sud,

	Nord.	Sud.	Est.	Ouest.
I. route.	$4\frac{1}{2}$	23
II. route.	$23\frac{1}{4}$	$9\frac{2}{3}$
III. route.	$12\frac{3}{4}$	$15\frac{1}{3}$
IV. route.	$7\frac{3}{4}$	$26\frac{1}{3}$
		$43\frac{3}{4}$		
		$4\frac{1}{2}$		
Lieues au Sud & à l'Ouest.	$39\frac{1}{4}$	$74\frac{1}{3}$

& de $26\frac{1}{3}$ à l'O.
On a écrit ci-à
côté, sous les titres
convenables, ces
différentes quanti-
tés avancées vers
le Sud & vers
l'Ouest ; on a
ajouté ensemble
celles qui vont

dans le même sens, & retranché les quantités qui sont en sens contraire : il est venu pour résultat $39\frac{1}{4}$ lieues au Sud, & $74\frac{1}{3}$ lieues à l'Ouest. C'est ce qu'on peut vérifier aisément, en examinant combien le dernier point G est plus vers le Sud & plus vers l'Ouest que le point de *Partance A*.

254. Nous nous sommes dispensés de tracer sur la Carte les triangles dont les routes *AD*, *DE*, &c. sont les hypothénuses ; & il faut que les Pilotes s'accoutument à pointer leurs Cartes sans y tracer aucune ligne. Nous avons marqué, pour la facilité de l'explication, le point *P* qui est exactement sur le même parallèle que le point de *Partance A*, & sur le même Méridien que le dernier point d'arrivée *G*. Ainsi l'espace *AP* exprime la quantité ($74\frac{1}{3}$ lieues) dont on a avancé en tout vers l'Ouest par les quatre routes ; pendant que *PG* marque la quantité ($39\frac{1}{4}$ lieues) dont on a avancé vers le Sud, eu égard à tout ; & c'est à quoi nos quatre routes se réduisent.

SECOND PROBLÈME.

255. On connoît le rumb de vent qu'on a suivi, & la latitude par laquelle on est arrivé : on demande les lieues qu'on a courues, & la quantité dont on a avancé vers l'Est ou vers l'Ouest, & qui produit le changement en longitude ?

Supposons qu'on soit parti du point *A*, proche de l'Isle d'Oüessant dans la Carte de la Manche, & qu'ayant couru assez considérablement au NE, on ait observé la latitude à la fin de cette route, & qu'on se soit trouvé par 50 degrés.

On se servira de deux compas ; l'un pour tracer la route parallèlement au *NE* sur la Carte , & l'autre pour reconnoître quand on sera parvenu vis-à-vis du point de 50 degrés de latitude. Si l'on prend avec ce second compas la distance du point de 50 degrés au haut du Méridien gradué , on fera en sorte que le point *C* soit à la même distance du parallèle qui termine la Carte par en-haut. Le point *C* étant déterminé , on mesurera le chemin *AC* qui se trouvera de 40 lieues ; & on verra que la quantité *AD* , dont on a avancé vers l'Est , est de $28\frac{1}{2}$ lieues.

TROISIEME PROBLÈME.

256. *On connoît la longueur du chemin qu'on a fait , & la latitude par laquelle on est arrivé : on demande le rumb de vent qu'on a suivi , & la quantité dont on a avancé vers l'Est ou vers l'Ouest.*

On est , par exemple , parti du point *A* dans la Carte de la Manche , & ayant couru 40 lieues entre le Nord & l'Est , on est arrivé par 50 degrés de latitude. Je n'ai qu'à prendre 40 lieues sur l'échelle , & les portant depuis le point *A* , je fais en sorte que l'autre pointe du compas tombe en *C* par 50 degrés de latitude. Le point *C* sera le lieu de l'arrivée , & l'intervalle *AD* de $28\frac{1}{2}$ lieues fera la quantité dont on aura avancé vers l'Est.

257. Il reste encore à trouver le rumb de vent : nous le découvrirons en choisissant celui qui peut nous conduire du point *A* au point *C*. Si on suit le $NE\frac{1}{4}N$, ou une parallèle à ce rumb de vent , on passera beaucoup au-dessus du point *C* : on passera au contraire beaucoup au-dessous , en prenant le $NE\frac{1}{4}E$; mais en suivant le *NE* , on se rendra exactement d'un point à l'autre. On évitera tout tâtonnement en tendant un fil sur les deux points , ou bien en se servant d'une règle au lieu de fil. On prendra avec un compas la distance du centre de la rose au fil ou à la règle , & cet intervalle , transporté depuis *A* vers *B* , marquera tout d'un coup en *B* le rumb de vent convenable. Pendant qu'une des pointes du compas tracera ensuite la route du

Navire, en suivant la regle depuis le point *A* jusqu'au point *C*, l'autre pointe tracera le rumb de vent, qui passera par le centre de la rose.

QUATRIEME PROBLÈME.

258. *Le point du départ & celui de l'arrivée étant donnés, on demande le rumb qu'il faut suivre pour se rendre de l'un à l'autre, & la quantité de chemin qu'il faut faire?*

Il semble que ce Problème devroit être proposé le premier : on ne peut gueres manquer lorsqu'on veut se rendre d'un Port à un autre, de chercher d'avance la route qu'il faut embrasser, & les lieues qu'il faut courir. Mais nous verrons sans la suite qu'on ne se sert presque jamais de cette route plus courte ; & d'ailleurs l'ordre le plus naturel, en fait d'explications, c'est celui qui est le plus propre à les rendre claires. L'échelle des lieues met toujours en état de mesurer la distance d'un endroit à l'autre ; & quant au rumb de vent, on le découvrira de la même maniere que dans le Problème précédent.

Si on demande, par exemple, la route qu'il faut tenir pour aller de l'Isle d'Oüessant à l'Isle de Wight, on verra aisément dans la Carte de la Manche que le $NE \frac{1}{4} E$ conduit trop à l'Est, & que le NE conduit trop au Nord. La direction qu'il faut suivre, est donc entre les deux : c'est à peu près le $NE 4^{\circ} E$; car il faudra prendre à peu près le tiers de la distance du SO au $SO \frac{1}{4} O$; mais le $SO 4^{\circ} O$ devient le $SE 4^{\circ} E$, lorsqu'on va dans le sens contraire, ou qu'on monte au lieu de descendre. On trouvera, si on le veut, sans nul tâtonnement, ce même rumb de vent, en mettant une regle depuis l'Isle d'Oüessant jusqu'à l'Isle de Wight, & en prenant la plus courte distance du centre de la rose à la regle. La distance d'Oüessant à l'Isle de Wight se trouvera d'environ 64 lieues.

259. *Second Exemple du quatrieme Problème.* Nous allons, en partant du point *A* des environs de Bellisle & de l'Isle-d'Ieu, dans la seconde Carte, couru successivement plusieurs routes *AD*, *DE*, *EF*, *FG*, & nous voulons les

réduire en une seule ; nous voulons favoir le chemin & rumb que nous avons faits en ligne droite, depuis le point de partance *A* jusqu'au point d'arrivée *G* ; il est évident que c'est un quatrieme Problème. Les routes dont il s'agit, sont équivalentes à une seule de 85 lieues courues à l'O S O 5° qui nous porte $39\frac{1}{4}$ lieues au Sud, & $74\frac{1}{3}$ à l'Ouest.

260. *Troisième Exemple du quatrieme Problème sur la Carte réduite.* On demande la distance de l'Isle-de-Fer à la Martinique, & le rumb de vent qui conduit de l'une à l'autre ? On trouvera que la premiere de ces Isles est presque par 28 degrés de latitude Nord, & que la seconde est dans le quinzieme degré de latitude aussi Nord, & par environ $315^{\circ} 30'$ de longitude. Le rumb de vent est à peu près l'O S O $4^{\circ} 30' O$, tous les autres rumb conduiroient en-dessus ou en-dessous de la Martinique.

261. Quant à la longueur du chemin, sa mesure naturelle, comme nous l'avons expliqué dans l'autre Chapitre (NN°. 239 & 240,) est la portion du Méridien gradué, comprise depuis une latitude jusqu'à l'autre. On peut prendre le tiers ou le quart de cet intervalle pour servir de mesure ; on peut ajouter ce tiers ou ce quart, ou toute autre partie, à l'intervalle entier ; & l'opération sera toujours légitime, pourvu que la distance d'un lieu à l'autre soit exactement mesurée à proportion de l'espace entier qu'occupe sur le Méridien la différence en latitude. Il n'y a pas d'inconvénient néanmoins dans la pratique à embrasser immédiatement quelques degrés de plus ou de moins que la différence en latitude pour servir de mesure ; on observe seulement, si l'on prend un ou deux degrés de plus ou de moins par en haut, de prendre aussi un ou deux degrés de plus ou de moins par en bas ; afin de faire une espece de compensation. Si on ouvre le compas dans le cas présent depuis 15 degrés jusqu'à 27, on aura 12 degrés, ou 240 lieues, & si on les répète trois fois, on aura 720 lieues ; mais ce ne sera pas encore toute la distance de l'Isle-de-Fer à la Martinique. On peut prendre le reste, & le porter vers le milieu de la différence en latitude, ou le comparer à la longueur des

12 degrés : on verra qu'il est d'environ 120 lieues. Ainsi la distance d'une Isle à l'autre est d'environ 840 lieues.

262. *Quatrieme Exemple du quatrieme Problème sur la Carte réduite.* On demande le rumb qu'il faut suivre, & le nombre de lieues qu'il faut faire pour aller de la Bermude à l'Isle de Madere ? Comme ces deux Isles sont par des latitudes peu différentes, on ne peut employer comme échelle, dans la rigueur, qu'une très-petite partie du Méridien gradué; & l'opération devient plus difficile & moins exacte. Cependant comme l'inégalité, entre les degrés marqués sur la Carte, n'est pas grande en cet endroit, on peut embrasser, d'une seule ouverture de compas, 100 lieues, ou 5 degrés, depuis 32 degrés de latitude jusqu'à 37; il faut répéter ces 100 lieues huit fois pour mesurer toute la distance, & on verra qu'il y a encore de plus 38 ou 39 lieues. Le rumb de vent est à peu près l'E 1° 30' Sud.

CINQUIEME PROBLÈME.

263. *Le rumb de vent étant donné & la longitude de l'arrivée, on demande la latitude de l'arrivée & la longueur du chemin, ou les lieues de distance ?*

Si l'on part de la Martinique, & qu'on ait singlé à l'E NE 4° 30' E, jusqu'à ce qu'on soit parvenu sur le premier Méridien, il sera très-facile de trouver sur la Carte réduite le point où l'on est arrivé. En suivant l'E NE 4° 30' E, & en ne s'arrêtant que lorsqu'on se trouve par 360 degrés de longitude ou par zéro, on aborde à l'Isle-de-Fer même. Pour mesurer ensuite la longueur du chemin, il faut employer, ainsi que nous l'avons déjà fait, la différence en latitude comme mesure. Je prends 14 degrés depuis 14 degrés jusqu'à 28. Ces 14 degrés valent 280 lieues, & en les répétant trois fois, ils me donnent 840 lieues pour la distance d'une Isle à l'autre.

SIXIEME PROBLÈME.

264. *On connoît la longueur du chemin & la longitude de l'arrivée; on demande le rumb de vent qu'il a fallu suivre & la latitude de l'arrivée ?*

Ce Problème ne peut se résoudre, dans la rigueur, que sur la Carte réduite; & il suppose même quelque tâtonnement; c'est à peu près la même chose du premier Problème. On est toujours sujet à quelque tâtonnement, sur la Carte réduite, toutes les fois qu'il s'agit de mesurer

le chemin , & qu'on ne connoît pas encore les deux latitudes , celle du départ & celle de l'arrivée.

Supposé qu'ayant parti de l'Isle-de-Fer , & couru 840 lieues entre le Sud & l'Ouest , nous nous trouvions par $315^{\circ} 30'$ de longitude ; nous ne savons pas le nombre de degrés de latitude qu'il nous est permis de prendre pour échelle ; nous ne le savons pas , parce que nous ignorons notre latitude de l'arrivée. Nous feindrons donc au hazard que nous sommes arrivés par 23 degrés de latitude-Nord , & nous prendrons 100 lieues depuis ces 23 degrés jusqu'à 28 qui sont au-dessus. Mais on s'apercevra que les 5 degrés qu'on emploie sont trop grands , parce qu'en les répétant huit fois , & en mettant encore 40 lieues de plus , pour faire les 840 lieues , on arrive beaucoup plus bas que 23 degrés de latitude , si l'on veut en même temps que le point soit par $315^{\circ} 30'$ de longitude. Ainsi il faut nécessairement faire plusieurs tentatives ; & on ne doit se trouver satisfait que lorsque l'intervalle qu'on a pris pour mesure , convient avec la latitude par laquelle on arrive effectivement , & qui est $14^{\circ} 30'$ dans cet exemple. Au surplus ce Problème vu l'état actuel de la Navigation , & la privation où nous nous trouvons de méthode immédiate & commode pour déterminer la longitude en Mer , n'est pas d'une utilité présente.

I I.

Moyen de marquer sur la Carte le Point où l'on est à la vue de deux Terres , avec plusieurs autres Operations ou Pratiques importantes.

265. Lorsqu'on se trouve à la vue de deux Terres , on peut , après les avoir relevées avec la Bouffole ou le compas de variation , marquer fort aisément sur la Carte l'endroit où l'on est. Supposons qu'on puisse voir Bellisle d'assez loin , de même que l'Isle-d'Ieu , & que la premiere de ces Isles reste au $N\frac{1}{4}NE$, & l'autre à l' $E\frac{1}{4}SE$. Nous prendrons , avec un compas ordinaire , la distance du milieu de Bellisle au $N\frac{1}{4}NE$ dans notre seconde Carte , & faisant glisser une des pointes du compas le long du rumb de vent en descendant , l'autre pointe tracera une ligne parallele , qui fera la direction du $S\frac{1}{4}SO$ par rapport à Bellisle ; mais le $N\frac{1}{4}NE$ par rapport au point comme *A* , d'où on voit Bellisle. Nous prendrons en même temps , avec un autre

compas , la distance de l'Isle-d'Ieu à l' $E\frac{1}{4}SE$, & traçant une ligne parallele à ce second rumb de vent , nous aurons une seconde direction , & le concours des deux nous donnera le point *A* où nous nous trouvons nécessairement. De ce point Bellisle reste au $N\frac{1}{4}NE$, & l'Isle-d'Ieu à l' $E\frac{1}{4}SE$; car si on suivoit l'un ou l'autre de ces rumb de vent , on iroit rencontrer l'une ou l'autre Isle.

266. On se sert ordinairement de cette pratique pour marquer son point de *Partance* sur la Carte , lorsqu'on entreprend un voyage de long cours. Le soir , lorsqu'on est à la veille de perdre les Terres de vue , on en releve deux avec la Bouffole ; ce qui vaut beaucoup mieux que de n'en relever qu'une , & d'estimer à quelle distance on en est. Cependant il faut quelquefois avoir recours à ce second moyen de fixer le commencement de sa Navigation : on y est nécessairement obligé lorsqu'on part d'une petite Isle , & lorsqu'elle est seule.

Transporter un Point d'une Carte dans une autre.

267. Lorsqu'en pointant une Carte on se trouve à une de ses extrémités , il faut passer dans une autre où soient marqués les mêmes endroits par lesquels finit la premiere. Alors on transporte le point d'une Carte dans l'autre , en le mettant à la même distance & au même rumb de vent par rapport à la même Terre ; & en observant de mesurer cette distance dans chaque Carte , avec sa propre échelle.

268. *Exemple.* Supposons qu'en partant de Bellisle on ait fait 40 lieues à l' ONO , & qu'ensuite on ait viré de bord & fait 45 lieues au NE . La premiere route tracée dans celle de nos Cartes , qui représente une partie des côtes de France & d'Espagne , nous portera au point *B*. C'est dans ce point où on a viré de bord pour faire 45 lieues au NE ; mais comme la Carte ne s'étend pas assez vers le Nord , je divise la seconde route en deux parties pour en tracer une sur chacune des deux Cartes dont je me sers. En partant du point *B*,

je continue à faire le *NE* jusqu'à ce que je me trouve sur le parallele d'Oüessant, ou sur la même ligne Est & Ouest que cette Isle. Je termine donc la premiere partie de ma seconde route au point *C*; & je remarque que je suis éloigné de $5\frac{1}{2}$ lieues d'Oüessant du côté de l'Ouest, & que j'ai déjà fait 15 lieues de ma seconde route. Ainsi il me reste encore 30 lieues à courir dans l'autre Carte, qui est celle de la Manche. Mais il faut, avant toutes choses, transporter le point *C* d'une Carte dans l'autre. Je place ce point en *K* à $5\frac{1}{2}$ lieues à l'Ouest d'Oüessant, en me servant de l'échelle de cette seconde Carte; le point *K* me tient lieu du point *C*; je cours de ce point *K* 30 lieues au *NE*, & j'arrive au point *M* qui est l'extrémité de ma seconde route.

269. L'opération est la même lorsqu'on passe d'une Carte réduite dans une autre; & on a même toujours un secours de plus; parce qu'il suffit, pour transporter le point, de le mettre par la même latitude & la même longitude. Mais il faut toujours s'assurer auparavant, si le premier Méridien est absolument le même dans les deux Cartes. Lorsque ces Méridiens sont différents, il faut réduire une longitude à l'autre. Supposé que le premier Méridien, dans une des Cartes, passe par l'Isle-de-Fer, & que dans l'autre il passe par l'Observatoire de Paris, il y aura, entre toutes les longitudes, 20 degrés de différence dont Paris est plus vers l'Orient que l'Isle-de-Fer. Les longitudes seront plus petites dans la seconde Carte de cette quantité. Si l'on est par 330 degrés de longitude par rapport à l'Isle-de-Fer, on ne fera que par 310 par rapport à Paris: ainsi ces deux nombres doivent se répondre exactement dans les deux Cartes; ils doivent marquer les mêmes endroits, aussi-tôt que les latitudes sont aussi les mêmes. Si l'on est par 5 degrés de longitude par rapport à l'Isle-de-Fer, c'est précisément comme si l'on étoit par 365 degrés: & retranchant 20 deg. de cette longitude, on la réduira à 345 degrés pour Paris.

270. La différence est beaucoup moins grande entre les premiers Méridiens qui passent par l'Isle-de-Fer & par le Pic de Ténérife; c'est ce qui fait qu'on pourroit s'y tromper.

beaucoup plus aisément. Un de ces Méridiens est éloigné de l'autre d'environ $2^{\circ} 3'$, il faut bien se ressouvenir que l'Isle-de-Fer étant la plus occidentale des Canaries, toutes nos longitudes sont plus grandes, aussi-tôt qu'on les compte de l'Ouest vers l'Est. Ainsi pour réduire nos longitudes Françoises aux Hollandoises, qui se comptent depuis le Pic de Ténérife, il faut retrancher $2^{\circ} 3'$ des nôtres. Si on veut, au contraire, réduire les longitudes Hollandoises aux Françoises, il faut ajouter $2^{\circ} 3'$ aux Hollandoises.

De la maniere de corriger le Point sur la Carte, après qu'on a observé la Latitude.

271. Si le Pilote, en observant sa latitude, en trouve une qui ne s'accorde pas avec celle que lui fournit la réduction de ses routes sur la Carte, c'est une marque qu'il s'est trompé dans l'estime qu'il a faite de son chemin, ou qu'il n'a pas réussi à déterminer assez exactement le rumb sur lequel il a couru. On trouve immédiatement la latitude avec une très-grande précision en observant le Ciel; & on est presque toujours sûr de l'exactitude de l'observation: au lieu qu'on est exposé, dans la Navigation, à une infinité de différentes causes d'erreurs qui empêchent de connoître la direction qu'on suit, & la vitesse du fillage. On peut se tromper, & même de plus d'un degré, en travaillant à découvrir la variation de la Bouffole. La dérive est très-difficile à déterminer exactement; les mouvements secrets de la Mer alterent non-seulement le fillage ou la longueur du chemin, ils alterent aussi la direction de la route. L'agitation réitérée & continuelle des vagues est encore un autre obstacle qui empêche le Navigateur de compter sur l'exactitude de ses déterminations; le Navire ne marche presque jamais constamment sur la même ligne; il se meut presque continuellement par élans, en s'écartant tantôt d'un côté, & tantôt de l'autre, du rumb qu'on veut suivre; & ces élans faits de part & d'autre, ne sont pas parfaitement égaux. Le Pilote n'est que trop excusable après tout cela, si, malgré ses plus

grands soins, il est encore sujet à commettre des erreurs très-considérables. Un des moyens qu'il a de s'en appercevoir, mais qui malheureusement est trop borné, c'est d'observer la latitude toutes les fois que l'occasion s'en présente.

Voy. la
Carte de
la Man-
che.

272. Supposons qu'en partant des environs de l'Isle d'Ouessant, du point *A* dans la Carte de la Manche, nous ayons fait les routes *AC*, *CE*, & *EG*, & que le Ciel ait été couvert pendant toute cette navigation; ce qui est cause que nos routes ne sont qu'estimées, c'est-à-dire, que ce n'est que sur le simple témoignage du Loch, & sur l'usage que nous avons fait de la Boussole, que nous croyons être arrivés en *G*. Lorsqu'on navigue dans le voisinage des Terres, on se conduit en partie par les sondes; mais nous faisons ici abstraction de ce secours qu'on tire de la connoissance du fond; nous supposons seulement qu'arrivés en *G*, nous avons vu le Ciel, & qu'ayant observé la latitude, nous l'avons trouvée de $50^{\circ} 10'$, & non pas de $49^{\circ} 50'$, comme elle est indiquée sur notre Carte. Il ne nous est pas permis de douter après cela que nous ne nous soyons trompés dans notre estime: nous croyions être arrivés en *G*, mais nous sommes arrivés 20 minutes plus haut; & il faut donc nécessairement transporter notre point vers le Nord. C'est à cette opération qu'on donne dans la marine le nom de *Correction*.

273. Les Pilotes distinguent ordinairement trois Corrections, dont ils se servent selon les différents rumb qu'ils ont suivis. Nous aurons occasion de nous expliquer davantage sur ce sujet: nous nous bornerons à dire ici que, si nous n'avons aucune raison de soupçonner que nous nous soyons plutôt trompés en plus qu'en moins, quant à la longitude, nous devons croire que nos routes se sont faites seulement un peu plus vers le Nord; & il nous faut transporter simplement notre point estimé *G* en *P* sur la même ligne Nord & Sud, par $50^{\circ} 10'$ de latitude, comme le prescrit l'observation à laquelle nous devons ajouter foi. Souvent on a lieu de penser que les erreurs sont plutôt dans un certain sens que dans l'autre. Le voisinage des Terres détermine

presque toujours les courants à se mouvoir vers un certain côté : le vent , outre cela , entraîne les eaux de la surface de la Mer selon sa propre direction ; mais si on a déjà eu égard à toutes ces choses , & qu'on ne sache pas si l'erreur qu'on commet peut-être encore , porte vers l'Est ou vers l'Ouest , il semble qu'on n'a point d'autre parti à prendre que de corriger simplement le point G pour la latitude , en le mettant en P. Au reste , il faut se ressouvenir que ces sortes d'opérations se ressentent toujours des conjectures sur lesquelles elles sont fondées. Quand même l'observation donneroit exactement $49^{\circ} 50'$ pour la latitude , on ne seroit pas sûr de ne s'être pas trompé dans son estime. Il n'y auroit point d'erreur quant à la latitude ; mais on pourroit être plus vers l'Est ou plus vers l'Ouest.

CHAPITRE VII.

*Remarques générales sur la Navigation ,
sur la maniere de s'approcher de Terre ,
de sonder , &c.*

I.

274. C'EST cette incertitude de la Navigation , par rapport à la longitude , qui est cause que lorsqu'on veut aller d'un Port à un autre , qui en est considérablement éloigné , on ne tente jamais de s'y rendre par le rumb de vent le plus direct. Si nous partons de quelque Port de France dans l'Océan , pour aller à la Martinique , nous courons d'abord assez à l'Ouest pour *décaper* , c'est-à-dire , pour s'éloigner assez des Terres , qu'il n'y ait pas à craindre d'y être rejeté par le gros temps , ni de rencontrer quelque Cap , & surtout le Cap Finistere , lorsque nous dirigerons notre route vers le Sud. Deux raisons nous invitent ensuite à entrer promptement dans la Zone Torride ; nous y trouvons des

vents toujours favorables qui viennent continuellement de l'Est. Ce sont les vents qu'on nomme *Alifés*, dont la force est toujours la même, n'est pas sujette à des reprises comme celle des vents que nous ressentons dans les autres Mers. En second lieu, nous nous hâtons de nous mettre, par la latitude de la Martinique, $14^{\circ} 30'$, & nous n'avons ensuite qu'à courir précisément à l'Ouest : nous vérifions chaque jour, en observant la latitude, si nous suivons exactement cette route ; & de cette sorte nous ne pouvons pas manquer de rencontrer l'Isle, malgré l'imperfection de notre Art quant à la longitude.

275. Si, au lieu de nous conformer à cette règle générale, nous dirigeons de fort loin notre route sur la Martinique, nous pourrions, en nous trompant seulement de quelques degrés sur le rumb de vent, passer à 50 ou 60 lieues de l'Isle, au risque de nous aller perdre sur quelque autre Terre. Outre cela, comme nous ignorerions de quel côté nous nous ferions trompés, en manquant notre but, nous ne saurions pas s'il faudroit l'aller chercher à l'Est ou à l'Ouest. Nous évitons tous ces accidents, & nous assurons le succès de notre navigation en poussant très-loin la précaution de nous mettre de bonne heure sur le parallèle du lieu de l'arrivée. Lorsque nous aurons des méthodes immédiates & commodes de déterminer la longitude en Mer, nous pourrons aller alors plus directement au lieu de notre destination. Cependant comme nous devons croire que les occasions d'observer la longitude seront toujours moins fréquentes que celles de déterminer la latitude, on peut penser que l'usage présent ne fera jamais totalement abandonné.

276. On fait à peu près la même chose lorsqu'on revient de l'Amérique en France : on dirige d'abord sa route vers le Nord ; on se hâte de sortir de la Zone Torride, afin de trouver des vents moins contraires ; on singe ensuite à l'Est, & on se met sur une latitude qu'on choisit, & qu'on suit constamment. Cette latitude règle l'attérage, & on prend exprès celle d'un Cap ou d'une Isle dont on puisse

s'approcher sans risque, & qu'on puisse appercevoir de plus loin. S'il s'agit de doubler un Cap fort éloigné, il faut se conformer à la même pratique pour aller d'abord le reconnoître. Supposé que ce Cap soit environné d'écueils à une trop grande distance, on ira en reconnoître quelque autre en-deçà qui assurera la longitude, & qui servira comme de nouveau point de Partance pour former l'espece de circuit qui doit comprendre la Terre qu'on veut doubler.

277. C'est sur cette regle générale, & sur la connoissance qu'on a des vents & des courants, qu'on doit dresser le plan de sa navigation. Les vents & les courants se dirigent vers l'Ouest dans presque toute l'étendue de la Zone Torride. Les premiers excitent les seconds : lorsque les vents soufflent long-temps du même côté, la surface de la Mer prend du mouvement dans le même sens. Mais les Terres qui sont dans la Zone Torride, détournent aussi les vents de leur première direction, & elles les en détournent d'une manière qui est bien digne de remarque : les vents s'écartent de la ligne droite pour aller rencontrer les Côtes presque perpendiculairement. Il faut apparemment attribuer cet effet à la facilité qu'ont les Continents de s'échauffer plus que la Mer ; ils communiquent leur chaleur à la partie basse de l'air qui se trouve au-dessus, cet air devenant plus léger, parce qu'il se dilate en s'échauffant, tend à s'élever ; il cède en bas sa place, & il donne lieu à l'air des environs de survenir en refluant, & de s'élever à son tour après s'être échauffé ; ce qui entretient une circulation continuelle, & ce qui fait que le vent souffle vers la Terre de tous les côtés. C'est ce qu'on remarque en divers endroits de la Mer des Indes & de celle du Sud, de même qu'à une certaine distance d'Afrique dans notre Océan. Une partie de l'air entre les deux Continents suit la direction des vents alisés, en allant vers l'Ouest, pendant que l'autre partie prend un autre chemin pour s'approcher de la côte d'Afrique ; & l'espace du milieu, qui n'est gueres éloigné dans la Mer du Nord de l'intersection de notre premier Méridien & de l'Equateur, est souvent sujet à des calmes & à des orages que les Marins ne sauroient éviter avec trop de soin.

278. On verra à la fin de cet Ouvrage sur une Carte réduite qui représente presque tout le Globe terrestre, qui est principalement destinée à marquer de combien étoit la variation de la Bouffole en 1700 & 1744, la direction des vents réglés dans la Zone Torride & au dehors, jusque vers le 31 ou 32^{me} degrés de latitude, tant septentrionale que méridionale. On a marqué les directions des vents par de foibles hachures, avec des fleches qui indiquent le sens dans lequel se fait le mouvement. On distinguera en divers endroits un double rang de fleches, parce que les vents changent de six mois en six mois, en prenant une direction toute opposée. On donne le nom de *Monsons* à ces alternatives de vents contraires qui dépendent des causes que nous venons d'indiquer, & qui n'ont effectivement lieu que dans les parties de la Zone Torride où la Mer est interrompue par plusieurs Terres. Toutes les autres circonstances étant les mêmes, l'air est toujours déterminé à se mouvoir vers les Continents, où la chaleur du Soleil est actuellement la plus forte.

279. La Mer participe à la fin aux changements de directions du vent; & on juge assez que de ces mouvements il en résulte d'autres; ou parce que les eaux sont plus sujettes à trouver des obstacles, & qu'elles rejaillissent par la rencontre des Côtes; ou parce que les eaux qui viennent remplacer celles que le courant principal entraîne, forment nécessairement des courants particuliers. Nous ne devons pas entreprendre d'expliquer ces choses en détail: il nous suffit de bien persuader les Lecteurs qu'elles sont de la plus grande importance, & qu'ils ne doivent rien négliger pour s'informer de tout ce qui a rapport aux voyages qu'ils vont entreprendre. On fait que les Portugais ont fait autrefois, pendant plusieurs années, des tentatives inutiles pour doubler les Caps de Non & Bajador, afin de pousser leurs découvertes jusques dans l'Inde. Il n'y a pas même long-temps qu'on mettoit, dans la Mer du Sud, plus d'un an pour faire le voyage du Chili, lorsqu'on partoît du Callao qui est le Port de Lima. Il ne tomboit dans l'esprit de personne qu'il falloit

rendre le large pour chercher les vents favorables ou plus variables, & pour se soustraire aux courants qui regnent le long des Côtes.

I I.

De l'Ordre que les Pilotes doivent mettre dans la Réduction de leurs Routes.

280. Les observations que nous faisons en Mer de la latitude, sont indépendantes les unes des autres; mais comme nous n'avons pas de semblables moyens pour déterminer notre longitude, & que nous ne réussissons qu'à la trouver peu près par la réduction de nos routes, nous ne saurions être trop attentifs à n'en pas perdre le fil. Les Pilotes se partagent en deux troupes pour *faire le Quart*, de même que tout l'équipage, & chaque troupe veille alternativement. On écrit avec de la craie, sur une espece de tableau qu'on nomme *Table de Loch*, le nombre de nœuds qu'on fait, le vent qu'on suit, la force & la direction du vent, & les autres circonstances essentielles. C'est à cette Table que les Pilotes, qui se reposoient, ont recours, lorsqu'ils viennent à leur tour du soin d'observer toutes les circonstances de la navigation. On réduit toutes les routes chaque jour, ordinairement d'un midi à l'autre, & le Pilote en fait entrer au moins le résultat dans sa Relation journaliere.

281. La forme du Journal est indifférente à bien des égards, mais on trouvera un avantage considérable à le distribuer par colonnes: on s'épargnera beaucoup d'écriture, & on aura la commodité dans un autre temps de retrouver beaucoup plus aisément, & d'un simple coup d'œil, les choses qu'on voudra y chercher. La Table suivante peut servir de modele: nous allons en parcourir les différents titres, à cause de la double utilité qui peut en résulter. En même temps que nous réglerons la distribution des articles, nous appercevrons mieux quelles sont les matieres sur lesquelles il nous reste encore à nous expliquer, ou sur lesquelles il faudra insister davantage dans la suite.

283. On spécifie , à la tête du Journal , toutes les circonstances qui caractérisent le Navire dans lequel on est ; comme sa grandeur , le nombre de pieds qu'il enfonce dans l'eau par l'avant & par l'arrière ; & on indique aussi la destination du voyage , autant qu'on le peut. Si l'on ne donne que 12 colonnes aux Tables , on aura au moins le soin de laisser à côté un assez grand espace pour pouvoir y marquer une infinité de différentes particularités dont il est à propos de conserver la note. Nous nous supposons actuellement en pleine Mer. La première colonne de notre Table indique le quantième du mois ; nous marquons dans la seconde les qualités du vent ; on voit , par exemple , vis-à-vis du Mercredi 4 , que le vent a été *NE* , assez fort ; & de la manière dont nous comptons les jours , il faut que ce vent ait régné depuis le midi du Mardi 3 , jusqu'au midi du jour suivant. Ainsi lorsqu'il se fait quelque changement , nous le mettons sous un jour ou sous l'autre , selon qu'il arrive avant ou après midi.

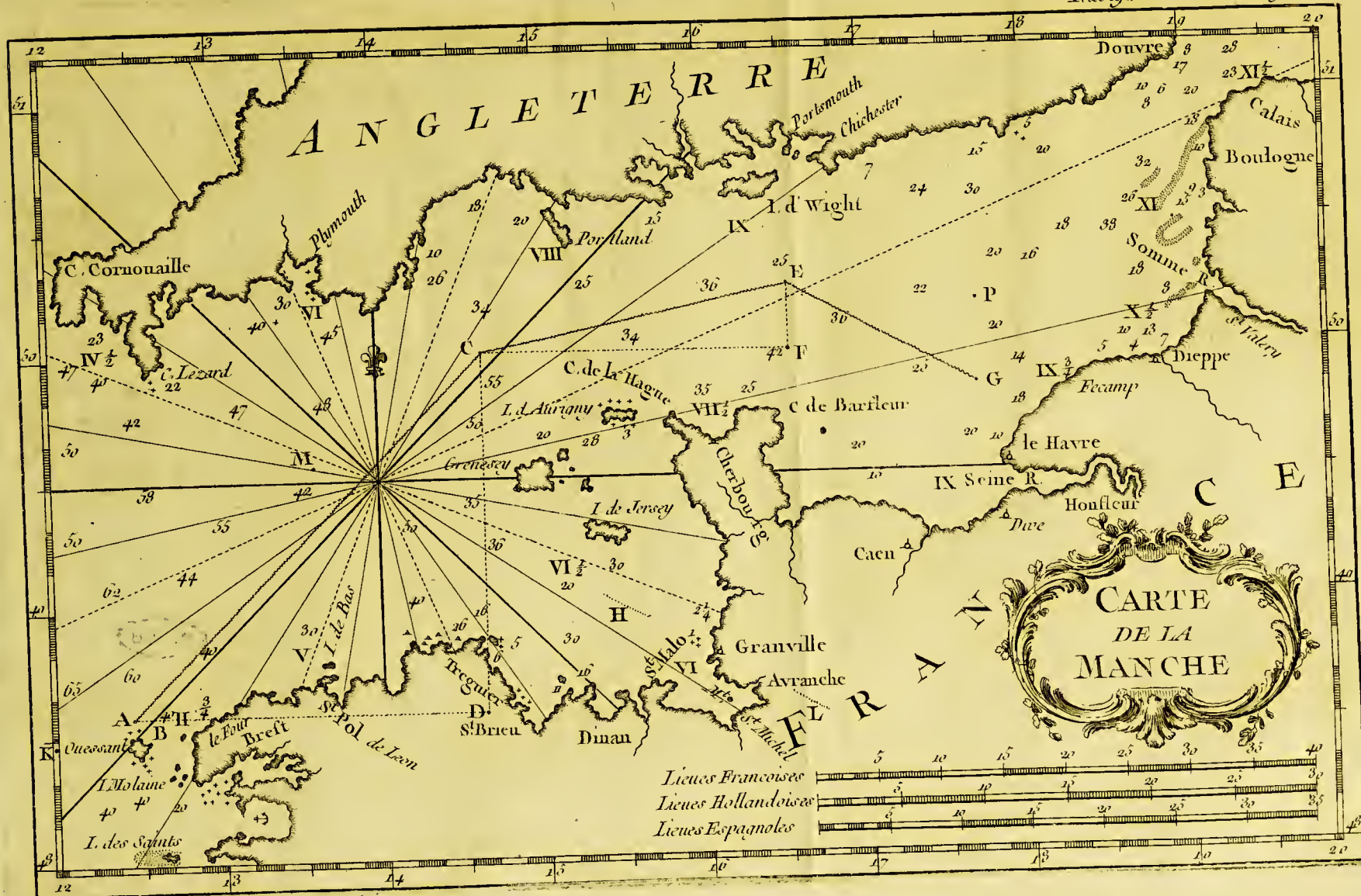
284. La troisième colonne spécifie le nombre des voiles qui sont déployées , & la manière dont elles sont orientées. Lorsqu'elles sont disposées obliquement par rapport à la quille , ou à la longueur du Navire , un de leurs angles en bas est plus avancé vers la proue , & l'autre plus porté vers la poupe. L'endroit du Navire où se termine vers l'avant la grande voile , lorsqu'elle est disposée le plus obliquement , se nomme l'*Amure* , & on spécifie si la voile est amurée du côté droit ou du côté gauche. Le côté droit du Navire répond à la droite du Pilote , qui regarde vers l'avant. Ainsi si les voiles sont orientées comme dans la *Fig. 47* , on dit qu'elles sont amurées du côté droit ou du côté de *tribord* , pour parler comme les Marins. Elles sont en même temps bordées ou tirées vers la poupe par l'autre angle , & sont du côté gauche ou de *Basbord*.

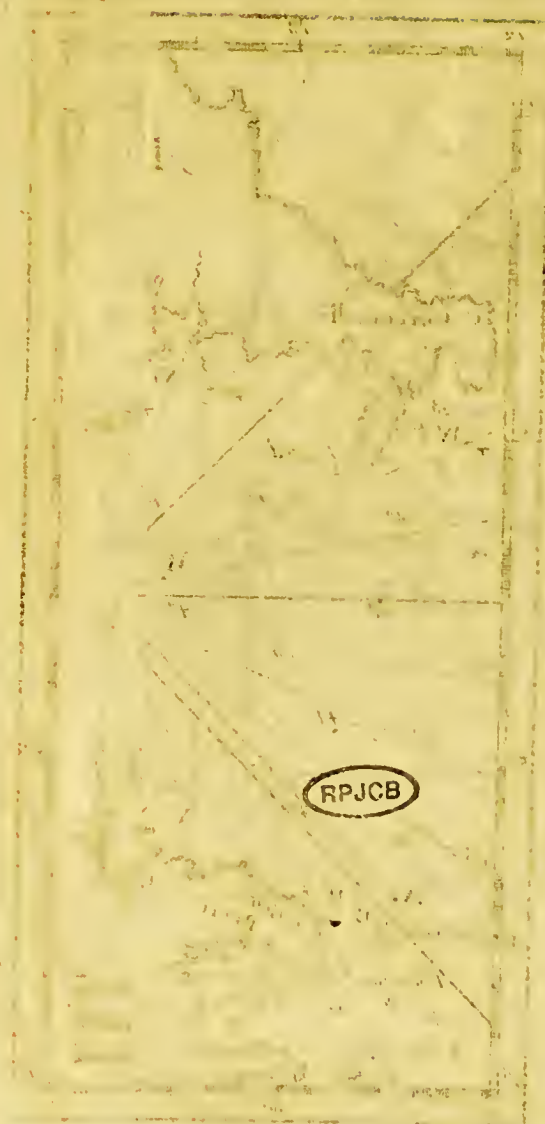
285. La quatrième & la cinquième colonnes marquent le chemin & le rumb estimés & réduits. On fait presque chaque jour , d'un midi à l'autre , plusieurs petites routes ; mais elles sont équivalentes à une seule , de même que les

quatre routes particulieres *AD*, *DE*, *EF*, *FG* se réduisent à une ligne droite qu'on tireroit de *A* en *G* dans notre seconde Carte. On a donc marqué $47\frac{1}{2}$ lieues à l'O 6° N vis-à-vis du Mercredi 4, parce que toutes les petites routes qu'on ne rapporte pas en détail, mais qu'on a faites depuis le Mardi 3 à midi jusqu'au 4 à midi, sont équivalentes à une seule route de $47\frac{1}{2}$ lieues courues sur l'O 6° N. Nous pouvons nous dispenser de répéter que la quantité du chemin de chaque route particuliere a été mesurée avec le Loch, & que le rumb de vent, que nous regardons comme estimé, a cependant déjà été corrigé de l'erreur de la dérive & de celle que produit la variation de la Boussole. Nous le nommons *estimé*, malgré toutes ces corrections; parce qu'il peut encore se trouver sujet à de très-grandes erreurs, de même que la quantité du chemin.

286. Les trois colonnes suivantes ont rapport à la variation de la Boussole, dont la connoissance a servi à rectifier les rumb de vent déjà marqués. Ces trois colonnes auront ordinairement de grands vuides, parce qu'on n'observe pas en Mer la variation aussi souvent qu'on le souhaiteroit. On se ressouvient qu'il faut observer à combien de distance le Soleil se leve ou se couche de l'Est ou de l'Ouest de la Boussole (198), & qu'on compare cette distance avec celle que fournit le calcul. L'une est l'amplitude observée, & l'autre l'amplitude calculée. Les amplitudes occases, marquées vis-à-vis du Mercredi 4, appartiennent au Mardi au soir, à cause de notre maniere de compter les jours.

287. La neuvieme & la dixieme colonnes marquent la latitude & la longitude du point estimé. On y voit, pour chaque midi, l'endroit de la Mer où le Pilote croit être; c'est ici son point estimé, qu'il entreprend de corriger, lorsque le Ciel lui permet d'observer la latitude. Il l'observa le 3 à midi, & il corrigea en conséquence son point dont la latitude & la longitude sont marquées dans la onzieme & la douzieme colonnes. Le Pilote employa ensuite les latitude & longitude de ce jour-là, pour trouver celles du 4 & du 5 par le moyen des routes estimées; mais comme il n'eut





CARTE
DU GOLPHE
DE GASCOGNE

C. Finistère +

RPJCB



RPJCB

ant d'observation de latitude ces deux mêmes jours, sa navigation n'est qu'estimée. Le 6 il observa la latitude de 25° lorsqu'il croyoit être par $19^{\circ} 5'$, & il dût alors corriger son point, au moins quant à la latitude.

288. On continue ainsi, de jour en jour, jusqu'à la fin de la navigation; mais on doit se tenir sur ses gardes dans les temps même qu'on se croit encore assez loin de Terre, & ne donner toujours qu'une médiocre confiance à son travail. Il faut aller de nuit à petites voiles, lorsqu'il n'y a point encore de péril à craindre; & il est même de la prudence quelquefois, lorsque les nuits sont longues & obscures, de rendre un peu le large, c'est-à-dire, de courir non pas parallèlement à la Côte, mais de s'en écarter de quelque quart de vent. L'usage de la Sonde est d'un grand secours dans ces rencontres. Il suffit quelquefois de savoir combien il y a de fond ou de profondeur d'eau pour pouvoir, avec l'observation de la latitude, marquer sur la Carte l'endroit où l'on est. On trouve, dans certains parages, le fond à plus de 100 lieues de distance de Terre; & il va insensiblement en augmentant à mesure qu'on avance.

289. Les Pilotes ont des Livres qu'ils consultent & qu'ils nomment *Routiers*. Ces Livres indiquent, non-seulement la profondeur de l'eau, mais toutes les qualités du fond: ils marquent si ce fond est de vase, ou de sable, mêlé de coquilles, de petites pierres colorées, &c. Toutes les différences qu'on peut reconnoître par la Sonde, se réduisent à cinq ou six; & on pourroit fort aisément les écrire en abrégé sur les Cartes mêmes, à côté des brasses d'eau. Les lettres initiales suffiroient, ou bien on employeroit quelques autres marques qu'on expliqueroit dans quelque endroit de la Carte.

III.

De la Maniere de Sonder.

290. Il est très-facile de sonder dans les Mers peu profondes; mais l'opération est longue & pénible, lorsqu'en

venant de loin, on veut sonder dans des endroits où il y a une grande profondeur d'eau. Il faut alors se servir de cordes ou de lignes de sonde beaucoup plus grosses, & on est aussi obligé de mettre à l'extrémité des poids beaucoup plus pesants, des plombs, par exemple, de 60 ou 80 livres au lieu de ceux de 20 ou 30 livres qui suffisent ordinairement. Ces poids ont la forme conique ou de pains de sucre, & ont toujours en-dessous un creux dans lequel on met du suif. Cette matière, en s'appuyant sur le fond, se chauffe de quelques-unes des parties terrestres qui sont en-bas, & reçoit l'impression du rocher, s'il n'y a rien autre chose.

291. On ne peut pas sonder pendant que le Navire fait voile; car le choc de l'eau empêcheroit le plomb de descendre, & exposeroit la ligne à se rompre. Il faut donc nécessairement s'arrêter, ou mettre côté à travers. Plusieurs Matelots se mettent autour du Navire par dehors; ils soutiennent la ligne; & lorsque tout est prêt, ils lâchent à leur tour la portion qu'ils tenoient, & ils ne la lâchent qu'autant qu'il est nécessaire, afin de sentir, s'il est possible, la diminution que doit recevoir tout-à-coup le poids total, lorsque le plomb vient à s'appuyer sur le fond.

CHAPITRE VIII.

Du Flux & Reflux de la Mer.

I.

292. **L**ORSQU'ON est parvenu à l'ouverture d'un Port, on ne peut pas toujours y entrer, quoique le vent soit favorable: il faut souvent attendre le flux, ou que la Mer soit pleine, si on est sur les côtes de l'Océan; & l'assujétissement est à peu près le même lorsqu'on veut sortir du Port. Tout le monde fait que nos Côtes sont sujettes à une espèce d'inondation, de la part de la Mer, deux fois le jour. Les eaux montent pendant environ six heures: ce mouvement, qui est

est quelquefois assez rapide, & par lequel la Mer vient couvrir nos plages, se nomme le *flux* ou le *flot*. Les eaux, lorsqu'elles sont parvenues à leur plus grande hauteur, restent ainsi un demi-quart d'heure dans cet état : la Mer est alors en *pleine*, ou elle est *étale*. Elle commence ensuite à descendre, & elle le fait pendant 6 heures, qui forment le temps du *reflux*, de l'*ébé* ou du *jusant*. La Mer, en se retirant, parvient à son plus bas terme, qu'on nomme *basse Mer*, & elle remonte presque aussitôt. Il se fait un autre flux, qui dure également six heures, & ainsi toujours de suite.

293. Chaque mouvement de la Mer n'est pas précisément de six heures; elle met ordinairement un peu plus à venir, & un peu plus à s'en retourner. Ces deux mouvements contraires sont même considérablement inégaux dans certains Ports, principalement dans l'entrée des rivières; mais les deux ensemble font toujours plus de 12 heures; ce qui est cause que la pleine Mer, ou chaque *marée*, ne se fait pas à la même heure le soir que le matin. Elle arrive environ 4 minutes plus tard; & d'un jour à l'autre il se trouve 48 ou 49 minutes de retardement. C'est-à-dire, que s'il est pleine Mer aujourd'hui dans un Port à 9 heures du matin, il n'y aura pleine Mer ce soir qu'à environ 9 heures 24 minutes, & demain à 9 heures 48 minutes du matin, & le soir à 10 heures 12 minutes. C'est aussi la même chose à l'égard des basses Mers; elles retardent d'un jour à l'autre d'environ 8 minutes, & du matin au soir de 24 minutes.

294. Ce retardement étant connu, on peut, si l'on a été attentif à l'instant de la marée un certain jour, prévoir à quelle heure il sera pleine Mer dans le même Port un autre jour, & faire ses dispositions à propos, si on est dans un Navire, pour sortir du Port ou pour y entrer ce jour-là. Comme si on avoit remarqué que la haute Mer est arrivée un certain jour à 8 heures & demie du soir, & si on vouloit savoir à quelle heure elle arriveroit 6 jours après, il n'y auroit évidemment qu'à multiplier 48 par 6, & on auroit 4 heures 8 minutes pour le retardement cherché : donc l'heure de pleine Mer arriveroit à 1 heure 18 minutes du matin.

De l'Accord qu'il y a entre le Flux & le Reflux , & les Mouvements du Soleil & de la Lune.

295. Les marées ne se faisant pas à la même heure chaque jour, c'est une marque qu'elles ne dépendent pas uniquement du mouvement du Soleil. Elles dépendent beaucoup davantage du mouvement de la Lune, qui retarde également de 48 min. chaque jour à revenir aux mêmes points du Ciel, comme nous l'expliquerons dans la suite. On dit que la Lune est *nouvelle*, lorsqu'elle passe vis-à-vis du Soleil, parce qu'on cesse alors de la voir, & qu'elle doit reparoître peu de temps après, ou comme se *renouveler*. Au bout de 15 jours la Lune se trouve à l'opposite du Soleil : elle paroît alors toute ronde, & on dit qu'elle est *pleine*. Mais lorsqu'elle est dans une position moyenne entre ces deux, ou, ce qui est le même, lorsqu'elle n'est éloignée du Soleil que de 90 degrés, soit après l'avoir quitté, soit lorsqu'elle vient le rejoindre, sa partie lumineuse n'est que comme la moitié d'un cercle ; & on nomme ces deux apparences ou *Phases*, les *Quadratures*, qui arrivent sept jours & demi après les nouvelles ou pleines Lunes. Ce que nous venons de dire suffit pour faire entrevoir aux Lecteurs le parfait accord qu'il y a entre le flux & reflux, & les mouvements du Soleil & de la Lune. Les marées retardent tous les jours de 48 minutes, & elles reviennent à la même heure au bout de 15 jours, & au bout d'un mois ou de 29 jours & demi, non pas lorsque la Lune est revenue exactement au même point du Ciel, mais lorsqu'elle a repris sa même situation par rapport au Soleil. Forte preuve que les deux Astres ont part à l'effet ; & toutes les autres circonstances le confirment.

296. Les marées sont plus fortes de 15 jours en 15 jours : c'est ce qui arrive à toutes les nouvelles & pleines

Lunés , ou lorsque les deux Astres agissent ensemble sur le même point de la Mer. On donne le nom de *grandes eaux* à ces plus fortes marées , on les nomme aussi *Malines* ou *reverdies*. Dans certains temps de l'année les deux Astres exercent encore mieux leurs forces ; ils répondent au-dessus de l'Océan vers le milieu de la Terre , ou vers l'Equateur. La Mer monte alors beaucoup davantage , & elle descend aussi plus bas : c'est ce qui arrive vers les commencements d'Avril & d'Octobre. Enfin le Soleil & la Lune ne conservent pas toujours la même distance à la Terre. La Lune principalement est sujette à s'éloigner de notre Globe , & d'autres fois elle s'en approche. Une médiocre attention fait appercevoir ce changement de distance ; la Planete nous paroît plus petite ou plus grande. Mais toutes les fois qu'elle est plus voisine , & qu'elle devient comme plus grande par rapport à nous , son action sur la Mer est aussi plus forte : c'est ce que nous apprennent toutes les observations.

297. Il y a tout lieu de penser que le flux & reflux de la Mer est une suite de la pesanteur universelle que nous remarquons dans toute la nature , & qui paroît en constituer une des premières loix. Toutes les parties de matiere pesent un peu les unes vers les autres ; elles ont une force secrete pour s'approcher ou pour s'unir. Cette force arrondit les gouttes de liqueur ; elle fait que deux gouttes d'eau se confondent aussi-tôt qu'elles se touchent ; elle conserve la figure à peu près sphérique qu'a la Terre , & qu'ont tous les corps célestes : elle produit une infinité d'autres effets , dont ce n'est pas le lieu de parler. Nous ressentons ici-bas notre pesanteur vers la Terre , parce que nous en sommes très-voisins ; mais cela n'empêche pas que toutes les parties de notre Globe n'ayent une petite tendance ou une très-foible pesanteur vers le Soleil & vers la Lune. Lorsque ces deux Astres , dont l'un est très-gros , & l'autre très-proche de nous , répondent sur l'Océan , les eaux s'élèvent un peu ; parce que leur tendance vers le haut , est en déduction de leur pesanteur vers le bas. Si l'étendue de l'Océan étoit beaucoup plus petite , l'effet seroit absolument insensible ; mais la grandeur des Mers le rend considérable , & il doit se manifester principalement sur les Côtes , de même que l'agitation d'une liqueur se rend plus sensible vers les bords du vase qui la contient.

298. Si les deux Astres agissent ensemble ; s'ils répondent l'un & l'autre sur le milieu de la Mer ; si , outre cela , la Lune est dans une de ses moindres distances à la Terre , l'effet est alors fort grand. Si , au contraire , la Lune est dans une de ses quadratures , si elle est éloignée du Soleil de 90 degrés , & qu'elle soit en même temps dans une de ses plus

grandes distances de la Terre, l'effet sera moindre, par une double raison. La Lune agira peu, & son action sera contrariée par celle du Soleil, qui tendra à faire élever les eaux dans un autre endroit. Dans ce cas, qui arrive tous les quinze jours, & auquel on donne le nom de *mortes-eaux*, la Mer monte moins, & elle descend aussi moins; depuis le terme de la pleine Mer jusqu'à celui de la basse Mer, il n'y a quelquefois que la moitié de la hauteur qu'on observe dans les malines.

299. En général les marées du matin & du soir ne sont pas également fortes; il y a un choix à faire, lorsqu'on veut sortir d'un Port, ou y entrer, & que ce Port n'est pas assez profond. Mais ce qu'il y a de très-remarquable, c'est que l'ordre de ces marées change au bout de six mois; c'est-à-dire, que si ce sont les marées du matin qui sont actuellement les plus fortes, comme cela ne manque pas d'arriver en hyver, en six mois, ou un peu plus, elles seront les plus foibles. Ce sont effectivement les marées du soir qui sont les plus fortes en été; & il faut donc les préférer pour entrer dans les Ports & pour en sortir. Il arrive à peu près un égal changement à l'égard des grandes marées des nouvelles Lunes, comparées aux grandes marées des pleines Lunes; elles sont aussi presque toujours inégales, & la différence est quelquefois de plusieurs pieds; mais au bout de six mois les plus fortes marées deviennent les plus foibles, & les plus foibles deviennent les plus fortes. Cet effet doit être principalement attribué à la Lune, qui n'est pas à la même distance de la Terre au bout de six mois, lorsqu'elle est dans la même situation par rapport au Soleil. Si elle se trouve maintenant à sa moindre distance dans le temps des nouvelles Lunes, en six mois ce sera tout le contraire, elle sera à sa moindre distance dans le temps des pleines Lunes.

300. Au surplus les malines n'arrivent pas précisément les jours des nouvelles & pleines Lunes, mais un jour & demi ou deux jours après. Les plus petites marées, ou les *mortes-eaux*, ne concourent pas exactement non plus avec les quadratures; elles tombent un jour & demi plus tard. Les marées ont rapport à tous les autres effets qui demandent du temps pour recevoir peu à peu leur augmentation, par l'action réitérée de la même cause ou du même agent. Après

qu'elles ont été fort grandes, 1 ou 2 jours après la nouvelle ou la pleine Lune, elles vont en diminuant, jusqu'à un jour & demi après la quadrature, & elles s'augmentent ensuite jusqu'à la pleine ou nouvelle Lune suivante. Il se trouve la différence que nous avons dite entre les marées du soir & du matin, de même qu'entre les malines; mais c'est une règle générale que toutes les fois que la Mer monte davantage par son flux, elle descend aussi davantage par son reflux. Lorsque toutes les circonstances sont favorables pour produire une très-grande maline vers le commencement d'Avril ou d'Octobre, la Mer, en se retirant, laisse aussi à sec une plage beaucoup plus grande qu'à l'ordinaire. On voit alors à découvert des bancs de sable & des écueils, qui sont cachés pendant tout le reste de l'année.

III.

De la grandeur des Marées dans les différents endroits de la Terre.

301. Les Mers qui ont peu d'étendue, ne sont pas sujettes à avoir de marées, parce qu'en tout temps l'action du Soleil & de la Lune est à peu près la même sur une de leurs extrémités que sur l'autre. La Mer Méditerranée n'a presque pas de flux sensible, par cette raison; on y en remarque seulement un peu dans le fond de ses Golfes. Lorsqu'on avance dans l'Océan, beaucoup vers les Poles, on y trouve des marées toujours moins considérables. Le Soleil & la Lune agissant vers l'Equateur, & soulevant continuellement les eaux vers le milieu de la Zone torride, les Poles doivent en être comme continuellement privés: ainsi la Mer doit être toujours basse vers ces deux extrémités de notre Globe. Cependant elle n'est pas réputée telle, parce que c'est son état ordinaire. Dans les autres régions, la disposition des côtes, & leur gisement décident presque totalement de la grandeur du flux & reflux.

302. La Mer ne monte que 17 à 18 pieds sur les côtes de Bretagne du côté du Sud, au lieu qu'elle monte de 50 pieds vers S. Malo & le Mont S. Michel. La Manche offre une très-grande ouverture aux eaux de l'Océan, & quand elles s'y trouvent une fois engagées, & qu'elles sont outre cela réfléchies par les côtes d'Angleterre vers celles de

France, elles n'ont pas la liberté de refluer ou de rebrousser chemin, tant qu'il survient d'autres eaux qui les poussent dans le même sens; elles s'accumulent donc, & elles forment ces grandes marées qu'on observe vers le Mont S. Michel & Cancale. La même chose a lieu au-dessous de Bristol ou de l'embouchure du Fleuve Saverne, dans le canal de S. George: la Mer y monte de 45 pieds dans les marines, & de 25 dans les mortes-eaux. Il arrive aussi quelque chose de semblable, & par la même raison, dans le Golfe de Panama sur le bord de la Mer du Sud.

303. Les Isles qui sont en pleine Mer, principalement si elles sont petites, ne forment pas un obstacle assez considérable pour fixer une grande masse, & les marées y sont faibles; elles ne sont, par exemple, que de 7 à 8 pieds dans les Isles Canaries. Elles sont de 11 ou 12 pieds sur les côtes de Portugal; la disposition Nord & Sud de ces côtes hors de la Zone torride, n'est pas propre à arrêter les eaux; elle leur permet de glisser & d'aller plus loin. Nous n'entrons pas dans un plus grand détail sur toutes ces choses: les Navigateurs ne sont intéressés à savoir exactement dans cette matière que les faits seuls, & ils peuvent, dans l'occasion, consulter les routiers.

I V.

*De l'Etablissement des Marées, & de la
maniere de calculer l'Heure du Flux
& Reflux.*

304. Nous avons dit que les marées retardoient chaque jour de 48 minutes, & qu'elles ne revenoient aux mêmes heures que de 15 jours en 15 jours. Il est pleine Mer sur toute une étendue de côte à la même heure; mais selon que les Ports sont plus ou moins retirés dans les terres, & que leur ouverture est plus ou moins étroite, la Mer emploie plus ou moins de temps pour s'y rendre, & il y est pleine Mer plutôt ou plus tard. Chaque Port a donc son heure particulière; outre que cette heure est différente chaque jour.

Il a été naturel de considérer plus particulièrement les marées des nouvelle & pleine Lunes, & d'y rapporter toutes les autres. On nomme *Etablissement* cette heure à laquelle il est pleine Mer, lorsque la Lune est vis-à-vis du Soleil, ou qu'elle se trouve à l'opposite. A Brest c'est 3 heures 30 min. au lieu que l'*Etablissement* des marées au Havre-de-Grace est 9 heures, parce qu'il y est pleine Mer à cette heure - là les jours des nouvelle & pleine Lunes.

305. Nous nous dispensons de donner une Table de ces établissements; nous nous contentons d'en marquer un certain nombre en chiffres Romains dans la Carte de la Manche & dans l'autre petite Carte. On voit $1\frac{1}{2}$ auprès de Bellisle; parce qu'il y est pleine Mer aux nouvelles & pleines Lunes à une heure & demie. On voit aussi, en jettant les yeux sur la même Carte, que 3 heures est l'établissement des marées à l'entrée de la Loire, & qu'à Nantes c'est 8 heures.

306. La grande différence qui se trouve entre l'heure des marées au bas de la Loire & à Nantes, est bien propre à montrer combien est mauvais l'usage, où sont quelques Pilotes, d'exprimer l'établissement des Ports par les rumbes de vent de la Bouffole. Ils se servent du Nord & du Sud pour indiquer 12 heures; ils indiquent 6 heures par l'Est & l'Ouest, 3 heures par le SE & le SO, &c. Cet usage, qui s'est introduit dans plusieurs Livres, n'est propre qu'à induire en erreur les personnes peu instruites, en leur faisant croire que ces prétendus rumbes de vent, qui désignent l'établissement des marées, ont rapport à la direction des rivières, ou aux régions du monde, vers lesquelles les entrées des Ports sont exposées. Il n'est pleine Mer plus tard à Nantes qu'au bas de la Loire, que parce que cette Ville est considérablement éloignée de la Côte, & qu'il faut du temps au flux pour y faire sentir son effet. L'établissement des Ports dans la Manche suit un ordre réglé, qui dépend uniquement du plus ou du moins de chemin que font les eaux pour y parvenir. J'ai vu, à la Côte de Bretagne, l'établissement des marées au Croisic y changer d'environ un quart-d'heure, parce qu'on avoit rétréci l'entrée de ce Port par une longue jettée. Il fallut ensuite quelque temps de plus à la Mer pour passer en quantité suffisante par l'ouverture moins large. Les choses peuvent avoir changé depuis, & être revenues à leur ancien état, quoique la jettée subsiste toujours. Ce petit Port s'est en partie comblé de sable; sa capacité est bien moins grande qu'elle n'étoit il y a 20 ans, & les eaux qui y entrent, ayant moins d'espace à remplir, doivent s'y mettre plus promptement de niveau avec celles du dehors.

307. On connoît sans peine l'établissement des marées dans un Port, lorsqu'on se trouve dans ce même Port le jour de la nouvelle ou pleine Lune; mais si l'on s'y trouve un autre jour, l'heure de la pleine Mer sera différente, & il faudra avoir égard au retardement des marées, qu'on doit retrancher de l'heure de la pleine Mer qu'on a observée. Si, en consultant un Almanach, ou si par quelque autre moyen on trouve qu'il y a dix jours d'écoulés depuis la nouvelle ou pleine Lune, ces dix jours donnent 8 heures de retardement: ainsi ces 8 heures doivent être retranchées de l'heure de la pleine Mer, & il restera l'établissement. Supposé, outre cela, que la pleine Mer soit arrivée à 2 heures après midi, je remarque que 2 heures du soir sont équivalentes à 14 heures du matin, & retranchant 8 heures de ce dernier nombre, il me vient 6 heures pour l'établissement du Port dont il s'agit.

Connoissant l'Etablissement des Marées pour un Port, trouver l'Heure de la pleine Mer pour un jour proposé.

308. Lorsqu'on connoît l'établissement d'un Port, ou l'heure à laquelle il est pleine Mer le jour de la nouvelle ou pleine Lune, il est très-facile de trouver à peu près l'heure de la pleine Mer pour tous les autres jours; puisqu'il suffit d'ajouter à l'établissement la quantité du retardement.

309. On me demande, par exemple, à quelle heure il étoit pleine Mer au Havre-de-Grace le 21 Août 1754? Je cherche la nouvelle Lune dans un Almanach pour ce même mois; je la trouve le 18; ainsi le 21 il y a 3 jours d'écoulés depuis la nouvelle Lune. Ces 3 jours produisent 2 heures 24 min. de retardement; & si on les ajoute à l'établissement des marées au Havre-de-Grace, qui est 9 heures 20 min. dans le Port, il viendra en tout 11 heures 44 min. pour le temps de la pleine Mer.

310. *Second Exemple.* On veut savoir à quelle heure il étoit pleine Mer à Brest le 16 Janvier 1753. La nouvelle

Lune arriva le 4 de ce même mois, ce qui oblige de chercher le retardement des marées pour 12 jours. On trouve 3 heures 36 min. & les ajoutant à l'établissement de Brest qui est 3 heures 30 min. il vient 13 heures 6 min. C'est-à-dire, qu'il étoit pleine Mer vers une heure un demi-quart après midi à Brest le 16 Janvier 1753. Nous expliquerons, dans le premier Chapitre du quatrième Livre, la manière de faire les calculs précédents avec plus d'exactitude.

CHAPITRE IX.

*Usages de la Boussole pour lever les Plans,
& pour déterminer le Gisement des Côtes.*

311. **L**ORSQU'UN Pilote navigue à la vue d'une Terre peu connue, ou qu'il est en relâche dans un pays dont les détails manquent sur sa Carte, ou sont peu sûrs, il doit s'occuper à rectifier tout cela, à lever, s'il est possible, un plan exact de toute la partie de la Côte qu'il peut parcourir & découvrir à la vue, & sur-tout du Port, de la Rade, de l'Anse ou de la Baie où son Vaisseau reste à l'ancre. Il doit joindre à ce plan les sondes ou profondeurs de la Mer, en marquer la qualité du fond & de la tenue.

*Méthode pour faire le Plan particulier d'un
Port, d'une Rade, &c.*

PREMIERE OPÉRATION.

Mesure d'une Base.

312. Ayant parcouru des yeux l'étendue du terrain dont on veut faire le plan, on y choisira deux points comme *A* & *B* (Fig. 42.) un peu élevés, & placés de sorte, qu'ils puissent être vus réciproquement, qu'on puisse mesurer leur distance, & que de chacun de ces deux points on puisse voir presque tous les autres points qui doivent être marqués sur le plan. La droite *AB*, qui joint les deux points choisis, s'appelle la Base. Fig. 42.

Fig. 42. 313. On commencera donc par mesurer la ligne *A* ce qu'on pourra faire avec un cordeau ou une ligne de lo d'environ 120 brasses de longueur. Pour avoir une exactitude suffisante, on devidera d'abord la ligne, on la fera traîner sur le terrain dans toute sa longueur, pendant un demi-heure ou une heure, afin qu'elle se déploie suffisamment, & qu'elle ait le temps de se détordre, de façon qu'elle ne s'allonge plus pendant la mesure, mais qu'elle reste sensiblement de la même longueur.

314. Avec un pied-de-Roy, on assujettira deux règles de bois à une certaine longueur précise, comme de 6 ou 12 pieds. On choisira sur le terrain un espace de 150 pas le plus uni qu'on pourra, on fera une marque à terre, d'où on commencera à mesurer 60 pieds en ligne droite, en plaçant à terre les deux règles successivement l'une au bout de l'autre. On fera une marque au bout de la mesure, laquelle servira à donner au cordeau une longueur précise de 50, 60, 80 ou 100 toises : on les marquera de 10 en 10 sur le cordeau, comme le font les nœuds sur la ligne de loch.

315. Avec le cordeau ainsi préparé, on mesurera la distance des points *A*, *B* en le laissant traîner, & en plaçant à terre de petits piquets à chaque longueur de cordeau, afin qu'en cas de doute ou de mécompte, on puisse les aller reconnaître & les compter. Une manière de faire cette mesure très-promptement, est de placer d'espace en espace quelques piquets dans l'alignement des points *A*, *B*, si cet alignement ne se trouve pas décidé par des objets éloignés. Ensuite un homme met sur son épaule un des bouts du cordeau éloigné de 12 ou 15 pieds du premier nœud, d'où l'on commence à compter les autres, de sorte qu'en traînant le cordeau, ce nœud reste à terre derrière lui. Il s'avance dans l'alignement ; un autre homme, qui est à l'autre bout du cordeau, l'arrête lorsque le dernier nœud est parvenu à un petit piquet placé par le premier homme à l'endroit où étoit le premier nœud.

316. Cette mesure fera d'autant plus exacte que le terrain sera plus uni ; cependant s'il s'y trouve quelques iné-

galités qui ne soient pas trop roides, & qui ne fassent pas Fig. 42.
 faire de grands plis au cordeau comme seroient de petites
 buttes, ou des creux peu profonds & d'une pente douce,
 on pourra les négliger. C'est au Pilote intelligent à voir si sa
 mesure est susceptible d'une justesse raisonnable, & à y faire,
 dans le besoin, quelques réductions pour compenser l'iné-
 galité du terrain.

317. A l'égard de l'étendue qu'on doit donner à une
 base, elle dépend beaucoup des circonstances des lieux. En
 général, la plus grande est la meilleure; il faut faire en sorte
 qu'elle ne soit pas moindre que la dixième partie de l'éten-
 due du terrain qu'on se propose de lever.

318. Il arrive souvent que le terrain voisin d'une côte
 étant fort inégal, on a sur le bord de la Mer une plage de
 sable assez unie, mais basse, recourbée en anse, ou en pointe
 avancée (voy. Fig. 41.); alors, si l'on peut prendre sur la
 plage vers le milieu de l'enfoncement un point comme C , &
 mesurer comme ci-dessus les distances AC , CB à deux
 points élevés sur la côte, on aura, par les Opérations qu'on
 détaillera dans l'article suivant (329), la position de ces
 deux points de vue A & B , dont la distance AB pourra
 servir de base au plan qu'on se propose de faire.

II. OPÉRATION.

Relevements des Objets.

319. Ayant placé à chaque extrémité A & B de la base
 (Fig. 42.) un signal pour être vu de loin, on se transpor-
 tera, avec un bon compas de route, garni de ses pinnules,
 d'abord en l'une des deux comme en A , & de-là on rele-
 vera tous les objets remarquables qui seront visibles de ce
 point, en dessinant en même temps un croquis du plan du
 terrain à peu près comme on le voit, & mettant des lettres
 aux objets pour les reconnoître, & pour les distinguer quand
 on fera le vrai plan. Ces relevements ne doivent pas se faire
 par rumb de vent, mais en degrés, en les comptant du
 Nord ou du Sud de la Bouffole. Voici un Exemple pour
 servir de modele.

Fig. 42.

Station au Point A.

	Relevements des Obj.	
	A la Bouffole.	Corrigés de la Var.
Un moulin <i>M</i> sur une pointe avancée	29° NO	41° NO
Un islot <i>Q</i> de sable vers l'entrée du canal	40 SO	28 SO
Une pointe <i>P</i> à l'entrée Sud du canal	1 SO	11 SE
Un brisant <i>K</i> dans le canal	1 $\frac{1}{2}$ SE	13 $\frac{1}{2}$ SE
Une pointe <i>L</i> dans le canal	24 SE	36 SE
Une balise <i>I</i> dans le canal	48 $\frac{1}{3}$ SE	60 $\frac{1}{3}$ SE
Un bâtiment <i>G</i> sur une pointe à l'entrée du Port	58 SE	70 SE
Une autre balise <i>H</i>	68 SE	80 SE
Un arbre remarquable <i>F</i> dans le fond du Port	56 $\frac{1}{2}$ SE	68 $\frac{1}{2}$ SE
Un mât de pavillon de découverte <i>E</i>	70 SE	82 SE
L'extrémité <i>B</i> de la base	80 $\frac{1}{2}$ SE	87 $\frac{1}{2}$ NE
Une batterie <i>T</i> dans le Port	82 SE	86 NE
Une Chapelle <i>D</i> sur une butte dans le fond du Port	85 SE	83 NE

320. Les relevements marqués dans la seconde colonne, sont corrigés de la variation de la Bouffole, que j'ai supposée de 12 degrés NO. On fait cette correction à loisir avant que de tracer son plan au net.

321. On passera ensuite à l'autre bout *B* de la base, & de-là on relevera tous les mêmes objets vus de la Station *A*, si rien ne les cache : on relevera aussi tous les autres points remarquables qui n'auroient pas été vus de la Station *A*, comme, par exemple :

Station au Point B.

	Relevements des Obj.	
	A la Bouffole.	Corrigés de la Var.
Le moulin <i>M</i>	66° NO	78° NO
L'extrémité <i>A</i> de la base	80 $\frac{1}{2}$ NO	87 $\frac{1}{2}$ SO
L'islot de sable <i>Q</i>	84 SO	72 SO
La pointe <i>P</i>	62 SO	50 SO
Le brisant <i>K</i>	68 SO	56 SO
La pointe <i>L</i>	47 SO	35 SO
La balise <i>I</i>	31 $\frac{1}{2}$ SO	19 $\frac{1}{2}$ SO
L'embouchure <i>O</i> d'une rivière	25 SO	13 SO
Le bâtiment <i>G</i>	8 SE	20 SE
L'arbre <i>F</i>	41 SE	53 SE
Un écueil <i>S</i> dans le Port	60 SE	72 SE
Le mât de pavillon <i>E</i>	63 $\frac{1}{2}$ SE	75 $\frac{1}{2}$ SE
Un islot de roches <i>V</i> dans le Port	69 SE	81 SE
La batterie <i>T</i>	84 SE	84 NE
La Chapelle <i>D</i>	89 SE	79 NE

322. Et parce que de la Station *A* on n'a pu voir Fig. 42.
l'embouchure de la riviere *O*, ni l'écueil *S*, ni l'islot *V*; que
de même de la Station *B* on n'a pû voir la balise *H*; qu'en-
fin les points *T* & *D* sont placés trop près de l'alignement
de la base *AB*, ce qui rend leur position indécise; il fau-
dra se transporter en un autre point, comme *F*, déjà vu
des deux Stations *A* & *B*. De-là on relevera tous les objets
qui n'ont été vus que d'une des deux Stations, & ceux qui,
comme *T* & *D*, ont été vus trop obliquement des points *A*, *B*.

Station au Point *F*.

Relevements des Obj.		
	A la Bouffole.	Corrigés de la Var.
La Chapelle <i>D</i>	14° NE	2° NE
Le mât <i>E</i> de pavillon	20½ NE	8½ NE
L'islot <i>V</i>	2 NO	14 NO
La batterie <i>T</i>	7 NO	19 NO
L'écueil <i>S</i>	39 NO	51 NO
La balise <i>H</i>	46½ NO	58½ NO
L'embouchure <i>O</i> de la riviere	81 NO	87 SO

323. On pourra de même de ce point *F* relever d'au-
tres objets qui n'auroient été vus ni de la Station *A*, ni de la
Station *B*; mais qui seroient visibles de quelque autre point
déjà relevé deux fois, comme seroit le point *G*, où l'on
pourroit aller les relever. Ainsi de proche en proche, & de
Station en Station, on prolongera son travail aussi loin qu'on
voudra, pourvu que la base y soit proportionnée, & que
les deux points d'où l'on relevera un objet, n'approchent pas
trop d'être dans l'alignement de cet objet.

III. OPÉRATION.

Construire le Chassis du Plan.

324. Après avoir relevé de deux lieux différents tous
les objets que l'on veut placer sur son plan, & avoir corrigé
ces relevements de la variation de la Bouffole observée sur
les lieux, on commence par construire sur une feuille de pa-
pier une échelle, qui doit représenter les toises des distances
mutuelles des objets, & qui doit par conséquent être pro-

Fig. 42. portionnée à l'étendue du terrain & à celle de la feuille de papier. Comme si le terrain de la Fig. 42 renfermoit un espace d'environ deux lieues marines de long, sur une lieue de large, c'est-à-dire, environ 6000 toises sur 3000, & si je voulois tracer mon plan sur un papier qui auroit 20 pouces de long sur 15 de large, je diviserois 6000 toises par 20, & je trouverois qu'un pouce de mon échelle doit représenter 300 toises, & par conséquent que 100 toises doivent être marquées sur mon échelle par une étendue de 4 lignes. J'ouvrerois donc mon compas d'un peu moins qu'une demi-ligne, & de sorte que 10 fois cette ouverture fissent à très-peu près 4 lignes. Je tirerois une droite vers le bord de mon papier; je porterois, depuis une de ses extrémités, 10 fois l'ouverture de mon compas, ce qui me donneroit une échelle de 100 toises. Je prendrois une ouverture de compas égale à cet espace de 100 toises, & je la porterois 10, 20, 30 fois, &c. sur la même droite, pour avoir par ce moyen une échelle de 1000, 2000, 3000 toises, &c. *Voyez au bas de la Fig. 42.*

325. Je placerois ensuite le point *A* sur mon papier, comme je le juge placé sur le terrain que je veux mettre sur mon plan. Par le point *A* je ferois passer une droite occulte (c'est-à-dire, marquée au crayon, & qu'on efface lorsque le plan est achevé,) pour représenter la ligne Nord & Sud, ou un Méridien. On suppose ordinairement le Nord au haut du plan, le Sud au bas, l'Est à droite, & l'Ouest à gauche. Je placerois ensuite le centre d'un Rapporteur sur le point *A*, son diamètre sur la ligne Nord & Sud, & sa circonférence tournée d'abord vers l'Ouest, puis vers l'Est: je marquerois au crayon, le long des divisions de la circonférence, tous les points successivement qui répondent aux relevements pris du point *A* vers l'Ouest & corrigés de la variation: je désignerois par des lettres occultes chacun de ces points d'alignements, pour ne les point confondre; par exemple, j'écrirois dans l'ordre des observations faites à la Station *A* les lettres *m, q, p, k, l, i, g, f, h, e, b, t, d.* Après quoi, ayant levé le Rapporteur, je tirerois par *A* &

Sur tous ces points, des droites indéfinies & occultes, qui Fig. 42.
se représenteroient tous les alignements des objets vus du
point *A*.

326. Je prendrois sur mon échelle le nombre de toises
égal à celui de la base mesurée; je le porterois depuis le
point *A* sur l'alignement de cette base, ce qui me donne-
roit le point *B* sur mon plan.

327. Par le point *B* ainsi déterminé, je ferois passer une
droite Nord & Sud, qui n'est autre chose qu'une parallèle
à la droite Nord & Sud qui passe par le point *A*. Je place-
rois le centre de mon Rapporteur sur *B*, & je ferois les
mêmes opérations que ci-dessus, pour avoir des lignes oc-
cultes tirées du point *B*, selon tous les alignements des
objets relevés de ce point. Alors la position de chacun des
points vus des deux Stations *A* & *B*, se trouvera sur mon
plan, à l'endroit où se croiseront leurs alignements corres-
pondants.

328. Je fais la même chose pour chacune des autres
Stations qui auront été faites: par exemple, le point *F* étant
placé sur mon plan, par l'intersection de son alignement
tiré du point *A* avec son alignement tiré du point *B*, je fais
passer par *F* une ligne Nord & Sud, ou une parallèle à cel-
les qui passent par les points *A* ou *B*; & je tire de même
tous les alignements relevés du point *F*, par lesquels les
points *V*, *S*, *H*, *O* sont déterminés sur mon plan, & les
points *D*, *T*, *E* le sont mieux, que si je m'étois contenté
de les placer par les relevements faits en *A* & en *B*.

329. Si la base n'a pu être mesurée qu'en deux parties,
(comme à la Fig. 41.) alors il faudra commencer par rele-
ver du point *C* les points *A* & *B*; puis on établira le lieu du
point *C* sur son plan, lequel point *C* servira à placer les points
A & *B*, de même qu'on s'est servi ci-dessus du point *A*
pour placer le point *B*: on prendra ensuite les points *A* &
B, comme s'ils étoient les extrémités d'une base mesurée
directement.



IV. OPÉRATION.

Finir le Plan.

330. Après avoir placé sur son plan tous les points relevés, comme on vient de le dire, on n'en a encore que le chaffis. Si donc le Pilote n'a pas le loisir ou la permission de le finir, il faut qu'il se contente de dessiner le contour des Côtes, tel qu'on les peut voir d'un lieu bien exposé, en assujettissant le tout aux points placés sur le chaffis.

331. Mais s'il est possible de mettre plus de détails sur le plan, voici comme on pourra s'y prendre.

On aura une petite Bouffole portative, telle que celles qui servent à orienter des cadrans : on parcourra à pied tout le contour de la Côte en comptant les pas de distance d'un détour à l'autre, & en relevant à la Bouffole l'alignement de la droite qui mesure la longueur de chaque détour. On comptera aussi les pas depuis les points marqués sur le chaffis, jusques au bord le plus proche de la Mer, & on assujettira tous ces détails au chaffis déjà dessiné sur le papier.

332. Si l'on ne peut parcourir la Côte à pied, on tâchera de le faire en canot ou en chaloupe, & d'aborder les iflots, les pointes avancées en Mer, &c. d'où l'on relevera à la Bouffole deux des points les plus remarquables, déjà placés sur le plan, ce qui servira à déterminer la position du lieu où le Pilote se trouve alors. Comme si, étant à la pointe C, j'avois relevé les points D & E, savoir D à 26 degrés NE de la Bouffole corrigée, & E à 51 degrés aussi NE. J'en conclus que le point C, vu du point D, reste à 26 degrés SO, & que, vu du point E, il doit rester à 51 degrés aussi SO : si donc par les points D & E on tire des lignes Nord & Sud, on s'en servira pour tirer comme ci-dessus les deux alignements, dont l'intersection donnera la position du point C.



V. OPÉRATION.

Marquer les Sondes sur le Plan.

333. Le plan d'un Port, d'une Rade, d'un Mouillage, &c. n'est d'aucun usage à un Pilote, si les sondes n'y sont pas marquées. Il est donc nécessaire, pour rendre son travail utile, de faire avec soin les mesures requises pour cet effet. Le détail des petits contours d'une Côte contribue bien moins à la sûreté d'un Navire obligé d'y mouiller, que la connoissance précise des lieux où est la meilleure tenue, & celle de la profondeur de la Mer.

334. Il faut donc que le Pilote choisisse le temps de la basse mer, & qu'armé d'un plomb de sonde & d'un bon compas de route, il parcoure tout l'espace de Mer qui est renfermé dans son plan. Qu'il jette son plomb de 100 en 100 brasses environ en tout sens; & à chaque fois, qu'il relève à la Bouffole deux des objets les plus remarquables & les mieux déterminés sur son plan, afin de pouvoir marquer sur le même plan, par la méthode qu'on vient de dire (332), le point précis où il a fondé, & d'y écrire le nombre de brasses qu'il aura trouvé.

335. Le Pilote doit multiplier ses sondes en trois cas : 1°. Lorsqu'il s'apperçoit de quelque inégalité considérable dans le fond; il doit tourner en sondant tout autour, pour s'assurer s'il y a quelque danger caché, ou quelque banc, & pour en bien déterminer la position & le contour. 2°. Lorsqu'il lui paroît qu'il est sur le meilleur mouillage, afin d'en connoître l'étendue, & d'en marquer exactement tous les points de reconnoissement. 3°. Lorsqu'il est dans un canal étroit, par où le Navire doit passer.

VI. OPÉRATION.

De l'Instruction raisonnée qui doit accompagner un Plan.

336. Lorsqu'un Pilote, en dressant son plan, a acquis

toutes les connoissances locales propres à procurer la sûreté nécessaire à un vaisseau obligé de mouiller en cet endroit il doit les mettre par écrit sur le plan même, de la manière la plus abrégée & la plus claire qu'il lui est possible. Il doit, par exemple, tracer la meilleure route pour parvenir de la pleine Mer jusques au mouillage, & pour aller du mouillage en pleine Mer. Il doit marquer les alignements qu'il faut prendre à terre pour suivre ces routes, dans quel alignement il faut arriver pour prendre un détour, à quelle marque on reconnoît qu'on est parvenu au bon mouillage, à quel vent on est exposé dans un endroit, & de quel vent on y est à l'abri, comment il faut s'affourcher, de quelle nature est le fond, en quel endroit de la Côte on peut aborder facilement avec des chaloupes, canots, &c, où l'on peut faire aiguade, ou faire du bois; quel est l'établissement de ce Port, & à quelle hauteur la marée y monte ordinairement. On trouvera des exemples de tous ces détails dans les portulants & dans les routiers, dont un bon Pilote doit être fourni.

Usages de la Boussole, pour déterminer le Gisement des Côtes en faisant Route.

337. Lorsqu'un Navire se trouve auprès d'une Côte inconnue, ou mal déterminée sur les Cartes, le Pilote doit avoir soin de marquer sur son journal à quel rumb de vent répond la direction de cette Côte, & s'appliquer à en relever les points remarquables, comme les sommets des montagnes voisines, les pointes avancées, les écueils ou brisants voisins de la Côte, les embouchures de rivières, &c. & sur-tout lorsque deux de ces points se trouvent dans un même alignement à son égard, comme feroient les deux pointes qui forment l'ouverture d'une anse, un islot avec un cap, ou avec un autre islot, &c. Il doit en même temps faire la description des lieux tels qu'il les voit; s'ils sont nuds ou boisés, s'ils sont plats ou montagneux, s'ils paroissent habités ou deserts, si les Côtes sont basses ou élevées.

Il doit deffiner la figure que les montagnes & les terres élevées présentoient à la vue lorsqu'il en faisoit les relevemens. Il doit enfin marquer par quelle latitude ces points remarquables sont placés, à quelle distance ils sont les uns des autres, à quelle distance le Navire en a passé. Ces deux dernières circonstances ne doivent pas dépendre de l'estime seule faite à la vue; mais il faut s'en assurer par des observations directes, comme on va voir par l'exemple suivant.

338. Supposons que le Navire filant 5 nœuds $\frac{1}{2}$, & faisant route à l'O $\frac{1}{4}$ SO de la Bouffole, on ait d'abord relevé la montagne *E* (Fig. 44.) à 23° du Nord à l'Ouest, & la montagne *F* à 65° aussi NO. Que 3 heures 12' après, marquées à une montre de poche passablement bonne, on ait relevé la montagne *E* à 32° NE, & la montagne *F* à 9° NO; le tout sans avoir d'abord égard à la variation. Voici le procédé qu'on peut suivre.

339. Puisque le Navire fait 5 nœuds $\frac{1}{2}$ par heure, il en fait à proportion 17 & $\frac{3}{5}$ en 3 heures 12' de temps. Donc la longueur de la route, faite dans l'intervalle des 2 observations, est de près de 6 lieues: (ce seroit plus exactement de 5 lieues & $\frac{13}{15}$; mais on peut négliger cette fraction.) Sur un papier à part je tire une ligne *AD*. Je prends une petite ouverture de compas à volonté, comme d'une ligne de pied-de-Roy, pour valoir un tiers de lieue, ou une minute de grand cercle, je la porte 3 fois depuis *A* vers *C*. Je prends l'ouverture de ces trois parties, je la porte 10 ou 12 fois de *A* vers *D*, afin d'avoir une échelle de 10 ou 12 lieues divisée en tiers. Je prends une ouverture de compas d'un peu moins que 6 lieues, je la porte de *A* en *B*, & j'ai les points *A* & *B* où étoit le Navire au moment de chaque relevement.

340. Je dis maintenant, entre le O $\frac{1}{4}$ SO & 23° NO, il y a $78^\circ \frac{1}{4}$ sur la Bouffole, & entre le O $\frac{1}{4}$ SO & 65° NO, il y a $36^\circ \frac{1}{4}$: avec un Rapporteur, je fais en *A* l'angle *BAE* de $78^\circ \frac{1}{4}$, & l'angle *BAF* de $36^\circ \frac{1}{4}$. De même je dis entre le O $\frac{1}{4}$ SO & 32° NO, il y a $133^\circ \frac{1}{4}$ sur la rose, & entre le O $\frac{1}{4}$ SO & 9° NE, il y a $92^\circ \frac{1}{4}$; je fais en *B*, avec mon Rapporteur, un angle *DBE* de $133^\circ \frac{1}{4}$, & un angle *DBF*

de $92^{\circ}\frac{1}{4}$. Les droites AE , BE s'entrecoupent en E , & y donnent la position de la montagne E ; de même les droites AF , BF donnent la position de la montagne F .

341. Cela posé, je prends avec le compas les longueurs des lignes dont j'ai besoin, & je les porte sur l'échelle, pour savoir à quelle distance de ces montagnes le Navire aura passé. Ainsi je trouverai AE de 5 lieues $\frac{1}{3}$, AF de 7 lieues, BE d'un peu plus de 7 lieues, & BF d'un peu plus de 4. Tirant la ligne EF , j'aurai, en la mesurant, 4 lieues $\frac{2}{3}$ pour la distance réciproque des deux montagnes. Enfin par le point A je tire AK parallèle à EF , & je prends avec le Rapporteur l'angle BAK , qui donne le gissement respectif des montagnes E , F à l'égard de la route AB . Comme si j'avois trouvé cet angle de $11^{\circ}\frac{3}{4}$, je les ajouterois à $11^{\circ}\frac{1}{4}$, dont la route décline de l'Ouest vers le Sud de la Bouffole, & j'aurois 23° de l'Ouest vers le Sud, ou 67° SO : j'y appliquerois la variation de la Bouffole, & j'aurois le vrai gissement de la ligne qui joint les montagnes E , F .

342. Par une suite de pareilles observations, on pourra déterminer successivement tous les points remarquables d'une Côte, & en faire un plan fort utile pour ceux qui auront besoin de passer par-là, & pour perfectionner les Cartes hydrographiques, objet qui doit toujours animer un bon Pilote, tant par le bien général qui en résulte, que par la gloire qu'il acquiert par ce moyen.

CONCLUSION DE CE SECOND LIVRE.

343. Nous terminerons ce second Livre, non pas en résumant les choses que nous venons d'expliquer, mais en indiquant en peu de mots celles dont il nous reste encore à parler, ou sur lesquelles il faut que nous insistions. On voit que nous devons prendre une plus grande connoissance des mouvements du Soleil & de la Lune, & en général de la situation de tous les Astres, puisque nous sommes presque continuellement obligés d'avoir recours à la comparaison du Ciel dans les opérations du Pilotage. Nous ne pouvons

découvrir la variation de la Bouffole, qu'en comparant l'amplitude que nous trouvons sur le compas, à l'amplitude que nous fournira le calcul. Nous ne pouvons découvrir notre latitude, qu'en observant combien notre Zénith est éloigné des Astres dont la situation doit nous être connue par rapport à l'Equateur du Ciel. Il nous faut aussi, pour réussir à bien déterminer la latitude, nous servir d'instruments plus commodes, & meilleurs que celui qui est représenté dans la Fig. 2. Enfin à l'égard même de la réduction des routes, nous avons besoin d'une méthode meilleure dans la pratique, que celle que nous présente l'usage des Cartes marines. Le plus souvent on ne court que de très-petites routes; & si on entreprenoit de les réduire ou de les compasser sur la Carte, la grosseur des pointes du compas en feroit presque toujours disparoître une grande partie. Un avantage considérable que nous retirerons des choses déjà expliquées, c'est que nous ne nous attacherons à rien désormais, dont nous ne connoissions d'avance l'utilité.

Fin du second Livre.



LIVRE TROISIEME,

*Où l'on donne les Notions d'Astronomie,
qui sont utiles aux Navigateurs.*

CHAPITRE PREMIER.

*De la Situation des Etoiles fixes , & de
leur Mouvement apparent du Levant
vers le Couchant.*

I.

344. **N**ous commencerons les détails dont nous venons de voir la nécessité , en donnant les premiers principes d'Astronomie , ou de la Science qui a pour objet le mouvement des Astres. Nous avons déjà dit que les Cieux , en tournant sur les deux Poles , entraînoient toutes les Etoiles d'Orient en Occident en 24 heures. Toutes ces Etoiles , en faisant leur révolution , & en n'y employant que le même temps , malgré la grandeur ou la petitesse des cercles qu'elles décrivent , conservent exactement la même situation les unes par rapport aux autres. On les nomme *fixes* par cette raison ; & c'est ce qui les distingue des Planetes dont nous aurons occasion de parler , lesquelles ont un mouvement particulier par rapport au Ciel , & qui changent de place les unes par rapport aux autres. Le Ciel est , pour ainsi dire , semé d'Etoiles ; les unes se lèvent pendant que les autres se couchent : si nous ne les voyons pas pendant le jour , c'est parce que la lumière qu'elles répandent est effacée par celle du Soleil.

345. On s'est trouvé dans la nécessité d'imposer des noms à tous ces Astres, & on a réussi à le faire d'une manière qui ne charge que très-peu la mémoire. Ayant partagé les Etoiles comme par amas, qu'on a nommé *Constellations* ou *Astérismes*, un seul nom d'homme ou d'animal donné à chacun de ces amas, a suffi pour spécifier 50 ou 60 Etoiles à la fois, & même un plus grand nombre. On nomme, par exemple, *Orion*, une de ces Constellations, c'est ainsi que s'appelloit un Héros fabuleux; on imagine sa figure dessinée dans le Ciel: quelques-unes des Etoiles répondent à sa tête, d'autres à ses épaules, d'autres à sa ceinture ou baudrier, &c. On a réduit, en se conformant à cette méthode, toutes les Etoiles du Firmament à une soixantaine de Constellations. Ainsi il suffit de retenir une soixantaine de noms, & de pouvoir imaginer dans le Ciel autant de figures pour se trouver en état de connoître & de désigner chaque Etoile en particulier.

346. Les Lecteurs ne doivent pas manquer de jeter les yeux sur les deux Cartes célestes que nous joignons à ce Traité. Chaque Carte représente une des moitiés du Ciel, dont chaque Pole est comme le centre. On voit auprès du Pole du Nord, Arctique ou septentrional, l'Etoile polaire ou l'Etoile du Nord, qui est à l'extrémité de la queue de la petite Ourse. Cette Etoile, qui n'est actuellement éloignée du Pole que de 2 degrés, & qui en deviendra encore plus voisine, ne trace qu'un très-petit cercle, comme nous l'avons déjà expliqué. Il est facile de juger que le plus grand des cercles, qui termine chaque Carte, est l'Equateur. Il est exactement au milieu du Ciel qu'il sépare en deux parties égales. Tous les autres cercles qui sont au-dedans, & qui ont un des Poles du Monde pour centre, représentent les *Paralleles* que décrivent les Etoiles.

347. On voit dans les mêmes Cartes un grand nombre de lignes droites qui sont comme des diametres, mais qui représentent des cercles ou des demi-cercles: ce sont les Méridiens célestes qui, comme on le fait, se rendent d'un des Poles du Monde à l'autre, en passant par l'Equateur

qu'ils coupent perpendiculairement. Tous ces cercles servent de Méridien aux lieux de la Terre, qui sont au-dessous; & on les nomme aussi *Cercles horaires*, parce qu'ils partagent le Ciel, quant à son mouvement, ou quant au temps, & qu'ils servent à distinguer les heures du jour & de la nuit: lorsqu'il y a 15 deg. d'intervalle entre deux de ces Méridiens ou cercles horaires, le Soleil met une heure à aller de l'un à l'autre, soit que le mouvement se fasse sur l'Equateur, ou sur un parallèle.

I I.

*De la Déclinaison & de l'Ascension droite
des Astres en général, & de celles des
Etoiles en particulier.*

348. La situation des Etoiles dépend de leur distance à l'Equateur céleste, & de la quantité dont elles sont plus à l'Orient ou à l'Occident les unes que les autres. On nomme *Déclinaison* leur distance à l'Equateur, & on distingue cette déclinaison en Nord & Sud, ou en Boréale & Australe; selon que l'Astre est du côté du Nord de l'Equateur ou du côté du Sud. La déclinaison est donc précisément la même chose dans le Ciel, que la latitude d'un lieu sur la Terre. La plus grande Latitude sur la Terre est de 90 deg. & la plus grande déclinaison est dans le Ciel de ce même nombre de degrés. L'Etoile du Nord ou l'Etoile polaire n'a pas tout-à-fait cette plus grande déclinaison, parce qu'elle n'est pas tout-à-fait dans le Pole du Ciel. Les Etoiles, en faisant chaque jour leurs révolutions autour de nous, d'Orient en Occident, ne changent point sensiblement de déclinaison; elles tracent des parallèles, ou, ce qui est le même, elles restent dans leur mouvement journalier, toujours à la même distance de l'Equateur.

349. Pour savoir de combien les Etoiles sont situées vers l'Orient ou vers l'Occident les unes par rapport aux autres, on conçoit l'Equateur divisé en degrés, on les compte d'Occident en Orient, en commençant à un certain

point, qui est en quelque façon arbitraire; & on nomme *ascension droite* le degré de l'Equateur auquel chaque Etoile répond perpendiculairement. L'ascension droite dans le Ciel répond à la longitude sur la Terre: on les compte l'une & l'autre dans le même sens, & tout est absolument conforme. Cependant dans l'usage des Cartes célestes, & dans les calculs où l'on emploie les ascensions droites des Etoiles, on se sert communément des heures, minutes & secondes de temps, à la place des degrés, minutes & secondes. On conçoit l'Equateur partagé en 24 heures, chaque heure en 60 minutes, &c. ce qui revient au même, & est cependant plus commode.

350. Pour prendre une idée de la manière dont on a pu observer les déclinaisons des Etoiles & leurs ascensions droites, ou au moins leur différence d'ascension droite, on n'a qu'à s'imaginer que l'instrument de la *Figure 2* est exactement à plomb, & qu'il est dirigé en même temps Nord & Sud, ou qu'il présente exactement une de ses faces vers l'Orient, & l'autre vers l'Occident. Nous supposons que cet instrument soit fixé dans cette situation, & qu'il n'a rien de mobile que son alidade, ou une règle qui sera munie d'une lunette, si on veut. On peut marquer sur cet instrument le point qui répond à la hauteur du Pole, qu'on suppose connue. A 90 degrés, de ce point, sera celui qui répond à l'Equateur céleste. En dirigeant l'alidade vers chaque Etoile, à mesure qu'elle vient à passer par le plan de cet instrument, on peut remarquer à quelle hauteur cette Etoile passe; & la différence entre cette hauteur & celle qui répond à l'Equateur céleste, donnera la déclinaison de l'Astre, laquelle sera boréale ou australe, selon que l'alidade sera au-dessus ou au-dessous du point marqué pour l'Equateur. On peut aussi déterminer les ascensions droites, en remarquant dans quel ordre, & à quels intervalles de temps, ces Astres viennent se rendre au Méridien les uns après les autres. Ceux qui viendront se présenter à l'observateur précisément dans le même instant, auront exactement la même ascension droite: ils répondront au même point de l'Equa-

teur, ou, ce qui revient au même, ils feront dans le même Méridien céleste; mais ceux qui auront plus d'ascension droite, parviendront au Méridien plus tard. Si une Etoile passe, par exemple, à 4 heures du soir, ou 4 heures après le Soleil, elle aura 4 heures ou 60 degrés de plus en ascension droite. Si une Etoile passe 2 heures avant une autre, elle aura 30 degrés d'ascension droite de moins que celle-ci. Si une Etoile répond à l'intersection de l'Equateur & de l'Ecliptique, qui est vers la constellation du Bélier, d'où l'on commence à compter les ascensions droites, cette Etoile a $0^{\circ} 0' 0''$ d'ascension droite; & la différence des temps entre le passage de cette Etoile au Méridien, & celui du passage d'une autre Etoile, donnera directement l'ascension droite de cette autre Etoile en temps.

351. On trouvera à la fin de cet Ouvrage, dans le Recueil des Tables nécessaires au Pilote, une Table qui contient les ascensions droites en temps & les déclinaisons des principales Etoiles du Ciel, pour le commencement de 1760, avec les variations qu'elles subissent en 10 ans, ce qui sert à trouver leurs positions pour toute autre année que 1760.

352. La situation des Etoiles ne change en général que très-peu, & il paroît que le changement se fait dans le sens exactement parallèle à l'Ecliptique. Les Etoiles qui sont sur ce cercle paroissent le suivre; & celles qui en sont éloignées restent à la même distance. C'est ce qui fait que les déclinaisons des Etoiles, qui sont dans certains espaces du Ciel, vont en augmentant, pendant que les déclinaisons diminuent dans les parties opposées, mais toujours d'une manière extrêmement lente.

I I I.

Reconnoître les Etoiles, en consultant les Cartes du Ciel.

353. Il y a dans le Ciel plusieurs Constellations faciles à reconnoître. La grande Ourse est de ce nombre; elle est formée de sept Etoiles principales, dont quatre sont en rectangle, & les trois autres sont rangées presque sur une même

ligne. Ces sept Etoiles ont donné le nom de Pole septentrional au Pole du Nord, ou à celui que nous voyons étant en Europe. On ne voit en nul autre endroit du Ciel des Etoiles disposées de la même maniere. Le vulgaire les nomme le *grand Chariot*. De l'autre côté du Pole du Nord, on découvre une autre Constellation encore fort facile à reconnoître, qu'on nomme *Cassiopee*. Elle est remarquable par 5 Etoiles principales; on peut voir leur configuration sur la Carte; elles forment comme une espece de lettre *M* irréguliere, dont les deux jambages extérieurs sont fort ouverts. L'Etoile du Nord est entre ces deux Constellations; elle est comme seule; elle se trouve assez exactement entre la premiere de la queue de l'Ourse & la poitrine de Cassiopee, qui est l'Etoile la plus éloignée, ou le plus au Sud de cette seconde Constellation.

354. Le Taureau se distingue fort aisément par un tas de petites Etoiles nommées *Pleiades*, que le vulgaire nomme la *Poussiniere*. Il y a auprès une Etoile qui se fait remarquer par son éclat & par sa couleur rouge: c'est l'œil du Taureau, nommé *Aldebaran* par les Arabes. Plus vers le Sud & plus vers l'Orient, on voit *Orion*, dont le baudrier contient trois Etoiles que tout le monde connoît sous le nom des *trois Rois*.

355. La Couronne septentrionale est très-remarquable; quoique les Etoiles qui la forment n'achevent pas un cercle entier. La Lyre a une Etoile très-brillante, qui est reconnoissable par deux petites Etoiles avec lesquelles elle forme un petit triangle équilatéral. On la met ordinairement dans le petit nombre de celles qu'on dit être de la premiere grandeur, & dont il n'y a que 14 ou 15. Le Cygne contient cinq Etoiles principales, qui font une espece de grande croix, mais qui ne sont pas également brillantes. Dans l'Aigle il y a trois Etoiles en ligne droite, dont celle du milieu est la plus lumineuse. A peu de distance est le Dauphin, formé de quatre petites Etoiles en losange assez serré. Les deux têtes des Gemeaux sont marquées par deux Etoiles peu éloignées l'une de l'autre. Les deux cornes du Bélier

font aussi marquées par deux Etoiles ; mais dans le voisinage de celles-ci, il y en a trois plus petites qui forment un triangle isoscèle, & on ne peut pas s'y tromper.

356. De l'autre côté du Ciel, ou dans l'Hémisphère Austral, le *Scorpion* est non-seulement remarquable par une grande Etoile nommée *Antarès*, d'une couleur fort rouge, placée au milieu de deux autres moindres, mais par une suite de belles Etoiles qui représentent la queue repliée de cet insecte. Le Navire, le Centaure & la Croix du Sud contiennent plusieurs belles Etoiles : toute cette partie est extrêmement brillante, & sans contredit la plus belle du Ciel ; mais on ne la voit pas de ces pays-ci.

357. Il suffit de connoître quelques Etoiles pour pouvoir trouver le nom de toutes les autres sur la Carte, en examinant leurs configurations, & celles qui sont dans l'alignement les unes des autres. Presqu'au milieu de la distance de l'Etoile du Nord, à l'extrémité de la queue de la grande Ourse, on trouve une Etoile que les Pilotes nomment la *Claire des gardes*, qui est dans l'épaule de la petite Ourse.

358. Si de l'Etoile polaire on conduit une ligne droite, qui passe entre la Claire des gardes & l'extrémité de la queue de la grande Ourse, elle ira rencontrer une belle Etoile nommée *Arcturus*, qui est dans le bas de la robe du *Bouvier*. *Arcturus* est d'ailleurs très-remarquable, parce qu'il est au bout d'une traînée d'Etoiles en forme d'arc de cercle à la suite des Etoiles qui forment le dos & la queue de la grande Ourse.

359. Une ligne droite tirée de la Claire des gardes ou de l'épaule de la petite Ourse par l'Etoile du Nord, passera à peu près par la *Claire de Persée*, & ensuite par la *Mâchoire de la Baleine*.

360. On trouvera le *Cœur du Lion* dans l'alignement de la Claire des gardes, & du milieu du carré de la grande Ourse.

361. *L'épi de la Vierge*, qui est dans la partie du Sud, se trouve sur la ligne droite conduite de l'Etoile du Nord par la seconde de la queue de l'Ourse. Si on s'éloigne de Cassiopée du côté opposé à l'Etoile du Nord, on trouvera la Constellation d'*Andromède*, remarquable par trois Etoiles principales à peu près en ligne droite ; la plus éloignée du Pole, qui répond à la tête d'Andromède, forme un grand rectangle, avec trois autres Etoiles qui appartiennent à Pégase. En commençant au Pole on trouve de suite quatre Etoiles qui indiquent à peu près, pour le siècle présent, le Méridien d'où on compte l'ascension droite. Ces quatre Etoiles sont la Polaire, la Chaise de Cassiopée, la Tête d'Andromède & le bout de l'aile de Pégase, nommée *Algénib* par les Arabes.

362. Entre le Pole & Orion on trouve la *Chevre*, qui est une Etoile de la première grandeur.

RPJCB

RPJCB

363. Une ligne droite conduite par *l'œil du Taureau*, qui est au-dessus de la Poussinière, comme nous l'avons déjà dit, & par la *ceinture d'Orion*, ou par les trois Rois, va se rendre à *Sirius*, qui est dans la queue du grand Chien, & qui est l'Etoile la plus lumineuse du Ciel.

364. On peut former plusieurs autres alignements; mais pour se rendre cette étude beaucoup plus facile, il faut toujours, lorsqu'on consulte la Carte, être attentif à la disposer comme est alors le Ciel. Il faut aussi s'accoutumer à s'imaginer les figures des Constellations, & à les dessiner dans le Ciel. Si l'on regarde, par exemple, le Taureau & Orion, on trouvera, en figurant le Taureau, deux Etoiles qui forment les extrémités des cornes qui avancent entre Capella & Orion. Dans cette dernière Constellation les trois de la ceinture sont au milieu; les deux épaules sont vers le Nord, & sont très-marquées; la tête est gueres; mais un des pieds a une Etoile parfaitement belle, nommée *Rigel*, qui est de la première grandeur.

CHAPITRE II.

*Des Planetes & de leur Mouvement propre
ou particulier d'Occident en Orient;
du Mouvement du Soleil, &c.*

I.

365. **P**ENDANT que les Cieux, en tournant d'Orient en Occident en 24 heures, entraînent avec eux vers l'Occident tous les Astres, il y en a quelques-uns qui changent de situation les uns par rapport aux autres, & qui répondent successivement à différentes Etoiles. Ces Astres, qui ont un mouvement particulier, se nomment *Planetes*, & on en compte ordinairement sept, qui sont, Saturne, Jupiter, Mars, le Soleil, Vénus, Mercure & la Lune. Quelques-unes de ces Planetes paroissent avoir un mouvement irrégulier; mais en général elles changent chaque jour de place dans le Ciel, & ce n'est qu'après un temps assez considérable qu'elles se trouvent en avoir achevé le tour en sens contraire au mouvement d'Orient en Occident qui se fait en 24 heures. Saturne emploie 29 ou 30 ans à revenir au

même point par ce mouvement qui lui est particulier ou propre ; Jupiter met douze ans , Mars près de deux ans , le Soleil un an , Vénus huit mois , Mercure trois mois , & Lune un mois.

366. Si on cherche , dans un Calendrier ou Almanach la déclinaison & l'ascension droite de ces Planetes à un jour marqué , on pourra les placer sur la Carte du Ciel ; on saura auprès de quelles Etoiles elles se trouvent ce jour-là ; & ne fera pas difficile ensuite de distinguer celles qu'on pourroit confondre avec les Etoiles fixes. En général elles sont plus belles que les Etoiles , mais moins étincelantes ; ce qui vient de ce qu'elles empruntent leur lumière du Soleil : il n'y a pas s'en faut que peu de degrés qu'elles ne suivent toutes dans le Ciel la même route ; elles ne s'écartent gueres de l'Ecliptique , qui est la trace que forme le Soleil par son mouvement propre. On les indique pour l'ordinaire par les caractères suivans ; ♄ marque Saturne ; ♃ Jupiter ; ♂ Mars ; ☉ le Soleil ; ♀ Venus ; ☿ Mercure , & ☾ la Lune. Nous n'entreprenons pas d'expliquer ici l'ordre qu'il y a réellement entre toutes les Planetes , ni les différentes circonstances de leurs mouvements particuliers. Il nous suffira de donner quelques détails sur le Soleil & sur la Lune.

I I.

Du Mouvement du Soleil par rapport au Ciel.

367. Le Soleil , par son mouvement particulier , avance par jour vers l'Orient d'environ un degré , ou de deux fois la largeur de son disque ; & il fait le tour du Ciel en un an. S'il est aujourd'hui auprès d'une certaine Etoile , demain , après que ces deux Astres auront fait une révolution autour de la Terre en 24 heures du Levant vers le Couchant , le Soleil se trouvera éloigné de l'Etoile de $59' 8''$ vers l'Est ; le lendemain de 2 fois $59' 8''$, le troisième jour de 3 fois cet espace , & il n'atteindra la même Etoile qu'au bout d'un an ou de 365 jours environ 6 heures. Il faut remarquer outre

ela que ce mouvement particulier du Soleil ne se fait pas vers l'Est dans l'Equateur céleste, ni dans un cercle parallèle à l'Equateur; il se fait obliquement par rapport à ce cercle, de sorte que le Soleil change chaque jour de parallèle, ou que sa déclinaison varie tous les jours. Il coupe l'Equateur de six mois en six mois en passant de la partie du Nord à celle du Sud, ou de celle du Sud à celle du Nord; il s'éloigne de chaque côté de l'Equateur de $23^{\circ} 28'$.

368. Il a été très-facile de s'assurer de cette quantité précise dont le Soleil avance vers le Nord, & ensuite vers le Sud, par son mouvement particulier. Si cet Astre faisoit exactement $59' 8''$ vers l'Orient sans sortir de l'Equateur, il est vrai qu'il répondroit tous les jours à différentes Etoiles; mais un Spectateur qui resteroit dans un même lieu sur la surface de la Terre, n'y appercevrait aucun autre changement. Le Soleil se leveroit toujours exactement à l'Est, & se coucheroit toujours à l'Ouest; il monteroit aussi toujours à midi à la même hauteur, & il n'y auroit aucune différence dans les Saisons. Mais les choses se passent bien différemment. Le Soleil pendant six mois avance vers notre Zénith, & pendant six autres mois il s'en écarte. Si l'on observe en Europe sa hauteur à midi au plus grand jour d'Eté & au plus petit jour d'Hiver, on trouvera que l'une surpasse l'autre de $46^{\circ} 56'$, dont la moitié $23^{\circ} 28'$ est la quantité dont cet Astre s'éloigne de l'Equateur de chaque côté.

369. La route que le Soleil parcourt chaque année dans le Ciel, & qu'on appelle l'*Ecliptique*, est donc un cercle incliné à l'Equateur de $23^{\circ} 28'$. Si, par exemple, le cercle *EATP* (Fig. 44.) représente l'Equateur céleste, le cercle *HACP* représentera l'Ecliptique. Fig. 44.

370. Les Anciens ont distribué en douze Constellations toutes les Etoiles voisines de l'Ecliptique & auprès desquelles le Soleil passe, & ils ont nommé ces Constellations les *douze Signes du Zodiaque*. Les Etoiles qui les forment ont changé de place en avançant dans le sens parallèle à l'Ecliptique, comme nous l'avons déjà dit (352). Mais on a continué de donner le nom des mêmes Constellations à chaque douzième

partie de l'Ecliptique, laquelle est par conséquent de 30 degrés, & que le Soleil parcourt environ en 30 jours. Voici les noms qu'on donne à ces Signes, tant en Latin qu'en François, avec les caractères dont on se sert ordinairement pour les désigner. Les six premiers appartiennent à la moitié de l'Ecliptique *P C A* qui est du côté du Nord, & que le Soleil parcourt depuis le 20 Mars jusqu'au 22 de Septembre : les six autres sont du côté du Sud ; le Soleil les parcourt depuis le 22 Septembre jusqu'au 20 de Mars.

<i>Aries</i>	Le Bélier	♈	<i>Libra</i>	La Balance	♎
<i>Taurus</i>	Le Taureau	♉	<i>Scorpius</i>	Le Scorpion	♏
<i>Gemini</i>	Les Gemeaux	♊	<i>Arcitenens</i>	Le Sagittaire	♐
<i>Cancer</i>	L'Ecrevise	♋	<i>Caper</i>	Le Capricorne	♑
<i>Leo</i>	Le Lion	♌	<i>Amphora</i>	Le Verseau	♒
<i>Virgo</i>	La Vierge	♍	<i>Pisces</i>	Les Poissons.	♓

371. Parmi les douze Signes on distingue quatre points principaux qui servent de commencement aux quatre Saisons des Européens, le Printemps, l'Eté, l'Automne & l'Hiver. Le commencement d'*Aries* & de *Libra* tombent sur l'Equateur, & ils sont à l'opposite l'un de l'autre, l'un en *P*, l'autre en *A* ; le Soleil se trouve en *P* le 20 de Mars & en *A* le 22 de Septembre ; le jour est alors égal à la nuit dans tous les pays du monde. Le Soleil est à la même distance d'un Pole que de l'autre ; il se leve aussi alors exactement au vrai Est, & il va se coucher au point précis de l'Ouest. C'est pour cela qu'on donne le nom d'*Equinoxe* à ces deux jours remarquables. Dans le milieu de l'intervalle entre ces deux points, l'Ecliptique en a deux autres *C, H* qui sont les plus éloignés de l'Equateur, & on les nomme les deux *Solstices*, parce que le Soleil, en cessant de s'éloigner de l'Equateur, semble s'arrêter avant que de se rapprocher de ce cercle. Ces deux points sont les commencements de *Cancer* & de *Caper*. Le Soleil parvient en *C* au commencement de *Cancer* le 21 de Juin, & les Européens ont alors le solstice d'Eté. L'autre solstice, qui est celui d'Hiver, arrive le 21 de Décembre,

Décembre, lorsque le Soleil en *H* entre dans *Caper*. Ces deux points solsticiaux *C*, *H*, sont éloignés de l'Equateur de $23^{\circ} 28' \frac{1}{2}$; & c'est lorsque le Soleil y est parvenu, qu'il a sa plus grande déclinaison: *CT* est sa plus grande déclinaison Boreale, & *EH* sa plus grande déclinaison Australe.

372. Le mouvement du Soleil dans l'Ecliptique, que les Astronomes appellent son *mouvement en longitude*, n'est pas absolument uniforme. On a remarqué qu'il s'accélère petit à petit depuis le premier Juillet jusqu'au 31 Décembre, & qu'il se rallentit depuis le premier Janvier jusqu'au premier de Juillet. Dans sa plus grande vitesse, il décrit $1^{\circ} 1' 12''$ par jour, & dans sa plus petite, il décrit $57' 12''$.

373. On donne le nom de *Colures* aux Méridiens qui passent par les quatre points principaux de l'Ecliptique: on les considère chacun comme des cercles entiers. Ainsi les deux Colures se coupent perpendiculairement aux deux Poles du Monde, & ils partagent l'Ecliptique en quatre parties égales, de même que l'Equateur. Le Soleil emploie une saison entière à passer par son mouvement particulier d'un Colure à l'autre. Nous avons marqué, par des traits plus forts, ces cercles dans les deux Cartes du Ciel. On distingue l'un en le nommant le Colure des Equinoxes, celui qui passe par le commencement d'*Aries* & de *Libra*; & l'autre est le Colure des Solstices, qui passe par le commencement de *Cancer* & de *Caper*.

III.

De la Sphere Armillaire.

374. On a imaginé, pour rendre plus sensibles la plupart des choses que nous venons d'expliquer, une machine qui représente le Ciel & la Terre, & on la nomme *Sphere Armillaire*, à cause de sa composition. Cette machine est assez commune, & il seroit à propos que les Lecteurs en eussent une sous les yeux, quoique nous croyons que nos explications seront aisément entendues sans ce secours. Nous ne parlons ici de sa forme & de son usage, qu'afin d'avoir

occasion de récapituler en peu de mots tout ce que nous venons de dire.

375. La Sphere Armillaire a un petit Globe ou une petite boule au milieu, qui représente la Terre, & qu'il ne faut regarder que comme un point, parce que toute son étendue n'est réellement presque rien en comparaison de celle des Cieux, où sont placées les Etoiles fixes : en sorte qu'en quelque endroit de la Terre qu'on suppose un Observateur, il est toujours au centre de la Sphere céleste. Ce petit Globe, qui représente la Terre, est soutenu par une verge qui le traverse, & qui va se rendre aux deux Poles du Ciel. Cette verge représente l'*Axe* du Monde. Le Ciel est représenté par plusieurs cercles ; on se contente ordinairement d'en mettre dix, savoir, six grands, qui sont l'*Horizon*, le *Méridien*, l'*Equateur*, l'*Ecliptique* & les deux *Colures* ; & quatre petits, qui sont les deux *Tropiques* & les deux *Cercles polaires*. Chaque grand cercle coupe la Sphere par la moitié, au lieu que les petits cercles la coupent en parties inégales, & n'ont pas le même centre qu'elle.

376. Entre les grands cercles qu'on imagine dans le Ciel, il y en a deux qui, par rapport à un Observateur qu'on suppose rester en place, paroissent absolument fixes, & par conséquent propres à servir de termes, pour y rapporter tous les mouvements des Astres qui s'exécutent en 24 heures ; savoir, le *Méridien* & l'*Horizon*. Dans la Sphere Armillaire, les cercles qui représentent le *Méridien* céleste & l'*Horizon* céleste, sont fixes. Le *Méridien* passe par le *Zénith* de l'Observateur & par son *Nadir*, & coupe l'*Horizon* au vrai Nord & au vrai Sud, en séparant également les côtés de l'Orient & de l'Occident. Après que les Astres se sont levés en coupant l'*Horizon*, ils vont en montant jusqu'à ce qu'ils arrivent au *Méridien*. Parvenus à ce cercle, ils sont à leur plus grande hauteur, & dans le même instant ils commencent à descendre vers l'Occident, de la même manière qu'ils ont monté, & vont couper l'*Horizon* au point où ils se couchent.

377. Le *Méridien* est ordinairement gradué : ses degrés

marquent la quantité dont le Pole est élevé au-dessus de l'Horizon.

378. On marque sur l'Horizon les 32 rums de vent. Le Nord & le Sud sont, comme on l'a dit (108), aux intersections du Méridien avec l'Horizon : le Nord à l'intersection la plus voisine du Pole arctique, & le Sud à l'intersection opposée. Outre cela, la circonférence de l'Horizon est divisée en quatre quarts de 90 degrés, qui commencent ordinairement aux points d'Est & d'Ouest, & se terminent de part & d'autre au Méridien : ces degrés servent à marquer les *Amplitudes ortives ou occasés* des Astres, lorsqu'en se levant ou se couchant, ils coupent l'Horizon.

379. L'assemblage des autres cercles de la Sphere Armillaire qui représente le reste du Ciel, a la liberté de tourner sur l'axe du Monde : & ces cercles sont soutenus par les deux Colures, qui se coupent à angles droits aux deux Poles. L'Equateur est au milieu entre ces deux Poles ; il coupe l'Horizon au vrai Est & au vrai Ouest ; il lui est incliné sous un angle d'autant plus approchant de 90 degrés, que l'un des Poles est moins élevé au-dessus de l'Horizon, & l'autre Pole moins abaissé. L'Equateur est divisé de deux manières : en temps, c'est-à-dire, en 24 parties égales qui marquent les heures, ou le temps que l'Equateur & ses parties emploient à passer au Méridien ; & en 360 degrés. Ces deux sortes de divisions marquent également les ascensions droites des Astres, ou les quantités dont les Astres passent au Méridien plutôt les uns que les autres. On commence ces divisions à l'intersection de l'Equateur avec l'Ecliptique, qui se fait au commencement du signe du Bélier.

380. L'Ecliptique coupe l'Equateur sous un angle de $23^{\circ} 28'$. Ce cercle est divisé de 30 en 30 degrés en ses 12 signes ; on marque à côté les temps de l'année où le Soleil arrive à chaque signe par son mouvement particulier d'Occident en Orient. L'Ecliptique est presque toujours placé dans les Spheres Armillaires au milieu d'une large bande qu'on nomme *Zodiaque*. On donne à cette bande environ 16 degrés de largeur ; elle comprend l'espace du Ciel par-

couru par les Planetes , & dont elles ne sortent pas en suivant leur mouvement particulier , lequel se fait à peu près selon la même route que le Soleil , mais cependant en s'écartant de l'Ecliptique , tantôt d'un côté & tantôt de l'autre , d'un petit nombre de degrés. La Planete de Venus , qui s'en écarte le plus , ne passe gueres 8 degrés.

381. Enfin on voit dans la Sphere Armillaire les deux Tropiques célestes & les deux Cercles polaires célestes. Les deux *Tropiques* sont les deux paralleles qui servent de limites aux écarts du Soleil par rapport à l'Equateur , duquel ils sont éloignés de part & d'autre de $23^{\circ} 28'$. L'Ecliptique va obliquement de l'un à l'autre. Celui qui est du côté du Nord se nomme le *Tropique du Cancer* , parce qu'il répond au commencement de ce signe , & l'autre qui est du côté du Sud , se nomme le *Tropique du Capricorne*.

382. Aux environs des deux Poles du Monde on voit deux autres paralleles : ce sont les *Cercles polaires* qu'on distingue , en nommant l'un , *Arctique* ou *Septentrional* , & l'autre , *Antarctique* ou *Méridional*. Ces paralleles sont décrits par les Etoiles qui sont éloignées des Poles de $23^{\circ} 28'$, ou qui ont précisément $66^{\circ} 32'$ de déclinaison.

De quelques autres Cercles qu'on imagine dans la Sphere.

383. On imagine encore dans le Ciel d'autres cercles & d'autres lignes , qu'on ne représente pas dans la Sphere Armillaire pour éviter la confusion , mais qu'on peut y représenter par un fil de léton , & par des demi-cercles de carton ou de cuivre coupés selon le diametre de la Sphere. Par exemple , la ligne droite tirée du Zénith au Nadir , se nomme *Ligne verticale*. Nos fils à plomb indiquent la situation de cette ligne , ou en font comme des portions ; & toutes les lignes verticales vont se couper au centre de la Terre.

384. On imagine aussi des demi-cercles qui vont du Zénith au Nadir , en coupant l'Horizon perpendiculairement , & on les nomme *Verticaux*. Ils servent à mesurer la

hauteur des Astres, & à rapporter les Astres aux points de l'Horizon auxquels ils répondent. Il n'est pas nécessaire, par exemple, pour qu'une Etoile se trouve au NE, qu'elle soit dans l'Horizon à 45 degrés de distance du vrai Nord vers l'Orient. Il suffit qu'elle réponde exactement au-dessus de ce point de l'Horizon, & c'est assez pour cela qu'elle soit dans le vertical qui passe par ce point.

385. On peut imaginer autant de verticaux qu'il y a de points à l'Horizon; on nomme *premier Vertical*, celui qui coupe l'Horizon au vrai Est & au vrai Ouest. Ce cercle est exactement entre le point du vrai Nord & le point du vrai Sud. Un Astre, quoique très-élevé, qui est dans le premier vertical, répond exactement à l'Est ou à l'Ouest.

386. Lorsqu'on imagine un vertical qui passe par un Astre, ou qu'on considère dans quel à plomb un Astre se trouve, le point de l'Horizon où ce vertical aboutit, ou bien celui auquel l'à plomb répond, sert à déterminer l'*Azimuth* de l'Astre. L'*Azimuth* est l'arc de l'Horizon compté depuis le point Nord ou le point Sud de l'Horizon, jusqu'à ce point où aboutit le vertical qui passe par l'Astre. Ainsi tous les Astres qui sont dans un même à plomb ont le même azimuth.

387. L'azimuth d'un Astre, compté depuis le point d'Est ou d'Ouest, au lieu de le compter depuis le point Nord ou le point Sud, s'appelle plus communément l'*Amplitude* de l'Astre. On l'appelle *Amplitude ortive*, si on la compte depuis le point d'Est; & *Amplitude occase*, si on la compte depuis le point d'Ouest.

388. On peut donc observer en Mer l'azimuth d'un Astre, en relevant à la Bouffole la position de cet Astre, & en la corrigeant de la variation.

389. On conçoit encore de petits cercles parallèles à l'Horizon en-dessus & en-dessous, & qui sont de plus petits en plus petits, à mesure qu'ils sont plus près du Zénith ou du Nadir. On nomme ces cercles *Almicantarats*: ils servent à marquer tous les points du Ciel qui sont à même hauteur, de sorte que dire que deux Etoiles sont sur le même Almi-

cantarat, & dire qu'elles ont une même hauteur, c'est précisément la même chose.

Des trois situations de la Sphere.

390. L'Equateur prend différentes situations, par rapport à notre Horizon, selon les divers endroits de la Terre où nous habitons; c'est pour cela qu'on dit que la Sphere peut être *droite*, *oblique* ou *parallele*.

391. Presque tous les lieux de la Terre ont la Sphere *oblique*, parce que, dans la plupart des pays, l'Equateur coupe l'Horizon obliquement. Un des Poles est élevé sur l'Horizon, & visible; & l'autre abaissé au-dessous de l'Horizon, & invisible. Les Etoiles qui sont très-voisines du Pole élevé, ne se couchent pas pour les peuples qui ont la Sphere oblique; & en récompense, d'autres Etoiles ne se levent jamais, celles qui sont trop près du Pole abaissé. Dans la Sphere oblique les jours sont plus grands dans certaines saisons, & plus petits dans d'autres, selon que le Soleil est avancé vers le Pole élevé ou vers le Pole abaissé.

392. Si nous nous plaçons sur l'Equateur terrestre, notre Zénith sera placé dans l'Equateur céleste, & les deux Poles se trouveront dans notre Horizon. La Sphere sera alors droite, & tous les paralleles à l'Equateur, que les Astres paroissent décrire chaque jour, étant séparés en deux parties égales par l'Horizon, il est évident que les jours seront exactement égaux aux nuits, en quelque endroit que soit le Soleil par rapport à l'Equateur céleste. L'Etoile du Nord même restera douze heures au-dessus de l'Horizon pour nous, & douze heures au-dessous. Il faut, comme il est évident, pour avoir la Sphere droite, se trouver exactement dans le milieu de la Zone torride; il faut n'avoir point de latitude.

393. Enfin si on pouvoit aller jusqu'à un des Poles de la Terre, on auroit la Sphere parallele, parce que l'Equateur seroit parallele à l'Horizon, ou que ces deux cercles se confondroient l'un avec l'autre. On auroit au Zénith un des Poles célestes: nulle des Etoiles qui seroient dans le même Hémis-

phere ne se coucheroit ; mais toutes paroîtroient tourner chaque jour parallèlement à l'Horizon : & par la même raison , on verroit continuellement le Soleil sur l'Horizon pendant tout le temps qu'il parcourroit une moitié de l'Ecliptique. On le verroit depuis le 20 de Mars jusqu'au 22 Septembre, si l'on étoit au Pole du Nord. Les cercles journaliers ou paralleles que cet Astre décrit en tournant d'Orient en Occident en 24 heures , seroient entièrement au-dessus de l'Horizon , pour l'Observateur placé au Pole. Ainsi on y auroit un jour de six mois consécutifs, qui seroit suivi d'une nuit aussi longue , lorsque le Soleil , en se rendant de l'autre côté de l'Equateur , passeroit au-dessous de l'Horizon.

CHAPITRE III.

Des Calculs Astronomiques dont on fait usage dans la Marine , & principalement des Calculs du Soleil & des Etoiles.

I.

Regle générale de Calcul pour reduire le Temps en Degrés de Longitude ou de l'Equateur , & réciproquement pour réduire en Temps les Degrés de Longitude ou de l'Equateur.

394. **P**UIS QU'ON divise l'Equateur céleste en deux manieres (379), ou en temps , ou en degrés , & que les longitudes sur Terre se comptent aussi en temps ou en degrés ; il faut que le Pilote soit en état de trouver sur le champ la correspondance de ces deux divisions , que l'on emploie souvent toutes deux dans un même calcul. Voici pour cela deux regles générales.

Kiv

395. I. Pour réduire en temps un nombre donné de degrés, minutes & secondes, comme $37^{\circ} 48' 55''$, il faut quadrupler ce nombre, puis compter les degrés pour des minutes de temps, les minutes de degrés pour des secondes de temps, les secondes pour des tierces, &c. Ainsi le quadruple de $37^{\circ} 48' 55''$ étant $151^{\circ} 15' 40''$, on a $151^{\circ} 15' 40'''$ de temps, qui valent 2 heures $31' 15'' 40'''$. De même $258^{\circ} 43' 25''$ donnent $1034' 53'' 40'''$, ou 17 heures $14' 53'' 40'''$.

396. On peut exprimer cette même règle de la manière suivante, qui est assez commode. Réduisez le nombre de degrés donné en sexagenes & degrés, (c'est-à-dire, si le nombre de degrés est au-dessous de 60, écrivez à la tête 0^{sex} ; mais s'il surpasse 60, divisez-le par 60, mettez le quotient en sexagenes, & le reste en degrés. Ainsi dans les deux exemples précédents on eût dû écrire $0^{\text{sex}} 37^{\circ} 48' 55''$, & $4^{\text{sex}} 18^{\circ} 43' 25''$.) Doublez d'abord, doublez encore ce double, & marquez les nombres de ce dernier résultat par heures, minutes, secondes, tierces, &c. Ainsi ayant $0^{\text{sex}} 37^{\circ} 48' 55''$, son double est $1\ 15\ 37\ 50$, & le double du double est $2^{\text{h}} 31' 15'' 40'''$: de même ayant $4^{\text{sex}} 18^{\circ} 43' 25''$, le premier double est $8\ 37\ 26\ 50$, le second double est $17^{\text{h}} 14' 53'' 40'''$.

397. II. Pour réduire en degrés une différence de longitude ou d'ascension droite donnée en temps, réduisez d'abord les heures & minutes de temps toutes en minutes: prenez-en la moitié, puis la moitié de la moitié, & marquez des degrés à la place des minutes de temps, des minutes de degré à la place des secondes de temps, des secondes à la place des tierces, &c. Ainsi $2^{\text{h}} 31' 15'' 40'''$ se réduisent d'abord à $151^{\circ} 15' 40'''$, dont la moitié est $75\ 37\ 50$, & la moitié $37^{\circ} 48' 55''$. De même $17^{\text{h}} 14' 53'' 40'''$ ou $1034' 53'' 40'''$ donnent pour moitié $517\ 26\ 50$, dont la moitié est $258^{\circ} 43' 25''$.

398. Si l'on ne vouloit pas joindre d'abord les heures aux minutes, il est clair que la moitié de la moitié ou le quart donneroit des sexagenes, degrés, minutes & secondes, qu'il seroit facile de réduire en degrés simplement;

Enfi le quart de $17^h 14' 53'' 40'''$ donneroit $4^{sex} 18^{\circ} 43' 5''$, qu'il est aisé de réduire à $258^{\circ} 43' 25''$, en multipliant les sexagenes par 60, & en ajoutant le produit au nombre des degrés qui les suivent.

I I.

De la distinction des Années Bissextiles & des Années Communes.

399. Si le Soleil employoit exactement un certain nombre de jours à revenir au même point du Ciel par son mouvement particulier, on ne manqueroit pas de régler la longueur de l'année sur ce nombre de jours ; afin d'attacher, pour ainsi dire, les mêmes saisons aux mêmes quantités, & de faire en sorte que toutes les années, autant qu'il dépend de nous, fussent conformes les unes aux autres. Mais on a trouvé, par observation, que le Soleil met 365 jours 5 heures 49 minutes à revenir au même degré de l'Ecliptique, & nous ne pouvons pas donner cette longueur à notre année, qui ne doit être formée que d'un certain nombre de jours complets.

400. Tout ce qu'on peut faire de plus pour mieux suivre le cours du Soleil, c'est de joindre des années trop courtes avec des années trop longues, & de faire en sorte qu'un certain nombre des unes & des autres prises ensemble, soit de même longueur qu'un même nombre d'années solaires, ou de révolutions du Soleil autour de l'Ecliptique. On fait trois années de suite de 365 jours, & on ajoute un jour de plus à la quatrième, qu'on fait de 366 jours, & qu'on nomme *Bissextile*, pendant qu'on donne le nom de *communes* aux trois autres. Le jour de plus, on l'ajoute à Février, qui a 29 jours dans les années bissextiles, au lieu qu'il n'a que 28 jours dans les années communes. Cet arrangement fut prescrit par Jules César ; ce qui est cause qu'on donne le nom de *Style Julien* à cette manière de régler les années. On a choisi celles dont le nombre est divisible par quatre, pour les rendre bissextiles : 1760 est une de ces

années; 1764 en est également une, de même que 1768, 1772, &c, elles seront de 366 jours, au lieu que les intermédiaires seront communes, ou ne seront que de 365 jours. Les unes compensant les autres, quatre sont à peu près égales à quatre révolutions du Soleil.

401. Pour rendre l'égalité parfaite, il faudroit que le Soleil mît précisément 365 jours 6 heures à revenir au même degré de l'Ecliptique; mais il y a, comme on voit, une différence de 11 minutes chaque année, & par conséquent le Soleil, au lieu de finir ses quatre révolutions avec nos quatre années, les finit 44 minutes plutôt.

402. Cette différence, en se multipliant, si on ne prenoit soin de la prévenir, deviendrait à la fin très-considérable. Elle avoit déjà produit effectivement 10 jours, depuis l'établissement des Fêtes Mobiles, fait au Concile de Nicée l'an 325 de J. C. lorsque le Pape Grégoire XIII en réformant le Calendrier l'an 1582, ordonna, pour empêcher cette erreur de s'accumuler, que pendant trois siècles de suite, à commencer à l'année 1700, chaque centième année ne seroit pas bissextile, mais que la centième année du quatrième siècle seroit bissextile, & ainsi de suite. Selon cet arrangement, les années 1800, 1900 seront communes, 2000 sera bissextile, 2100, 2200, 2300 seront communes, 2400 bissextile, &c. Cette forme de Calendrier, qui est connue sous le nom de *nouveau Style*, ou de *Style Grégorien*, n'ayant pas été généralement adoptée, quelques Nations suivent encore le *vieux Style*, c'est-à-dire, qu'elles comptent actuellement 11 jours de quantième moins que nous. Après l'an 1800 la différence sera de 12 jours, & elle sera de 13 jours pendant les deux siècles qui suivront l'an 1900.

III.

Des Heures Civiles & des Heures Astronomiques.

403. On appelle *Heures Civiles* celles qu'on a coutume

compter dans le pays où l'on demeure. En France les jours sont partagés en douze heures du matin & douze heures du soir : le jour civil commence à minuit avec les heures du matin, celles du soir commencent à midi, & terminent le jour à minuit. En Italie le jour civil est partagé en 24 heures consécutives, qu'on commence à compter au coucher du Soleil, & le jour suivant commence après le coucher suivant, &c.

404. On appelle *Heures Astronomiques* les 24 heures qu'on compte toutes de suite d'un midi à l'autre : ainsi le jour astronomique ne commence qu'au midi du jour civil : les heures du matin d'un jour civil appartiennent au jour astronomique précédent. Par exemple, le 7 Avril à 8 heures du soir en temps civil, se compte le 7 Avril à 8 heures en temps astronomique : mais le 7 Avril à 8 heures du matin, se compte le 6 Avril à 20 heures en temps astronomique. Cette manière de compter est plus commode pour les calculs astronomiques, & il est facile de réduire l'une à l'autre. Les Marins se conforment en quelque sorte au temps astronomique, puisqu'ils font les calculs de leurs routes, & qu'ils réglent toutes leurs opérations, d'un midi à l'autre.

I V.

De la réduction du Temps Civil qu'on compte sur un Navire, au Temps Astronomique que l'on compte à Paris au même instant.

405. Les Tables des mouvements du Soleil & de la Lune que nous employerons dans la suite, ayant été calculées sur le Méridien de Paris, toutes les fois qu'on aura lieu d'en faire usage sous un autre Méridien que celui de Paris, il faudra commencer par réduire le temps civil qu'on compte sur le Navire, au temps astronomique qu'on compte à Paris. Pour cet effet, il faut prendre garde d'où on est parti, & par quelle route on est venu au lieu où est le Navire, si c'est par l'Est ou par l'Ouest. En partant d'un point, & de-là

faisant sa route par l'Est, on *gagne* du temps sur celui qu'on compte au point de départ. Si on faisoit le tour du Monde par l'Est, on gagneroit un jour. Au contraire, en faisant route par l'Ouest, on *perd* du temps sur celui qu'on compte au point du départ ; & après avoir fait le tour du Monde en ce sens, on compteroit, en arrivant, un jour de moins que ceux qui seroient restés dans le Port.

406. Un peu d'attention suffit donc pour faire la réduction dont il s'agit, & quelques Exemples raisonnés serviront de règle.

407. EXEMPLE I. Etant parti d'Europe pour aller en Chine par le Cap Horn & par la Mer Pacifique, on est parvenu le 17 Août à 9^h 45' du matin à une longitude estimée Est de 125 degrés à l'égard de Paris. On demande l'heure astronomique qu'on compte à Paris. Je dis, pour être parvenu par le Cap Horn à 125 degrés à l'Est de Paris, il faut avoir fallu parcourir 235 degrés de longitude dans l'Ouest de Paris. Or (395) 235 degrés répondent à 15^h 40' : donc le Navire a perdu 15^h 40' de temps sur Paris : donc à Paris on compte 15^h 40' de plus : ainsi le 17 Août à 9^h 45' du matin sur le Navire, doivent répondre au 18 Août à 1^h 25' du matin à Paris en temps civil, ou au 17 Août à 13^h 25' en temps astronomique, compté sur le Méridien de Paris.

408. EXEMPLE II. Un Navire part de Quanton pour aller à Acapulco. Il a fait 98 degrés dans l'Est de Quanton ; on veut savoir quelle heure astronomique il est à Paris lorsqu'on compte le 17 Juillet à midi sur le Navire.

Je trouve sur ma Carte que Quanton est à 110° 45' à l'Est de Paris : j'y ajoute les 98 degrés courus à l'Est de Quanton ; le Navire est donc comme s'il avoit fait 208° 45' à l'Est de Paris : or dans ce cas, il auroit gagné 13^h 55' sur le temps qu'on compte à Paris ; donc il faut les ôter du 17 Juillet, & on aura le 16 Juillet à 10^h 5' temps astronomique à Paris.

409. EXEMPLE III. Un Navire part de la Jamaïque pour venir en Europe. Après avoir couru 56 degrés dans l'Est, il compte le 31 Août à 11^h 24' du soir, on demande le temps qu'on compte alors à Paris.

Je trouve sur la Carte (*Planche IX.*) que la Jamaïque par 299 degrés de longitude comptée de l'Isle-de-Fer. le est donc 61 degrés à l'Ouest de l'Isle-de-Fer, & 81 degrés à l'Ouest de Paris. Or le Navire ayant fait 56 degrés d'Est de la Jamaïque, ne se trouve plus que 25 degrés dans l'Ouest de Paris. C'est donc, à l'égard du temps, comme si l'on fût parti de Paris, & eût singlé 25 degrés dans l'Ouest : dans ce cas il eût perdu 1^h 40' sur le temps qu'on compte à Paris : donc à Paris on compte 1^h 40' de plus que sur le Navire ; donc on y compte le 31 Août 13^h 4' en temps astronomique, ou le 1 de Septembre à 1^h 4' du matin, temps civil.

V.

Du Calcul de l'Ascension droite du Soleil en Temps.

410. Le calcul de l'ascension droite du Soleil en temps est absolument nécessaire pour un grand nombre de calculs intéressants, comme on le verra dans le Livre IV. Nous employerons ici comme un préliminaire de celui de la détermination du Soleil, dont la connoissance exacte est d'un usage indispensable dans la Navigation.

411. Les Tables qui sont à la fin de ce Volume (page & suivantes) ont été dressées avec soin pour tous ces calculs. Voici la manière de procéder à la recherche de l'ascension droite du Soleil, à un instant donné sur le Navire.

412. 1°. Si le temps donné est en Janvier ou Février d'une année bissextile, il faut en ôter un jour, & calculer comme pour la veille du jour donné.

413. 2°. Il faut réduire le temps donné en temps astronomique compté au Méridien de Paris (405 & suiv.)

414. 3°. Il faut faire une colonne de rangs de nombres, savoir, pour l'année, pour le jour du mois, pour l'heure du jour réduite au Méridien de Paris, pour les minutes, & enfin pour le surplus qui convient à l'heure du jour. Il faut prendre la somme de ces nombres, en rejetant 24

158 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.
heures, si cette somme les excède, & on aura l'ascension droite cherchée.

415. EXEMPLE I. Ayant parcouru 48 deg. dans l'Arc de Paris, on demande l'ascension droite pour le 15 Février 1764 à 9^h 48' du soir.

Le temps astronomique qu'on compte à Paris, est, à cause de la bissextile, le 14 Février à 6^h 39'. J'ai donc...

Pour 1764 (Table I. pag. 3.)	18 ^h 46' 20"
Pour le 14 Février (Table II. pag. 4.)	3 8 12
Pour 6 heures (Table III. pag. 5.)	54
Pour 36 minutes (Table IV. pag. 5.)	8
Pour le surplus de 6 ^h le 14 Fév. (Table V. p. 6.)	4
Somme. Ascension droite demandée.	21 ^h 55' 41"

416. EXEMPLE II. On demande l'ascension droite du Soleil le 17 Août 1763 à 9^h 45' du matin comptées sur le Navire, dans l'Exemple I de l'article précédent (407).

Il faut donc calculer sur le Méridien de Paris pour 1763 le 17 Août à 13^h 25' temps astronomique.

Pour l'année 1763	18 ^h 43' 50"
Pour le 17 Août	15 2 39
Pour 13 heures	1 57
Pour 25 minutes	4
Pour le surplus de 13 heures le 17 ou 18 Août	4
Somme	33 47 49
Otez.	24
Ascension droite cherchée	9 47 49

V I.

Du Calcul de la déclinaison du Soleil.

417. On a coutume de se servir dans la Marine de Tables de déclinaison du Soleil calculées pour quatre années consécutives, pour un Méridien déterminé, comme celui de Paris ou de l'Isle-de-Fer: mais malgré toutes les

ductions qu'on y fait, ce calcul n'est jamais assez exact. Il me paroît donc qu'un Pilote qui tend à la précision dans ses opérations, doit calculer sa déclinaison directement; & c'est dans cette intention que nous avons dressé des Tables propres pour cela.

418. Dans les calculs qui demandent de la précision, il est fort commode d'exprimer les fractions de minutes de degrés par des *décimales*, c'est-à-dire, par des dixièmes. Pour cela on suppose que la minute de degré est divisée en 10 parties égales, (dont chacune vaut par conséquent 6 secondes,) cette subdivision étant suffisante, eu égard aux instrumens dont on se sert en Mer pour observer, lesquels donnent tout au plus la minute de degré. On sépare le nombre, qui exprime combien il y a de dixièmes jointes à la minute, par une simple virgule mise après cette minute. Par exemple, $18^{\circ} 23',7$ est l'expression de 18 degrés 23 minutes et 7 dixièmes: le calcul n'en est pas plus embarrassant, il est précisément le même que si le degré étoit divisé non en 60 minutes, mais en 600, de sorte que l'expression précédente équivaut à celle-ci $18^{\circ} \frac{237}{600}$. Les exemples que nous donnerons ne laisseront au Navigateur aucun embarras pour calculer avec ces sortes de fractions, qu'il peut négliger dans les commencemens, pour n'y avoir égard que lorsqu'il sera bien exercé sur les nombres ordinaires.

419. Lors donc qu'on aura besoin de connoître la déclinaison du Soleil, soit à midi pour déterminer la latitude, soit à son lever ou à son coucher pour déterminer la variation, soit dans quelque autre temps pour calculer l'heure vraie par le moyen de la hauteur du Soleil, il faudra commencer par chercher l'ascension droite du Soleil, selon les règles de l'article précédent, puis chercher dans la Table VI (page 8 ou 9) la déclinaison qui répond à cette ascension droite.

420. Par exemple, on trouvera que la déclinaison qui répond à $21^{\text{h}} 55' 41''$ est de $12^{\circ} 38',1$ australe: car pour $21^{\text{h}} 55'$ on trouve $12^{\circ} 41',6$ avec une diminution de $5',3$ par minute de temps: ainsi ce qui convient aux $41''$ qui ex-

cedent $21^h 55'$, est les deux tiers de $5',3$, qui font $3',5$ qu'il faut par conséquent ôter de $12^\circ 41',6$. Cette déclinaison australe, parce qu'elle répond à l'une des 12 dernières heures des 24 qui font l'Equateur entier. De même la déclinaison du Soleil qui répond à $9^h 47' 49''$ d'ascension droite est $13^\circ 19',3$ boréale : car pour $9^h 48'$ on trouve $13^\circ 18'$ avec une diminution de $5',2$ par minute de temps : $9^h 47' 49''$ est plus petit que $9^h 48'$ de $11''$ ou d'environ $1'$ il faut donc ajouter le cinquième de $5',2$ qui est $1',0$ à $13^\circ 18',3$ pour avoir la vraie déclinaison, laquelle est boréale parce que l'heure de l'ascension droite est une des 12 premières.

421. Le calcul des Tables de la déclinaison du Soleil se fait par Trigonométrie sphérique. Dans le premier Exemple précédent il faut réduire d'abord l'ascension droite du Soleil en degrés. On trouve $328^\circ 55'$. Imaginant qu'on les ait comptés depuis P (Fig. 44.) dans le sens $PTAE$ jusques en un point D , ce point sera celui de l'ascension droite du Soleil. Imaginant de plus un arc de grand cercle DP perpendiculaire à l'Equateur, sa rencontre avec l'Ecliptique marquée en B le lieu du Soleil dans l'Ecliptique. Ainsi DB devient la mesure de la distance du Soleil à l'Equateur, & par conséquent DB exprime la déclinaison du Soleil. Or dans le triangle sphérique PDB rectangle en D , on connoît l'angle BPD qui est jusques vers la fin de ce siècle de $23^\circ 28',1$, & le côté PD de $31^\circ 5'$, supplément à 360 deg. de $328^\circ 55'$. On aura donc (145. 37) la proportion suivante : Le rayon est au sinus de l'arc de l'Equateur compris entre l'ascension droite du Soleil & la plus proche intersection de l'Equateur avec l'Ecliptique, comme la tangente de $23^\circ 28',1$ est à la tangente de la déclinaison du Soleil.

V I I.

Du Calcul du passage des Etoiles au Méridien.

422. Le calcul du passage des Etoiles au Méridien est fort important, lorsqu'on veut se servir des Etoiles sur Mer, à la place du Soleil, que les nuages, les brumes cachent souvent pendant le jour. Or ce calcul est fort aisé, il suffit de connoître l'ascension droite du Soleil au temps proposé, & la retrancher de celle de l'Etoile (augmentée de 24 heures, si elle se trouve plus petite,) puisque (350) la différence des ascensions

ascensions droites en temps, donne la différence des passages au Méridien.

423. Soit donc proposé de trouver à quelle heure Syrius passera au Méridien de Paris le 24 Janvier 1764.

Selon les Tables, l'ascension droite du Soleil le 24 Janvier 1764 à midi, est $20^h 25' 45''$. Celle de Syrius réduite au commencement de 1764, est $6^h 34' 46''$: retranchant $20^h 25' 45''$ de $6^h 34' 46''$ (ou de $30^h 34' 46''$), le reste $10^h 9' 1''$ feroit le temps précis du passage de Syrius au Méridien, si l'ascension droite du Soleil avoit été calculée pour le 24 Janvier à $10^h 9'$. Mais l'ayant été pour midi, il faut recommencer le calcul pour $10^h 9'$, afin d'ôter cette ascension droite de celle de l'Etoile; ou bien il suffira de retrancher de l'heure trouvée, d'abord le mouvement du Soleil en ascension droite & le *surplus* qui conviennent à cette heure. Ainsi j'ai $1' 31''$ pour $10^h 9'$ (Tables III & IV), & $14''$ pour le *surplus* qui convient à 10 heures le 24 Janvier (Tab. V). J'ôte donc $1' 45''$ de $10^h 9' 1''$, & j'ai $10^h 7' 16''$, temps vrai du soir du passage de Syrius au Méridien de Paris le 24 Janvier 1764.

424. On demande l'heure du passage de *Regulus* au Méridien de Constantinople le 1 Septembre 1771. Ce jour, lorsqu'il est midi à Constantinople, on compte à Paris le 31 Août à $22^h 13' 46''$. Or alors l'ascension droite du Soleil est, selon les Tables, $10^h 40' 54''$; la retranchant de $9^h 56' 0''$, (ou de $33^h 56' 0''$) ascension droite de *Regulus*, vers la fin de 1771, reste $23^h 15' 6''$, temps à peu près du passage de *Regulus* au Méridien de Constantinople. Le mouvement du Soleil en ascension droite pour $23^h 15'$ est $3' 29''$, & le *surplus* pour le 1 Septembre est 2 ou $3''$: ôtant donc $3' 31''$ de $23^h 15' 6''$, restent $23^h 11' 35''$ pour le vrai temps astronomique du passage de *Regulus* au Méridien de Constantinople le 1 Septembre 1771, ou, en temps civil, le 2 Septembre à $11^h 11' 35''$ du matin.

425. Une autre méthode pour les lieux qui ne sont pas sous le Méridien de Paris, est de calculer d'abord le passage de l'Etoile au Méridien de Paris, puis y ajouter le mouve-

ment du Soleil en ascension droite jointe au *surplus*, qui convient à la différence des Méridiens si le lieu est à l'Est de Paris, ou l'en retrancher si le lieu est à l'Ouest. Par exemple, le 1 Septembre 1771, ayant trouvé $23^h 11' 19''$, temps vrai du passage de Regulus au Méridien de Paris, il faut y ajouter $16''$, mouvement du Soleil en ascension droite & *surplus*, qui conviennent à $1^h 46' 14''$, différence des Méridiens dont Constantinople est à l'Est de Paris; & on a $23^h 11' 35''$ pour le temps vrai du passage de Regulus au Méridien de Constantinople.

CHAPITRE IV.

Du Mouvement particulier de la Lune, & de la maniere de trouver à peu près l'âge de cette Planete.

I.

Des différentes Révolutions de la Lune.

426. LA LUNE a un mouvement particulier par rapport au Ciel, comme les autres Planetes; ce mouvement est même assez rapide. Pendant que les Cieux paroissent entraîner chaque jour la Lune d'Orient en Occident, & lui faire faire une révolution en passant de son lever au Méridien, puis à son coucher, cette Planete avance en sens contraire d'environ $13^{\circ} 11'$ par jour. La rapidité de ce mouvement est cause qu'il suffit de le considérer pendant quelques instants pour qu'on s'en apperçoive. Si la Lune est auprès d'une certaine Etoile, cette Planete, quelque temps après, se trouvera en arriere, ou vers l'Est, & le lendemain à la même heure, on la verra à une distance beaucoup plus grande vers l'Est, qui fera de 13 à 14 degrés.

427. La Lune continue de jour en jour à s'éloigner de

l'Etoile vers l'Est; après s'en être éloignée de 180 degrés, elle commence à s'en rapprocher par le côté de l'Ouest, & vient la rejoindre à la fin, & fait ainsi le tour du Ciel. Il lui faut pour cela environ 27 jours & un tiers; c'est ce qu'on nomme son *mois périodique*. Elle a fait alors une révolution entière d'Occident en Orient, puisqu'elle est revenue exactement au même point du Ciel. Mais si on rapporte la Lune au Soleil, comme nous l'avons fait à une Etoile, on trouvera qu'il faut environ deux jours de plus à la Lune pour le rejoindre, parce qu'elle ne le trouve plus dans la même place où elle l'avoit quitté. Il s'avance d'environ un degré par jour dans le même sens que la Lune; ainsi la Lune ne s'éloigne du Soleil que d'environ $12^{\circ} \frac{1}{2}$ par jour; il faut par conséquent environ 29 jours & demi pour que la Lune rejoigne le Soleil. Cet espace de temps s'appelle une *Lunaison*, ou un *mois Synodique*, une *révolution synodique*.

428. Le mouvement périodique de la Lune, ainsi que celui des autres Planetes, est sujet à une inégalité, selon laquelle la vitesse de cette Planete, en partant du point le plus éloigné de la Terre, va toujours en augmentant jusques à un certain point le plus près de la Terre, & qu'on appelle le *Périgée de la Lune*; depuis ce point la vitesse va en diminuant de la même maniere jusques au point le plus éloigné d'où la Lune étoit supposée partir: on l'appelle l'*Apogée de la Lune*. Après quoi sa vitesse recommence à augmenter, & ainsi de suite. La Lune s'approche donc de la Terre à mesure que sa vitesse augmente, ce qui fait que son diametre paroît augmenter aussi; & elle s'éloigne de la Terre, & son diametre diminue en apparence à mesure que sa vitesse diminue. Ainsi la vitesse actuelle de la Lune, sa distance à la Terre, & la grandeur apparente de son diametre dépendent de la distance de la Lune à son Apogée, qui est le terme de l'inégalité principale de ses mouvements; cet arc de distance s'appelle l'*Anomalie de la Lune*, & le temps que la Lune emploie à revenir à son Apogée s'appelle la *révolution anomalistique de la Lune*. Il est d'un peu plus de 27 jours $\frac{1}{2}$.

429. Enfin dans l'espace d'environ 27 jours $\frac{1}{5}$ la Lune coupe l'Ecliptique en deux points opposés l'un à l'autre, & qu'on appelle *les nœuds de la Lune*. Son mouvement particulier se faisant dans un cercle incliné à l'Ecliptique d'environ 5 degrés $\frac{1}{7}$, de sorte que pendant environ 13 jours $\frac{1}{2}$ la Lune est au Nord de l'Ecliptique, & pendant 13 autres jours $\frac{1}{2}$ elle est au Sud de ce cercle, & qu'enfin 6 jours $\frac{3}{4}$ avant ou après son passage par un des nœuds, elle est à sa plus grande distance de l'Ecliptique, laquelle est d'environ $5^{\circ} \frac{1}{7}$, comme on vient de le dire.

430. La Lune est beaucoup plus près de la Terre qu'aucune des autres Planetes; elle est environ 320 fois plus près de nous que nous ne le sommes du Soleil; elle est environ 50 fois plus petite que la Terre. Elle nous cache les Etoiles, & même les Planetes lorsqu'elle passe au-devant d'elles à notre égard.

431. La proximité de la Lune est cause que deux Observateurs placés sur la surface de la Terre en des points un peu éloignés, & regardant la Lune au même instant, la rapportent à différents points du Ciel, l'un la voit vis-à-vis une Etoile, & l'autre vis-à-vis une autre Etoile, de même qu'il arrive que deux Spectateurs regardant en même temps un même objet peu éloigné, l'un le trouve dans l'alignement d'un arbre qui termine l'Horizon, l'autre le trouve dans l'alignement d'une maison. Cette différence de position apparente s'exprime par le mot de *parallaxe*: & il est évident que la parallaxe doit être d'autant plus grande, que les Spectateurs sont plus éloignés l'un de l'autre, & que l'Astre est plus près d'eux. La parallaxe de la Lune peut monter jusques à deux degrés; mais on ne la calcule ordinairement qu'à l'égard de deux Spectateurs, dont l'un feroit au centre de la Terre, & l'autre en un point quelconque sur sa surface, ce qui réduit la plus grande parallaxe possible à un degré environ. Le Soleil n'a pas de parallaxe sensible, puisqu'étant 320 fois plus loin que la Lune, sa parallaxe ne peut être que de la 320 partie d'un degré. Les autres Planetes n'en ont pas non plus de sensible à l'égard de la Terre.

I I.

Des différentes Phases de la Lune , & de ses Éclipses.

432. La Lune , non plus que les autres Planetes , n'a point de lumière propre ; elle emprunte du Soleil toute celle qu'elle nous paroît avoir. Nous la voyons quelquefois comme divisée en deux parties , dont l'une est lumineuse , & l'autre obscure. La partie lumineuse est éclairée par le Soleil , elle nous renvoie la lumière qu'elle reçoit , au lieu que l'autre partie est dans l'ombre. Lorsque nous présentons une boule à la lumière d'un flambeau , il y a toujours environ la moitié de la boule qui est éclairée par le flambeau : il arrive à peu près la même chose à la Lune ; nous ne voyons pas toujours cette Planete parfaitement ronde , parce qu'elle ne nous présente pas continuellement toute sa partie éclairée. On donne le nom de *Phases* aux différentes apparences que prend la Lune , selon qu'elle est située à l'égard du Soleil , & par rapport à nous.

433. Si la Lune se trouve en *N* (*Fig. 66.*) sur la ligne Fig. 66. droite qui joint le Soleil *S* & la Terre *T* , elle ne nous présentera que sa partie obscure , & nous ne la verrons point. On dit alors qu'elle est *nouvelle* , ou qu'elle est *en conjonction*. C'est de l'instant où elle se trouve dans cette position , qu'on commence à compter l'*âge de la Lune*. Si la Lune , étant dans cette position , étoit aussi près d'un de ses nœuds , alors étant dans l'Ecliptique entre le Soleil & la Terre , elle cacheroit pour quelques instants la vue du Soleil à ceux des habitants de la Terre qui se trouveroient précisément dans la ligne tirée du Soleil à la Lune ; & à l'égard de ces habitants , il y auroit *Eclipse de Soleil* , laquelle paroîtroit plus ou moins grande , à proportion que la partie de la route que la Lune décrit , paroîtroit plus approchante de l'Ecliptique. *Les Éclipses de Soleil ne peuvent donc arriver que dans le temps des conjonctions ou nouvelles Lunes.*

Fig. 66. 434. Le jour de la nouvelle Lune cette Planete se leve en même temps à peu près que le Soleil; elle passe au Méridien en même temps, & elle se couche aussi en même temps; mais les jours suivans, elle se leve, passe au Méridien, & se couche de plus en plus tard; de sorte que la quantité moyenne du retard d'un lever comparé au suivant, d'un passage au Méridien comparé au suivant, &c, est de 48 minutes à peu près.

435. Sept jours & un tiers après la conjonction, la Lune se trouve éloignée du Soleil de 90 degrés vers l'Orient; elle est alors comme en *P*, elle ne présente vers nous que la moitié de sa partie éclairée, l'autre moitié étant tournée en dehors par rapport à nous. C'est ce qu'on nomme *le premier Quartier*. Elle se leve vers le temps que le Soleil est au Méridien; elle passe au Méridien lorsque le Soleil se couche, & elle se couche vers minuit.

436. Quatorze jours & demi ou quinze jours après la nouvelle Lune, cette Planete se trouve en *L*, précisément à l'opposite du Soleil. Alors nous devons la voir parfaitement ronde, parce que toute sa partie éclairée se trouve tournée vers nous. On dit donc que la Lune est *pleine*, ou qu'elle est en *opposition*. Elle nous éclaire dans ce temps-là pendant toute la nuit; elle se leve lorsque le Soleil se couche; elle passe au Méridien à minuit, & elle se couche vers le temps du lever du Soleil.

Lorsque la Lune se trouve exactement en opposition dans un de ses nœuds, ou à peu de distance d'un des nœuds, la Terre porte son ombre jusques sur la Lune, parce que l'ombre de la Terre s'étend dans l'Ecliptique à l'opposite du Soleil: alors la Lune souffre nécessairement une éclipse; elle cesse de nous renvoyer de la lumière, parce qu'elle cesse d'en recevoir. Il est évident que *l'éclipse de Lune ne peut arriver que dans les seules pleines Lunes ou oppositions*: car il faut que la Terre soit exactement entre deux, pour qu'elle puisse empêcher la lumière du Soleil de tomber sur la Lune.

437. Enfin, lorsque l'âge de la Lune est d'environ 22 jours & $\frac{1}{6}$, & qu'elle se trouve au point *D*, n'étant

éloignée du Soleil que de 90 degrés du côté de l'Occident, Fig. 66. on ne voit plus que la moitié de sa partie éclairée, & elle est alors dans son *dernier Quartier*. Elle se leve vers minuit : elle passe au Méridien vers 6 heures du matin, & se couche vers midi. La Lune, continuant de s'approcher du Soleil, redevient nouvelle au bout de 29 jours $\frac{1}{2}$ environ.

438. On nomme *Syzygies* les nouvelles ou pleines Lunes. La *ligne des Syzygies* est la ligne droite qui passe par le Soleil, par la Terre & par la Lune, soit que cette dernière Planete se trouve de même côté que le Soleil, ou qu'elle se trouve du côté opposé. *Les éclipses ne peuvent donc arriver que dans les Syzygies* ; mais elles n'arrivent pas dans toutes les Syzygies, parce que la Lune n'est pas toujours proche d'un de ses nœuds à chaque Syzygie. Quoique nous cessions de voir la Lune dans les conjonctions, parce qu'elle ne nous présente que sa partie obscure, nous ne regardons pas cette disparition comme une éclipse, puisque nous savons bien que la Lune n'est pas alors privée de sa lumière.

III.

*Du Calcul du jour où arrivent les nouvelles
& pleines Lunes, & premièrement du
Nombre d'or.*

439. Les nouvelles & pleines Lunes ne peuvent pas, dans notre Calendrier, arriver au même quantième de chaque mois ; mais elles doivent anticiper, puisque les Lunaifons sont plus courtes que nos mois, de sorte que douze Lunaifons ne font qu'un peu plus de 354 jours $\frac{1}{2}$. Ainsi supposé que la Lune soit nouvelle aujourd'hui, elle ne le fera pas le même jour du mois dans l'année prochaine, mais environ 11 jours plutôt. En 3 ans ou 36 mois solaires, il y a 37 Lunaifons ou mois lunaires, & environ 3 jours de plus : mais au bout de 19 ans, les nouvelles & pleines Lunes arrivent le même jour du mois, & presque à la même

heure, parce que 19 années ou 228. de nos mois solaires, répondent à un nombre assez exact de Lunaïsons complètes, savoir à 235. C'est cette période que les anciens Astronomes remarquerent, & qui donna lieu d'en introduire l'usage sous le nom de *Nombre d'or*, pour trouver l'âge de la Lune à l'aide des Epactes.

440. Pour trouver le Nombre d'or qui appartient à une année, on ajoute 1 à l'année proposée, & on divise la somme par 19. Le reste de la division est le Nombre d'or, & on néglige le quotient.

Si l'on propose, par exemple, l'année 1760, il faudra diviser 1761 par 19, & comme il restera 13 à la division, on aura 13 pour le Nombre d'or. On ajoute 1 avant que de faire la division, parce qu'il y avoit 1 de Nombre d'or à la Naissance de JESUS-CHRIST.

De l'Epacte.

441. Les Epactes sont des nombres qui expriment pour chaque année l'âge à peu près qu'avoit la Lune à la fin de l'année précédente. A la fin de 1759 la Lune étoit, par exemple, âgée de 12 jours, c'est-à-dire, qu'à la fin de 1759 il y avoit 12 jours d'écoulés depuis la dernière conjonction ou nouvelle Lune. C'est pourquoi 1760 a 12 d'Epacte.

442. L'Epacte doit augmenter de 11 chaque année. Car, puisque les nouvelles Lunes arrivent 11 jours plutôt une année que l'année précédente, l'âge de la Lune doit augmenter de la même quantité.

443. Il y a une correspondance entre le Nombre d'or & les Epactes, puisque le Nombre d'or est la période du retour de la Lune à son même âge le même jour de l'année; mais à cause de la correction des années bissextiles de 100 en 100 ans, cette correspondance change toutes les fois qu'on omet une bissextile. Dans le siècle compris entre 1700 & 1800 la correspondance entre le Nombre d'or & l'Epacte est exprimée dans la Table suivante.

Nombre d'or.	Epaetes.	Nombre d'or.	Epaetes.
1	29	10	9
2	11	11	20
3	22	12	1
4	3	13	12
5	14	14	23
6	25	15	4
7	6	16	15
8	17	17	26
9	28	18	7
		19	18

Etant donnée l'Epaete de l'année, trouver à peu près l'âge de la Lune pour un jour proposé.

444. Ajoutez ensemble l'Epaete, le nombre des mois écoulés depuis Mars inclusivement, & le quantieme du mois. La somme donne l'âge de la Lune; mais lorsqu'elle surpasse 30, on en prend le surplus, si le mois a 31 jours; & le surplus de 29 si le mois n'a que 30 jours.

On demande, par exemple, l'âge de la Lune le 8 Mai 1760. L'Epaete, comme nous l'avons vu, est 12. Il y a, outre cela, en Mai trois mois écoulés depuis Mars, parce qu'on comprend Mars dans ce nombre, de même que le mois proposé. La somme des deux nombres fait 15, & ajoutant de plus 8 de quantieme, il vient 23 pour l'âge de la Lune.

445. Si on suppose que le Nombre d'or seulement soit donné, on cherchera l'Epaete dans la Table précédente, le reste du calcul se fera comme ci-dessus. Soit proposé de trouver l'âge de la Lune le 23 Novembre 1770, année qui a 4 pour le Nombre d'or, l'Epaete fera donc 3; & si l'on fait une somme de l'Epaete, de 9 qui marque les mois écoulés depuis Mars, & de 23 pour le quantieme, on aura 35. Il faut

prendre l'excès au-dessus de 29, parce que le mois de Novembre n'a que 30 jours, & il viendra 6 pour l'âge de la Lune.

*Etant donnée l'Epacte de l'année, trouver
peu près le jour de la nouvelle Lune
pour un mois proposé.*

446. Lorsqu'on connoît l'âge de la Lune, on peut savoir quel jour arrive la nouvelle Lune; mais on peut le trouver immédiatement, en ajoutant simplement deux choses, savoir l'Epacte avec le nombre des mois écoulés depuis Mars, & en ôtant de 29 ou de 30 la somme, selon que le mois a 31 jours ou 30 jours; & on l'ôte de 60, si elle est trop grande. La raison de cette pratique est bien simple. La somme de l'Epacte & des mois écoulés depuis Mars donne l'âge de la Lune à la fin du mois proposé. Ainsi en l'ôtant de 30, il doit rester le jour de la nouvelle Lune.

447. Le calcul des Epactes telles qu'on les vient d'expliquer, ne donne des résultats qu'à peu près, & qui peuvent tromper de deux jours environ par excès ou par défaut, à l'égard des vrais mouvements de la Lune. C'est pourquoi, quand on a besoin de savoir précisément l'âge de la Lune, il faut employer à cette recherche les Tables astronomiques, comme on le verra bientôt.

I V.

*Du Cycle Solaire, & de la maniere de trouver
quel jour de la semaine doit tomber un
quantieme ou une date proposée.*

448. Quoique la maniere d'ordonner toutes les parties du Calendrier, n'ait qu'un rapport assez éloigné avec le Pilotage, nous croyons néanmoins devoir continuer à en parler. Il est à propos de précautionner les Pilotes contre l'inconvénient dans lequel ils tomberoient, si pendant les longs séjours qu'ils font quelquefois avec leurs Vaisseaux sur des Côtes désertes, ils tomboient dans quelque mécompte sur le quantieme du mois. Il est certain que le retour réglé des jours de la semaine sert souvent à nous empêcher de nous tromper sur ce point.

449. On nomme *Cycle Solaire* une révolution de 28 ans, à la fin

laquelle les jours de la semaine & les quanties des mois se répondent de la même manière. Cette révolution est de 28 ans, à cause des jours de la semaine qui se multiplient par les 4 années au bout desquelles revient la bissextile. Pour trouver le Cycle Solaire, on ajoute 9 à l'année proposée, & on divise la somme par 28; le quotient de la division marque le nombre de fois dont la révolution s'est répétée depuis JESUS-CHRIST, & le reste marque le Cycle Solaire.

50. Si l'on veut avoir, par exemple, le Cycle Solaire pour 1760, on divisera 1769 par 28, & comme il restera 5 à la division, on aura le Cycle Solaire.

De la Lettre Dominicale.

51. On assigne dans les Calendriers une des sept premières lettres de l'alphabet à chaque jour du mois; la Lettre Dominicale est celle qui indique les Dimanches; & le Cycle Solaire sert à trouver cette lettre, pendant tout l'intervalle de temps où l'on n'aura pas omis une bissextile de 4 en 4 ans. Si l'on trouve, par exemple, que E soit la Lettre Dominicale d'une certaine année, on n'aura qu'à chercher dans le Calendrier tous les jours qui sont marqués par E, & on aura les Dimanches: la Lettre Dominicale ne sera plus la même l'année suivante, parce que les Dimanches ne répondent pas aux mêmes quanties des années de suite. Le Cycle Solaire sera plus grand, & il indiquera la même différence, qui vient de ce que l'année ne contient pas un nombre exact de semaines. L'année commune contient 52 semaines & un jour, & l'année bissextile 52 semaines & deux jours.

52. Voici une petite Table qui marque le rapport pour le siècle entre le Cycle Solaire & les Lettres Dominicales. Il faut remarquer que les années bissextiles ont deux de ces lettres: la première depuis le commencement de l'année jusqu'au 24 de Février, & la seconde sert tout le reste de l'année.

Pour les Lettres Domin. pendant le dix-huitième siècle.

Cycle Solaire	1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.	11.	12.	13.	14.	15.	16.
Lettres Domin.	DC.	B.	A.	G.	FE.	D.	C.	B.	AG.	F.	E.	D.	CB.	A.	G.	F.

Cycle Solaire	17.	18.	19.	20.	21.	22.	23.	24.	25.	26.	27.	28.
Lettres Domin.	ED.	C.	B.	A.	GF.	E.	D.	C.	BA.	G.	F.	E.

53. Le retranchement de la bissextile à la fin de ce siècle, sera cause que la petite Table précédente cessera de servir, on aura recours alors à cette autre.

Pour les Lettres Domin. pendant le dix-neuvième siècle.

Cycle Solaire	1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.	11.	12.	13.	14.	15.	16.
Lettres Domin.	ED.	C.	B.	A.	GF.	E.	D.	C.	BA.	G.	F.	E.	DC.	B.	A.	G.

Cycle Solaire	17.	18.	19.	20.	21.	22.	23.	24.	25.	26.	27.	28.
Lettres Domin.	FE.	D.	C.	B.	AG.	F.	E.	D.	CB.	A.	G.	F.

CHAPITRE V.

*Méthode pour calculer plus exactement
Phases de la Lune.*

454. **L**E CALCUL des Epactes ordinaires étant trop grossier pour être d'usage sur Mer, il a fallu avoir recouru aux Tables astronomiques qui donnent beaucoup plus de précision. Celles dont on va enseigner l'usage, font connaître le vrai temps des Phases de la Lune à une heure près. On auroit pu pousser l'exactitude de cette détermination à 7 ou 8 minutes; mais il auroit fallu trop compliquer ce calcul, qui ne sert gueres qu'à connoître l'heure des marées dans les parages dont on connoît l'établissement. Or il fut convenu pour cela que l'on sache le vrai temps des Syzygies ou des Quadratures à 3 heures près, pour ne se tromper jamais de 10 minutes sur le temps de la plus haute marée, dans les jours où des vents forcés ne la rendent pas irrégulière.

I.

Regles de calcul pour trouver le temps de la nouvelle Lune ou de la pleine Lune, du premier ou du dernier Quartier, dans un mois d'une année proposée.

455. Dans les trois Tables destinées pour ce calcul (voyez page 10 & 11) on trouve des colonnes qui ont en tête la lettre *A*, avec des nombres qui ne passent pas 1000. Ces nombres indiquent l'anomalie de la Lune. Il faut remarquer que, lorsqu'en ajoutant ces nombres, leur somme surpasse 1000, on n'écrit que l'excédent: par exemple, si la somme étoit 1245, on n'écrit que 245. La raison en est que 1000 marquant une révolution complète de la Lune

ard du terme de sa plus petite vitesse, le nombre 1245 prime une révolution plus la $\frac{245}{1000}$ partie d'une révolution. comme les inégalités de la Lune recommencent à être mêmes après chaque révolution, on ne doit plus avoir égard à la révolution achevée, mais à l'excédent 245, qui prime la distance actuelle de la Lune à son Apogée, ou terme de ses inégalités.

456. La lettre *P* qui est à la tête des colonnes des Tables I & II (page 10.) sert à indiquer l'ordre des Phases de la Lune. 1 exprime la nouvelle Lune, 2 le premier Quartier, 3 la pleine Lune, 4 le dernier Quartier : 5 est un retour de nouvelle Lune, 6 est un retour de premier Quartier, 7 est un retour de pleine Lune, & 8 est un retour de dernier Quartier. De sorte que dans ces Tables une nouvelle Lune est indiquée par le temps où le nombre *P* des années fait 1 ou 5 avec le nombre *P* des mois : un premier quartier par le temps où le nombre *P* des années fait 2 ou 6 avec celui des mois : une pleine Lune, par le temps où le nombre *P* des années fait 3 ou 7 avec le nombre *P* des mois : un dernier Quartier par le temps où le nombre *P* des années fait 4 ou 8 avec le nombre *P* des mois.

457. Quelques Exemples de l'usage de ces Tables seront de regles, parce qu'il n'y a aucune difficulté dans le calcul.

EXEMPLE I. On demande le temps de la nouvelle Lune le mois de Juillet 1767?

Le nombre *P* qui convient à l'année 1767 étant 2, il faut chercher dans la case du mois de Juillet la ligne où le nombre *P* fera 1 ou 5 avec celui des années. Cette ligne est celle où le nombre *P* est 3. Ajoutez donc ensemble les nombres qui sont pour l'année 1767 dans la Table I (pag. 10.) & dans la ligne trouvée pour le mois de Juillet, Table II (*ibid.*); puis avec le nombre *A* qui résulte de la somme des deux nombres *A* de chaque Table, cherchez dans la Table II (pag. 11.) l'équation qu'il faut toujours ajouter à la somme des temps trouvés, pour avoir le temps vrai de la Phase cherchée. En observant : 1^o, de prendre cette équation

174 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.
 tion dans la partie de la Table III qui convient à l'eff
 de la Phase : 2°, de prendre à peu près & à la vue les par
 proportionnelles. On aura donc

1767.....	6 ⁱ 17 ^h 3'	... 6
Juillet.....	18 6 47	... 2
Somme.....	24 23 50	... 8
Equation pour les Syzygies.....	8 5	
Temps de la nouvelle Lune.. Juillet 25 à 7 ^h 55'		

458. EXEMPLE II. On demande le moment du prem
 Quartier de la Lune en Février 1796 ?

Le nombre *P* pour l'année 1796 est 4 : il faut donc pre
 dre dans la case de Février la ligne où le nombre *P* est 2
 & on aura

1796.....	0 ⁱ 10 ^h 16'	... 85
Février.....	13 9 10	... 60
Somme.....	13 19 26	... 46
Equation pour les Quadratures...	18 20	
Temps trouvé.....	14 13 46	
Ajoutez à cause de l'année biffextile	1	
Donc premier Quartier... Février 15 à 13 ^h 46'		

459. EXEMPLE III. Etant à Quanton dans la Chine
 on veut savoir le moment de la pleine Lune au mois de Ma
 1773 ?

Le nombre *P* de l'année 1773 est 3. Pour avoir la pleine
 Lune de Mai, il faudroit chercher dans la case de Mai la ligne
 où le nombre *P* est 4 ; mais comme en opérant comme ci-
 dessus, la somme des temps 7ⁱ 8^h 34' & 27ⁱ 17^h 28' feroit
 plus de 35 jours, ce qui feroit tomber la pleine Lune en
 Juin, il faudra aller prendre le nombre *P* dans la case d'A-
 vril : on aura donc

A

1773.....	7 ^j	8 ^h	34'	..224
Avril.....	28	5	52	..287
Somme, ôtant les 30 ^j d'Avril...Mai	5	14	26	..511
Equation pour les Syzygies.....		14	15	
Temps de la pleine Lune à Paris.....	6	4	41	
Diff. Orient. des MÉR. de Paris à Quanton		7	23	
Donc pleine Lune à Quanton....Mai	6	à 12 ^h	4'	

460. EXEMPLE IV. *Etant à Quebec, on demande le temps du dernier Quartier de la Lune en Janvier 1761?*

On aura les nombres *P* de 1 pour 1761, & de 3 pour Janvier.

A

1761.....	5 ^j	1 ^h	31'	... 74
Janvier.....	22	4	38	...804
Somme.....	27	6	9	...878
Equation pour les Quadratures....		4	35	
Dernier Quartier à Paris.....	27	10	44	
Différ. Occident. des Méridiens...		4	49	
Dernier Quartier à Quebec..Janv.	27	à 5 ^h	55'	

461. EXEMPLE V. *On demande quelle sera la Phase de la Lune la plus prochaine du 18 Août 1764?*

Le nombre *P* de 1764 étant 1, qui répond à 1^j 16^h 41'; faut chercher dans la case du mois d'Août quel est le jour & l'heure qui approche le plus, à moins de 4 jours près, de faire 18 jours avec 1^j 16^h 41': on trouve que c'est 16^j 18^h 11', & que le nombre *P* correspondant est 3; d'où il suit que la Phase la plus prochaine du 18 Août aura 4 pour nombre *P*: ce sera donc un dernier Quartier. Ainsi...

A

1764.....	1 ^j	16 ^h	41'	...727
Août.....	16	18	11	...306
Somme.....	18	10	52	... 33
Equation des Quadratures.....		17	55	
Donc dernier Quartier.....Août	19	à 4 ^h	47'	

176 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

Si le temps de la Phase trouvée de la sorte différoit de 4 jours entiers ou plus du jour donné, il faudroit calculer le temps de la Phase précédente ou suivante, selon que la Phase trouvée suivroit ou précéderoit le temps donné.



LIVRE QUATRIEME,

Usages qu'ont dans la Navigation les différentes Connoissances d'Astronomie données dans le Livre précédent.

CHAPITRE PREMIER.

Méthode plus exacte que celle que nous avons expliquée à la fin du second Livre pour trouver l'heure du Flux & Reflux.

I.

162. **N**ous sommes en état de calculer maintenant l'heure des marées avec plus d'exactitude que nous ne l'avons fait à la fin du second Livre. Nous avons dit (295) qu'il étoit pleine Mer dans chaque Port à peu près à la même heure tous les jours des nouvelles & pleines Lunes ; qu'on prenoit cette heure-là pour l'établissement du Port, & que les marées retardoient d'un jour à l'autre d'environ 48 minutes l'heure. Mais toutes les observations exactes nous montrèrent que ce retardement ne se fait pas d'une manière égale ; il est beaucoup moindre vers les nouvelles & pleines Lunes, que vers les quadratures. Cette inégalité vient de ce que la Lune n'est pas l'unique cause du flux & reflux, & de ce que le Soleil y a aussi part. Les deux Astres ayant une certaine force pour soulever les eaux de la Mer, au-dessus desquelles

ils passent, il faut considérer leur action comme réunie dans un point moyen : l'endroit le plus élevé de la Mer ne répond ni à l'un ni à l'autre des deux Astres ; il répond entre les deux ; mais il est plus voisin de la Lune, parce qu'elle agit avec plus de force, & il ne fait pas autant de chemin que cette dernière Planete, lorsqu'elle s'éloigne du Soleil. Parmi les Tables qui sont à la fin de ce Traité, on en trouve une (page 12.) qui marque d'une manière plus conforme aux observations, les retardements des marées, ou leurs anticipations par rapport à l'établissement d'un Port, en comptant depuis la Phase de la Lune la plus prochaine du temps pour lequel on veut connoître la haute Mer.

463. On demande, par exemple, à quelle heure arrivera la haute Mer le 18 Août 1764 au Havre de Grace, dont on fait que l'établissement est à $9^h 20'$?

Par les calculs expliqués ci-dessus (461), on trouve que la Phase de la Lune la plus prochaine du 18 Août 1764 est le dernier Quartier, qui doit arriver le 19 à 5 heures. Le 18 Août est donc 1 jour avant le dernier Quartier : or on trouve dans la Table (page 12.) que pour un jour il faut ajouter $4^h 9'$ à l'établissement du Port : ainsi la plus haute marée fera à peu près le 18 Août à 1 heure $\frac{1}{2}$ du matin ou du soir. Si on veut avoir l'heure du matin avec plus de précision, on dira, du 18 Août à 1 heure $\frac{1}{2}$ du matin au 19 Août à 5 heures du soir, il y a 1 jour & 15 heures $\frac{1}{2}$. A cet intervalle on trouve dans la Table $3^h 38'$, qu'il faut ajouter à $9^h 20'$, pour avoir $12^h 58'$, ou à très-peu près 1 heure du matin, temps de la haute Mer le 18 Août au Havre de Grace.

464. Au surplus on ne doit pas croire que ce nouveau calcul s'accorde toujours parfaitement avec l'observation. Les vents, selon leurs différentes directions, peuvent altérer considérablement le mouvement des marées. Cependant si l'on excepte quelques cas très-rares, la différence n'ira jamais guères qu'à un quart-d'heure ; au lieu qu'on peut souvent tomber dans une erreur de plus d'une heure en employant un retardement uniforme de 48 minutes par jour,

comme on a coutume de faire. Nous devons encore avertir, que la Table dont nous nous servons ici n'est pas absolument régulière; il faudroit dans la rigueur en employer plusieurs, à cause du peu de conformité qu'il y a d'une lunaison à l'autre dans les mouvements de la Lune par rapport au Soleil.

Trouver l'Etablissement d'un Port.

465. On aura recours à la même Table pour trouver l'établissement d'un Port, lorsqu'on y aura observé l'heure de la marée un certain jour. On calculera d'abord le temps de la Phase la plus prochaine, & on cherchera dans la Table l'équation qu'il faudroit faire à l'heure de l'établissement du Port s'il étoit connu; on appliquera cette équation à l'heure observée avec un signe contraire: (c'est-à-dire, on en retranchera l'équation, si elle est marquée additive; ou on l'ajoutera, si elle est marquée soustractive), & on aura l'heure de l'établissement qu'on cherche.

466. On observe, par exemple, la pleine Mer à 10 heures 20 minutes dans un certain Port 12 heures avant la nouvelle Lune. Nous consultons la Table, qui nous apprend que l'équation pour 12 heures est 18 minutes soustractives. On aura donc 10 heures 38 minutes pour l'établissement.

467. Supposons pour second exemple, que 2 jours & 6 heures avant une des quadratures, on observe qu'il est pleine Mer dans un Port à 5 heures 40 minutes. On trouvera dans la Table, 3 heures 11 minutes, équation additive; d'où il s'ensuivra que la Mer aura été pleine le jour de la nouvelle ou pleine Lune à 2 heures 29 minutes, & ce sera l'établissement requis.



CHAPITRE II.

Des Moyens qu'on emploie en Mer pour observer la hauteur des Astres.

I.

468. **N**ous nous regarderons désormais comme en Mer, & nous insisterons d'abord sur les moyens d'observer la hauteur des Astres. Les Lecteurs savent déjà que cette hauteur se mesure en arc de cercle depuis l'Horizon jusqu'à l'Astre. Si HSZ (Fig. 2.) représente une partie du Ciel, que Z soit le Zénith, & que le point H appartienne à l'Horizon, la hauteur de l'Astre S sera marquée par HS , & SZ en fera le complément. Ces deux quantités font toujours ensemble 90 degrés; parce qu'il y a le quart du cercle ou de la circonférence du Ciel depuis l'Horizon jusqu'au Zénith.

469. Les Lecteurs savent aussi que la quantité dont l'Astre est éloigné de nous, ne contribue point à augmenter sa hauteur dans le sens qu'on attache en Astronomie à ce mot. Que l'Astre soit plus loin sur le prolongement de la ligne droite CS , ou qu'il soit plus près de nous, l'arc HS deviendra plus grand ou plus petit; mais il ne contiendra toujours que le même nombre de degrés.

470. On ne peut pas dans un Vaisseau, à cause de l'agitation continuelle de la Mer, employer de fil à plomb, ni d'instrument de l'espece de celui de la Figure 2, pour observer la hauteur des Astres. Il est plus aisé au Pilote de se régler sur la ligne de niveau que fournit la séparation apparente de la Mer ou du Ciel, lorsqu'aucun obstacle ne borne sa vue. Cette ligne, conduite depuis l'œil de l'Observateur jusqu'à l'extrémité apparente de la Mer, n'est pas parfaitement horizontale; elle panche un peu du côté de la Mer à cause de l'élévation du Vaisseau; mais cette inclinaison n'est

pas grande, & d'ailleurs on peut en savoir l'exacte quantité, & y avoir égard pour corriger l'observation, comme on le verra bientôt.

I I.

Des Instruments qui sont en usage pour observer les hauteurs des Astres.

471. Les instruments les plus en usage à présent pour observer la hauteur en Mer, sont le Quartier Anglois, qu'on appelle aussi *Quart de Nonante*, & les Quartiers de Réflexion. Celui que l'on appelle l'*Arbalestrille* est presque abandonné depuis quelques années, & on a grande raison de l'abolir entièrement, à cause du peu de précision dont les observations auxquelles on l'emploie sont susceptibles. Il n'y a gueres que la modicité de son prix qui en fasse le mérite; mais le salut d'un Vaisseau est d'une trop grande importance, pour regarder à la différence entre les prix de ces sortes d'instruments.

I I I.

De la construction & de l'usage du Quartier Anglois.

472. Le Quartier Anglois n'est autre chose qu'un quart de cercle, mais formé de deux arcs de rayons différents, afin de rendre l'instrument moins embarrassant & plus solide. Un de ces arcs est d'environ 60 degrés, & l'autre, dont le rayon est le plus grand, contient le reste à 90. La Fig. 45 Fig. 45. représente cet instrument; la forme qu'on lui donne pour rendre son assemblage plus fort, n'empêche pas que les deux arcs *FG* & *ED* n'aient également leur centre en *C*: le premier de ces arcs, qui n'a que 8 à 9 pouces de rayon, n'est ordinairement divisé que de degré en degré. L'arc *ED* dans lequel les degrés sont plus grands, parce qu'il est d'un rayon de 18 à 20 pouces, est souvent divisé de 10 minutes en 10 minutes; & il y a des lignes obliques ou transversales, qui rendent chaque minute sensible.

Fig. 45.

473. L'usage de cet instrument est très-facile. On met d'abord sur un nombre de degrés exact, comme en *B*, une espece de pinnule ou de petit marteau, qu'on peut faire glisser le long de l'arc *FG*. On tourne le dos vers le Soleil; on fait tomber l'ombre du marteau *B* sur le marteau *C*, qui est au centre, & ensuite on applique l'œil à la pinnule *A*, & on fait concourir l'image du Soleil formée par un verre convexe placé au milieu de l'épaisseur du marteau *B*, sur un petit cercle tracé pour cet usage sur le marteau *C*. On fait couler le marteau *A* sur l'arc *ED*, jusqu'à ce qu'on voye exactement l'Horizon par la pinnule & par une fente ou ouverture qui est vers le milieu du marteau *C*.

474. Si au lieu de voir l'Horizon, on ne voyoit que la Mer, ce seroit une marque que le rayon visuel *AC* seroit trop plongeant, & il faudroit baisser la pinnule *A*. Si au contraire on ne voyoit que le Ciel par la pinnule *A*, & par la fente du marteau *C*, le rayon visuel *AC* étant pointé trop haut, il faudroit nécessairement faire glisser la pinnule *A* en montant vers *E*. Mais si les deux conditions sont parfaitement remplies; si l'ombre de la pinnule *B* tombe avec précision sur le centre de l'instrument, & si on voit en même temps l'Horizon par la pinnule *A* & par le centre *C*, on aura la hauteur du Soleil mesurée en deux parties, & en-dedans des deux marteaux *A* & *B*. On verra combien il y a de deg. depuis *F* jusqu'en *B*, & combien il y en a depuis *E* jusqu'en *A*: la somme des deux nombres donnera la hauteur. S'il y a, par exemple, 35 degrés depuis *F* jusqu'en *B*, & 15° 12' depuis *E* jusqu'en *A*, la hauteur sera de 50° 12', & on en aura le complément ou la distance au Zénith, en voyant les deux nombres qui sont en-dehors des mêmes marteaux, depuis *B* jusqu'en *G*, & depuis *A* jusqu'en *D*.

475. Il est bien clair que cet instrument doit produire à peu près le même effet, que si l'arc *DE* étoit prolongé vers le haut, & s'il mesuroit seul l'angle *SCA*, que forme le rayon du Soleil avec la ligne de niveau *AH*. Cependant l'observation seroit plus exacte dans ce second cas; car la hauteur entiere seroit mesurée avec une égale exactitude;

au lieu que s'il y en a une portion *AE* qui est mesurée avec précision, l'autre portion *FB* doit se ressentir de la petitesse des degrés de l'arc *FG*. Je suis très-persuadé qu'il y auroit à gagner du côté de l'exactitude, si l'on donnoit à l'instrument une grandeur moyenne entre celle des deux arcs.

476. La construction ordinaire de cet instrument me paroît sujette à plusieurs défauts, qui viennent principalement de ce que les marteaux sont amovibles. Je voudrois qu'on fixât d'une manière inébranlable celui du centre, ou du moins qu'on y substituât une pinnule à charnière pour la commodité, & qu'on posât, au lieu des deux autres marteaux, deux pinnules sur deux alidades de cuivre qui rouleraient autour du centre; qu'on arrêtât fixement le verre convexe qui sert à former une image du Soleil après l'avoir bien centré; qu'on mît des limbes de cuivre sur les deux arcs, & particulièrement sur celui de 60 degrés; que le rayon de celui-ci fût au moins de 10 à 12 pouces, & celui de l'arc de 30 degrés de deux pieds; que la division de l'arc de 60 degrés fût faite par des traits fins marqués de 10 en 10 degrés seulement; que son alidade portât un biseau sur lequel on auroit tracé un trait fin, qu'on feroit concourir sur un de ceux qui marquent les degrés sur l'arc, & qu'on arrêteroit dans cette situation par le moyen d'une vis; qu'enfin sur l'arc de 30 degrés, on marquât les minutes par une division de Nonnius pratiquée sur son alidade.

477. Cet instrument, une fois bien construit & bien vérifié à terre, auroit l'avantage d'être moins sujet aux accidents qu'en arrivant que trop souvent aux Quartiers de Réflexion, les rendent inutiles pour le reste du voyage. C'est pourquoi on ne doit pas négliger de se pourvoir de celui dont nous venons de parler, pour les cas de besoin.

478. Dans l'usage des instruments à pinnules, tels que celui-ci, ceux qui ont la vue courte doivent mettre un verre concave entre leur œil & la pinnule, pour voir distinctement l'Horizon de la Mer, l'ouverture de la pinnule du centre, & l'image du Soleil. Ce verre n'est autre chose que celui dont ceux qui ont la vue courte ont coutume de se servir.

479. Avant que d'embarquer cet instrument, il faut vérifier la position du verre convexe à l'égard de la ligne de foi, ou du rayon sur lequel il est posé. Pour cela, lorsque l'Horizon de la Mer est placé avantageusement, & que la hauteur du Pôle du lieu où l'on est, a été exactement déterminée par de bons instruments astronomiques, on peut voir par des observations faites en des jours différents, corrigées de la réfraction & de l'élévation de l'œil, si ce Quartier donne toujours cette même hauteur du Pôle à une minute ou deux près, tantôt par excès tantôt par défaut. S'il donne constamment quelques minutes ou par défaut, de sorte qu'on soit assuré par-là qu'il fait paroître les hauteurs

184 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.
du Soleil trop grandes ou trop petites, d'une certaine quantité moyen-
entre toutes les différences qu'on aura trouvées, on s'en servira pou
corriger toutes les hauteurs qu'on observera en Mer.

I V.

*De la construction, de la vérification, &
de l'usage de l'Octans ou Quartier
de Réflexion.*

480. Le Quartier de Réflexion est le plus parfait des
instruments qu'on ait imaginés jusqu'ici pour la Mer. On
l'appelle aussi *Octans*, parce qu'il est la huitième partie de
la circonférence; mais il est divisé en 90 parties, & il est
équivalent à un quart de cercle, à cause de la propriété com-
mune aux miroirs qu'on fait entrer dans sa construction.

481. On fait qu'un rayon de lumière qui tombe obli-
quement sur un miroir parfaitement plan, rejaillit du côté
opposé, & fait, avec la surface du miroir en s'éloignant,
un angle exactement égal à celui qu'il faisoit en frappant le
miroir. Si *AB* (*Fig. 46.*) est une plaque de métal parfaite-
ment unie, ou si c'est une glace étamée, & qu'un rayon de
lumière *SC* la frappe en faisant un angle *SCA*, qui soit,
par exemple, de $20^{\circ} 1'$, ce même rayon rejaillira ou se ré-
fléchira selon *CL*, & l'angle *BC L* sera aussi précisément de
 $20^{\circ} 1'$. La direction *CL* que suit le rayon de lumière dans
sa réflexion, sera toujours située exactement par rapport au
miroir & par rapport à la perpendiculaire *CE*, de la même
manière qu'est situé le rayon incident qui frappe le miroir
selon *SC*. Tout ce qu'il y a de différence, c'est que ces deux
directions *SC* & *CL* sont situées des deux côtés opposés de
la perpendiculaire *CE*. Le rayon *SC* se réfléchit selon *CL*,
& un rayon qui viendrait frapper le miroir selon *LC*, se ré-
fléchirait selon *CS*. Ainsi la lumière, quoique sujette à un dé-
tour, trace exactement le même chemin, soit qu'elle aille
dans un sens, ou qu'elle aille dans le sens contraire.

482. Il suit de tout ce que nous venons de dire, que *Fig. 46.*
 l'on change le miroir de situation, pendant que le corps
 lumineux *S* reste dans le même endroit, le rayon *CL* qui
 est renvoyé par le miroir, recevra dans sa direction un chan-
 gement double du changement de situation du miroir. Si
 on abaisse l'extrémité *A* en élevant l'extrémité *B*, & que la
 perpendiculaire *CE* au miroir fasse avec *SC* un angle *SCE*
 plus petit d'un degré, le rayon de réflexion *CL* changera
 aussi de situation : il fera avec *CE* un angle *ECL* plus petit
 d'un degré, & par conséquent l'angle total *SCL* aura di-
 minué de deux degrés. Ce fera la même chose si on fait
 tourner le miroir dans un autre sens, si on abaisse l'extré-
 mité *B*, & qu'on élève l'extrémité *A* : la perpendiculaire
CE s'écartera du rayon incident *SC*; mais comme *CL* doit
 aussi s'écarter de *CE*, parce que les deux angles de part &
 d'autre de la perpendiculaire doivent toujours être parfaite-
 ment égaux, il s'ensuivra que l'angle *SCL* formé par le
 rayon qui se réfléchit, & par celui qui frappe le miroir, se-
 rera plus grand, & que l'augmentation qu'il recevra,
 sera de 10 ou 12 degrés, si le miroir a simplement été in-
 cliné de 5 ou 6 degrés vers *B*.

483. Cela supposé, nous pouvons faire concevoir fort
 aisément la construction & l'usage de l'Octans. La *Fig. 47* *Fig. 47.*
 représente cet instrument qui a 18 ou 20 pouces de rayon.
 Il y a sur le côté *CB* de cet instrument une pinnule *O*, ou
 une courte lunette, à laquelle on applique l'œil. Un petit
 miroir de glace *NF* est posé sur le côté opposé *CA*, & situé
 perpendiculairement au plan de l'instrument. Cette petite
 glace n'est étamée que dans la partie la plus voisine du côté
CA, & l'autre moitié est sans étain; ou bien elle est étamée
 dans toute sa surface, excepté en un espace vers le milieu,
 qui forme une espece de fente transparente, ce qui donne la
 facilité, lorsqu'on applique l'œil en *O*, de voir l'Horizon au
 travers de cette partie transparente de la glace, en visant
 selon *OH*. L'Observateur peut, outre cela, voir en même
 temps l'Horizon sur la partie étamée du même miroir, parce
 qu'il y a une alidade ou regle mobile *CD*, qui tourne autour

du centre C , & qui porte un autre miroir plus grand LG lequel est parallele au petit miroir NF , lorsque la regle mobile est située sur le premier point de la graduation, comme elle l'est dans la *Fig. 47*. Pendant que l'instrument est ainsi disposé, l'Horizon qui se peint sur le grand miroir LG , se peint une seconde fois sur le petit miroir NF , le premier miroir renvoyant l'image au second ; & de cette sorte l'Observateur voit comme deux Horizons, exactement côté l'un de l'autre, & ne formant qu'une seule ligne droite. Il voit directement l'un selon OH par la partie de la glace NF qui est transparente, & il voit l'autre sur la partie étamée, les rayons de lumière ayant fait le chemin $KMNO$ pour parvenir à son œil. Malgré le double détour de la lumière selon $KMNO$, l'œil est frappé précisément de la même manière que si elle ne venoit que du point N , excepté que son éclat est un peu affoibli ; on doit donc rapporter la seconde image à ce même point.

484. Si l'alidade ou la regle mobile CD se trouve effectivement sur le premier point D des divisions de l'instrument, lorsque l'Observateur voit les deux Horizons convenir dans une seule & même ligne droite, c'est une marque que les deux miroirs, le petit NF , & le plus grand LG sont bien disposés. Ces deux miroirs sont alors exactement paralleles ; car les deux lignes KM & HO , vont se rencontrer si loin, qu'on peut les confondre ou négliger la petite quantité dont l'une est au-dessus de l'autre proche de l'instrument, & elles sont également inclinées par rapport aux deux miroirs. La perfection de la construction de l'instrument est cause qu'on s'apperçoit de la moindre irrégularité dans leur situation. Souvent lorsqu'on visera à l'Horizon par la ligne OH , & qu'on changera la situation de la regle mobile jusqu'à ce que l'image de l'Horizon qu'on voit dans le petit miroir NF , réponde à l'Horizon vu directement par OH , la regle mobile ne se trouvera pas en D sur le point Zéro des divisions, & alors il faudra corriger l'erreur, ou bien il faudra en tenir compte.

485. Il suffit de toucher aux supports des miroirs pour

se redresser ; mais on pourra , si on veut , les laisser dans l'état où ils se trouvent , en se contentant de voir quel est l'effet que leur mauvaise situation doit produire sur l'observation de la hauteur. Si la règle mobile marque 2 ou 3 minutes , lorsqu'elle devrait marquer zéro , il n'y aura qu'à se ressouvenir que l'Instrument *donne trop* , & il suffira ensuite d'ôter 2 ou 3 minutes de toutes les hauteurs qu'il fournira. Si au contraire la règle mobile se trouve en dehors des divisions , si elle marque 2 ou 3 minutes en sens contraire vers l'Horizon vu directement selon OH , & l'Horizon vu par une double réflexion , conviennent parfaitement , & lorsque l'alidade devrait donc marquer zéro ; il faudra se ressouvenir que l'Instrument *donne trop peu* , & dans ce cas il faudra ajouter 2 ou 3 minutes à toutes les hauteurs qu'on observera , pendant que l'Instrument sera dans le même état. On doit remarquer que chaque fois qu'on observe , il faut avoir recours à cet examen préparatoire , ou à cette *vérification* , qui est absolument nécessaire , & qu'on doit faire avant l'observation.

486. Il arrive encore que lorsqu'on fait la vérification dont on vient de parler , l'Horizon vu directement sur la partie non étamée du petit miroir paroît incliné à celui qu'on voit sur la partie étamée par la réflexion qui en a été faite sur le grand miroir. C'est alors une marque que le petit miroir n'est pas perpendiculaire au plan de l'Instrument ; il faut le redresser à l'aide d'une vis placée pour cet effet sur le pied de la monture du petit miroir. Une autre manière de reconnaître ce défaut est de regarder le soir pendant le crépuscule quelque Astre brillant , & faire mouvoir l'alidade un peu en-deçà & au-delà du point zéro de la division : alors si la position des deux miroirs à l'égard du plan de l'Instrument est parfaitement la même , l'image de l'objet réfléchi du grand miroir sur le petit paroîtra passer sur l'objet vu directement au travers de la partie non étamée , & pourra le couvrir exactement. S'il y a quelque différence dans ces positions , l'image passera à droite ou à gauche de l'objet. Il faudra donc redresser le petit miroir comme on l'a dit. Il

faut même commencer par - là , avant que d'observer combien l'Instrument donne trop ou trop peu.

487. La perfection de l'Octans ou du Quartier de Reflection dépend presque entièrement du grand miroir , qui doit être parfaitement plan , & s'il est de glace , il faut que ses deux faces soient exactement parallèles entre elles : le défaut de parallélisme multiplie les images apparentes du Soleil , & nuit à la précision des observations. Il faut encore que l'alidade ne souffre aucun jeu en tournant sur le centre C. En général , si cet instrument est bien construit , il peut donner les hauteurs du Soleil à une minute ou deux près sur-tout si on a soin de réitérer celles qui peuvent l'être comme sont celles qu'on prend à midi.

488. Mais une partie essentielle de cet Instrument , sur-tout lorsqu'on veut l'appliquer à d'autres observations qu'à celles du Soleil. *Fig. 47.* c'est la lunette qui doit être placée en O (*Fig. 47.*) à la place de la pinnule. Pour tirer le meilleur parti de cette lunette , il faut la construire comme une grosse lorgnette d'Opéra , c'est-à-dire , lui donner un objectif de 10 pouces de foyer & de 25 à 30 lignes de diamètre. Son oculaire doit être un verre concave ou plan concave de 3 pouces & demi ou 4 pouces de foyer. L'ouverture de l'objectif doit être de 24 à 28 lignes de diamètre , celle de l'oculaire de 2 à 3 lignes au plus. Le tuyau peut être de bois couvert de chagrin ou de rouffette. L'oculaire doit être placé dans un tuyau mobile tenant à un frottement un peu rude , afin que l'Observateur puisse l'allonger au point qui convient à sa vue , & qu'il ne s'enfonce pas en choquant contre son visage. Il faut de plus que l'objectif soit bien centré selon l'axe du tuyau ; le tuyau doit être arrêté sur l'Instrument , de sorte que son axe soit parallèle au plan de l'Instrument & qu'il passe par le milieu de la ligne qui sépare dans le petit miroir la partie étamée de la partie transparente , ou par le milieu de la fente de ce miroir s'il en a une.

Observer la Hauteur par devant avec l'Octans Anglois.

489. En visant à l'Horizon par la ligne OH , & tenant l'Instrument toujours droit , si nous faisons glisser l'extrémité inférieure D de l'alidade d'une certaine quantité vers A , la perpendiculaire ME au grand miroir LG qui est attaché fermement à l'alidade , s'élèvera par l'extrémité E de

même quantité. Le rayon NO ne changeant pas de situa- Fig. 47.
 on, non plus que le petit miroir NF , la petite portion du
 rayon NM conservera aussi sa même direction. Mais si l'a-
 lidade a été avancée réellement vers A de 20 degrés, la
 ligne ME s'élèvera aussi de 20 degrés, l'angle NME de-
 viendra plus grand du même nombre; & comme l'angle
 NMK augmentera de la même quantité, la ligne KM , au-
 lieu d'être horizontale, comme elle l'étoit dans la première
 disposition de l'alidade, se trouvera élevée de 40 degrés
 vers K , ou du double du changement qu'on aura fait souffrir
 l'alidade. Si donc un Astre se trouve dans le Ciel à 40
 degrés de hauteur, il fera impression sur l'œil par la ligne
 MNO , & on le verra sur le petit miroir IF précisément
 à côté de l'Horizon qu'on voit par la ligne OH , au travers
 de la partie transparente de la petite glace IF . L'Astre aura
 40 degrés de hauteur, & cependant on n'aura fait avancer
 l'alidade ou la règle mobile que de 20 degrés vers A . Voilà
 pourquoi on donne une double valeur aux parties de l'arc
 AB , & qu'on le divise en 90 degrés, quoiqu'il n'en con-
 tienne réellement que 45.

490. La Figure 48 représente l'Instrument, lorsque le Fig. 48
 Pilote observe la hauteur de l'Astre S vers lequel il faut qu'il
 se tourne. Pendant que l'alidade étoit sur le premier point
 de la graduation, on ne voyoit que l'Horizon au travers de
 la glace IF , & dans le petit miroir. On y visoit par la ligne
 OH , & les deux miroirs IF & LG le faisant voir une se-
 conde fois par la ligne $KMNO$, on le rapportoit au point
 O à côté de l'Horizon vu en ligne droite. Mais à mesure
 qu'on éloigne le bas de l'alidade du point B , la ligne MK va
 rencontrer les différents points du Ciel qui sont dans le verti-
 cal de l'Astre, elle les fait comme descendre successivement,
 puisqu'ils viennent paroître chacun à leur tour en N dans le
 petit miroir IF . Si on observe le Soleil; lorsque la ligne MK
 s'est élevée vers le point où est le Soleil, on commence à le
 voir paroître sur le petit miroir, & on continue de mouvoir
 l'alidade jusqu'à ce que le centre du Soleil paroisse précisé-
 ment de niveau avec l'Horizon qu'on découvre par la ligne

OH , & on a alors la hauteur du centre du Soleil, qui est marquée depuis B jusqu'en D , & le complément se trouve depuis A jusqu'en D .

491. L'observation se fait d'autant plus aisément, qu'il suffit de faire concourir le centre de l'Astre avec l'Horizon sans qu'il importe qu'on voye ces deux objets par un point un peu plus haut ou un peu plus bas de la glace IF , ni par conséquent qu'on soit obligé, comme dans l'usage des autres Instruments, de faire concourir l'Horizon & l'image du Soleil dans un point précis marqué sur l'Instrument, ce que le mouvement du Vaisseau rend très-difficile. Il suffit ici de s'assurer que l'Octans étoit sensiblement vertical pendant l'observation. Pour cela, en regardant toujours l'image du Soleil sur l'Horizon, on fait balancer légèrement le Quartier en l'inclinant un peu de droite à gauche & de gauche à droite : alors si le Soleil reste sensiblement à la même hauteur, son image vue dans le petit miroir paroît décrire un arc de cercle dont le point du Ciel où est le Soleil est le centre ; cet arc doit toucher l'Horizon dans le point où le vertical le coupe : ainsi à égales distances de part & d'autre de ce point, l'image du Soleil doit paroître également éloignée de l'Horizon ; dans ce point seul, elle doit concourir exactement avec l'Horizon ; & dans les points de l'Horizon voisins de celui-là, elle doit concourir sensiblement avec l'Horizon. On peut choisir le point du Soleil dont on veut avoir la hauteur. La plupart des Marins se servent du bord inférieur de l'image du Soleil au lieu du centre. Si l'Astre monte encore, il paroît monter dans le petit miroir IF , en se détachant de l'Horizon ; mais il suffit de faire avancer l'alidade vers le côté A , l'Astre se remettra sur l'Horizon, & la situation de l'alidade indiquera en D la hauteur dans ce second instant. Nous ne répétons pas qu'il faudra appliquer à cette hauteur la petite correction dont nous avons parlé dans les Numéros 484 & 486.

492. On attache vers P quelques morceaux de verre coloré, qui, étant renfermés dans un cadre, tiennent à l'Instrument par un petit bras qui a un jeu de charnière. Si

on veut observer le Soleil, & que l'éclat de cet Astre soit trop grand, on fait tomber ces verres colorés sur le chemin *AN*, que suivent les rayons, en allant d'un miroir à l'autre.

493. On observe de même la hauteur des Etoiles & des Planètes, quoiqu'avec un peu plus de difficulté, sur-tout dans la nuit close. Pour prendre l'habitude d'y réussir dans le besoin, voici comme il faut s'y prendre. Aussi-tôt qu'après le Soleil couché on pourra appercevoir dans le Ciel une nouvelle Etoile ou une Planète, on y pointera la lunette du Quartier de Réflexion, ayant mis l'alidade vers le point zéro de la division; alors on verra deux images de l'Astre, l'une directement au travers de la partie non étamée du petit miroir, l'autre par la réflexion du grand miroir sur le petit. On fera couler insensiblement l'alidade, & l'on suivra des yeux dans le petit miroir l'image réfléchie qui paroîtra descendre à mesure, & qui par ce moyen parviendra à l'Horizon de la Mer, auquel on l'assujettira en balançant légèrement l'Instrument comme on fait pour le Soleil. Si, tandis que l'Astre paroît descendre, le mouvement du Vaisseau le fait sortir du champ de la lunette, on cessera de faire couler l'alidade, & conservant la lunette à la même hauteur, on se tournera insensiblement à droite ou à gauche pour tâcher de retrouver l'image de l'Astre, laquelle rentrera dans le champ de la lunette si on n'a pas trop baissé ou élevé le Quartier tandis qu'on la cherchoit. Lorsqu'on aura réussi pendant le crépuscule à faire venir l'image d'un Astre sur l'Horizon de la Mer, il faudra recommencer cette même opération jusques le plus avant dans la nuit qu'on le pourra, & après quelques tentatives de la sorte, on acquerra l'habitude de faire l'observation dans la nuit close. Sur-tout si on se sert d'une lunette telle que je l'ai décrite (488); & si l'on a soin de tenir son œil dans une obscurité parfaite pendant quelques minutes avant l'observation, & pendant l'observation même. Je suppose encore qu'avant de l'entreprendre, on se soit assuré avec la lunette que le terme de l'Horizon de la Mer est suffisamment visible au-dessous de l'Astre.

Prendre Hauteur par derriere avec l'Octant Anglois.

494. Il n'a été question jusqu'à présent que de la maniere de prendre hauteur par devant; mais si l'Horizon étoit fort embrumé au-dessous de l'Astre, comme il arrive très-souvent, ou s'il étoit embarrassé par une terre dont on fût à très-peu de distance, il faudroit prendre hauteur *par derriere*, en tournant le dos à l'Astre; & l'Instrument pourroit encore servir, s'il est du nombre de ceux qui sont les plus composés. Il y a alors une pinnule *V*, (*Fig. 49.*) attachée au côté *CA*, & on y applique l'œil lorsqu'on veut prendre hauteur par derriere. Un petit morceau de glace, dont il n'y a qu'une moitié qui doit être étamée, comme dans le morceau de glace *NF* de la *Figure 48*, est placé en *RQ*, non pas dans une situation parallele, mais dans une situation perpendiculaire à celle que prend le miroir de métal *LG*, lorsque l'alidade *CD* répond au premier point de la graduation. On vise à l'Horizon par la ligne *VH*, au travers de la partie transparente du miroir de glace *RQ*, & on tire l'alidade *CD* à soi, jusqu'à ce que l'Astre dont les rayons de lumiere suivent le chemin *SMTV*, se peigne sur le miroir *RQ*, & réponde exactement en *T*, à côté de l'Horizon. On aura ensuite la hauteur depuis *B* jusqu'en *D*, comme dans l'autre maniere d'observer, & le complément depuis *D* jusqu'en *A*.

495. La *vérification* de l'Instrument se fait aussi à peu près comme dans l'autre observation; mais elle est un peu plus difficile. Lorsqu'on approche l'alidade *D* du premier point *B* des divisions, la ligne *MK* va rencontrer des points du Ciel moins élevés: elle descend par son extrémité *K*; & lorsque l'alidade est arrivée en *B*, il faut que cette ligne *MK* soit devenue parfaitement horizontale, & qu'elle aille se terminer exactement à l'Horizon derriere l'Observateur, en passant par-dessus sa tête. Ainsi on voit alors les deux points opposés de l'Horizon réunis en même temps en *T*,
supposé

supposé que l'instrument ne soit sujet à aucune erreur : on voit l'Horizon par la ligne droite VTH , & le côté opposé par la ligne $VTMK$, qui se détourne en M & en T à la rencontre des deux miroirs. Cette seconde image est renversée, c'est-à-dire, que la Mer paroît en haut, & le Ciel en bas ; & c'est la même chose lorsqu'on observe l'Astre, son bord supérieur en apparence est réellement le bord inférieur. Ce renversement des objets est produit par la situation qu'ont les deux miroirs l'un par rapport à l'autre. Pour revenir à l'opération de la vérification, nous ferons remarquer que si les deux points de l'Horizon qu'on découvre, étoient exactement à l'opposite l'un de l'autre & sur la même ligne droite qui passe par l'œil de l'Observateur, il faudroit, lorsqu'on les voit dans le même point T , que l'alidade marquât exactement *zéro* sur la graduation. Mais les deux lignes tirées de l'Observateur aux deux points opposés de l'Horizon, ne forment pas ensemble une seule ligne droite, & elles sont chacune inclinées de la même quantité, comme nous aurons occasion de le faire voir dans un moment d'une manière plus particulière. Lorsqu'on voit donc les deux Horizons réunis dans un même point T , il ne faut pas, pour que l'Octans soit bien disposé, que l'alidade marque *zéro* sur les divisions, mais qu'elle se trouve reculée vers B du double de l'inclinaison de l'Horizon.

496. Supposé qu'on soit élevé de 15 pieds quelques pouces au-dessus du niveau de la Mer, l'Horizon sera incliné de quatre minutes ; ainsi pour que les miroirs soient bien situés, il faudra que l'alidade marque 8 minutes vers B , ou au-dessous de *zéro*. Si elle ne marquoit pas tout-à-fait cette quantité, ce seroit une preuve que l'instrument augmente un peu les hauteurs, ou qu'il *donne trop*. Il donneroit trop, par exemple, de 3 minutes, si pendant la vérification, l'alidade ne marquoit que 5 minutes au-dessous de *zéro*, au lieu de marquer 8. Si au contraire l'alidade se trouve arrêtée sur 9 ou 10 minutes, l'instrument diminue trop les hauteurs, & il donne *trop peu* de 1 ou de 2 min. C'est effectivement diminuer trop les hauteurs, que de faire

paroître un objet encore plus bas qu'il ne l'est réellement. L'erreur une fois trouvée est la même dans toutes les autres observations, quoique l'objet soit plus ou moins haut, pourvu que l'instrument ne change point d'état, ou qu'on n'y touche qu'avec précaution.

497. Il résulte de ces opérations, qu'il est très-difficile & par conséquent peu sûr de prendre hauteur par derrière avec le Quartier de Réflexion ordinaire; on ne doit avoir recours à ce moyen que quand on ne peut faire autrement. Car si à la place de la pinnule O, (*Fig. 47 & 48*) on avoit une bonne lunette telle que je l'ai décrite (488), il n'y auroit gueres de brume assez épaisse pour cacher le bord de l'Horizon au-dessous du Soleil, la quantité prodigieuse de lumière que cette lunette admet, le rendra toujours visible, même le plus souvent pendant la nuit, pourvu qu'alors il soit bien net, & que l'Observateur ait resté long-temps dans l'obscurité, sans laisser entrer de lumière dans son œil.

Des autres Instruments à Réflexion.

498. Les Anglois ont varié en bien des manières l'instrument qui sert à observer sur Mer par le moyen de la Réflexion de la lumière. Nous ne pouvons pas en donner ici des descriptions détaillées. Ceux qui débitent ces sortes d'Instruments, ont coutume d'y joindre un imprimé qui contient les différentes manières d'en faire usage. Celui dont nous avons parlé ici, & qui est connu sous le nom de *Quartier de Hadley*, est un des plus simples & des plus commodes dans la pratique de toutes les observations qu'on peut faire en Mer.

De la Graduation des Instruments selon la Méthode de Nonius.

499. Enfin il reste encore à dire un mot d'une espece particulière de graduation, qui est employée le plus souvent dans les instruments nouvellement construits. Les de-

grés, au lieu d'être divisés par des lignes obliques ou transversales, le sont par une méthode connue sous le nom de *Nonius*; elle est extrêmement ingénieuse, & elle peut avoir son application dans beaucoup d'autres cas.

500. L'extrémité inférieure de l'alidade a une espèce d'empatement *VX* (Fig. 50.) qui touche toujours exactement contre l'arc de l'instrument, lorsqu'on fait glisser l'alidade. Cet empatement a des divisions qui ne sont pas égales à celles de l'instrument, & leurs différences réciproques tiennent lieu de nouvelles subdivisions. Si, par exemple, le degré est divisé sur l'arc de l'instrument en trois parties, ce qui les fera valoir chacune 20 minutes; & que l'espace de 6 degrés 20 minutes, au lieu d'être divisé sur l'extrémité de l'alidade en 19 parties égales, soit divisé en 20, chacune de ces dernières parties ne fera que de 19 minutes, si donc on fait répondre l'alidade précisément à zéro de la graduation, ou au commencement d'un certain degré, la première partie se terminera une minute moins loin que la première partie de l'instrument, puisqu'elle n'est que de 19 minutes, & que celle de l'instrument est de 20. La seconde division de l'alidade se terminera deux minutes moins loin que la seconde division de l'arc de l'instrument; la troisième trois minutes, &c. Ce qui donnera le même avantage que si le degré étoit divisé de minute en minute.

501. En effet, si l'alidade est disposée de façon que la fin de sa première partie s'accorde avec la fin de la première partie de l'arc qui est de 20 minutes, ce fera une marque que l'alidade, au lieu de répondre à zéro, ou au commencement précis d'une certaine division, répond à une minute de plus. Si c'est la fin de la seconde partie qui répond à la fin de la seconde, l'alidade répondra à 2 minutes, & on jugera de la même manière de la situation de l'alidade dans tous les autres cas.



V.

Qu'avec les Instruments dont on se sert en Mer, il est difficile, & quelquefois impossible, d'observer la Hauteur des Astres avec précision, lorsqu'ils sont trop près du Zénith.

502. Nous terminerons ce Chapitre par une remarque importante, en avertissant qu'il est difficile d'observer exactement la hauteur des Astres qui sont trop élevés. Il faut prendre des précautions infinies lorsqu'on veut obtenir à terre la hauteur précise d'un Astre qui n'est éloigné du Zénith que de 3 ou 4 degrés; parce que les moindres négligences ont alors des suites considérables. Mais une observation qui est très-délicate dans un observatoire stable, toutes les fois qu'on n'a pas pu se procurer d'avance les commodités nécessaires, doit être regardée comme bien plus difficile sur un vaisseau. Elle est impossible avec les Instruments ordinaires, tels que l'Arbalestrille & le Quart de Nonante; mais avec un Quartier de Réflexion bien construit selon ses véritables principes, suivant lesquels le plan du grand miroir doit être incliné d'environ 5 degrés à la ligne qui passe par le centre & par le milieu de l'alidade; avec un pareil Quartier, dis-je, on peut fort bien observer la hauteur du bord du Soleil le plus éloigné du Zénith, quand même le centre en seroit très-près. Il paroît que M. Bouguer qui a jugé la chose impossible, (voyez page 256 de l'in-4^o.), n'en avoit pas employé de meilleurs que ceux qui ont été faits par le sieur le Maire à Paris, où l'on négligeoit, entr'autres choses, la précaution que nous avons dite. Ce seroit au reste un grand inconvénient, que la chose fût impossible, puisqu'il arrive souvent que l'on est obligé de faire route dans le sens d'un des Tropiques, tandis que le Soleil y est. Dans le retour des Indes & de la Chine aux

Isles de France & de Bourbon, qui se fait dans les mois de Novembre, Décembre & Janvier, il faut nécessairement courir long-temps à l'Ouest par 21 degrés de latitude australe, ayant toujours le Soleil à 2 ou 3 degrés du Zénith.

CHAPITRE III.

Des Corrections qu'il faut appliquer à l'Observation de la Hauteur des Astres.

PREMIERE CORRECTION.

De l'Inclinaison de l'Horizon de la Mer.

503. **L'**HORIZON de la Mer, dont se servent les Pilotes, ne fournit pas une ligne exactement de niveau. On est élevé, par exemple, dans un Navire de 10 ou 12 pieds au-dessus de la surface de la Mer: il faudroit donc, au lieu de viser à la séparation apparente de la Mer & du Ciel, regarder plus haut au moins de 10 ou 12 pieds, pour avoir une ligne exactement horizontale. Nous disons qu'il faudroit au moins regarder plus haut de la même quantité. C'est ce qu'il faudroit faire, si la Terre étoit parfaitement plate, & s'il falloit attribuer à la foiblesse de notre vue le peu d'étendue de ce cercle que nous nommons *Horizon visuel*, que nous voyons autour de nous lorsque nous sommes en pleine Mer. Mais comme la surface de la Terre est courbe, & qu'elle descend, pour ainsi dire, tout autour de nous, l'Horizon dont se servent les Marins est encore plus défectueux par cette raison; & si on est élevé de 10 ou 12 pieds dans le Navire, il faudroit regarder environ 20 ou 24 pieds au-dessus de l'extrémité apparente de la Mer, pour avoir une ligne exactement de niveau.

504. Supposé qu'on fût placé en *A* (Fig. 51.) sur le sommet d'une montagne qui fût haute d'environ trois quarts

Fig. 51.

de lieue , comme l'est à peu près le pic de Ténérife , l'inclinaison du rayon visuel AH seroit de 1 degré 55 minutes ; l'arc EBF représente une partie de la circonférence de la Terre , dont C est le centre , & le point H est l'extrémité apparente de la Mer , qui seroit alors éloignée de l'Observateur A de plus de 40 lieues. Il est vrai que lorsqu'on est dans un Navire , le défaut de l'Horizon visuel dont se servent les Marins , ne va gueres qu'à 4 ou 5 minutes ; mais puisqu'on est bien sûr que ce défaut est réel , & que nous pouvons en déterminer la quantité fort aisément , nous ne serions pas excusables si nous négligions d'y avoir égard.

505. Lorsqu'on observe la hauteur *par-devant* , l'Astre doit paroître plus haut de toute la quantité dont l'Horizon s'incline ou s'abaisse au-dessous de l'Astre. Il faut donc dans ce cas retrancher de la hauteur observée , l'inclinaison de l'Horizon , ou , ce qui revient au même , il faut ajouter cette inclinaison à la distance au Zénith. Si on trouve , par exemple , en observant *par-devant* , que la hauteur de l'Astre est de 55 degrés 15 minutes , & qu'on soit élevé de 24 pieds au-dessus de la Mer , on trouvera dans la petite Table que nous insérons ici , qu'il faut retrancher cinq minutes pour l'inclinaison de l'Horizon. Ainsi on aura 55 degrés 10 minutes pour la hauteur de l'Astre , & 34 degrés 50 minutes pour le complément , ou pour la distance de l'Astre au Zénith.

506. Mais ce sera tout le contraire , & la hauteur de l'Astre sera trouvée trop petite , si l'on observe *par derriere*. Car l'Observateur qui tourne le dos à l'Astre S , & qui regarde la ligne AH comme horizontale , la prolonge sans y penser derriere lui , & il se trompe donc de toute la quantité dont cette ligne s'élève en K , au-dessous de l'Astre. Ainsi lorsqu'on prend hauteur *par derriere* , il faut ajouter à cette hauteur l'inclinaison de l'Horizon , ou , ce qui revient au même , il faut retrancher cette inclinaison , du complément de la hauteur.

507. Parmi les Tables qui sont à la fin de ce Traité , on en trouve une (page 13) qui sert à faire la correction

nécessaire, avec la Règle pour s'en servir. Cette Table s'étend beaucoup plus qu'il ne faut pour un Vaisseau; mais elle peut servir à terre, lorsque l'Horizon est bordé par la Mer, en mesurant, à quelques pieds près, la hauteur de l'œil au-dessus de la surface de la Mer. En la calculant nous avons eu égard à la réfraction, c'est-à-dire, à la courbure que souffre le rayon visuel AH , qui se plie considérablement dans son trajet, pour peu qu'il soit long.

II. CORRECTION.

De la Réfraction Astronomique.

508. La courbure dont nous avons parlé plus haut, que souffrent les rayons de lumière, est très-considérable, lorsqu'ils ont à traverser obliquement toute l'épaisseur de l'air qui environne la Terre. Il s'en faut beaucoup que ces rayons ne nous viennent en lignes droites, ils se courbent sensiblement en avançant vers nous; ce qui arrive principalement lorsque nous regardons les Astres qui sont vers l'Horizon. On nomme *Réfraction Astronomique*, ce détour que souffrent les rayons de lumière, qui fait que la plupart des Astres ne sont pas exactement dans la place où ils nous paroissent être. La Réfraction les élève en apparence; & on fait par une infinité d'observations certaines, que lorsqu'ils nous paroissent à l'Horizon, ils sont réellement 32 ou 33 minutes au-dessous. Lorsque le Soleil ou la Lune se lève ou se couche, la partie inférieure de ces Astres souffre plus de réfraction que le haut, ou paroît plus élevée à proportion; & c'est ce qui est cause que ces Astres prennent alors à notre vue une forme ovale.

509. Dans les Régions où l'air est plus dense, les Réfractions doivent y être un peu plus fortes; & elles sont aussi, toutes choses d'ailleurs égales, un peu plus grandes en Hyver qu'en Eté. On peut, dans l'usage de la Navigation, n'avoir point égard à cette différence, & se servir toujours de la petite Table qu'on trouve à la page 13 des Tables à l'usage de la Navigation, qui sont à la fin de ce

Traité. Puisque la réfraction élève l'Astre en apparence , faut nécessairement la retrancher de la hauteur , ou bien l'ajouter au complément qui est la distance au Zénith. Lorsqu'on se contente de calculer les minutes sans fraction on négligera les décimales qui sont dans cette Table.

III. CORRECTION.

Du demi-Diametre du Soleil.

§ 10. Lorsqu'on se sert du Quartier Anglois où l'image du Soleil formée par un verre , s'ajuste dans un petit cercle décrit sur le marteau du centre , l'observation que l'on fait , donne la hauteur du centre du Soleil , & alors on n'a pas besoin de cette troisième correction ; mais lorsqu'on se sert du Quartier de Réflexion , & que l'on aime mieux faire toucher le bord de l'image du Soleil par l'Horizon de la Mer , que de mettre par estime le centre du Soleil sur cet Horizon ; alors il faut corriger son observation par le demi-diametre du Soleil : on en trouve la Table & son usage parmi les Tables à l'usage de la Navigation qui sont à la fin de ce Traité , (page 13.)

CHAPITRE IV.

Moyens de trouver en Mer la Latitude ou la hauteur du Pole.

PREMIER MOYEN.

Par la Hauteur méridienne des Astres.

§ 11. **I**L est facile de déterminer la latitude de l'endroit où l'on est , lorsqu'on peut observer la hauteur méridienne des Astres , dont on connoît d'ailleurs la déclinaison. Or , on reconnoît qu'un Astre a atteint sa hauteur méridienne ,

lorsqu'il est dans la ligne N & S qu'indique la Bouffole corrigée de la variation.

512. *Un Astre qui se leve & se couche, ne peut être vu dans le Méridien qu'une seule fois en 24 heures. Il y arrive, lorsqu'après s'être élevé de plus en plus sur l'Horizon depuis son lever, il cesse de monter, & va pendant quelques instants parallèlement à l'Horizon, pour commencer ensuite à descendre vers son coucher.*

513. *Un Astre qui est assez près du Pole élevé sur l'Horizon de l'Observateur pour ne se lever ni se coucher, & qui par conséquent reste sur l'Horizon pendant tout le tour qu'il fait en 24 heures autour du Pole, cet Astre, dis-je, passe au Méridien deux fois en 24 heures. L'une, lorsque cessant de monter, il est prêt à redescendre, & l'autre lorsque cessant de descendre, il est prêt de remonter. Dans ce dernier cas, il est à sa plus petite hauteur possible, & il se trouve alors précisément au-dessous du Pole, entre le Pole & l'Horizon.*

514. La plupart des Marins employent dans le calcul de leur latitude la distance de l'Astre au Zénith au lieu de sa hauteur; cela revient au même, puisque l'une est complément de l'autre. Nous nous en servirons par préférence.

515. Connoissant donc par observation la distance méridienne d'un Astre au Zénith, & sachant de plus sa déclinaison, qu'on trouve dans les Tables calculées exprès, pour en conclure la hauteur du Pole ou la latitude du lieu où l'observation aura été faite, il faut suivre cette Règle générale, qui comprend quatre cas différents.

516. I°. Si l'Astre étoit au moment de l'observation entre l'Horizon & le Pole, ajoutez sa distance au Zénith avec sa déclinaison, & ôtez cette somme de 180 degrés.

517. II°. Si l'Astre étoit entre le Pole & le Zénith, ôtez sa distance au Zénith de sa déclinaison.

518. Si l'Astre a été observé dans la partie du Méridien qui est opposée à celle où est le Pole, ou si l'Observateur a dû tourner le dos au Pole pour avoir l'Astre en

face; alors, ou la déclinaison de cet Astre est de même dénomination que la latitude de l'Observateur, ou bien elle est de différente dénomination, c'est-à-dire, l'une boréale & l'autre australe. Ainsi

519. III°. Si la déclinaison de l'Astre & la latitude de l'Observateur sont de même dénomination, c'est-à-dire, si elles sont toutes deux du même côté de l'Equateur, ajoutez ensemble la distance de l'Astre au Zénith & sa déclinaison.

520. IV°. Si la déclinaison de l'Astre & la latitude de l'Observateur sont de différente dénomination, ôtez la déclinaison de l'Astre de sa distance au Zénith.

521. Pour rendre raison de ces quatre Regles, supposons que le Cercle $HZOQ$, (Fig. 29.) représente le Méridien céleste, le demi-cercle HZO la partie qui est sur l'Horizon représenté par HO ; que EQ représente l'Equateur céleste: soit N le Pole, Z le Zénith. La latitude est l'arc NO qu'il s'agit de trouver. Or (114) l'arc NO est égal à l'arc ZE . Cela posé, dans le premier cas, l'astre est vers K : donc on ajoute sa distance au Zénith ZK à sa déclinaison QK , on aura l'arc QKZ , dont la différence avec 180 degrés est l'arc ZE . Dans le second cas, l'Astre est vers G ; ôtant sa distance au Zénith ZG de sa déclinaison EG , reste ZE . Dans le troisième cas, l'Astre est vers F . Si donc on ajoute sa distance au Zénith ZF à sa déclinaison EF , on a ZE . Dans le quatrième cas, l'Astre est vers D ; donc on ôte sa déclinaison ED de sa distance au Zénith DZ , reste ZE .

Applications des Regles précédentes à quelques Exemples.

522. EXEMPLE I. Supposons que le 29 Novembre 1764, un Pilote qui est au Nord de la ligne, & qui s'estime par 290 de longitude à compter de l'Isle-de-Fer selon la manière ordinaire, observe à midi en tournant le dos au Pole boréal pour avoir le Soleil en face, que la distance apparente du Zénith au bord du Soleil le plus voisin de l'Horizon de la Mer, est de $36^{\circ} 18'$. On demande quelle est sa latitude. Lorsqu'il fera midi dans la mer du Sud, par 290 degrés de longitude, il fera plus de midi à l'Isle-de-Fer. Le navire fera par 70 degrés de longitude occiden-

par rapport à l'Isle-de-Fer, ou de 90 degrés par rapport à Paris qui valent $6^h 0'$: ainsi il sera à Paris 6^h du jour, lorsqu'il sera midi sur le navire, supposé qu'il soit entré dans la mer du Sud par le Cap Horn ou par le Détroit de Magellan. Je calcule d'abord l'ascension droite du Soleil pour le 29 Novembre 1764 à 6^h à Paris, je la trouve de $16^h 25' 22''$, à laquelle répond une déclinaison australe de $21^{\circ} 41'$, 2 : Je tombe donc dans le quatrième cas de la Règle précédente, & je fais ainsi mon calcul....

Distance au Zénith observée	$36^{\circ} 18'$
Inclin. de la Mer à la haut. de 15 pieds .	4,0 Add.
Réfraction pour 36 degrés	0,8 Add.
Semi-diametre du Soleil le 29 Nov. ..	16,3 Soustr.
Donc dist. vraie du centre du Sol. au Zén.	$36^{\circ} 6', 5$
Déclinaison australe soustractive	$21^{\circ} 41', 2$
Donc latitude Nord du Navire	$14^{\circ} 25', 3$

523. EXEMPLE II. En 1768, un Pilote étant au Sud de la ligne, ayant bien réglé sa montre, & calculé (423) l'heure du passage de Sirius au Méridien, il en observe la hauteur à ce moment, il la trouve de $68^{\circ} 28'$. Pour voir cette Etoile, il étoit obligé de tourner le dos au Pole élevé sur son Horizon, c'est-à-dire, au Pole Sud ; on demande la latitude du Navire.

524. Les observations des Etoiles dispensent de connaître le jour de l'observation, & la longitude du lieu où elles ont été faites ; parce que leur déclinaison est sensiblement la même pendant tout le cours d'une année. Ainsi il suffit de chercher la déclinaison de Sirius, laquelle doit être de $16^{\circ} 24', 5$ vers le Sud, selon la Table qui est dans le Recueil à la fin de ce Traité, (page 1), & ayant égard à sa variation en déclinaison pour les 8 années écoulées depuis 1760. Le Pilote est donc dans le troisième cas de la Règle générale, & par conséquent il doit faire ainsi son calcul.

Hauteur apparente observée	68° 28',0	
Donc dist. au Zénith	21 32',0	
Inclin. de la Mer	4,0	Add.
Refraction pour $21^{\circ} \frac{1}{2}$	0,4	Add.
Donc distance corrigée	21 36,4	
Déclin. australe de Syrius	16 24,5	Add.
Donc latitude australe	38 0,9.	

525. EXEMPLE III. En 1766, un Pilote étant dans partie Nord du Monde, trouve la distance apparente *la Chevre* au Zénith de $83^{\circ} 27'$ lorsque cette Etoile étoit précisément au-dessous du Pole. On demande la latitude du Navire.

Selon la Table des positions des Etoiles, la déclinaison de *la Chevre* doit être en 1766 de $45^{\circ} 44'$ boréale : on tombe donc dans le premier cas de la Règle générale, & par conséquent il faudra faire ainsi le calcul.

Dist. au Zénith observée	83° 27',0	
Inclinaison de la Mer	4,0	Add.
Refraction pour 83 degrés $\frac{1}{2}$	7,7	Add.
Donc distance corrigée	83 38,7	
Déclin. de l'Etoile	45 44,0	
Somme	129 22,7	
Otez-la de	180 0,0	
Reste la latitude cherchée	50 37,3	

II. MOYEN.

Par les hauteurs d'un Astre prises hors du Méridien.

526. Il arrive souvent que le Soleil ayant été couvert de nuages à midi, pendant plusieurs jours de suite, on n'a pu observer la latitude, lors même qu'il est de la dernière importance de la connoître, soit pour éviter un danger, soit pour atterrir. Dans ce cas, nous allons expliquer une manière d'avoir cette latitude presque aussi sûrement que si on avoit vu le Soleil dans le Méridien, pourvu qu'on en puisse

prendre trois hauteurs dans le voisinage du midi & dans l'intervalle environ une heure. Si donc le temps se dispose à se couvrir, alors la hauteur méridienne doit être fort grande, comme de plus de 45 degrés, ou assez petite comme d'environ 20 degrés. Dans le premier cas, l'intervalle entre la première & la dernière observation ne peut pas excéder une heure : dans le second, il peut être d'une heure même.

27. On observera donc trois hauteurs du Soleil le plus exactement qu'on pourra, en marquant à une montre l'heure, la minute & la fraction de minute, si le temps ne permet pas d'attendre que l'angle des minutes soit précisément sur une division. L'intervalle entre chaque observation doit être de 15, 20, 25 ou même 30 minutes. Si on peut faire en sorte que les deux intervalles de temps soient égaux, le calcul de la latitude sera beaucoup plus court; ce sera le premier cas que nous expliquerons. Si le temps trop variable ne permet pas de prendre des hauteurs du Soleil à des intervalles de temps égaux, le calcul sera plus long, & nous l'expliquerons dans le second cas. Il peut encore arriver que le Soleil ne se découvre que deux fois avant midi, & une fois après; ou une fois avant midi, & deux fois après : le calcul sera le même que dans les deux cas précédents. Enfin il se peut que le Soleil ayant été toujours couvert avant midi, vienne à se découvrir tout-à-fait, ou à paroître de temps en temps peu après midi, & ce cas revient encore au même que les premiers. Ainsi, pour plus de sûreté, lorsque le temps sera incertain, on prendra autant de hauteurs du Soleil qu'on pourra dans l'intervalle de dix heures & demie à midi; & si le Soleil se trouve couvert à midi, on continuera à l'observer jusqu'à ce qu'on ait quatre ou cinq observations, qu'on pourra prendre trois à trois, pour les calculer selon la méthode suivante, tant pour avoir plus de précision en prenant un milieu entre le plus grand nombre de résultats, que pour être plus tranquille sur l'exactitude de sa hauteur du Pole, lorsqu'on verra que tous ces résultats s'accorderont. Enfin, pour s'exercer au calcul, & pour vérifier la bonté de cette méthode, on peut la pratiquer lors même que le Soleil est le plus clair à midi.

28. I. CAS. *Etant données trois distances apparentes du Soleil au Zénith, prises à intervalles égaux de temps aux environs de midi, trouver celle qu'on eût observée à midi.* On pourroit faire à chacune les corrections nécessaires pour les réduire aux distances vraies; mais cela est indifférent : le résultat du calcul donnera la distance méridienne apparente, si l'on y a employé des distances apparentes, & la distance vraie si l'on y a employé les distances vraies.

29. *Règle générale.* Prenez la différence entre la plus grande des trois distances au Zénith, & la distance intermédiaire; appelez-la le *premier excès*. Prenez la différence entre cette même plus grande distance & la plus petite, & appelez-la le *second excès*. Du quadruple du premier excès ôtez le second excès pour avoir un *premier reste*; duquel premier reste ôtez encore le second excès pour avoir un *second reste*.

206 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

Multipliez le premier reste par lui-même, & divisez-en le produit le quadruple du second reste, le quotient de cette division sera le nombre de minutes qu'il faut ôter de la plus grande distance au Zénith observée, pour avoir la distance méridienne.

530. Par exemple :

Temps à la montre.	Dist. observée.
à 11 ^h 2'	38° 43'.
11 20	37 12.
11 38	36 17.

Le premier excès est 91, le second 146. De 364, quadruple de 91 j'ôte 146, & j'ai 218 pour premier reste. De 218 j'ôte 146, & j'ai pour second reste. Je multiplie 218 par lui-même, j'ai 47524 que je divise par 288, quadruple de 72, j'ai pour quotient 164, qui fait 2° 44' qu'il faut ôter de 38° 43' pour avoir la distance telle qu'on l'a observée à midi, 35° 59'.

531. Si le quotient de la division se trouvoit égal au second excès, ce seroit signe que la plus petite distance au Zénith auroit été prise à midi ou fort approchant, & seroit par conséquent la hauteur méridienne. Si des trois distances deux consécutives étoient égales, ce seroit signe que midi se seroit passé au milieu de leur intervalle. Alors la règle générale se réduiroit à celle-ci : Otez d'une de ces deux distances la huitième partie de sa différence avec la plus grande, & vous aurez la distance méridienne : comme si les distances observées étoient 46° 32', 45° 4', 45° 4', la distance méridienne seroit 44° 53'. Mais si c'étoit la première qui fût égale à la troisième, alors la seconde distance seroit la méridienne. Enfin si les trois distances sont inégales, & qu'on ne soit assuré que midi se fût passé dans quelqu'un des deux intervalles de la première à la dernière, parce que dans l'une on auroit observé le Soleil tandis qu'il montoit encore, & dans l'autre on l'auroit observé tandis qu'il descendoit, alors le midi se seroit passé dans l'intervalle des deux distances consécutives qui seroient les moins inégales. Dans quelque manière que cela arrive, il faudra toujours suivre exactement la même règle générale.

532. Autre exemple.

Temps à la montre.	Dist. observée.
à 11 ^h 39'	62° 20'
12 7	62 1
12 35	62 48.

Dans cet exemple le premier excès est 47, le second 28. Le premier reste est 160, le second 132. Il faut donc diviser 25600 par 528 & le quotient 50 étant ôté de 62° 48' donne 61° 58' pour la distance méridienne cherchée.

533. II. CAS. Etant données trois distances au Zénith, prises à des intervalles quelconques de temps voisin du midi, trouver la distance méridienne.

Appellez *premier intervalle* la différence des temps marqués à la montre entre l'observation de la plus grande des trois distances au Zénith & celle de la distance intermédiaire. Appellez *second intervalle* la différence des temps entre la première & la dernière observation. Appellez *premier excédent* la différence entre la plus grande distance au Zénith & la distance intermédiaire. Appellez enfin *second excès* la différence entre la première & la dernière distance au Zénith. Cela posé, prenez le produit du premier excédent par le second intervalle, ôtez-en le produit du second excès par le premier intervalle, cherchez le logarithme de la différence, ôtez-en le logarithme du second intervalle, & vous aurez le logarithme d'une *première quantité*. Prenez la différence entre le premier intervalle & la moitié du second, cherchez le logarithme de cette différence, doublez ce logarithme, & ajoutez le double au logarithme de la première quantité. De leur somme ôtez successivement le logarithme du premier intervalle, & le logarithme de la différence du second intervalle au premier, le reste sera le logarithme d'une *seconde quantité*. A la moitié du second excès ajoutez la première & la seconde quantité, & vous aurez enfin un nombre que vous appellerez *premier excès*; après quoi suivez exactement la règle du premier cas, comme si les intervalles de temps entre les observations eussent été égaux.

534. I. EXEMPLE. Supposé qu'on ait observé...

à la montre. Dist. au Zénith.

à 10^h 47' 48° 31'
 II 10 47 48
 II 38 47 20.

Le premier intervalle sera 23, le second 51. Le premier excédent sera 43, & le second excès 71. Le produit de 43 par 51 est 2193 : le produit de 23 par 71 est 1633. La différence est 560 dont le log. est .74819, ôtant 1.70757 log. de 51, reste 1.04062 log. d'une première quantité, laquelle est par conséquent 11 à très-peu près. La différence entre 23 & 25 $\frac{1}{2}$ moitié de 51 est 2 $\frac{1}{2}$, son log. est 0.39794, & son double 0.79588; l'ajoutant à 1.04062, on a 1.83650 : j'en ôte 1.36173 log. de 21, reste 0.47477 : j'en ôte encore 1.44716 log. de 28, reste .02761 log. de la seconde quantité, laquelle ne vaut que $\frac{1}{10}$ de min. De sorte qu'ajoutant ensemble 35 $\frac{1}{2}$, 11, & $\frac{1}{10}$, on a 46,6 pour la valeur du *premier excès*. De son quadruple 186 (car on peut négliger la fraction qu'il y faudroit joindre à la rigueur,) j'ôte 71 & j'ai 115 pour premier reste; j'en ôte encore 71, & j'ai 54 pour second reste. Le produit de 115 par 115 est 13225, je le divise par 136 quadruple de 34, j'ai pour quotient 97 ou 1° 37', que j'ôte de 48° 31', reste 1° 54' pour la distance méridienne du Soleil au Zénith.

535. II. EXEMPLE. Qu'on ait observé...

à la montre. Dist. au Zénith.

à 11^h 37' $\frac{1}{2}$ 51° 8'
 II 52 $\frac{1}{4}$ 50 55
 O 24 $\frac{2}{3}$ 51 24.

Le premier intervalle est $32' 25''$, le second $47' 10''$. Le premier excédent est 29, le second excès 16. J'ajoute 1.46240 log. de 29. 1.67364 log. de $47' 10''$ (qu'on trouve en retranchant le log. de 60 du log. de $47' 10''$ ou $2830''$ pour éviter les trop grands nombres, leur somme est 3.13604 log. de 1368, produit de 29 par $47' 10''$. J'ajoute de même le log. de 16 à celui de $32' 25''$ (qui est 1.51077) & j'ai 519 pour produit de 16 par $32' 25''$. Je prends 849 différence de ces produits; de son log. 2.92891 j'ôte 1.67364 log. de $47' 10''$, reste 1.25527 log. de 18 première quantité. La différence de $32' 25''$ & $23' 35''$ moitié de $47' 10''$, est $8' 50''$, dont le log. est 0.94612. A son double 1.89224 j'ajoute 1.25527, & de la somme 3.14751, j'ôte successivement 1.67364 log. de $32' 25''$, & 1.16879 log. de $14' 45''$ reste 0.50485 log. de 3,2 seconde quantité. Ajoutant donc 8, moitié du second excès, 18 première quantité, & 3,2 seconde quantité, j'ai 29,2 pour premier excès. De son quadruple 117 j'ôte 16, & j'ai 101 pour premier reste. De 101 j'ôte 16, & j'ai 85 pour second reste. Je multiplie 101 par 101, & je divise son produit 10201 par 340 quadruple de 85. Je trouve pour quotient 30, que j'ôte de $51^{\circ} 24'$, & j'ai enfin $50^{\circ} 54'$ pour la distance du Soleil au Zénith que j'eusse observé à midi.

536. Il est aisé de voir que cette méthode peut s'appliquer à tout autre Astre que le Soleil; & que pourvu que le Navire ne change pas de route, ni considérablement de vitesse, dans l'intervalle des observations, il n'y a aucune réduction à faire à cause du mouvement du Vaisseau.

Remarques sur quelques autres moyens proposés par différents Auteurs pour trouver la Latitude.

537. On trouve dans plusieurs Livres divers moyens de découvrir la latitude, en observant les Astres, lorsqu'ils sont vers l'Orient ou vers l'Occident, à une certaine distance du Méridien. La chose est très-possible dans la spéculation, & on pourroit aussi sans doute la pratiquer quelquefois à terre. Le cas est différent lorsqu'on est en Mer; & d'ailleurs il me paroît que toutes ces méthodes peu directes ou peu naturelles, sont superflues pour trouver la latitude, sur-tout si l'on joint aux observations du Soleil, celles des Planètes & des Etoiles. Supposé que le Soleil passe trop près du Zénith, pour qu'on soit assuré d'observer exactement sa hauteur, il n'y aura qu'à avoir recours aux autres Astres.

538. Ces mêmes méthodes sont peu exactes, par la même raison qu'elles ne sont pas assez directes. On peut s'en appercevoir aisément en les examinant avec un peu d'attention; & d'ailleurs nous nous en sommes assurés par notre propre expérience. Plusieurs Auteurs ont proposé,

proposé, par exemple, d'observer la hauteur d'un Astre dans le moment où il paroît être exactement dans le même vertical qu'un autre Astre; & ils ont cru que cette méthode étoit très-facile dans la pratique, parce qu'elle n'exigeoit de la part d'un des Observateurs qu'un instrument bien simple, savoir, un fil à plomb. Mais si ces deux Astres sont voisins l'un de l'autre, il arrivera que pendant plus d'une demi-heure ils paroîtront assez exactement dans le même vertical, (sur-tout lorsque l'Observateur sera près du Pole; car sous le Pole même, deux étoiles qui sont dans le même vertical y restent toujours); & qu'ainsi la circonstance choisie ne donnera rien de déterminé. Si au contraire les deux Astres sont à une distance considérable l'un de l'autre, on ne verra pas du même coup d'œil, on ne pourra pas les rapporter exactement au fil à plomb; & outre cela la longueur de ce fil contribuera à faire augmenter l'agitation que le Navire lui communiquera continuellement.

539. On a proposé aussi d'observer la hauteur d'un Astre deux fois vers l'Orient ou vers l'Occident, & de mesurer avec une montre le temps écoulé entre les deux observations. Mais il faut que l'intervalle soit au moins de deux ou trois heures, & on n'est pas sûr de l'obtenir en Mer, à plusieurs secondes près, quelque exacte que soit l'horloge dont on se sert. Tout considéré, il s'agit de découvrir la grandeur de l'arc du Méridien intercepté entre le Zénith & l'Equateur; & il est certain qu'il n'y a pas de meilleur moyen d'y parvenir dans la pratique, que de se servir des Astres lorsqu'ils passent au Méridien. Si on emploie ce moyen direct, on ne doit pas craindre que les erreurs de l'observation se multiplient: supposé qu'on se trompe de deux ou trois minutes sur la hauteur de l'Astre, l'erreur ne sera que de la même quantité sur la latitude. Ce ne seroit pas la même chose si les Navigateurs adoptoient les méthodes indirectes dont nous les avertissons de ne pas se servir. Il leur faudroit faire plusieurs observations; & la moindre erreur qu'ils commettroient sur chacune, leur en produiroit presque toujours d'extrêmement grandes sur la latitude.



CHAPITRE V.

Construction du Chassis de Réduction , avec lequel on supplée au Calcul Trigonométrique par des opérations Graphiques.

540. **L**ES CALCULS que le Pilote doit faire pour connoître sa latitude par la hauteur méridienne des Astres , se réduisent , comme on a vu (515) , à de simples additions ou soustractions. Il n'en est pas de même de ceux dont il a besoin dans les autres pratiques de son art. Il faut qu'il y employe (66) ou le calcul Trigonométrique , ou des Tables toutes dressées , ou des opérations graphiques , c'est-à-dire , des constructions de figures faites sur le papier avec la Regle & le compas , pour suppléer aux deux moyens précédents. Afin d'être en état d'enseigner ici l'usage de ces trois méthodes à la fois , il nous faut décrire une espece d'Instrument , que tout Pilote peut construire à terre à son loisir , ou faire dessiner par un Constructeur , & que j'appellerai *le Chassis de Réduction*. Cet Instrument est principalement destiné à la recherche des longitudes sur Mer par le moyen de la Lune ; mais si le Pilote n'avoit pas occasion de l'employer à cette recherche , sa construction seroit beaucoup plus simple , comme on le remarquera dans la suite.

541. Pour construire ce *Chassis de Réduction* , il faut être muni de quelques compas à pointes bien fines dont l'un ait au moins six pouces ; de quelques regles bien dressées , dont l'une ait environ deux pieds de longueur , & de crayons fins de mine de plomb. Il faudra prendre un carton lissé le plus plan qu'il sera possible , ou bien une planche bien dressée , sur laquelle on aura collé proprement trois ou quatre feuilles de papier en forme de couches l'une sur l'autre , faisant ensorte qu'il n'y ait ni plis ni jointure d'une feuille

avec une autre , en un mot que le tout forme une surface bien unie.

542. Les moindres dimensions du plan sur lequel il faut construire un châssis de réduction doivent être de 22 pouces sur 17 , telles que sont celles des cartons lissés ordinaires. Les plus grandes dimensions ne doivent pas excéder 30 pouces sur 23. Un châssis plus grand donneroit à la vérité des résultats plus exacts ; mais il seroit d'un usage d'autant plus incommode sur Mer. Je supposerai donc qu'on veuille construire un châssis sur un plan qui ait 22 pouces de longueur & 17 de hauteur. Dans ce cas , la figure sur laquelle j'ai représenté ici (voy. *Planche V.*) toutes les échelles qui composent le châssis , est réduite au tiers. Elle seroit réduite au quart à l'égard d'un plan qui auroit 30 pouces sur 23.

543. Il faut d'abord faire à part une petite échelle , où l'on marquera pour un pouce , une mesure égale à la 22^e partie de toute la longueur du plan sur lequel on veut construire le châssis. Il faut voir ensuite si la hauteur de ce plan contient 17 de ces mêmes mesures : si elle est trop petite pour cela , il faudra prendre pour la mesure d'un pouce , la 17^e partie de toute la hauteur du plan. Enfin on divisera cette mesure en douze parties égales , qu'on prendra pour les lignes du pouce. A l'aide de cette espece de pouce divisé , on appliquera facilement tout ce que nous allons dire à la construction du châssis de réduction sur le plan proposé.

544. Il est nécessaire de suivre scrupuleusement les regles que l'on va donner , & de prendre exactement toutes les dimensions qu'on va indiquer , afin que toutes les parties qui composent le châssis soient dans une juste proportion , & placées sans confusion.

Construction du Cadre du Châssis.

545. Tirez une droite occulte (c'est-à-dire , à la mine de plomb) , à un demi-pouce de distance du bord supérieur du plan au carton. J'appellerai cette droite *le bord supérieur du Châssis.*

546. Prenez une ouverture de compas de trois lignes d'étendue, ou de sorte que douze fois cette ouverture fasse une longueur de 3 pouces 3 lignes à très-peu près. Portez cette ouverture 77 fois $\frac{1}{2}$ le long de cette droite, en commençant à un demi-pouce du bord du plan, & en allant de droite à gauche. Marquez toutes ces divisions, & les cotez de cinq en cinq comme vous voyez dans la figure. Ecrivez au-dessus le titre *Echelle de modules & de la différence, &c.* J'appelle ces divisions *des modules*, parce qu'elles servent à régler la plupart des dimensions du chassis, & afin d'éviter l'équivoque en parlant d'autres divisions qui servent aussi à déterminer quelques autres dimensions. Marquez à l'encre l'étendue de ces 77 $\frac{1}{2}$ modules, & renfermez dans un petit cercle le point qui sert de commencement à ces modules, afin de le distinguer des autres dans les usages auxquels on l'employera. Je l'appellerai *le premier point du Chassis de Réduction.*

547. De ce premier point du chassis tirez en en-bas une perpendiculaire à la droite divisée qui fait le bord supérieur, & qui soit longue de 60 modules. Je l'appellerai *le côté droit du Chassis.* Tirez-en une de même & de même longueur à l'autre bout & au point marqué $1^{\circ} 17\frac{1}{2}$. J'appellerai celle-ci *le côté gauche du Chassis.* Joignez les deux extrémités inférieures de ces côtés par une droite que j'appellerai *le bord inférieur du Chassis.* Il est peu important que les deux côtés du chassis soient exactement perpendiculaires aux deux bords; il est seulement nécessaire que les deux bords soient exactement égaux entre eux, & les deux côtés aussi exactement égaux entre eux.

548. Divisez le bord inférieur du chassis en 120 parties égales, pour représenter deux heures divisées en minutes; cotez-les, & mettez-y le titre *Temps que la Lune, &c.* comme dans la Figure.

549. Prenez une ouverture de compas de $17\frac{2}{5}$ modules: portez-la sur les deux côtés du chassis depuis le bord inférieur. Divisez cet intervalle en 45 parties égales, écrivez à côté les nombres & le titre *Mouvements de la Lune, &c.* tel que vous le voyez dans la Figure.

Ainsi le cadre du chassis de réduction sera fini. Vous ouvrez encore l'entourer d'une ligne simple ou double, pour lui servir de bordure.

Construction de l'Echelle, intitulée : Echelle de Minutes de la correction de la Parallaxe.

550. A 2 modules $\frac{1}{2}$ & à 24 modules au-dessus du bord inférieur du chassis, marquez deux points sur chacun des côtés, & tirez par ces points deux parallèles occultes, (ou à la mine de plomb.) Marquez sur chacune un point éloigné du côté gauche du chassis de 2 modules $\frac{1}{2}$, & joignez ces deux points par une droite occulte.

551. Prenez une ouverture de compas d'un peu moins qu'un demi-module, & de sorte que 15 fois cette ouverture fasse une longueur de 7 modules ou tant soit peu moins. Sur chacune des deux parallèles en partant de la dernière droite tirée, portez dix fois vers la droite cette ouverture de compas. Prenez ensuite une ouverture égale à ces dix divisions, portez-la six fois au-delà, & vous aurez deux parallèles occultes divisées de la même manière. Marquez à l'encre celle d'en bas, en la terminant aux extrémités de ces divisions; cotez ces divisions, & mettez-y le titre *Echelle de minutes de la*, &c. comme vous voyez dans la Figure.

552. Sur la droite occulte tirée à 2 modules $\frac{1}{2}$ du bord, marquez un point à la distance de $42\frac{1}{2}$ divisions de l'échelle de minutes. Cotez ce point du nombre 53. Tirez de ce point une droite à l'extrémité de l'échelle marquée 60, & par les divisions correspondantes des deux parallèles, tirez des droites terminées à cette dernière, comme vous voyez dans la Figure. Faites celle qui passe par le point coté 5 un peu plus grosse que les autres, pour la faire distinguer. Enfin divisez la dernière cotée ici des nombres 62 & 53, en 9 parties inégales en allant de bas en haut, selon les nombres

suivants qu'il faudra prendre avec le compas sur l'échelle des minutes, savoir, $12\frac{7}{10}$, $18\frac{1}{5}$, $22\frac{3}{5}$, $26\frac{2}{5}$, $29\frac{9}{10}$, $33\frac{1}{5}$, $36\frac{2}{5}$, $39\frac{1}{2}$. Cotez ces points 61, 60, 59, &c, & mettez-y le titre *Minutes de la parallaxe horizontale de la Lune*, comme vous voyez dans la Figure.

Construction du Cercle divisé en ses Degrés.

553. A 30 modules de distance au bord inférieur du chaffis tirez-lui une parallèle occulte. Prenez une ouverture de 62 minutes de l'échelle de la parallaxe, & plaçant une pointe du compas sur la ligne précédente à un demi-module ou tout au plus $\frac{3}{4}$ de modules du côté droit du chaffis, prenez pour centre le point à gauche où tombera l'autre pointe sur la même ligne : décrivez le cercle, & marquez à l'encre la partie de la ligne occulte qui en est le diamètre. Divisez le cercle d'abord de dix en dix degrés, que vous coterez comme dans la Figure. Sur les divisions correspondantes au-dessus & au-dessous du diamètre, placez successivement une règle pour marquer sur ce diamètre des points que vous coterez, comme dans la Figure, avec le titre *Degrés d'azimut*. Enfin achevez de diviser le cercle dans tous ses degrés le plus exactement qu'il sera possible, & écrivez en dedans I^h, II^h, III^h, &c, de 60 en 60 deg. comme vous voyez dans la Figure.

Construction de l'Echelle de la mesure du mouvement des Astres en hauteur.

554. A $1\frac{1}{2}$ & à 33 modules de distance du bord inférieur du chaffis, tirez-lui deux parallèles occultes de 20 modules de longueur environ, en les comptant du côté gauche vers le côté droit. Prenez une ouverture de compas de 16 modules, & portez-la sur ces deux parallèles à compter du côté gauche du chaffis, afin d'y marquer deux points, dont celui qui est sur la ligne supérieure doit être coté 90. Joignez ces deux points par une droite. En allant de haut en

pas, marquez sur cette droite à 15 modules du point coté 90, un autre point que vous coterez 0; & en allant de gauche à droite, marquez sur la parallèle supérieure un autre point à 15 modules du point 90, & que vous coterez aussi 0. Joignez par une droite les deux points marqués 0, & vous aurez un triangle rectangle isoscele.

555. Prenez avec le compas sur l'échelle des modules les ouvertures suivantes $\frac{1}{4}$, $\frac{2}{10}$, 2, $3\frac{1}{2}$, $5\frac{1}{3}$, $7\frac{1}{2}$, $9\frac{7}{8}$, $12\frac{2}{3}$, & portez-les successivement sur les trois lignes qui suivent; 1°. Sur le côté vertical de ce triangle en montant de 0 vers 90, & cotez ces divisions 10, 20, 30, &c, avec le titre *Degrés de la hauteur du Pole*. 2°. Sur le côté horizontal en allant de 90 à gauche vers 0, cotez ces divisions 80, 70, 60, &c, avec le titre *Degrés d'Azimut*. 3°. Sur la parallèle inférieure occulte en allant de droite à gauche depuis le point marqué à 16 modules du côté gauche, afin d'avoir sur cette occulte des divisions correspondantes à celles du côté horizontal du triangle, par lesquelles on tirera les lignes verticales qu'on voit dans la Figure. Enfin par le point coté 0 sur le côté horizontal, & par tous les points marqués pour les degrés de la hauteur du Pole, on tirera des droites qui acheveront l'échelle.

Construction de l'Echelle qui donne la mesure de la Minute de Degré pour la correction de la Refraction.

556. A $2\frac{1}{2}$ & à 23 modules au-dessous du bord supérieur du chaffis, tirez-lui, depuis le côté gauche vers la droite, deux parallèles occultes d'environ 25 modules de longueur. Marquez sur chacune un point à 2 modules de ce côté: & depuis ce point marquez sur chacune, vers la droite, 13 autres points selon les distances suivantes, que vous prendrez sur les divisions de l'échelle des minutes de la correction de la parallaxe, savoir, $2\frac{1}{5}$, $4\frac{7}{10}$, $7\frac{2}{5}$, $10\frac{1}{5}$, $13\frac{1}{3}$, $16\frac{4}{5}$, $20\frac{2}{3}$, $24\frac{2}{3}$, $28\frac{7}{10}$, $32\frac{2}{10}$, $37\frac{1}{3}$, 42, $46\frac{4}{5}$. Cotez ces points sur

la parallèle supérieure, des nombres 70, 65, 60, &c, avec le titre *Degrés des hauteurs*, &c, comme vous voyez dans la Figure. Tirez par les points cotés 5 & 50 des droites occultes à leurs points correspondants dans la parallèle inférieure; faites cette ligne cotée 5, longue de $6\frac{1}{2}$ minutes prises sur la même échelle, & la ligne cotée 50 de 43 de ces mêmes minutes. Joignez les extrémités de ces deux lignes par une droite, & terminez-y les droites cotées 10, 15, 20, &c, tirées aux points correspondants de la parallèle inférieure occulte. Enfin divisez en dix parties égales les lignes cotées 5 & 50, & par les points de divisions tirez des droites comme vous voyez dans la Figure; cotez-les 0,1, 0,2, 0,3, &c, & mettez-y le titre *Dixiemes de la minute de la correction de la Réfraction*, & tout le chassis sera achevé.

557. REMARQUES. Si l'on ne destinoit pas ce chassis à la recherche des longitudes, mais seulement aux opérations graphiques du Pilotage, alors on n'auroit besoin ni de cadre, ni d'échelles pour la parallaxe & pour la réfraction, & tout se réduiroit, 1^o, à décrire sur un carton lissé, & à diviser un cercle de huit à neuf pouces de rayon en tous ses degrés sur sa circonférence, & son diamètre en degrés d'azimut, comme on a vu (553): 2^o. A faire une échelle de parties égales, à volonté, qui tiendroit lieu de l'échelle de *modules* pour construire l'échelle de la *mesure du mouvement des Astres en hauteur à chaque minute de temps*, en donnant 15 de ces parties égales à chacun des deux côtés qui forment l'angle droit de cette échelle. Quoiqu'il en soit, nous appellerons toujours un pareil cercle, avec ces deux échelles, le *Chassis de Réduction*.



CHAPITRE VI.

Moyens de déterminer l'Heure qu'il est , lorsqu'on est en Mer , & de regler avec exactitude les Horloges , soit par l'instant du Lever & du Coucher du Soleil , soit autrement.

558. **L**ORSQU'ON connoît la latitude de l'endroit où on est & la déclinaison du Soleil , il est facile de trouver , par un calcul exact , l'heure du lever & du coucher du Soleil ; ce qui sert à regler les Horloges ou Sabliers qu'on a dans les Vaisseaux. Quoiqu'on n'observe gueres la latitude qu'à midi , il est très-facile , par la connoissance de la route , & par le chemin qu'on peut avoir fait dans le Nord ou dans le Sud depuis la dernière observation , de connoître par quelle latitude on est le matin ou le soir. On enseignera dans le Livre suivant , l'opération nécessaire pour réduire de la sorte la latitude observée à midi à celle qu'on eût observée à l'heure pour laquelle on a besoin de la savoir.

I.

Usage de la Table des différences ascensionnelles du Soleil.

559. Connoissant la latitude du lieu où l'on est , & la déclinaison du Soleil au moment à peu près pour lequel on calcule ; on aura recours à la Table (qui est aux pages 13 & 14 ,) à la fin de ce Traité. Les degrés de déclinaison sont marqués en haut , & les latitudes ou hauteurs polaires sont marquées dans la première colonne. Dans le concours de la ligne où est marquée la latitude avec la colonne qui a en tête le degré de la déclinaison , on trouve des nombres qu'on

appelle *la différence ascensionnelle du Soleil*. C'est l'intervalle de temps entre six heures du matin & le lever, ou entre six heures du soir & le coucher du Soleil. Or, pour pourvoir qu'on sache de sçavoir, on n'ignore pas si le Soleil doit se lever avant ou après six heures, ou se coucher avant ou après six heures. En tout cas la règle générale est, le Soleil se leve toujours avant six heures & se couche après six heures, si la latitude du lieu & la déclinaison du Soleil sont toutes deux Sud ou toutes deux Nord. Il se leve toujours après six heures & se couche avant six heures, si la latitude du lieu n'est pas du même côté que la déclinaison, si l'une est Nord & l'autre Sud.

560. Si l'on est, par exemple, par 50 deg. de latitude septentrionale, & que la déclinaison du Soleil soit Nord de 15 degrés vers les 7 heures du soir, nous ajouterons 6 heures du soir les 1^h 14' qu'on trouve dans la Table, & nous aurons 7^h 14' pour l'heure à laquelle le Soleil se couchera ce soir-là. Il faut remarquer que ce n'est pas le lever & le coucher apparent du centre du Soleil, que la Table fournit. Elle nous indique le temps auquel le centre du Soleil se trouve réellement dans l'Horizon, & alors cet Astre nous paroît au-dessus de l'Horizon, à cause de la réfraction astronomique. Au moment du vrai passage du centre par le plan de l'Horizon, on voit entre l'Horizon de la Mer & le bord inférieur du Soleil, un espace un peu plus grand que son demi-diamètre.

561. Il faut donc, dans l'usage de cette Table, prendre pour l'instant du lever ou du coucher du Soleil, celui où son bord inférieur paroît tant soit peu plus au-dessus de l'Horizon de la Mer, que le centre du Soleil n'est au-dessus de ce bord; ou, ce qui revient au même, il faut prendre pour le vrai instant du lever ou du coucher du Soleil, celui où son centre paroît tant soit peu plus au-dessus de l'Horizon de la Mer, que n'est la grandeur apparente de son diamètre horizontal.

562. Mais parce qu'il est difficile de distinguer à la vue simple si le Soleil est à la hauteur apparente requise, pour

que son centre soit réellement dans l'Horizon, nous avons calculé une Table (page 16 du Recueil,) où l'on trouve à combien de minutes & de secondes de temps répond une variation d'un degré dans la hauteur du Soleil. Quelques exemples rendront facile l'usage de cette Table.

563. EXEMPLE I. Etant par 50 degrés de latitude & le Soleil ayant 15 degrés de déclinaison, (il n'importe de quel côté font la latitude & la déclinaison,) on a observé le moment à la montre où le Soleil a quitté l'Horizon de la Mer par son bord supérieur à $7^h 21' \frac{1}{3}$, on demande l'heure qu'il étoit réellement.

Lorsque le Soleil est réellement à l'Horizon il est $7^h 14'$; mais quand son bord supérieur se cache sous l'Horizon de la Mer, son centre est réellement $52'$ au moins au-dessous de l'Horizon céleste, à savoir, 32 à 33 pour la réfraction, $4'$ pour l'inclinaison de la Mer, & $16'$ pour le demi-diamètre du Soleil. Or dans la Table (page 16) on trouve qu'à la latitude de 50 deg. & pour la déclinaison de 15 deg. le Soleil à l'Horizon emploie $6' 48''$ à varier d'un degré en hauteur; donc à proportion il emploie $5' 54''$ à descendre de $52'$. Les ayant ajoutés à $7^h 14'$, on aura $7^h 19' 54''$ temps vrai au moment de l'observation. Ainsi la montre avançoit de $1' 26''$.

564. REMARQUE. En calculant directement (566) la différence ascensionnelle, on auroit le temps avec beaucoup plus de précision; on la trouveroit dans cet Exemple de $1^h 14' 29''$, & par conséquent le temps vrai de l'observation à $7^h 20' 23''$.

565. EXEMPLE II. Etant par 55 degrés de latitude Nord, & le Soleil ayant 21 degrés de déclinaison australe, on commence à appercevoir le matin son bord supérieur à l'Horizon de la Mer lorsqu'il est $8^h 10'$ à la montre. On demande l'heure précise.

On trouve, comme dans l'Exemple précédent, que le Soleil emploie $8' 55''$ de temps à varier d'un degré en hauteur: or lorsque son bord commence à paroître, son centre est réellement $52'$ au-dessous de l'Horizon céleste: donc à proportion il faut $7' 44''$ de temps pour que le centre du

Soleil arrive à cet Horizon : mais selon la Table (page 14) le Soleil devoit se lever à $8^h 20'$: donc l'heure vraie de l'observation s'est faite à $8^h 12' 16''$, ainsi la montre retarde de $2'\frac{1}{4}$.

I I.

Méthode du Calcul Trigonométrique de la Table des différences ascensionnelles.

566. Le calcul de la Table des différences ascensionnelles est facile. Si $H Z R z$ (Fig. 53.) représente le Méridien céleste ; $H R$ l'Horizon, P, p les Poles, Z, z le Zénith & le Nadir, $E Q$ l'Equateur céleste, $A L$ le parallèle céleste décrit par un Astre en 24 heures, il est clair, 1°. Que cet Astre se leveroit ou se coucheroit en F , selon que le point C représenteroit l'Est ou l'Ouest. 2°. Que le nombre des degrés du parallèle compris depuis le point A jusqu'au point F , étant réduit en temps, exprimeroit l'intervalle de temps entre celui du passage de l'Astre au Méridien en A , & celui de son lever ou de son coucher en F . 3°. Que si par P & par F on fait passer un arc de grand cercle PK , l'arc AF est de même nombre de degrés que l'arc $E K$ de l'Equateur, de sorte que ces deux arcs sont la mesure de l'angle $Z P F$, dont le complément est l'angle $C P K$: on peut donc calculer le nombre des degrés de l'arc $E K$ de deux manières, ou par le calcul de l'angle $Z P F$ dans le triangle sphérique $Z P F$, où l'on connoît $Z F$ de 90 degrés, $Z P$ complément de la hauteur du Pole, & $P F$ complément de la déclinaison $F K$; ou par le calcul du côté $C K$ dans le triangle sphérique $C K F$ rectangle en K , où l'on connoît la déclinaison $K F$ du parallèle, & l'angle $F C K$ de la hauteur de l'Equateur ou du complément de la latitude. La proportion pour calculer $C K$, qu'on appelle la différence ascensionnelle, est (145. 40.) celle-ci : Le rayon est à la tangente de la déclinaison, comme la tangente de la hauteur du Pole est au sinus de la différence ascensionnelle. 4°. Enfin il est clair que les calculs faits pour tous les parallèles qui sont d'un côté d'un des Poles, conviennent dans un ordre renversé à tous les parallèles correspondants qui sont du côté du Pole opposé, comme on le voit dans la Figure par les points p, z, a, l, g, f, k comparés aux points P, Z, A, L, G, F, K , en supposant que al est un parallèle céleste autant au-delà de l'Equateur que AL est en-deçà.

567. On peut même calculer la différence ascensionnelle, ou l'intervalle entre 6 heures & le lever ou le coucher, en y faisant entrer l'inclinaison de la Mer & la réfraction, & alors on auroit le vrai moment où l'Astre paroîtroit sur l'Horizon même : car puisque la réfraction est à l'Horizon de 32 min. & que sur un Navire ordinaire l'œil est élevé de 14 à 15 pieds au-dessus de l'eau, un Astre qui se trouve sur l'Horizon de la Mer doit être réellement 36 min. au-dessous : donc

ans le triangle sphérique ZPF on connoît les trois côtés, savoir, F de 90 deg. 36 min. ZP complément de la hauteur du Pole, & PZ complément de la déclinaison. Ainsi on peut calculer (160) l'angle FPZ , qui mesure le nombre de degrés de l'arc EK , dont le complément étant converti en temps, donnera l'intervalle demandé.

III.

Trouver l'heure du Lever & du Coucher du Soleil par le cercle du Chassis de réduction.

568. Supposé qu'on n'eût pas entre les mains la Table des différences ascensionnelles, on a plusieurs moyens assez faciles d'y suppléer. Voici celui où l'on y emploie le chassis de réduction.

569. Prenez la somme de la déclinaison de l'Astre & de la hauteur de l'Equateur; prenez ensuite leur différence. Lorsque la déclinaison sera de même nom que le Pole élevé, la somme sera la hauteur méridienne de l'Astre, & la différence sera son plus grand abaïssement sous l'Horizon: & lorsque la déclinaison ne sera pas de même nom que le Pole élevé, la différence sera la hauteur méridienne, & la somme sera le plus grand abaïssement. Sur les divisions du cercle du chassis de réduction, représenté par le cercle OGR A (Fig. 54.), marquez 2 points, l'un en A au-dessus de l'Horizon, selon la hauteur méridienne; l'autre en B au-dessous, selon les degrés du plus grand abaïssement, & tirez la droite AB . Par le point A de la hauteur méridienne, & par le centre F , faites passer un diamètre AG . Au point E où la ligne AB rencontre l'Horizon, élevez à AB une perpendiculaire EH , jusques à la rencontre du diamètre AG . Prenez avec le compas l'intervalle FH , & portez-le sur le diamètre AG , depuis F jusqu'en I , à l'opposite du point H . Prenez avec le compas l'intervalle IH , & portez-le deux fois de suite sur les divisions du cercle, en commençant au point marqué O & en allant dans le sens des heures. Alors en prenant les degrés de ce cercle pour des minutes d'heure, & en estimant

Fig. 54.

les secondes de temps à proportion , le point où tombera le compas à la deuxième enjambée , fera la différence ascensionnelle de l'Astre.

570. Si l'on veut savoir, comme dans l'Exemple précédent , en combien de temps le Soleil change sa hauteur réelle d'une quantité donnée , comme de 52 min. on remarquera à quel point des divisions de l'Horizon OR tombe le point B. Ce sera l'azimut du Soleil. Sur l'échelle du chaffis de réduction , intitulée *Echelle de la mesure du mouvement des Astres en hauteur à chaque minute de temps* , mettez la pointe d'un compas au point que vous estimerez convenir à la hauteur du Pole & à l'azimut du Soleil. Avec l'autre pointe rasez la droite qui termine le haut de l'échelle , en sorte que l'ouverture du compas mesure la distance de ce point au bord supérieur de l'échelle. Portez cette ouverture sur les divisions du bord supérieur du chaffis , en faisant , depuis le commencement de ces divisions , autant d'enjambées qu'il est nécessaire pour parvenir au nombre de minutes dont il s'agit , comme ici à 52 min. (Dans le cas de l'Exemple I on doit trouver près de 6 enjambées , & dans le cas du second Exemple on en doit trouver $7\frac{3}{4}$). Comptez autant de minutes de temps que vous ferez d'enjambées , estimant en fraction de minutes de temps la portion d'enjambée qu'il faut faire , pour achever d'embrasser toutes les minutes de variation en hauteur.

I V.

*Réflexion sur la méthode de trouver l'heure
en Mer par le Lever ou le Coucher
des Astres.*

571. Cette méthode n'est pas susceptible d'une extrême précision , parce que la réfraction astronomique est trop inconstante dans le voisinage de l'Horizon , c'est-à-dire , qu'à la même hauteur apparente , comme d'un demi-degré par exemple , elle est tantôt de 30' , tantôt de 25' , de 32' , &c.

elon la disposition actuelle de l'air , & des vapeurs qui font l'Horizon. On fait encore qu'elle est plus petite dans les pays chauds que dans les pays froids , & sur-tout vers l'Equateur que hors des Tropiques. Ainsi on ne doit gueres compter que sur environ une demi - minute de temps pour l'exactitude de la détermination de l'heure vraie , par le lever ou le coucher du Soleil , même en calculant la différence scensionnelle par les Tables de sinus , & en employant la Table page 16 , parce qu'il faut ajouter à l'inconstance des réfractions, quelque incertitude dans la latitude du lieu , & dans la déclinaison du Soleil , dont le calcul se règle sur la longitude estimée du même lieu.

V.

Trouver l'heure qu'il est par des opérations graphiques appliquées à l'observation d'une hauteur du Soleil.

572. Les Pilotes ont coutume de régler leurs Horloges sur le temps où ils cessent de voir le Soleil monter , & où ils croient qu'il est au Méridien , lorsqu'ils prennent hauteur : mais cette méthode est tout-à-fait défectueuse , parce que la hauteur du Soleil vers midi est sensiblement la même pendant un temps assez considérable : au lieu que ce n'est pas la même chose lorsque le Soleil est vers l'Orient ou vers l'Occident. Outre cela , l'opération que nous allons expliquer est fort exacte ; elle n'est ni longue , ni difficile , & il est à souhaiter que les Pilotes y soient bien exercés. Elle ressemble beaucoup à l'opération précédente.

573. Supposons qu'étant par la latitude de 40 degrés boréale , & par 27 degrés de longitude estimée à l'Ouest de Paris , j'aie observé le 18 Mai 1765 au matin la distance apparente du bord inférieur du Soleil au Zénith de $67^{\circ} 48'$, tandis que ma montre marquoit $6^h 48^{\frac{1}{2}}$; on demande l'heure qu'il est au Soleil , & l'erreur de la montre.

Je calcule, par les regles expliquées ci-dessus (418 & suiv.) ;

224 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.
la déclinaison du Soleil, que je trouve $19^{\circ} 36'$ boréal.
J'écris, (569)

Hauteur de l'Equateur.....	50° 0'
Déclinaison du Soleil.....	19 36
Somme. Hauteur méridienne.....	69 36
Différence & plus grand abaiffement..	30 24

Fig. 55. Sur le cercle du chaffis de réduction je marque (Fig. 55.) la hauteur méridienne en A , le plus grand abaiffement en B , je tire AB & le diametre AG : je marque sur les divisions du cercle deux points C, D au-dessus de l'Horizon RO , selon les degrés de la hauteur du centre du Soleil, corrigée comme on l'a expliqué, (ce doit être $22^{\circ} 21'$ complément de $67^{\circ} 39'$ distance au Zénith corrigée,) & je tire CD : par le point E de rencontre des droites AB, CD , j'éleve à AB une perpendiculaire EH jusqu'à la rencontre du diametre AG , je porte FH en FI ; je prends avec mon compas l'ouverture de $I H$: & lorsque le point H est au-dessus de l'Horizon RO comme ici, je fais avec cette ouverture deux enjambées en commençant au point O sur l'Horizon, & en allant à contre-sens des heures marquées sur ce cercle, savoir, la premiere de O en K , la seconde de K en L . Alors prenant les degrés de ce cercle pour des minutes de temps, & estimant les secondes de temps à proportion, je vois que le point L répond à $5^h 7' 15''$ à très-peu près. Ce temps est la vraie distance où étoit le Soleil à l'égard du Méridien au moment de l'observation, laquelle s'est faite par conséquent à $6^h 52' 45''$ du matin: ainsi la montre retardoit de $4' 15''$.

574. Si le point H s'étoit trouvé au-dessous de l'Horizon RO , j'aurois porté mes deux enjambées de compas depuis O dans le sens où sont marquées les heures, & j'aurois ajouté à $6^h 0' 0''$ le temps que j'aurois embrassé par ces deux enjambées.

575. Pour s'affurer de la justesse avec laquelle on a réglé sa montre, il est bon d'observer trois ou quatre hauteurs du Soleil, & de les calculer selon cette méthode.

VI.

Trouver l'heure qu'il est la nuit par de semblables opérations appliquées à l'observation de la hauteur d'une Etoile.

576. On pourra, par une opération semblable, déterminer l'heure vraie pendant la nuit, à l'aide d'une Etoile, par le moyen de sa hauteur observée, de sa déclinaison connue par la Table (page 1.), & de la latitude du lieu où l'observation aura été faite. Comme si le 8 Juillet 1761, tant par la latitude boréale de $32^{\circ} 12'$, & par une longitude estimée $38^{\circ} 30'$ à l'Ouest de Paris, on avoit observé la hauteur apparente de Regulus de $20^{\circ} 14'$ du côté de l'Occident, au moment où une montre marquoit $7^h 32^{\frac{1}{2}}$ du soir. Pour avoir l'heure vraie de cette observation, il faudroit opérer de la sorte. Prenez la déclinaison de l'Etoile $13^{\circ} 8'$ boréale, pour avoir, comme ci-dessus (573), la hauteur méridienne $70^{\circ} 56'$, & le plus grand abaiffement $44^{\circ} 40'$: marquez l'une en *A*, l'autre en *B* (Fig. 55.), tirez *AB* & *AG*: corrigez la hauteur observée (507 & 509), qui deviendra $20^{\circ} 7'$; marquez-la aux points *C* & *D*, & posant une regle sur ces points, ou bien tirant une ligne *CD* qui représente l'almicantarate de l'Astre, vous aurez le point *E* où *AB* est coupée. Elevez *EH* perpendiculaire sur *AB*, & portez *FH* en *FI*. Prenez l'ouverture *IH*, & portez-la en deux enjambées en *L*, qui tombera sur $4^h 57' 30''$ à peu près. C'est la distance de l'Etoile au Méridien comptée en temps solaire, c'est-à-dire, tel que le jour est de 24 heures réelles. Mais comme les Etoiles n'emploient qu'environ $23^h 56'$ à faire leur révolution journalière, il faut diminuer cette distance de la quantité dont le Soleil se meut ce jour-là en ascension droite dans l'espace de $4^h 57'$. On trouvera donc par les Tables III, IV & V (page 5 & 6) le surplus $1''$ qu'il faut ôter, de sorte que la distance vraie de l'Etoile au Méridien est de $4^h 56' 39''$.

Calculez (422) le temps vrai du passage de l'Etoile au Méridien du Navire que vous trouverez à $2^h 43' 33''$. Ajoutez-y la distance vraie de l'Etoile au Méridien, (Il faudroit l'en retrancher, si la hauteur de l'Etoile avoit été prise à l'Orient;) & vous aurez $7^h 40' 12''$ pour l'heure vraie de l'observation de la hauteur. Ainsi la montre retarde de $7' 42''$.

V I I.

Résoudre les deux Problèmes précédents par le Calcul Trigonometrique.

577. Quoique les opérations graphiques, détaillées dans les deux articles précédents, soient susceptibles d'une précision plus que suffisante pour les besoins de la Navigation, cependant il est bon de se servir du calcul trigonométrique pour avoir encore plus d'exactitude.

Fig. 56. La solution des problèmes précédents consiste à trouver la distance de l'Astre au Méridien. Si donc $H Z R$ (Fig. 56.) représente le Méridien, P le Pole élevé, $E Q$ une portion de l'Equateur, Z le Zénith, $H R$ l'Horizon, & S le lieu d'un Astre dans le Ciel; il est clair que dans le quart de cercle $Z P R$, l'arc $P R$ représentera la hauteur du Pole ou la latitude, son complément $Z P$ la distance du Pole au Zénith; & dans le quart de cercle $Z E H$, l'arc $E H$ sera la hauteur de l'Equateur, laquelle doit être égale au complément de la hauteur du Pole qui est $Z P$; & $E Z$, qui est la distance de l'Equateur au Zénith, doit être égal à la hauteur du Pole $P R$. Cela posé, le quart de grand cercle $Z A$, qui va du Zénith par l'Astre jusqu'à l'Horizon, sera un vertical (384) dont la partie $S A$ marquera la hauteur de l'Astre S sur l'Horizon, & le complément $S Z$ sa distance au Zénith. Le quart de grand cercle $P S D$, tiré du Pole par l'Astre S jusques à l'Equateur, est une portion de cercle de déclinaison, son arc $D S$ marque la déclinaison de l'Astre, & le complément $S P$ est la distance de l'Astre au Pole. De sorte qu'en considérant le triangle sphérique $Z P S$, on voit aisément, 1^o, Que l'angle $Z P S$ formé au Pole, & qui mesure l'arc $E D$ de l'Equateur, ou l'arc $L S$ du parallèle de l'Astre, exprime la distance de l'Astre au Méridien: 2^o, Que l'angle $P Z S$, formé au Zénith, est le supplément de l'angle $S Z E$ qui mesure l'arc $H A$ de l'Horizon, lequel arc $H A$ est l'azimut de l'Astre (386). Nous n'examinons point l'angle $Z S P$, qu'on appelle l'angle de position, ou l'angle du vertical avec le cercle de déclinaison, quoiqu'il soit fort utile dans plusieurs calculs astronomiques. En résumant tout ce qu'on vient de dire, on voit que le triangle sphérique $S Z P$ contient cinq choses d'usage dans la Navigation, savoir le côté $Z P$ le complément de la latitude, le côté $P S$ le complément de la déclinaison de l'Astre, le côté $Z S$ sa

distance au Zénith, l'angle ZPS sa distance au Méridien, & l'angle PZS le supplément de son azimut; & par conséquent trois de ces cinq choses étant données, on peut calculer celle des deux autres qu'on voudra par la regle de la trigonométrie sphérique.

578. Après cette exposition générale, nous trouverons facilement le cas que nous avons à résoudre; savoir, étant données la distance d'un Astre au Zénith, sa déclinaison, & la hauteur du Pole, trouver sa distance au Méridien, puisque c'est chercher l'angle ZPS par les trois côtés connus. La regle générale du calcul nécessaire pour cela est au n°. 160. On peut la réduire à cette regle particulière, que nous appliquerons à l'Exemple de l'article précédent, où l'on suppose la latitude boréale de $32^{\circ} 12'$, la distance de Regulus au Zénith, observée & corrigée, $69^{\circ} 53'$, & sa déclinaison $13^{\circ} 8'$ boréale.

579. Pour avoir la distance d'un Astre au Méridien par le moyen de sa hauteur observée, de sa déclinaison connue & de la hauteur du Pole, écrivez d'abord, comme dans la Figure ci-contre, la distance vraie de l'Astre au Zénith; écrivez au-dessous le complément de la hauteur du Pole, & à côté son logarithme de sinus; écrivez encore au-dessous le complément de la déclinaison de l'Astre, & à côté son logarithme de sinus. (Or il faut bien remarquer que lorsque la déclinaison de l'Astre n'est pas du même côté

Dist. vraie Et. au Zén.	$69^{\circ} 53'$	Log. Sinus.
Complém. Latitude.	$57^{\circ} 48'$	9.92747
Complém. Déclin. Et.	$76^{\circ} 52'$	9.98849
Somme	$204^{\circ} 33'$	19.91596
Moitié.	$102^{\circ} 16\frac{1}{2}'$	
Premier Excès.	$44^{\circ} 28\frac{1}{2}'$	9.84546
Second Excès.	$25^{\circ} 24\frac{1}{2}'$	9.63252
		$20.$
Somme des Sinus des Excès.		39.47798
Somme des Sinus des Complém.		19.91596
Reste		19.56202
Moitié		9.78101
C'est le Log. Sinus de		$37^{\circ} 9'\frac{1}{4}$
Dont le double		$74^{\circ} 18\frac{1}{2}'$
Est la distance au Méridien requise.		

les deux logarithmes de sinus. Ajoutez ensemble les trois arcs, prenez la moitié de leur somme: de cette moitié ôtez d'abord le complément de la latitude, & à côté de ce premier excès mettez son logarithme de sinus. De cette même moitié ôtez le complément de la déclinaison, & à côté de ce second excès écrivez le logarithme de son sinus. Ajoutez ensemble ces logarithmes de sinus des excès avec la caractéristique 20, (qu'on peut ajouter, sans l'écrire expressément, comme nous avons fait ici.) De cette somme, ôtez la somme des logarithmes de sinus des compléments de la latitude & de la déclinaison; prenez la moitié du reste, ce sera le logarithme de sinus d'un arc, qu'il faut chercher dans les Tables, puis

le doubler, & l'on a enfin l'arc de la distance de l'Astre au Méridien que l'on cherche. Le résultat de ce calcul donne ici $74^{\circ} 18' \frac{1}{2}$ qu'il faut convertir en temps, ce qui donne $4^h 57' 14''$.

V I I I.

*Réflexions sur la méthode de trouver l'heure
en Mer par l'observation de la hauteur
des Astres.*

580. Cette méthode est sans contredit la meilleure & la plus simple qu'on puisse employer sur Mer; il seroit même très - utile que l'usage de régler tous les jours les montres, dont les Officiers sont munis, s'introduisît dans la Marine, afin de ne pas manquer les occasions de faire quelque observation utile, & de s'entretenir dans l'exercice des observations & des calculs. Mais pour avoir des résultats exacts, il faut, 1^o, Que lorsqu'on observe l'Astre, son mouvement en hauteur soit fort sensible, c'est-à-dire, qu'il s'élève ou s'abaisse au moins de 3 ou 4 minutes de degrés à chaque minute de temps; il faut donc pour cela que, si le Navire est hors des Tropiques, l'Astre soit au moins éloigné de deux heures du Méridien, & que sa déclinaison n'excede pas 60 degrés. Si le Navire est en dedans des Tropiques, on peut observer l'Astre un peu plus près du Méridien, surtout s'il a peu de déclinaison; mais alors sa grande hauteur en rend l'observation difficile, à moins que ce ne soit le Soleil. En général, plus l'Astre est éloigné du Méridien & voisin du premier vertical, plus l'observation de sa hauteur est propre à faire trouver le temps vrai avec précision.

581. 2^o. Il faut que l'Astre ne soit pas aussi trop près de l'Horizon, parce que la réfraction astronomique n'y est pas toujours la même, & qu'elle y est fort incertaine; on peut observer les Astres à cinq ou six degrés de hauteur & au-dessus.

582. 3^o. Il faut faire une réduction exacte de la route faite Nord & Sud par le Navire depuis le moment qu'on a eu une latitude exacte, jusques à celui où l'on a observé la

hauteur de l'Astre, afin d'avoir, avec le plus de précision qu'il est possible, la hauteur du Pole qui entre dans le calcul. On enseignera dans le Livre V (Chap. I. Art. II.) la méthode propre à faire cette réduction.

I X.

Méthode de régler les Montres ou Horloges, qui marquent les heures & les minutes, par des hauteurs égales du Soleil prises le matin & le soir.

583. Voici un autre moyen, qu'on trouvera peut-être plus simple, de régler les horloges ou montres, ou de connoître leur état. Le matin, lorsque le Soleil est à peu près à une hauteur moyenne entre l'Horizon & le Méridien, il faut en observer une hauteur, & marquer l'instant de l'observation. Le soir, ayant fixé l'alidade du quartier de réflexion sur le point précis qu'elle marquoit lorsque la hauteur du matin a été observée, on attendra que le Soleil arrive à cette même hauteur, & on marquera à la même montre l'instant de cette seconde observation. Il n'importe gueres de combien sont ces hauteurs, pourvu qu'elles soient égales; en prenant le milieu entre les deux instants, on aura l'heure que marquoit l'horloge lorsqu'il étoit midi.

584. Supposé qu'il fût $9^h 45'$ à la montre, lorsqu'on a observé la hauteur du Soleil le matin, & qu'il fût $2^h 23'$, le soir dans l'instant qu'on a trouvé l'Astre à la même hauteur du côté de l'Occident, on considérera que $2^h 23'$ du soir est la même chose que $14^h 23'$, comptées depuis minuit. On ajoutera ce dernier nombre avec $9^h 45'$ du matin; il viendra $24^h 8'$, & prenant la moitié de la somme, on aura $12^h 4'$ pour l'heure que marquoit la montre à midi.

585. On fera la même chose le lendemain, en prenant, le matin & le soir, des hauteurs égales entre elles, plus grandes ou plus petites, si l'on veut, que celles du jour précédent: & si on trouve que la montre marque également $12^h 4'$ à midi, on en conclura qu'elle a suivi exactement le mouvement du Soleil à l'égard de l'Observateur, mais qu'elle avance de 4 minutes. Si au lieu de trouver $12^h 4'$, on trouvoit $12^h 7'$, la révolution de l'horloge ne s'accorderoit pas avec le retour des midis, il faudroit regarder les 3 minutes, dont elle avanceroit de plus, comme un excès survenu dans le cours des 24 heures; ce qui donneroit une minute & demie en 12 heures, & le reste à proportion. Il seroit bon d'avoir égard aux secondes dans les calculs, afin de voir les quantités qu'elles produisent à la fin de tout. Supposé que la montre dont on se servît ne marquât pas les secondes, on les estimeroit à peu

près, en partageant à la vue l'espace de la minute en 60 parties égales, ou bien en 10 seulement, si on veut employer des décimales.

586. Pour plus de sûreté dans les mouvements de la montre, il faut la laisser suspendue librement à quelque plancher du Navire, de sorte qu'elle ne frotte contre aucune paroi, ni qu'elle choque aucun corps. Il faut aussi ne se pas contenter de prendre le matin & le soir une même hauteur; mais il en faut prendre plusieurs, tant afin qu'elles servent de confirmation les unes aux autres, qu'afin que si quelque nuage ou quelque accident empêchoit le soir de reprendre une de ces hauteurs, on puisse avoir recours à l'observation de quelque autre.

587. La méthode précédente, qu'on appelle *la méthode des hauteurs correspondantes*, n'auroit besoin d'aucune correction, si le Soleil, lorsqu'il revient à sa même hauteur le soir, avoit précisément la même déclinaison que le matin, & si le Navire n'a pas fait, dans l'intervalle, de chemin Nord ou Sud. Mais le mouvement particulier du Soleil lui faisant changer sa déclinaison à chaque moment, & le mouvement du Navire en latitude, font que les circonstances ne se trouvent plus les mêmes vers l'Occident que vers l'Orient. Il faut donc y avoir égard, & pour cela voici le meilleur parti. On calculera la déclinaison du Soleil pour le temps où les hauteurs auront été prises le matin, & avec la hauteur du Pole estimée ou réduite à ce même temps, on cherchera la distance du Soleil au Méridien, comme on a vu ci-dessus (579), on l'ajoutera à l'heure de l'observation du matin, la somme s'appellera *le midi par l'observation du matin*. On calculera ensuite la déclinaison du Soleil pour le temps des hauteurs prises après midi: on fera la réduction de la route du Navire faite Nord & Sud, ou la différence de latitude dans l'intervalle des observations du matin & du soir, on l'appliquera à la hauteur du Pole employée dans le calcul précédent. On fera un nouveau calcul du triangle sphérique pour avoir la distance du Soleil au Méridien, qu'on retranchera de l'heure de l'observation du soir, (augmentée de 12 heures pour la commodité du calcul,) le reste s'appellera *le midi par l'observation du soir*. On prendra enfin un milieu entre ces deux midis, (c'est la moitié de leur somme,) & l'on aura l'instant précis marqué par la montre lorsqu'il étoit midi véritablement.

588. Supposons, par exemple, qu'étant par $38^{\circ} 12'$ de latitude boréale, & par 41° de longitude estimée à l'Ouest de Paris, j'aie observé le 17 Avril 1766 la hauteur du Soleil de $33^{\circ} 20'$, lorsque ma montre marquoit $8^h 23^{\frac{1}{3}}$, & que le soir après avoir fait 39 minutes en latitude vers le Sud, selon la réduction faite de la route du Navire, j'aie trouvé que le Soleil est revenu à la même hauteur, lorsque ma montre marquoit $3^h 46^{\frac{1}{4}}$; voici comme je trouve le midi vrai à ma montre.

A $8^h 23'$ il est $11^h 7'$ à Paris, ou le 16 Avril à $23^h 7'$ en temps astronomique: à $3^h 44'$ il est $6^h 28'$ à Paris. Les déclinaisons du Soleil pour le 16 Avril à $23^h 7'$, & pour le 17 à $6^h 28'$ sont $10^{\circ} 34', 5$ boréale & $10^{\circ} 41', 1$. Supposant donc $38^{\circ} 12'$ de latitude, $10^{\circ} 34^{\frac{1}{2}}$ de déclinaison,

naïson, & $33^{\circ} 20'$ de hauteur, je trouve que la distance du Soleil au Méridien est de $3^h 42' 34''$; je les ajoute à $8^h 23' 20''$ temps de l'observation du matin, & j'ai $12^h 5' 54''$ *midi par observation du matin*. Supposant ensuite 39 minutes de moins en latitude, & $6' \frac{1}{2}$ de plus en déclinaison; c'est-à-dire, supposant $37^{\circ} 33'$ de latitude, $10^{\circ} 41'$ de déclinaison, & $33^{\circ} 20'$ de hauteur, je trouve par le calcul que la distance du Soleil au Méridien est de $3^h 43' 42''$, je l'ôte de $15^h 46' 15''$ temps de l'observation du soir, & j'ai $12^h 2' 33''$ pour le *midi par observation du soir*: le milieu entre ces midis est $12^h 4' 13''$. C'est l'instant marqué par la montre au moment du vrai midi.

589. Dans tout ce calcul, il n'est pas nécessaire d'avoir ni les hauteurs absolues du Soleil, ni la latitude absolument exacte, ni la déclinaison précise du Soleil, il faut seulement que les deux hauteurs soient bien égales, & que les différences des hauteurs de Pole & de déclinaison du Soleil soient bien gardées, dans les parties des deux triangles qu'on calcule.

CHAPITRE VII.

Différentes Méthodes pour déterminer par observation la variation du Compas.

I. MÉTHODE.

Par la Table des Amplitudes.

590. NOUS avons vu dans le second Livre combien il étoit important, pour déterminer la variation de l'aiman, de connoître la *vraie amplitude* d'un Astre qui est à l'Horizon, ou la distance à laquelle il se trouve alors du vrai point de l'Orient ou de l'Occident. Nous expliquerons ici trois manieres de la trouver. La premiere sera à l'aide d'une Table calculée exprès (voy. page 17 & suiv.) à la fin de ce Traité. Pour en faire usage, il suffira qu'on connoisse la hauteur polaire & la déclinaison de l'Astre. Si on est, par exemple, par 58 deg. de latitude, & qu'un Astre ait 22 deg. de déclinaison, on verra dans cette Table que l'amplitude est de $44^{\circ} 59'$. L'amplitude est toujours du même côté que

la déclinaison. Ainsi, par rapport à ceux qui sont au Nord de la Ligne, elle est Nord pour le Soleil depuis le 20 Mars jusqu'au 22 Septembre, & Sud depuis le 22 Septembre jusqu'au 20 Mars.

591. On doit remarquer outre cela que l'amplitude qu'on trouve dans la Table ne convient pas à l'instant auquel le Soleil, à son lever ou à son coucher, paroît comme à demi-coupé par l'Horizon : l'Astre est alors réellement trop bas, tant par l'inclinaison de l'Horizon de la Mer, que par l'effet de la réfraction (508) qui courbe les rayons de lumière. L'amplitude, tant ortive qu'occasse, que donne la Table, est celle qu'a le Soleil, lorsque son centre paroît élevé au-dessus de l'Horizon d'un peu plus de son diamètre. C'est alors que son centre est effectivement dans l'Horizon, & c'est donc dans ce même temps précis qu'il est à propos de l'observer avec le compas de route, pour voir si l'amplitude marquée sur ce compas convient avec la vraie amplitude, qui est donnée par le calcul, & pour en prendre la différence, qui est la *variation*.

I I. M É T H O D E.

Trouver l'Amplitude par le Calcul Trigonométrique.

592. Si l'on veut trouver l'amplitude par le calcul, il suffit de faire cette proportion : Le sinus complément de la hauteur du Pole est au sinus de la déclinaison, comme le sinus total est au sinus de l'amplitude ; car reprenant la Figure 53, il est aisé de voir que l'amplitude de l'Astre qui se couche en F est l'arc CF qui est l'hypothénuse du triangle sphérique CFK rectangle en K, & dans lequel FK est la déclinaison de l'Astre, l'angle KCF est le complément de la latitude, comme on l'a fait voir ci-dessus (577), d'où il est aisé de tirer la proportion précédente par la Trigonométrie sphérique (145. 41.)

I I I. M E T H O D E.

Trouver l'Amplitude par le Chassis de réduction.

593. En tirant sur le cercle du chassis de réduction la

droite AB (Fig. 54.), comme il a été dit N° 569, on Fig. 54. trouvera l'amplitude de l'Astre par les divisions du diamètre qui représente l'Horizon, & qui sont comprises entre le point E & le centre F .

594. Si l'on veut avoir l'amplitude apparente du Soleil au moment où son centre paroît sur l'Horizon de la Mer, on fera passer au-dessous de l'Horizon du chassis une parallèle qui en soit éloignée de 36 à 37 minutes prises sur les divisions du cercle. Cette ligne représentera l'almicantarate céleste où se trouve le Soleil au moment de son lever ou coucher apparent : par le point où la droite AB coupe cet almicantarate, abaissez une perpendiculaire sur l'Horizon OR , elle y déterminera l'amplitude, ou plutôt l'azimut du Soleil au moment de son passage apparent par l'Horizon de la Mer. On pourra faire la même opération pour 52 minutes d'abaissement du centre du Soleil, ou pour toute autre position voisine de l'Horizon.

I V.

Trouver l'instant auquel un Astre répond au vrai point d'Est ou d'Ouest, afin de pouvoir en faire le relevement à la Boussole, & déterminer par-là la variation sans calcul.

595. Cette méthode d'observer la variation est fort exacte, lorsque l'Astre ne passe pas à une grande hauteur au-dessus du vrai point d'Est ou d'Ouest. Elle est applicable aux Etoiles & aux Planètes dont on connoît la déclinaison, & fort praticable dans les crépuscules. Elle n'est possible que lorsque l'Astre a une déclinaison de même côté que le Pole élevé ; car il n'y a que ces sortes d'Astres qui puissent se lever & se coucher au-delà du vrai point d'Est ou d'Ouest, & qui par conséquent passent directement au-dessus de ce point peu après qu'ils sont levés, ou avant qu'ils se couchent. Or comme il arrive souvent que le Soleil est caché

par des nuages à l'Horizon, & que d'ailleurs les vapeurs de l'Horizon empêchent qu'on ne voie les Etoiles à leur lever ou à leur coucher, il sera très-utile de faire relever avec un bon compas de variation, le Soleil ou les Etoiles lorsqu'elles passeront dans le premier vertical, ou au-dessus du vrai point d'Est ou d'Ouest.

596. Pour trouver le moment auquel un Astre passe au vrai point d'Est ou d'Ouest, avec le complément de la hauteur du Pole, (employée comme si c'étoit une latitude, & avec la déclinaison de l'Astre, cherchez l'amplitude correspondante dans la Table des amplitudes. Elle exprimera la hauteur vraie à laquelle l'Astre se trouvera à ce moment. Si donc à l'aide d'un quartier de réflexion on marque le moment auquel l'Astre aura atteint cette hauteur, on aura la variation directement & sans calcul, par le degré de la rose du compas auquel son relevement répondra dans ce même moment.

597. EXEMPLE. On est par 56 deg. de latitude Nord, & la déclinaison du Soleil, ou de tout autre Astre, est de 21 degrés boréale. On demande à quelle hauteur on doit relever l'Astre, lorsqu'il est précisément au-dessus du vrai point de l'Est ou de l'Ouest? Avec 34 deg. complément de 56, & avec 21 deg. de déclinaison, je trouve $25^{\circ} 37'$ dans la Table des amplitudes. Il me faut donc attendre le moment auquel l'Astre aura atteint $25^{\circ} 37'$ de hauteur, pour en faire le relevement, qui donnera directement la variation du compas.

598. Si on ne veut pas se servir de la Table des amplitudes, ou si elle n'est pas assez étendue, on trouvera la hauteur qu'a l'Astre, lorsqu'il est parvenu dans le premier vertical, en faisant cette analogie : *Le sinus de la latitude est au sinus de la déclinaison, comme le sinus total est au sinus de la hauteur requise.* Car dans le triangle DSA (Fig. 57.) rectangle en D , la déclinaison de l'Astre est SD , sa hauteur dans le premier vertical est SA , & l'angle SAD , mesuré par l'arc EZ , est égal à la hauteur du Pole. (Voyez N^o 145. 41.)



*Trouver la variation par l'azimut d'un
Astre , dont on connoît la déclinaison
& la hauteur.*

599. Si , lorsqu'on se trouve dans le cas d'avoir grand besoin de connoître la variation , on n'a pu observer le soleil , ou tout autre Astre d'une déclinaison connue , ni dans le moment précis de son lever ou de son coucher, ni dans celui de son passage par le premier vertical, on pourra se servir avec beaucoup d'avantage de l'azimut de cet Astre , qu'on déterminera de la manière suivante ; laquelle fera d'autant plus sûre , que l'Astre fera moins élevé au-dessus de l'Horizon , parce que les opérations faites avec un compas de variation ne sont susceptibles d'exactitude que lorsque l'objet qu'on relève a peu de hauteur.

Un Observateur tenant un Quartier de réflexion , ou un bon Quart de nonante, se mettra en état de prendre la hauteur du Soleil au moment qu'on l'avertira que l'on en prend un élèvement exact du centre. Pour plus de sûreté , il répétera deux ou trois fois cette opération concertée ; ensuite il ne lui restera plus qu'à faire le calcul de l'azimut de l'Astre , pour le comparer à celui que la Bouffole aura indiqué , afin que leur différence donne la variation.

600. *Première manière de déterminer l'azimut par le Chassis de réduction.* Après avoir marqué sur le cercle du Chassis, comme on l'a détaillé N° 569, la hauteur méridienne de l'Astre en *A* (*Figure 52.*), son plus grand abaïs- Fig. 52.
sement en *B* ; tiré le parallèle *AB* , le diamètre *AG* , & l'almicantarate *CD* , selon les hauteurs observées & corrigées , on aura le point *E* de son intersection avec le parallèle. De ce point *E* on abaissera sur l'Horizon *HR* une perpendiculaire *EM*. Du centre *F* tirez un rayon vers l'une ou vers l'autre extrémité de l'almicantarate *CD* , selon le côté où tombera *EM* , en sorte que ce rayon coupe cette perpendiculaire en *N*.

236 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

Prenez avec le compas l'intervalle FN , & portez-le du même côté sur l'Horizon de F en P , & le point P marqué sur les divisions de l'Horizon l'azimut de l'Astre, qu'il suffira de connoître à $\frac{1}{8}$ de degré près, précision que ces divisions donnent facilement.

601. *Seconde maniere. Par le calcul trigonométrique.* Nous avons déjà expliqué les fondemens de cette méthode au N° 577. D'où il résulte qu'il ne s'agit que de trouver l'angle PZS (Fig. 56.) par le moyen des trois côtés connus, ZS distance au Zénith, PS complément de la déclinaison, & PZ complément de la latitude du Navire. Or le calcul s'en fait précisément de même que celui qui est détaillé dans le N° 579, en mettant le complément de la déclinaison à la place de la distance au Zénith : de sorte qu'il suffira de rapporter ici les nombres l'exemple de la supposition de ce même N° 579, pour trouver l'angle PZS .

Complément de la déclinaison,	76° 52'	
Complément de la latitude.	57 48	9.92747
Distance vraie au Zénith.	69 53	9.97266
Somme	204 33	19.90013
Moitié.	102 16 $\frac{1}{2}$	
Premier excès.	44 28 $\frac{1}{2}$	9.84546
Second excès	32 23 $\frac{1}{2}$	9.72892
Somme des Log. Sinus des excès		39.57438
Somme des deux autres Log. Sinus.		19.90013
Reste.		19.67425
Moitié		9.83712 $\frac{1}{2}$
C'est le Log. Sinus de		43° 25'
Dont le double		86 50

Est l'angle SZP qui mesure l'azimut RA , compté depuis le plus proche Méridien, comme on a coutume de le faire, & son complément 3° 10' est l'azimut QA compté depuis le point d'Est ou d'Ouest.

V I.

Maniere de rectifier l'usage des amplitudes, & de simplifier celui des azimuts pour déterminer la variation.

602. Le temps où le Soleil se couche réellement, & que nous avons dit être celui où son centre paroît au-dessus

l'Horizon de la Mer d'un peu plus que son diametre, & ce celui pour lequel les amplitudes sont calculées; & le temps où un Astre passe par le premier vertical, & où par conséquent il se trouve dans le vrai Est ou le vrai Ouest; ces temps, dis-je, fort courts, sont des instants pendant lesquels il faut saisir l'Astre, sans quoi les calculs, qui sont fondés uniquement sur des éléments qui dépendent de ces instants, deviennent faux. Il est vrai que lorsque le Navire est entre les Tropiques, on peut relever un Astre à un degré ou deux au-dessus de l'Horizon de la Mer, & employer, sans craindre d'erreur, la Table des Amplitudes, pour en conclure la variation; parce qu'entre les Tropiques les Astres arrivent à l'Horizon presque perpendiculairement, & par conséquent ne changent pas sensiblement d'amplitude. Mais dans les autres parages, si, ayant relevé l'Astre plus haut ou plus bas que n'est l'Horizon réel, lequel paroît être 35 à 36 minutes au-dessus de celui de la Mer, on se servoit de la Table des amplitudes pour déterminer la variation, on commettrait des erreurs d'autant plus considérables qu'on auroit plus de latitude.

603. Or il est certain, par expérience, que mille circonstances empêchent souvent de relever à la Boussole un Astre dans un instant marqué, & par conséquent on peut dire que la méthode de déterminer la variation par le moyen des amplitudes ou du premier vertical, demande beaucoup d'attention dans les Mers où l'on a beaucoup de latitude: d'autant plus que la réfraction, qui est très-irrégulière à l'Horizon dans ces climats, défigure tellement le Soleil, qu'il est difficile d'estimer quand il se trouve à la hauteur apparente qui est requise pour en faire le relevement.

604. Il suit de-là que dans les cas où l'on voit l'Horizon bordé d'un nuage noir fixe, & dans ceux où les Astres s'approchent de l'Horizon fort obliquement, pour avoir la variation avec quelque précision, il faut avoir recours à la méthode des azimuts, en répétant les observations un certain nombre de fois, afin de prendre un milieu entre toutes les déterminations qui en résulteront.

605. Nous proposerons ici une Table qui abrégera les calculs d'azimut, & qui rectifiera l'usage de la Table d'amplitudes, lorsqu'on aura observé la hauteur d'un Astre près de l'Horizon, ou lorsqu'on aura relevé le milieu de l'endroit où les deux bords du Soleil auront paru le toucher, soit en se levant, soit en se couchant. Cette Table (voy. pag. 20 & 21 du Recueil des Tables propres à la Navigation,) fait connoître la quantité dont l'azimut varie près de l'Horizon à mesure que la hauteur de l'Astre varie d'un degré. Quelques Exemples en faciliteront l'usage, & feront voir à quelle erreur on s'expose en employant les amplitudes telles que la Table les donne, dans toutes les observations de variation qu'on fait près de l'Horizon de la Mer.

V I I.

Exemples pour l'usage des Amplitudes & des Azimuts relatifs à la détermination de la variation du Compas.

606. EXEMPLE I. Etant par la latitude 54 deg. Nord, & le Soleil ayant 17° 48' de déclinaison Nord, le point où son bord supérieur a disparu sous l'Horizon de la Mer, répond à l'O $\frac{1}{4}$ NO 1° N de la Bouffole, on demande la variation.

Je cherche d'abord dans la Table (page 19) l'amplitude qui convient à 54 degrés de latitude & à 17° 48' de déclinaison, je la trouve de 31° 20', laquelle est vers le Nord puisque l'amplitude est toujours de même côté que la déclinaison. Or le bord supérieur du Soleil quittant l'Horizon de la Mer, son centre est 16 min. au-dessous : l'Horizon de la Mer est lui-même 36 à 37 min. au-dessous de l'Horizon céleste, par conséquent le centre du Soleil étoit au moins 52 min. au-dessous de l'Horizon réel, lorsqu'on a fait le relevement de son bord supérieur, lequel relevement doit être le même que celui de son centre, puisque le centre du Soleil est perpendiculairement au-dessous du point de son bord qui quitte l'Horizon. Je vais donc consulter la Table

page 20), & je trouve , fans trop m'arrêter aux parties proportionnelles , que pour 54 degrés de latitude , & pour $1^{\circ} 20'$ d'amplitude , le mouvement azimutal du Soleil , qui répond à un deg. de mouvement en hauteur , est $1^{\circ} 36'$: donc à proportion pour 52 min. on aura environ $1^{\circ} 24'$ dont le Soleil est plus avancé vers le Nord qu'il n'est marqué par l'amplitude , donc l'azimut du Soleil étoit réellement de $2^{\circ} 44'$ de l'Ouest vers le Nord lorsqu'on a relevé son Nord , & qu'on l'a trouvé à l' $O \frac{1}{4} NO 1^{\circ} N$, c'est-à-dire , à $2^{\circ} 15'$ de l'Ouest vers le Nord de la Bouffole : donc la variation de la Bouffole est $20^{\circ} 29'$, ou en nombres ronds , 20 degrés & demi ; & comme elle fait paroître les objets moins Ouest , il suit que cette variation est NO.

607. EXEMPLE II. Etant par $42^{\circ} 30'$ de latitude Sud , & le Soleil ayant $22^{\circ} 12'$ de déclinaison Nord , son centre paroissant le matin à l'Horizon de la Mer , a été relevé à 36 degrés & demi de l'Est vers le Nord de la Bouffole.

Selon la Table des amplitudes , celle du Soleil qui convient à sa déclinaison est $30^{\circ} 50'$ à très-peu près , laquelle doit être de l'Est vers le Nord : or lorsque le centre du Soleil paroît à l'Horizon de la Mer , il est réellement 36 min. au-dessous de l'Horizon céleste pour lequel les amplitudes ont été calculées. Mais selon la Table (page 20) le Soleil fait $1^{\circ} 5'$ en azimut tandis qu'il fait $1^{\circ} 0'$ en hauteur ; donc à proportion , lorsqu'il est 36 min. au-dessous de l'Horizon réel , il a 39 min. à faire en azimut pour atteindre son amplitude , & par conséquent son azimut est $31^{\circ} 29'$ de l'Est vers le Nord : donc la variation est $5^{\circ} 1'$, ou , en nombres ronds , 5 deg. dont la Bouffole fait paroître les objets moins Est qu'ils ne sont , donc elle décline du Nord à l'Est.

608. EXEMPLE III. Etant par la latitude de 48 deg. Nord , & *Syrius* , vers son coucher , étant élevé de $1^{\circ} 48'$ au-dessus de l'Horizon de la Mer , on l'a trouvé précisément à l'OSO de la Bouffole. On demande la variation.

La déclinaison de *Syrius* est $16^{\circ} 24' S$, & par conséquent son amplitude occase est $24^{\circ} 57'$ de l'O au S. Or $1^{\circ} 48'$ au-dessus de la Mer , c'est réellement $1^{\circ} 22'$ au-dessus de

l'Horizon céleste , ce qu'on trouve en ôtant 22 minutes de réfraction , & 4 pour l'inclinaison de la Mer. Selon la Table (page 20) Syrius fait $1^{\circ} 14'$ en azimut , tandis qu'il en fait $1^{\circ} 0'$ en hauteur , donc à proportion il doit faire $1^{\circ} 40'$ en azimut pour descendre de $1^{\circ} 22'$, & pour parvenir à son amplitude $24^{\circ} 57'$: donc au moment de l'observation il avoit $26^{\circ} 37'$ d'azimut , compté de l'Ouest vers le Sud. Donc la variation est $4^{\circ} 7' NO$, puisque la Bouffole a fait paroître l'Etoile moins Ouest.

V I I I.

Méthode pour trouver la variation , lorsqu'on est à Terre , par le moyen d'une ligne méridienne.

609. La meilleure maniere de trouver la variation lorsqu'on est à terre , c'est de tirer une ligne méridienne sur une pierre unie , ou sur un carreau de terre cuite , ou sur une table solide , pourvu qu'elle ne soit pas clouée de fer , pour y appliquer ensuite la boîte de la Bouffole.

Fig. 59. 610. Pour tirer une ligne méridienne , il faut faire en sorte que la pierre soit de niveau , ce qu'on reconnoît en y versant de l'eau doucement , & en remarquant si elle s'étend en rond sans couler ni d'un côté ni d'autre. On attache une petite plaque de métal *A* (Fig. 59.), de cuivre ou de fer blanc à une verge de fer *AB* qu'on puisse ficher solidement par un bout *B* , en sorte que la plaque *A* ne puisse être ébranlée que par un choc rude. Cette plaque doit être disposée à peu près de niveau , & avoir un très - petit trou rond vers le milieu , à la distance d'environ 12 ou 15 pouces au-dessus de la pierre. On prendra un fil de fer ou de laiton , ou un petit morceau de bois dur un peu plus long que n'est la hauteur du trou au-dessus du plan , on l'aiguîsiera en pointe fine par les deux bouts , on posera une de ces pointes au centre du trou , en sorte qu'elle le bouche sans effort , on portera l'autre pointe sur le plan en trois points différents ,

&

& disposés en triangle à peu près équilatéral comme D, E, F , qu'on marquera soigneusement, enforte qu'on soit bien assuré que la distance de chacun de ces trois points au centre du trou est parfaitement égale. Alors on placera la pointe d'un compas en un de ces points, comme D , puis avec une ouverture arbitraire, on décrira de petits arcs de part & d'autre vers G & I . On portera une pointe sur E , & avec la même ouverture on décrira de petits arcs, qui coupent les deux précédents en I & en G : par les deux intersections on tirera la ligne GI . On décrira de même une ligne KH par des intersections d'arcs de rayon égal décrits des points D & F ; & ces deux droites GI, KH , prolongées, s'il est nécessaire, donneront par leur intersection un point C , qui sera dans l'axe plomb du trou de la plaque. Tout cela doit être prêt sur les neuf heures du matin, ayant eu grand soin que la plaque ne soit en aucune façon ébranlée pendant toutes ces opérations & pendant les suivantes. Sur les neuf heures ou neuf heures & demie, on tracera sur le plan, avec une pointe fine, le contour de la petite image lumineuse qui passera par le trou de la plaque, & qui se peindra en L au milieu de l'ombre de la plaque. On mettra ensuite la pointe du compas en C , & l'autre pointe au centre de la petite figure ainsi dessinée; on décrira un arc de cercle LMN . Si le compas n'étoit pas assez grand, on attacherait des pointes fines à une règle de bois pour tracer cet arc. Alors on attendra, sur les deux heures & demie ou trois heures, que l'ombre de la plaque étant revenue vers cet arc en N , le centre de l'image lumineuse soit précisément dessus. On y marquera un point N ; il ne restera plus qu'à y prendre un point M précisément au milieu entre N & L , & tirer par C la droite CM qui fera la méridienne.

611. Pour plus de sûreté, on peut prendre le matin trois ou quatre points comme L , décrire du centre C des arcs qui y passent, & y marquer après midi les points correspondants comme N , pour voir si le point du milieu donnera la même méridienne.

612. Alors on prendra un compas de route, & on

placera successivement les quatre faces de sa boîte le long de cette méridienne , en marquant à chaque fois de combien la déclinaison paroît être. On prendra une déclinaison moyenne , qui fera la vraie , quand même la boîte ne seroit pas parfaitement quarrée comme elle doit l'être.

CHAPITRE VIII.

Différentes méthodes de trouver la Longitude en Mer.

I.

Trouver la Longitude en Mer par la variation de la Bouffole.

613. **M.** HALLEY , célèbre Astronome Anglois , ayant recueilli un très-grand nombre d'observations sur les déclinaisons de la Bouffole , il lui vint en pensée de les représenter toutes ensemble sur une Carte marine. Il traça une ligne courbe qui passoit par tous les lieux où la Bouffole marquoit exactement le Nord ; cette ligne courbe indiquoit donc tous les points de l'Océan où l'aiguille aimantée est exempte de déclinaison. Il lia également par une ligne courbe tous les points de la Mer où la variation étoit NE de 5 degrés ; il traça d'autres courbes pour 10 deg. pour 15 , &c , & il fit la même chose pour les variations NO. On voit de cette sorte d'un coup d'œil , lorsqu'on a la Carte de M. Halley entre les mains , de combien la Bouffole décline en chaque endroit. Ces lignes courbes , quoiqu'irrégulières , gardent cependant entr'elles un certain ordre ; la ligne qui passe par tous les lieux de la Mer où la fleur-de-lys de la Bouffole marque exactement le Nord , est comme au milieu de toutes les autres. Si l'on s'en écarte un peu du côté de l'Orient , la variation de la Bouffole devient NO , & elle devient de

plus grande en plus grande , à moins qu'on ne s'approche trop de quelqu'autre branche de la même ligne courbe. Si l'on avance au contraire vers l'Occident , la variation devient N E.

614. La Carte de M. Halley marquoit à peu près l'état des choses pour l'année 1700 ; mais l'assemblage de toutes ces lignes courbes devoit être sujet à changer de place , à cause du changement qu'on remarque en peu d'années dans la variation qu'on observe dans un même lieu. On s'est donc apperçu qu'en général l'assemblage des courbes de M. Halley s'avançoit vers l'Occident & vers le Sud ; & qu'outre cela chaque ligne souffroit aussi en particulier quelque changement dans ses inflexions. Messieurs Moutaine & Dodson ont entrepris de faire pour 1744 , ce que M. Halley avoit fait pour 1700 ; & comme ils ont eu un plus grand nombre d'observations , ils se sont trouvés en état de tracer les lignes courbes magnétiques tout autour de la Terre , ce que n'avoit pas fait M. Halley.

615. Il m'a paru qu'en joignant le système des lignes courbes tracées pour 1700 avec celui des courbes tracées pour 1744 , on en pouvoit retirer tout l'avantage possible. J'ai donc marqué en noir (*voyez Planche X.*) les courbes de variation pour 1744 , & en rouge celles qui convenoient à 1700. J'ai fait , en me fondant sur mes propres observations , quelques légers changements aux lignes courbes pour 1744 ; je n'ai pas cherché à en faire un plus grand nombre , parce qu'il n'est ici question que de montrer l'importance de la chose. Pour peu que les Marins s'intéressent dans ce travail , qui mérite certainement toute leur attention , on aura bientôt de bonnes Cartes sur ce sujet , dans lesquelles on n'aura rien donné à l'esprit de système , comme il y a tout lieu de croire que l'ont fait un peu les deux derniers Auteurs. Il suffira ensuite de renouveler ces Cartes de temps en temps , pour éviter l'erreur que peut causer l'irrégularité du mouvement des lignes courbes.

616. Supposons , pour rendre sensible l'usage de la Carte que nous donnons , qu'en naviguant vers la côte du

Bresil en 1755, on se soit trouvé par 30 degrés de latitude australe, & que la variation de la Bouffole ait été observée de 10 degrés NE. La longitude qu'indiquoit en 1700 cette variation de l'aiman du côté du Bresil par 30 degrés de latitude Sud, étoit de 347 degrés, à compter du Méridien de l'Isle-de-Fer. Ce point est déterminé par l'intersection du parallele, & par la ligne courbe qui indique les lieux où la variation est de 10 degrés NE. Ce point d'intersection n'étoit plus le même en 1744; il avoit avancé d'environ 9 degrés vers l'Ouest. On en conclura, en supposant que le progrès est à peu près régulier, que le point dont il s'agit sera encore plus vers l'Ouest en 1755, d'environ $2\frac{1}{4}$ deg. & qu'ainsi on fera par $335\frac{3}{4}$ deg. de longitude.

617. Cette méthode ne peut pas servir pour les longitudes dans les endroits de la Mer où les lignes courbes sont presque perpendiculaires au Méridien, comme vers la Floride, vers l'Isle de Cube, au Sud de Madagascar, &c. On trouve dans ces parages, & dans tous les autres qui sont situés vers le sommet des lignes courbes, la même déclinaison de la Bouffole, quoiqu'on s'ingle beaucoup en longitude; ainsi on ne peut pas juger alors du changement de l'une par le changement de l'autre. Dans les lieux où les lignes courbes changent considérablement de situations en peu d'années, il faut avoir des observations très-récentes de la variation faites en ces lieux-là, pour y aborder à l'aide de cette méthode; mais c'est principalement dans les endroits où ces mêmes lignes ne s'écartent pas extrêmement de la direction du Méridien, & n'ont pas sensiblement changé de place depuis 1700 jusqu'en 1744, qu'on peut employer avec succès la variation de l'aiman pour découvrir la longitude. Un Navire s'ingle à l'Ouest, par exemple, pour aller chercher la Martinique; il est par $14^{\circ} 40'$ de latitude Nord, & en observant la variation, il la trouve de 2 degrés NE, deux jours après de 3 deg. deux autres jours après de 4 deg. alors il n'est pas loin du terme de sa navigation.

I I.

En quoi consiste la difficulté de trouver immédiatement la Longitude en Mer.

618. L'importance de cette recherche, & les récompenses qui ont été proposées pour ceux qui réussiroient à découvrir un moyen sûr de pouvoir trouver, à quelques lieues près, la longitude d'un Navire, au moins de temps en temps, ont fait imaginer divers moyens dont aucun n'a parfaitement réussi.

619. A l'exception de la méthode de l'article précédent, on peut réduire l'invention des longitudes sur Mer à cette question : *Connoissant l'heure qu'il est sur le Navire, trouver quelle heure on doit compter au même instant à un lieu dont la longitude est bien connue.* Puisque les 24 heures du jour répondent aux 360 degrés de longitude, & que le lieu où l'on compte une heure de moins que dans un autre est plus occidental que cet autre de 15 degrés, &c. (108), on pourroit donc déterminer immédiatement les longitudes : 1°. Si l'on avoit une horloge qui marchât si uniformément, qu'elle ne se dérangerât pas sensiblement dans la durée entière d'une traversée. Car ayant réglé cette horloge dans le Port, & l'ayant mise à l'heure vraie au temps du départ, elle continueroit de montrer l'heure vraie qu'il seroit dans le Port, & autant de fois 4 min. que l'on trouveroit qu'elle retarderoit ou avanceroit à l'égard de l'heure qu'on auroit observée sur le Navire, selon quelques-unes des méthodes expliquées dans le Chapitre VI de ce Livre, on compteroit que le Navire auroit fait autant de degrés en longitude vers l'Est ou vers l'Ouest, puisque l'on compteroit moins ou plus de temps au lieu du départ qu'au lieu où seroit le Navire. Mais quelques efforts que les plus habiles Artistes aient fait jusques ici, ils n'ont pu réussir à détruire l'effet des mouvements irréguliers du Vaisseau, ni de plusieurs autres causes qui altèrent les mouvements des horloges, & en rendent l'usage trop peu sûr, principalement au bout de quelques jours, & après quelques gros temps.

620. 2°. On pourroit encore trouver sur Mer la longitude d'un Navire, si l'on avoit des Tables astronomiques qui servissent à calculer, pour un certain lieu déterminé dont la longitude fût bien connue, toutes les circonstances des mouvements célestes, avec à peu près la même précision avec laquelle un Astronome placé dans ce lieu, les observeroit, & si, sur un Navire, on pouvoit marquer le temps précis auquel quelque phénomène céleste paroîtroit subitement. Car en comparant le temps auquel l'observation en auroit été faite sur le Navire, avec le temps que le calcul des Tables donneroit pour le lieu que nous avons dit, la différence de ces temps donneroit la différence des longitudes, & par conséquent on auroit la longitude du Navire.

621. Or outre que l'Astronomie n'est pas encore assez perfectionnée,

pour pouvoir nous procurer des Tables aussi exactes qu'il seroit nécessaire, il y a très-peu de phénomènes célestes qu'il soit facile d'observer sur Mer, principalement à cause que l'agitation du Vaisseau ne permet pas de se servir de lunettes assez longues pour faire ces observations avec quelque précision.

622. Parmi les phénomènes propres à servir de signal dans le Ciel, & dont on puisse déterminer le moment précis, on ne connoît gueres que les Eclipses de Soleil & de Lune, les Eclipses des Etoiles & des Planetes par la Lune, & les Eclipses des Satellites de Jupiter.

623. Les Eclipses du Soleil arrivent très-rarement; il se passe plusieurs années de suite dans un même lieu sans qu'on en voie; & lors même qu'on en a observé quelqu'une, dans un lieu dont on veut déterminer la longitude, il faut y employer des calculs si compliqués, si longs, & si difficiles, qu'on ne peut raisonnablement proposer au commun des Pilotes d'apprendre à les faire, quoiqu'ils eussent beaucoup à gagner de se mettre en état d'y réussir.

624. Les Eclipses des Etoiles & des Planetes par la Lune ne sont gueres fréquentes, la plupart ne peuvent être observées qu'avec des lunettes, & même assez longues, sur-tout lorsque le phénomène se passe dans la partie éclairée de la Lune, dont l'éclat efface celui de ces Astres, au point qu'ils disparaissent à la vue simple, sans être réellement éclipsés. D'ailleurs la conclusion de la longitude demande des calculs tout pareils à ceux qu'il faut faire pour les Eclipses du Soleil.

625. Les Eclipses des Satellites de Jupiter fournissent la méthode la plus commode & la plus universelle, d'observer les longitudes sur terre, & c'est par leur moyen que la plupart des positions des points de la Terre les mieux déterminés en longitude, ont été établies pour servir de fondement à toutes les autres, & à toutes les opérations géographiques & hydrographiques. Les Satellites de Jupiter sont quatre petites Lunes qui tournent autour de cette Planete avec beaucoup de vitesse, tantôt ils disparaissent, puis reparoissent en passant sur le disque de cette Planete; & tantôt ils disparaissent en entrant dans l'ombre que cette Planete laisse derrière elle, ou reparoissent en sortant de cette ombre. Il n'y a gueres de nuit où l'on ne puisse observer quelqu'un de ces phénomènes, excepté lorsque cette Planete est près de sa conjonction avec le Soleil. L'entrée dans l'ombre qu'on appelle l'*Immersion*, & la sortie hors de l'ombre que l'on appelle l'*Emerfion*, se font en assez peu de temps, pour qu'on puisse en décider le vrai moment, à quelques secondes près, & avec d'autant plus de précision qu'on se sert de plus longues & de meilleures lunettes, & c'est-là ce qui les rend inobservables sur Mer. Car comme il faut nécessairement se servir de lunettes ou de télescopes qui aggrandissent 30 ou 40 fois les diamètres des objets, la vitesse d'un Astre vu dans une pareille lunette, paroît accélérée 30 ou 40 fois à l'égard de celle que l'agitation du Vaisseau lui fait attribuer à la vue simple: d'où il suit qu'il est impossible de considérer Jupiter avec assez d'attention pour distinguer d'aussi petits points lumineux que sont les Satellites,

& pour s'assurer s'ils viennent à paroître hors de l'ombre, ou à disparaître en y entrant. D'ailleurs l'éclat de Jupiter forme dans la lunette, par son agitation, des bandes lumineuses, qui effacent absolument l'image très-petite d'un Satellite, qui doit être fort proche de la Planette, dans les moments où arrivent les phases de ces Eclipses.

626. Il ne reste donc que les Eclipses de Lune, dont le commencement & la fin, l'entrée totale dans l'ombre quand elle a lieu, & le commencement de la sortie hors de l'ombre, sont des phases qui peuvent être passablement bien observées à la vue simple, & le temps en peut être déterminé à moins de deux minutes près. Les meilleures Tables astronomiques peuvent aussi servir à calculer le temps de ces phases à deux minutes près, de sorte que par le moyen d'une Eclipsé de Lune on peut, absolument parlant, s'assurer d'avoir sa longitude en Mer à un degré près, précision très-grande à l'égard de l'incertitude avec laquelle on a des longitudes estimées dans les voyages de long cours. Mais cette méthode est d'une foible ressource; puisque les Eclipses de Lune ne peuvent arriver que de six mois en six mois, & qu'il se passe souvent des années entières sans qu'il s'en fasse aucune. Quoi qu'il en soit, un Navigateur ne doit point du tout les négliger; & avant que de partir pour un voyage de long cours, il doit rechercher quelles Eclipses de Lunes peuvent arriver pendant ses traversées; & s'il n'a pas les connoissances nécessaires pour en faire des calculs exacts, il doit se procurer ces calculs tout faits, ce qui est facile, puisqu'on a soin de les publier dans les Almanachs, & sur-tout dans les Ephémérides des mouvements célestes, où sont contenus des calculs pour plusieurs années de suite.

627. L'Astronomie ne pouvant fournir d'autres phénomènes subits dans le Ciel propres à donner les longitudes sur Mer avec quelque exactitude, & aussi souvent qu'il est nécessaire, il a fallu avoir recours aux mouvements de la Lune, dont la vitesse est capable de lui faire parcourir dans le Ciel 12 ou même 15° en 24 heures; & à la place des temps des apparitions des phénomènes subits, il a fallu substituer les temps où la Lune arrive à un certain point de son orbite déterminé dans le Ciel.

628. Cette méthode seroit plus exacte, si la vitesse de la Lune étoit beaucoup plus grande. Par exemple, si la Lune faisoit 24 degrés par jour; en se trompant d'une minute de degré dans l'observation de la position de la Lune à l'égard de ce point déterminé, on se tromperoit d'une minute de temps sur l'instant de l'arrivée à ce point, ce qui seroit une erreur de 15 minutes en longitude, au lieu que la vitesse de la Lune n'étant que de 13° 10', lorsqu'elle est moyenne entre la plus grande & la plus petite, l'erreur d'une minute dans la position de la Lune en cause une de près de deux minutes dans le temps, & de près d'un demi-degré dans la longitude. Il y a encore dans la pratique de cette méthode un grand nombre d'erreurs inévitables, ou du moins dont on ne peut s'assurer de s'être garanti, tant de la part des instruments que de celle des observations préliminaires, & des calculs

nécessaires pour parvenir à la conclusion de la longitude. Ce qui fait que, tout compensé, le plus habile Observateur ne doit pas se flatter de la pouvoir déterminer qu'à trois degrés près, à moins qu'il ne puisse prendre un résultat moyen entre plusieurs déterminations répétées; car alors la certitude de ce résultat croîtra à proportion du nombre des vérifications qui auront été faites. Mais on ne doit jamais répondre qu'elle puisse atteindre à moins d'un degré & demi; & quoi qu'il arrive très-souvent que par l'attention de l'observateur, & par une heureuse compensation des erreurs, on parvienne à une longitude beaucoup plus précise qu'à un degré près; cependant comme on n'a d'autre moyen de s'assurer de la bonté de ses opérations, que par l'accord des vérifications qu'on en fait, & qu'il est d'ailleurs possible qu'on commette les mêmes erreurs dans les mêmes circonstances, & que le calcul des Tables astronomiques ne soit pas parfaitement conforme avec le Ciel, le Navigateur prudent doit régler sa route sur son observation lorsqu'elle lui paroît bonne, mais il doit toujours se défier de l'erreur que nous avons dite, & prendre ses précautions en conséquence.

629. La grande incertitude à laquelle nous avons dit qu'étoit sujette la méthode d'employer les observations de la Lune faites sur Mer, ne doit pas décourager le Pilote, ni la lui rendre suspecte; puisque dans les voyages de long cours, où l'on a essuyé beaucoup de vents contraires, & de longs coups de vents, il arrive souvent qu'aux atterrages on se trouve en erreur de sept ou huit degrés sur la longitude estimée selon les règles du Pilotage, que nous expliquerons dans le Livre suivant. Elle doit seulement l'engager à s'y exercer, à y apporter tous ses soins, & à y employer les meilleurs instruments. La manière dont nous en proposons la pratique étant si aisée, du moins à l'égard des opérations graphiques, qu'il ne paroît pas qu'on puisse en souhaiter une plus simple, & plus à la portée du commun des Navigateurs.



INSTRUCTION

*pour observer & pour calculer les Longitudes
en Mer par le moyen de la Lune.*

*Des Préliminaires nécessaires , de l'ordre
dans lequel il faut faire les Observations ,
& les Opérations du calcul.*

1. **L**A MÉTHODE de déterminer les longitudes , que nous nous proposons de détailler , se réduit à trois choses : 1°. A avoir des calculs de la Lune tout faits , selon le modele que nous donnerons à la fin de ce chapitre. Nous supposons que ces calculs forment un *Almanach nautique* , sur le modele qui est à la fin de cette Instruction. 2°. A mesurer sur le Vaisseau l'arc de grand cercle , compris dans le Ciel entre la Lune & le Soleil ou une Étoile choisie. 3°. A connoître l'instant de temps vrai auquel cet arc de distance aura été mesuré , & de quelle quantité précise on l'auroit trouvé , si la Lune avoit été alors infiniment éloignée de la Terre. Car les calculs tout faits dans l'*Almanach nautique* , indiquent à quel instant on auroit observé sous un Méridien connu , comme celui de Paris , précisément le même arc de distance , par conséquent la différence de ces deux instants est propre à faire connoître la différence des longitudes entre Paris & le lieu où l'observation aura été faite sur le Navire.

31. Chacune des deux dernières déterminations demande ses opérations particulières , qui sont susceptibles d'une assez grande variété de cas. Mais pour mettre de l'ordre dans ce que nous avons à dire , & pour faire l'application de cette méthode au cas le plus général & le plus difficile , qui est celui de la détermination de la longitude faite de nuit close , à l'aide d'une Étoile , nous allons détailler toutes ces opérations comme si elles demeuroient les mêmes dans toutes les circonstances ; ensuite nous ajouterons ce que le changement de circonstances doit apporter de changement dans les opérations.

32. Voici l'ordre dans lequel les observations doivent être faites. Il faut avoir bien vérifié le meilleur quartier de réflexion qu'on pourra avoir. 2°. Il faut reconnoître dans le Ciel l'Étoile dont on doit servir ce jour-là , selon l'indication de l'*Almanach nautique*. Il faut observer une hauteur de cette Étoile , en marquant à l'heure , la minute & fraction de minute de cette observation.

250 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

4°. Il faut observer l'arc de distance de la même Etoile à la Lune , marquant à la montre l'instant de cette observation. 5°. Il faut observer la hauteur de la Lune , en marquant encore le temps à la montre. 6°. Pendant les deux observations précédentes , il faut faire relever la Lune à la Bouffole , ou au moins le milieu de la trace ou des réflexions de lumière qu'elle forme sur la surface de la Mer.

633. Parmi ces opérations , trois doivent être faites avec toute l'attention & la précision possible , savoir , la vérification du quartier , la hauteur de l'Etoile , & sa distance à la Lune : les observations de la hauteur de l'Etoile , de sa distance à la Lune , & de la hauteur de la Lune doivent être faites de suite , dans le moindre intervalle de temps qu'il est possible d'y employer , sans nuire à l'exactitude nécessaire. Il ne doit pas y avoir plus de 20 minutes de temps de la première à la dernière.

634. Les circonstances les plus favorables pour faire une bonne détermination de longitude , sur-tout lorsqu'il n'y a qu'un seul Observateur , sont : 1°. Dans le crépuscule du matin & du soir , lorsqu'on voit distinctement l'Etoile & le terme de l'Horizon de la Mer. 2°. Lorsque l'heure , à laquelle on veut observer , diffère de deux heures au moins de celle qui est marquée dans l'Almanach nautique pour le passage de l'Etoile au Méridien. 3°. Lorsque le mouvement de la Lune est très-prompt , ce qu'on reconnoît lorsque dans l'Almanach nautique les différences des distances de la Lune à l'Etoile , marquées pour un intervalle de 4 heures , excèdent 2° 10'.

635. Voici l'ordre des opérations qu'il faut faire pour le calcul de la longitude. 1°. Il faut trouver l'écart de la montre à l'égard du temps vrai , pour avoir l'heure vraie de l'observation. 2°. Il faut réduire la hauteur de l'Etoile , puis la hauteur de la Lune à celles qu'on eût observées au moment qu'on a mesuré la distance de la Lune à l'Etoile. 3°. Il faut corriger cette distance mesurée des erreurs ou fausses apparences causées par la réfraction de la lumière , & par le voisinage de la Lune à l'égard de la Terre. 4°. Il faut tirer des calculs de l'Almanach nautique l'heure vraie à Paris , à laquelle on y eût observé la même distance ainsi corrigée , afin d'en conclure la différence des longitudes.

Nous allons résumer toutes ces choses en détail.

I. P R É P A R A T I F.

Vérification du Quartier de Réflexion.

636. Nous l'avons suffisamment expliquée ci-dessus N° 484 & suiv.



II. PRÉPARATIF.

Reconnoître dans le Ciel l'Etoile dont il faut se servir.

637. Si le Navigateur ne connoît pas assez les Etoiles pour trouver le champ celle dont il doit se servir selon l'indication de l'Almanach nautique, voici comme il doit s'y prendre. Sachant à peu près l'heure qu'il est; & la longitude du lieu où il est, il saura aussi à peu près l'heure qu'il est à Paris. Une heure d'erreur dans ce calcul n'est d'aucune conséquence. Il faut chercher dans l'Almanach nautique la distance de la Lune à l'Etoile marquée à Paris pour cette heure-là, faut ensuite placer l'index de l'alidade du quartier de réflexion sur le degré qui marque cette distance. Puis tirant dans le Ciel, à la vue, une ligne droite DCD (Fig. 58.) par le centre C de la Lune perpendiculairement à la droite AB qui passe par les cornes A, B de la Lune, & par les deux extrémités de l'arc qui termine la portion obscure de la Lune, il faut remarquer quelles sont les plus belles Etoiles qui se trouvent à peu près sur cette droite DCD du côté de l'Orient ou de l'Occident, selon que cela est marqué dans l'Almanach nautique, & entre celles-là quelle est celle qu'on estime à peu près à la distance marquée sur le quartier.

Fig. 58.

638. Pour s'assurer si on a conjecturé juste, il faut pointer la lunette à cette Etoile, & la conservant toujours vers le milieu du champ de la lunette, il faut tourner le plan du quartier vers la Lune, pour voir si son image réfléchie par le grand miroir vient à passer dans le même champ de la lunette, en sorte qu'on y voie en même temps l'Etoile & la Lune. Si cela n'arrive pas, il faut faire la même épreuve avec une autre Etoile plus près ou plus loin de la Lune, mais toujours placée à peu près dans l'alignement que nous avons dit. On sera naturellement obligé de faire cet essai sur deux Etoiles.

639. Cette vérification se peut faire facilement avec une arbalétrille.

640. Il faut bien remarquer que selon que l'Etoile est à l'Orient ou à l'Occident de la Lune, ou selon que l'on est dans la partie Nord ou la partie Sud de la Terre, il faut, pour observer l'Etoile & la Lune dans le même champ de la lunette, que le quartier soit tourné de sorte que sa face antérieure, où sont gravées les divisions, regarde tantôt le Ciel, & tantôt la Mer. Dans la construction ordinaire, & dans la partie Nord de la Terre, la face antérieure du quartier doit regarder le Ciel lorsque l'Etoile est à l'Occident de la Lune; elle doit être renversée & regarder la Mer, lorsque l'Etoile est à l'Orient. Cette seconde position paroît d'abord plus incommode dans la pratique; mais on s'y fait avec un peu d'usage.

I. OBSERVATION.

Prendre la hauteur de l'Etoile.

641. Ayant reconnu l'Etoile dans le Ciel, & préparé tout pour mettre le moins de temps possible entre les trois observations nécessaires, on en prendra une hauteur avec le plus de précision qu'on pourra, en marquant à la montre, préparée pour cet effet, l'heure, la minute & la fraction de minute. Nous avons expliqué au N^o 40 ce qu'il faut faire pour réussir dans cette observation.

II. OBSERVATION.

Mesurer la distance de la Lune à l'Etoile.

642. Aussi-tôt qu'on sera content de la hauteur de l'Etoile qu'on aura observée, il faudra porter l'index de l'alidade du quartier sur le degré (déjà à peu près connu, comme on a dit N^o 637,) de la distance de la Lune à l'Etoile. Il faudra pointer la lunette à l'Etoile, la conserver dans le champ de la lunette tandis qu'on fait tourner le quartier, en sorte que son plan passe par la Lune, & qu'on voie venir l'image de la Lune dans le champ de la lunette, comme il a été dit à l'endroit cité. Alors en balançant légèrement le quartier, comme on le faisoit tourner sur la lunette, la Lune paroîtra monter & descendre dans le champ de la lunette. On fera en sorte, en donnant de temps en temps un petit mouvement à l'alidade avant que de recommencer les balancements du quartier, que le bord éclairé de la Lune dans ses allées & venues, vienne à raser exactement l'Etoile, l'un & l'autre étant vers le milieu du champ de la lunette.

643. Aussi-tôt qu'on sera assuré, par quelques balancements réitérés, que l'Etoile a passé sur le bord éclairé de la Lune, sans y entrer & sans laisser d'intervalle visible, on marquera à la montre l'heure, la minute & la fraction de minute, & l'on écrira la distance qu'on donneront les divisions du quartier à l'endroit où l'alidade sera restée.

644. Si la Lune étoit pleine, ou presque pleine, en sorte que son éclat fit disparoître l'Etoile lorsqu'elle en approche dans ses allées & venues procurées par le balancement, il faudroit mettre le verre noir foible entre les deux miroirs, comme on fait lorsqu'on observe le Soleil. Au défaut d'un verre noir propre pour cela, on peut couvrir une grande partie de la surface du grand miroir par une carte noircie & percée d'un trou rond vers le milieu, en sorte qu'il ne reste de découvert qu'un espace de cinq, six ou sept lignes de diamètre vers le centre du miroir. Ce sera l'expérience qui décidera de la grandeur qu'il faut donner à cette ouverture.

645. On doit pointer la lunette à l'Etoile pour y faire venir par réflexion l'image de la Lune, & non pas pointer à la Lune pour y faire venir l'image de l'Etoile, parce que l'Etoile se voit beaucoup plus distinctement au travers de la partie non étamée du petit miroir, que si son image paroïssoit sur la partie étamée après avoir été réfléchie sur le grand miroir; car dans ce dernier cas la lumière de la Lune, venant directement, effaceroit entièrement l'image de l'Etoile. Cependant si la Lune avoit passé son dernier quartier, ou si elle n'avoit pas encore atteint le premier quartier; & si en pointant à l'Etoile on étoit obligé de tenir l'instrument renversé pour observer sa distance à la Lune, on pourroit éviter ce renversement en pointant à la Lune, & faire venir l'image de l'Etoile sur le petit miroir.

646. Vers le temps de la pleine Lune, il pourroit y avoir quelque incertitude à la vue sur ce qu'on appelle *le bord éclairé de la Lune*. Il ne faut pas s'y tromper, il faut se ressouvenir de cette règle: Depuis la nouvelle Lune jusqu'au moment de la pleine Lune, le bord éclairé de la Lune est celui qui est tourné vers le Couchant. Depuis le moment de la pleine Lune jusqu'à la nouvelle Lune suivante, le bord éclairé est celui qui est tourné vers l'Orient.

III. OBSERVATION.

Prendre la hauteur de la Lune.

647. Aussi-tôt qu'on aura pris la distance de la Lune à l'Etoile, il faut prendre la hauteur du milieu du bord éclairé de la Lune, qui est le point que l'Etoile doit avoir paru toucher dans l'observation de la distance. Il ne faut pas perdre beaucoup de temps à prendre inutilement cette hauteur, sur-tout lorsque le point de l'Horizon, qui est au-dessous de la Lune, est fort éloigné de celui qui est au-dessous de l'Etoile. En général, une précision de sept ou huit minutes sur cette hauteur est suffisante, & même on peut se contenter de ne s'en écarter qu'à dix ou douze minutes près. On marquera cependant à la montre l'heure, la minute & la fraction de minute au moment de l'observation, & pendant qu'on s'occupera à la faire, quelqu'un tiendra la Lune au compas de variation, ou il prendra le gisement du milieu de la traînée des reflets que sa lumière forme sur la surface de la Mer; car trois ou quatre degrés d'erreur dans ce gisement ne font pas d'une grande conséquence.

Exemple des Observations précédentes, & pour les Opérations du calcul.

648. Je suppose que le 8 Juillet 1761, étant par la latitude boréale $32^{\circ} 12'$, & par une longitude estimée à l'Ouest de Paris de $38^{\circ} 30'$,

254 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

on ait trouvé dans l'Almanach nautique que l'Etoile propre pour servir la longitude ce jour-là est celle qu'on appelle Regulus. Cette Etoile est éloignée de la Lune de 61 à 62 degrés entre 8 heures & minuit à Paris. Sur cette indication je suppose qu'on ait reconnu cette Etoile, & que l'on en ait ensuite observé la hauteur apparente au-dessus de l'Horizon de la Mer de $20^{\circ} 13'$, (& de $20^{\circ} 9'$ par rapport à l'Horizon céleste,) au moment où une bonne montre, pendue à un plancher du Navire, marquoit $7^h 32^{\frac{1}{2}}$: qu'ensuite à $7^h 38^{\frac{1}{4}}$ on ait mesuré la distance de cette Etoile au bord éclairé de la Lune de $62^{\circ} 41'$. Qu'enfin à $7^h 42^{\frac{1}{2}}$ on ait trouvé la hauteur apparente du milieu du bord éclairé de la Lune de $33^{\circ} 40'$ par rapport à l'Horizon de la Mer, ou de $33^{\circ} 36'$ par rapport à l'Horizon céleste le gisement du milieu de ses reflets 60 deg. du Sud vers l'Ouest. Nous donnerons d'abord le détail des opérations graphiques qui suppléent au calcul trigonométrique par le moyen du *Chassis de réduction*. Nous donnerons à part les règles que fournit la Trigonométrie sphérique.

I. OPÉRATION.

Trouver l'heure vraie de l'Observation.

649. Cette opération a été suffisamment expliquée ci-dessus N° 57 & appliquée à l'exemple dont il s'agit ici. On y a trouvé que la montre devoit retarder de $7' 42''$, qu'il faut par conséquent ajouter à $7^h 38^{\frac{1}{4}}$ qu'elle marquoit au moment de l'observation de la distance de la Lune à l'Etoile. Donc l'heure vraie de cette observation est $7^h 45' 57''$.

II. OPÉRATION.

Réduire les hauteurs de l'Etoile & de la Lune à celles qu'on eût observées au moment où l'on a mesuré la distance de la Lune à l'Etoile.

650. Comme on suppose qu'on n'a pas relevé à la Boussole l'azimut de l'Etoile au moment qu'on en a pris la hauteur, il faut chercher d'abord cet azimut. (Voyez Planche VI.)

Du point *E* abaissez sur l'Horizon une perpendiculaire *EM*. Du centre *F* tirez un rayon *FC* ou *FD*, aux points *C* ou *D*, selon que la perpendiculaire *EM* tombera du même côté que *C* ou *D* par rapport au centre *F*. Ce rayon coupera en *N* la perpendiculaire *EM*. Prenez avec le compas l'intervalle *FN*, & portez-le du même côté sur l'Horizon de *F* en *P* : le point *P* sera l'azimut de l'Etoile, que vous

meurez en degrés seulement , selon les divisions de l'Horizon. Ce
ici environ 87 degrés.

551. Sur l'échelle intitulée *Echelle de la mesure du mouvement des
res en hauteur à chaque minute de temps* , mettez la pointe d'un
mpas au point Q , que vous estimerez convenir à peu près à la
teur du Pole , & à l'azimut de l'Etoile. Portez l'autre pointe sur
droite qui termine cette échelle en haut , en sorte que l'ouverture
compas mesure la distance du point Q à cette droite ; portez cette
verture sur les divisions du bord supérieur du chassis , en faisant ,
uis le commencement de ces divisions , autant d'enjambées de
mpas qu'il y a de minutes de temps dans l'intervalle de l'observation
la hauteur de l'Etoile à celle de sa distance à la Lune , (c'est ici
ois & $\frac{3}{4}$ à cause de la différence de $7^h 32' \frac{1}{2}$ à $7^h 38' \frac{1}{4}$;) & vous
ez la quantité dont l'Etoile s'est élevée ou abaissée dans cet inter-
le. Ici on trouve $10^{\circ} 13'$ dont elle a dû baisser. Les ayant ôtés de
9', hauteur apparente observée , restent $18^{\circ} 56'$ pour la hauteur
arente du Cœur du Lyon , au moment où l'on a observé sa distance
a Lune.

552. Faites de même pour la Lune : c'est-à-dire , prenez sur la
me échelle la distance du point R (qui convient à peu près à
12' de latitude , & à 60 deg. d'azimut ,) à la droite qui termine
te échelle par en haut. Portez cette distance 4 fois & $\frac{1}{4}$ sur le bord
érieur du chassis , & vous trouverez environ 45 min. qu'il faut
uter à $33^{\circ} 36'$ de hauteur apparente de la Lune , laquelle se trou-
a de $34^{\circ} 21'$ au moment de l'observation de sa distance à l'Etoile.

III. OPÉRATION.

*pour corriger la distance observée , de l'erreur
causée par les réfractions , & par la
proximité de la Lune à la Terre.*

553. Sur l'échelle intitulée : *Echelle de minutes de la correction de
parallaxe* , tirez une droite depuis l'angle le plus aigu , jusques au
int du côté opposé que vous estimerez convenir à la parallaxe hori-
ntale de la Lune * , selon l'heure à peu près qu'il doit être à Paris.
ns cet exemple c'est le point de 56',8 ; parce qu'à $7^h 45'$ au lieu
l'on a observé , il doit être environ $10^h \frac{1}{2}$ à Paris ; & par consé-

La parallaxe de la Lune est (431) l'effet de sa proximité à la Terre , laquelle
cause que différents Observateurs rapportent la Lune à différents points du
l au même instant , selon que ces Observateurs sont plus éloignés les uns des
res. Lorsque la Lune est à l'Horizon d'un Observateur , elle a sa plus grande
allaxe possible à l'égard d'un autre Observateur qu'on supposeroit au centre
a Terre ; c'est pour cela que la parallaxe horizontale sert à déterminer toutes
autres parallaxes.

quent la parallaxe horizontale de la Lune, qui est de $57',2$ à midi & de $56',7$ à minuit, doit être environ $56',8$ à $10^h \frac{1}{2}$. Sur la droite que vous aurez tirée, écrivez à la mine de plomb, *Echelle pour parallaxe actuelle*.

654. Sur l'échelle intitulée : *Echelle d'une minute de degré divisée en dixièmes pour la correction de la réfraction*, tirez deux droites l'une par le point qui doit répondre à la hauteur $34^\circ 28'$ réduite de la Lune, & écrivez dessus *Echelle de réfraction pour la Lune*; & l'autre par le point qui doit marquer la hauteur $18^\circ 56'$ de l'Etoile, écrivez dessus *Echelle de réfraction pour l'Etoile*.

655. Sur le cercle du chassis, marquez à droite & à gauche au-dessus de l'Horizon les deux points de $18^\circ 56'$, & joignez-les par une droite sur laquelle vous écrirez *Almicantarats de l'Etoile*.

656. Marquez de même, & joignez par une droite les deux points de $34^\circ 23'$ de la hauteur de la Lune, & écrivez-y *Almicantarats de la Lune*.

657. Marquez ensuite sur le même cercle un point m d'un côté au-dessus de l'Horizon, & de l'autre un point n au-dessous, suivant la distance mesurée de la Lune à l'Etoile. C'est ici $62^\circ 41'$. Depuis ces deux points marquez de part & d'autre vers X deux points à une distance égale à la hauteur réduite de l'Etoile, savoir $18^\circ 56'$: joignez-les par une droite, & écrivez dessus *Parallèle de l'Etoile*.

658. Depuis les deux mêmes points m, n , marquez de part & d'autre du même côté deux points à une distance égale à la hauteur réduite de la Lune, $34^\circ 21'$, & joignez-les par une droite que vous intitulerez *Parallèle de la Lune*.

659. Par le centre F abaissez sur ces cordes une perpendiculaire FX .

660. Sur la droite intitulée : *Parallèle de la Lune*, prenez avec le compas l'intervalle ST entre la perpendiculaire & le point T où cette parallèle rencontre l'almicantarats de l'Etoile: portez cet intervalle d'abord sur la droite intitulée *Echelle de la parallaxe actuelle*, & vous aurez la correction qui convient pour la parallaxe de la Lune. Cette correction est additive, lorsque le point T tombe du côté de l'Horizon à l'égard du point S . Elle est soustractive lorsque le point T tombe à l'opposite de l'Horizon à l'égard du point S , comme dans cet exemple où elle est de $3',9$ soustractive.

661. Portez ce même intervalle sur l'*Echelle de la réfraction pour la Lune*, & vous trouverez la correction qui convient à la réfraction de la Lune. Cette correction est toujours additive quand celle de la parallaxe est soustractive, & réciproquement. Ici elle est de $0',1$ additive.

662. Sur la droite intitulée : *Parallèle de l'Etoile*, prenez avec le compas l'intervalle VZ entre la perpendiculaire FX & la rencontre de l'almicantarats de la Lune. Portez cet intervalle sur l'*Echelle de réfraction pour l'Etoile*, & vous trouverez la correction qui convient pour la réfraction de l'Etoile. Elle est additive quand le point Z est à l'opposite de l'Horizon par rapport au point V , comme ici, & elle est

est soustractive quand le point Z est entre l'Horizon & le point V. L'échelle n'est pas assez longue, prolongez vers le bas du chaffis droite que vous avez tirée, & marquez-y autant de fois qu'il sera nécessaire l'intervalle des dix divisions qui représentent les dixièmes de minute. Ici ayant prolongé l'échelle, & marqué un intervalle, on trouve la correction de $1',5$ additive.

663. Appliquez ces trois corrections à la distance observée $62^{\circ} 41'$, elle sera réduite à la vraie distance $62^{\circ} 38',7$ en état de faire trouver longitude.

IV. OPÉRATION.

Conclure la Longitude.

664. Ayant trouvé par les opérations précédentes, qu'à $7^h 45' 57''$ le temps vrai, la distance réelle du bord de la Lune à l'Etoile, étoit $62^{\circ} 38',7$, reste à savoir quelle heure on a dû compter à Paris, lorsque la Lune s'est trouvée à cette distance.

665. Prenez dans l'Almanach nautique la différence entre les deux distances les plus approchantes de celle qui a été trouvée & réduite. On trouve ici $63^{\circ} 50',6$ pour 8 heures, & $61^{\circ} 40',8$ pour 12 heures. La différence est $2^{\circ} 9',8$.

666. Joignez par une droite les deux points des divisions des côtés du chaffis qui répondent à $2^{\circ} 9',8$ de mouvement de la Lune en quatre heures.

667. Prenez la différence entre la distance observée & réduite $62^{\circ} 38',7$ & la plus prochaine des deux distances calculées pour Paris, c'est $61^{\circ} 40',8$, la différence est $57',9$.

668. Marquez sur la droite tirée ci-dessus, un point qui réponde à celui de $57',9$ sur les divisions du bord supérieur du chaffis. Par ce point Y, & par l'angle de ce bord supérieur où commence ses divisions, placez une règle, ou faites passer une droite à travers le chaffis, & voyez à quelle division elle répond sur le bord inférieur du chaffis. Dans cet exemple, elle répondra à $1^h 47'$: c'est le temps que la Lune emploie à parcourir la différence $57',9$ trouvée ci-dessus. Ainsi ôtant $1^h 47'$ de $12^h 0' 0''$, temps à Paris, auquel la distance de la Lune à l'Etoile étoit plus petite de $57',9$, que la distance observée & réduite; on a $10^h 13' 0''$ pour le temps vrai à Paris qui répond à cette dernière distance. De sorte que la différence entre $10^h 13' 0''$ & $7^h 45' 57''$, donne $2^h 28' 3''$ pour la différence des Méridiens, laquelle réduite en degrés, vaut $36^{\circ} 45' \frac{3}{4}$, dont le lieu de l'observation est à l'Ouest du Méridien de Paris.



*Regles de Calcul Trigonometrique pour faire
les mêmes Opérations.*

669. Le calcul trigonometrique est plus propre à donner de la précision aux opérations précédentes ; mais il est plus long & plus susceptible d'erreurs causées par faute d'attention. Le Pilote zélé pour son art & pour son devoir , doit tâcher de faire tous ses calculs par ces deux méthodes successivement. Les opérations graphiques lui donneront son résultat en très-peu de temps , & serviront à guider le calcul trigonometrique qui lui donnera plus d'exactitude dans ce résultat.

I. R E G L E.

Calculer l'heure vraie de l'Observation.

670. La méthode en a été suffisamment détaillée au N° 579.

I I. R E G L E.

*Calculer les changements de hauteur de la
Lune & de l'Etoile dans les intervalles des
trois Observations , afin de réduire les
hauteurs de la Lune & de l'Etoile à celles
qu'on eût trouvées au moment qu'on a me-
suré leur distance.*

671. *Regle pour l'Etoile.* Réduisez en secondes de temps l'intervalle à la montre entre l'observation de la hauteur de l'Etoile & celle de sa distance à la Lune ; c'est dans cet exemple 5' 45'' qui valent 345''. Ajoutez. . . .

A son logarithme.	2.5378
Le logarithme constant, ou qui sert dans tous les cas, . . .	9.3967
Le logarithme du cosinus de la latitude du lieu.	9.9275
Le log. du sinus de la dist. de l'Et. au Mérid. 74° 15' . . .	9.9834
Le log. du cosinus de la déclinaison de l'Etoile	9.9885
De la somme	41.8339
Otez le log. de cosinus de la hauteur de l'Etoile	9.9726
le reste (en ôtant les dixaines de la caractéristique ,)	1.8613

est le logarithme de 73' ou de 1° 13' dont l'Etoile est descendue dans l'intervalle. Ainsi sa hauteur apparente, au moment de l'observation de sa distance à la Lune, a dû être 18° 56'.

672. *Regle pour la Lune.* Prenez de même le nombre de secondes de temps compris dans l'intervalle marqué à la montre entre l'observation de la distance de l'Etoile à la Lune, & celle de la hauteur de la Lune. C'est 255 secondes dans cet exemple, ajoutez. . . .

A son logarithme	2.4065
Le logarithme constant,	9.3833
Le logarithme du cosinus de la latitude	9.9275
Le log. du sinus du gisement de la Lune	9.9375
La somme (en rejetant les dixaines)	1.6548

Est le logarithme de 45 minutes, quantité dont la Lune étoit plus haute au moment de l'observation de sa distance à l'Etoile qu'à celui de l'observation de sa hauteur. On a donc 34° 21' pour la hauteur réduite de la Lune.

III. REGLE.

Corriger la distance observée de la Lune à l'Etoile, des fausses apparences causées par la réfraction & par la parallaxe.

673. Ecrivez, comme dans cette figure, la distance de l'Etoile au Zénith; c'est le complément de sa hauteur réduite par la regle précédente. Ecrivez

au-dessous la distance	Dist. Etoile au Zénith 71° 4'
de la Lune au Zénith,	Dist. ☾ au Zénith. . . 55 39 9.91677
ou le complément de	Dist. observée. . . . 62 41 9.94865
sa hauteur réduite,	Somme 189 24 19.86542
& mettez à côté son	Moitié. 94 42
logarithme de sinus.	Premier reste . . 39 3 9.79934
Ecrivez encore la	Second reste. . . 32 1 9.72461
distance observée de	39.52395
la Lune à l'Etoile,	19.86542
& à côté son log. de	19.65853
sinus. Ajoutez ces	Moitié 9.82926
deux logarithmes.	C'est le log. de sinus de 42° 27'
Ajoutez aussi les trois	Double, angle à la Lune 84 54
distances, prenez la	

moitié de la somme : de cette moitié ôtez d'abord la distance de la Lune au Zénith, & écrivez à côté du reste son logarithme de sinus. De cette même moitié ôtez la distance de la Lune à l'Etoile, & à côté du reste mettez son logarithme de sinus. Ajoutez ces deux

260 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

logarithmes de sinus de restes, en augmentant de 20 la caractéristique de la somme. Otez de cette somme la somme des deux logarithmes précédents, prenez la moitié du reste, ce sera le logarithme de sinus d'un angle, dont le double sera appelé *l'angle à la Lune*, parce que c'est effectivement l'angle sphérique à la Lune compris entre l'arc de sa distance à l'Etoile, & l'arc de sa distance au Zénith.

674. Prenez dans l'Almanach nautique la parallaxe horizontale de la Lune qui convient au temps donné, c'est ici 56',8; à son log. 1.7543 ajoutez le log. 9.9168 du sinus de la distance de la Lune au Zénith, la somme (en ôtant la dixaine à la caractéristique,) sera 1.6711 log. de 46',9 d'où il faut ôter la réfraction qui convient à la distance de la Lune au Zénith, laquelle est 1',5 (Tables page 13) reste 45',4, au log. de ce reste, 1.6570 ajoutez le log. du cosinus de l'angle à la Lune trouvé ci dessus, lequel est 8.9489. La somme (ôtant la dixaine à la caractéristique,) sera 0.6059 log. de 4',0 première correction qu'il faut faire à la distance observée, à cause de la réfraction & de la parallaxe de la Lune. Cette correction est toujours soustractive quand l'angle à la Lune est aigu, comme dans cet exemple, & toujours additive quand l'angle à la Lune est obtus.

675. A l'égard de la seconde correction, qui est celle qu'il faut faire à cause de la réfraction de l'Etoile, elle est insensible, & par conséquent il est inutile de la calculer, lorsque la hauteur de l'Etoile surpasse 65 degrés. Mais lorsqu'elle est au-dessous, on la trouve par ce calcul assez semblable au précédent. Le voici :

676. Ecrivez d'abord la distance de la Lune au Zénith : au-dessous celle de l'Etoile & son logarithme de sinus : au-dessous la distance de la Lune à l'Etoile &

son logarithme de sinus :	Dist. ☾ au Zénith . . .	55° 39'	
ajoutez les logarithmes à part, & les distances à part.	Dist. Etoile au Zénith 71 4	9.97584	
Prenez la moitié de la somme des distances, ôtez-en successivement la distance de l'Etoile au Zénith & la distance de l'Etoile à la Lune; écrivez à côté des restes leurs log. de sinus, dont vous prendrez	Dist. observée.	62 41	9.94865
	Somme	189 24	19.92449
	Moitié	94 42	
	Premier reste	23 38	9.60302
	Second reste.	32 1	9.72461
			39.32763
			19.92449
			19.40314
	Moitié		9.70157
	C'est le log. de sinus de 30° 12'		
	Double, angle à l'Etoile 60 24		

la somme ajoutant 20 à la caractéristique. Otez de cette somme celle des deux logarithmes précédents, & la moitié du reste sera le logarithme de sinus d'un arc, dont le double s'appellera *l'angle à l'Etoile*, parce qu'il mesure l'angle sphérique à l'Etoile compris entre l'arc de sa distance à la Lune, & l'arc de sa distance au Zénith.

677. Prenez dans la Table des réfractions (Recueil des Tables,

page 13,) celle qui convient à la distance de l'Etoile au Zénith, c'est ici $2',8$. A son log. 0.4471 , ajoutez celui du cosinus de l'angle à l'Etoile 9.6937 . La somme 0.1408 (ôtant la dixaine) est le log. de la correction pour la réfraction de l'Etoile, laquelle est ici $1,4$. Cette correction est additive quand l'angle à l'Etoile est aigu, & soustractive quand il est obtus.

Il faut donc, selon ce calcul, ôter $4',0$ à la distance observée $62^\circ 41'$, & y ajouter $1',4$, & on a $62^\circ 38',6$ distance corrigée.

Conclusion de la Longitude.

678. Le calcul en est absolument le même qu'au N° 664 & suiv.

Méthode pour observer la Longitude, par l'observation de la distance de la Lune au Soleil.

679. Lorsque la Lune n'a pas encore passé son premier quartier, ou lorsqu'elle a passé son dernier quartier, on peut avoir la longitude en observant sa distance au Soleil. Cette méthode est plus facile pour l'observation, que celle où l'on est obligé de mesurer la distance de la Lune à une Etoile pendant la nuit close; mais elle n'est praticable que pendant les quatre jours qui précèdent le premier quartier, & pendant les quatre qui suivent le dernier quartier. On a par ce moyen la longitude avec à peu près le même degré de précision, que par le secours des Etoiles, sur-tout lorsque la Lune n'est pas loin de son périgée, dans les temps qu'on vient de marquer, & qui doivent se trouver dans l'Almanach nautique avec les autres éléments nécessaires pour le calcul.

680. Le temps le plus propre pour l'observation, du moins pour avoir le temps vrai avec précision, est depuis une demi-heure après le lever du Soleil, jusques vers 10 heures du matin, (& même 10 heures $\frac{1}{2}$, si on est en dedans des Tropiques,) & depuis environ 2 heures du soir, jusques à une demi-heure avant le coucher du Soleil. On dira dans la suite, N° 694, ce qu'il faut faire si les circonstances obligent de faire l'observation de la longitude entre 10 heures $\frac{1}{2}$ du matin & 1 heure $\frac{1}{2}$ du soir.

681. Supposons qu'on veuille observer dans les temps propres pour cela; il faudra d'abord bien vérifier le quartier de réflexion: puis observer exactement la hauteur du Soleil, en marquant à la montre l'instant de l'observation, & en faisant relever au compas de route le point de l'Horizon où l'on estime que le Soleil répond perpendiculairement. Ensuite il faut observer au plutôt la distance de la Lune au Soleil, ce qui se doit pratiquer ainsi. Pointez la lunette à la Lune,

pour la voir au travers de la partie non étamée du petit miroir, & sans la perdre de vue, tournez le plan du quartier vers le Soleil : l'alidade doit être placée d'avance vers le degré de la distance de la Lune au Soleil, pris dans l'Almanach nautique, comme on a dit au N° 637. Lorsque l'image du Soleil sera entrée dans la lunette, donnez un petit mouvement à l'alidade, jusqu'à ce qu'en balançant légèrement le quartier, l'image du plus prochain bord du Soleil vienne raser le bord éclairé de la Lune. Marquez à la montre le temps de cette observation, & ayant mis par écrit l'arc de la distance observée, prenez la hauteur apparente du centre de la Lune, ou pour le mieux, celle du point du bord éclairé de la Lune, que vous estimerez avoir été touché par le Soleil : marquez l'instant de cette observation, & faites pendant ce temps-là relever au compas de route le point de l'Horizon auquel on estime que la Lune répond perpendiculairement.

682. L'observation étant ainsi achevée, le calcul se fera précisément comme pour la distance de la Lune à une Etoile.

REMARQUES sur la pratique des Observations & Opérations précédentes.

I.

De l'utilité qu'on peut retirer de trois Observateurs, qui observeroient ensemble, & en même temps.

683. Comme les Officiers d'un Vaisseau sont fournis d'instruments, & exercés à prendre hauteur, si trois vouloient partager entre eux les opérations, de sorte que l'un observât la hauteur de l'Etoile ou du Soleil, tandis qu'un autre mesureroit la distance de la Lune à l'Etoile ou au Soleil, & que le troisième prendroit la hauteur de la Lune; s'il arrivoit encore que leur concert fût tel, que chacun fût content de son observation au même moment à peu-près, ou à moins d'une minute d'intervalle de temps de l'un à l'autre, alors il est clair qu'on n'auroit besoin ni de montre, ni de compas de route, ni de faire la seconde opération pour le calcul.

684. Il est aisé de réussir à faire ensemble ces sortes d'observations pendant le jour, & pendant le crépuscule; parce que le premier & le troisième Observateur peuvent, par un mouvement léger de l'alidade, assujettir l'un l'image du Soleil ou de l'Etoile, & l'autre celle de la Lune, à rester sur le terme de l'Horizon de la Mer, pendant que le second Observateur fait ses tentatives pour prendre exactement

la distance ; & qu'ainsi dans l'instant qu'il y a réussi , les trois observations se trouvent faites à la fois.

685. Si l'on ne pouvoit employer que deux Observateurs à la fois , on épargneroit une bonne partie du calcul de la seconde opération.

686. Au reste , le meilleur emploi qu'on puisse faire de deux ou trois bons Observateurs , & de deux ou trois bons instruments bien vérifiés , c'est de faire à peu près en même temps , chacun en particulier , & sans se rien communiquer d'abord , les trois observations nécessaires pour la longitude , parce que leur calcul donnera autant de déterminations , entre lesquelles , si elles ne s'accordent pas parfaitement , comme cela doit arriver souvent , on prendra un résultat moyen qui sera plus sûr que si on n'en avoit qu'un seul , en supposant toutes les observations également bien faites.

I I.

De l'utilité qu'on retire en répétant les Observations autant que cela est possible.

687. Puisque la détermination de la longitude en Mer est une opération si délicate , qu'à chaque fois qu'on fait tout ce qui est nécessaire pour y parvenir , on ne peut se flatter d'atteindre à une précision telle , qu'on soit sûr d'avoir approché de la véritable longitude à moins de deux degrés près , il est clair qu'on ne peut trop faire d'efforts pour diminuer cette incertitude ; & comme il n'y a pas d'autre moyen pour cela , que de multiplier les observations , on ne doit se contenter d'une seule détermination , que quand on ne peut faire autrement.

688. L'Observateur doit donc répéter deux ou trois fois consécutivement la hauteur de l'Etoile , la distance de la Lune à l'Etoile & la hauteur de la Lune , en gardant , autant qu'il est possible , ce même ordre d'observations , & en mettant le moins d'intervalle de temps qu'il peut entre chacune. Le calcul de trois déterminations de longitude ne sera gueres plus long que celui d'une seule , parce que les mêmes figures y serviront ; il n'y aura que quelques lignes de plus à tirer.

689. Un autre avantage qu'on retirera de cette multiplicité d'observations , c'est que l'on s'épargnera la construction expliquée No. 650 & suiv. & presque tout le calcul de la seconde opération ; car les différentes hauteurs de l'Etoile & de la Lune qu'on aura prises , donneront la proportion avec laquelle ces deux Astres s'élèvent ou s'abaissent dans un certain temps ; il sera par conséquent aisé d'assigner , par une petite règle de trois , leur hauteur apparente au moment de chaque détermination de la distance de la Lune à l'Etoile.

690. Lorsqu'on ne peut répéter la mesure de la distance de la

264 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

Lune à l'Etoile ou au Soleil, si l'on peut prendre deux hauteurs du Soleil ou de l'Etoile, & deux hauteurs de la Lune, on s'épargne de même la nécessité de relever la direction des reflets de la Lune ou sa position azimutale à l'égard du point d'Est ou d'Ouest, & l'on pourra, par une simple proportion, en conclure les hauteurs apparentes pour le moment de l'observation de la distance.

691. Si les deux hauteurs de l'Etoile ont été prises exactement elles serviront à avoir avec plus de précision la quantité dont la montre avance ou retarde, en prenant un milieu entre les deux résultats du calcul de chaque hauteur, fait suivant les règles de la première opération.

692. La méthode générale pour prendre un milieu entre plusieurs quantités différentes, est celle-ci : *Ajoutez-les toutes ensemble, & divisez la somme par le nombre de ces quantités.* Ainsi je suppose que j'aie trouvé par trois hauteurs du Soleil ou de l'Etoile, que la montre retarde de 4' 27" selon le calcul de la première, de 4' 38" par la seconde, & de 4' 31" par la troisième; comme ces quantités ne diffèrent que dans les secondes, pour prendre un milieu, j'ajoute ensemble 27, 38 & 31, & je divise leur somme 96 par 3, le quotient 32, est la quantité moyenne des secondes; je peux donc dire que la montre avançoit de 4' 32", & j'en suis plus sûr par ce moyen, que si je n'avois employé qu'une seule de ces trois observations pour connoître l'état de la montre.

III.

Ce qu'on doit faire quand il n'est pas possible de faire l'observation de la distance de la Lune au Soleil ou à l'Etoile, si ce n'est à une heure trop proche de celle du passage du Soleil & de l'Etoile au Méridien.

693. La première opération du calcul (No. 649 & 576.) ne peut être exacte, si l'heure de l'observation de la hauteur de l'Astre ne diffère au moins de deux heures de celle de son passage par le Méridien, parce qu'alors cet Astre n'a pas un mouvement en hauteur assez sensible, pour donner un calcul juste de sa distance au Méridien. Si donc les circonstances sont telles, qu'il ne soit pas possible d'observer la longitude, si ce n'est en un temps qui ne diffère pas de deux heures de celui qui est marqué dans l'Almanach nautique pour le passage de l'Etoile au Méridien, ou si l'on ne peut observer la distance de la Lune au Soleil qu'aux environs de midi, parce que les nuages auront empêché de s'y prendre dans un autre temps, & que la Lune est prête de se coucher; alors voici ce qu'on peut faire,

694. 1°. Si c'est par la distance du Soleil à la Lune, qu'on doit observer la longitude, on commencera par s'assurer avant dix heures du matin de l'état de la montre, (qui doit toujours rester suspendue librement pendant tout le temps que les observations durent,) en prenant deux ou trois bonnes hauteurs du Soleil. On fera ensuite, à l'heure commode, les trois observations propres pour la longitude, savoir, d'une hauteur du Soleil, de sa distance à la Lune, & d'une hauteur de la Lune, en marquant les instants à la montre, & en relevant au compas de route les positions azimutales du Soleil & de la Lune. Sur les deux heures, ou deux heures & demie après midi, on prendra deux ou trois bonnes hauteurs du Soleil, pour connoître encore l'état de la montre, & par ce moyen on aura sa marche exacte pendant tout le temps des observations. Comme si j'avois trouvé, par le milieu entre les résultats de plusieurs hauteurs du Soleil, qu'à 4^h 48' du matin la montre retardoit de 3' 50'', & qu'à 2^h 23' du soir elle retardoit de 5' 42'', & si j'avois observé la distance de la Lune au Soleil à 11^h 17' $\frac{1}{2}$ du matin. Je dirois si en 4^h 35' de temps la montre augmenté son retard de 1' 52''; en 1^h 29' de temps, (ou depuis 4^h 48' jusques à 11^h 17',) elle a dû augmenter son retard de 37'' : donc à 11^h 17' $\frac{1}{2}$ elle retardoit de 4' 27''. Donc l'heure vraie de l'observation de la distance est 11^h 21' 57'' du matin. Il est clair que dans ce cas la hauteur du Soleil, observée un peu avant sa distance à la Lune, ne serviroit qu'aux calculs de la seconde opération.

695. II. Si l'on doit observer la longitude par le moyen d'une étoile, il pourra arriver trois cas. Ou cette observation se fera dans les environs du crépuscule du soir, ou de celui du matin, ou fort avant dans la nuit close.

696. Si l'observation se doit faire pendant le crépuscule du soir, un peu après sa fin, il faudra régler la montre au Soleil : en voici la meilleure manière. Sur les trois heures du soir on déterminera, par deux ou trois bonnes hauteurs du Soleil, de combien la montre avance ou retarde; on fera la même chose environ une demi-heure avant le coucher du Soleil : en général il faut un intervalle de deux heures, au moins, entre ces deux déterminations. En les comparant on aura la marche de l'horloge à l'égard du temps vrai, & par conséquent on pourra en conclure l'instant de l'observation de la distance de la Lune à l'Etoile. Comme si j'avois trouvé qu'à 3^h 12' la montre retardât de 27'', & à 5^h 58' qu'elle avançât de 1' 8'', je conclurois de-là que la montre auroit accéléré son mouvement de 1' 35'' en 2^h 46', puisqu'elle a regagné les 27'' dont elle retardoit, & de plus qu'elle a avancé de 1' 8''. Cela posé, si j'ai observé la distance de la Lune à l'Etoile à 7^h 21' $\frac{1}{4}$ à la montre, je dirai si en 2^h 46' (ou en 166') la montre a avancé de 1' 35'' (ou de 95'') ; en 1^h 23' (ou en 83' intervalle de 5^h 58' à 7^h 21'), elle doit avancer de 47'' : donc à 7^h 21' elle avançoit de 1' 55''. Donc l'heure vraie de l'observation de la distance est 7^h 19' 20''.

697. Si l'observation doit se faire vers le crépuscule du matin,

on réglera la montre de la même manière, mais par des hauteurs de Soleil prises une demi-heure après son lever, & vers les 8 ou 9 heures du matin. Comme si ayant observé la distance de la Lune à l'Etoile à $4^h 33' \frac{1}{2}$ à la montre, je trouve ensuite à $6^h 2'$ que la montre avance de $17''$, & à $8^h 42'$ qu'elle avance de $3' 12''$; je dirai, si en $2^h 40'$ temps la montre a accéléré sa marche de $2' 55''$, en $1^h 29'$ (intervalle de $4^h 33'$ à $6^h 2'$), elle l'a accéléré de $1' 38''$. Or puisqu'à $6^h 2'$ elle n'avançoit que de $17'$, il falloit qu'à $4^h 33'$ elle avançât de $1' 38''$ moins, il falloit donc qu'elle retardât de $1' 21''$: ainsi le temps de l'observation de la distance a dû être à $4^h 34' 51''$ du matin.

698. Enfin, si l'observation ne se peut faire que bien avant de la nuit close, il faudra régler la montre par des hauteurs de l'Etoile prises le plus exactement que l'on pourra deux heures avant & de deux heures au moins après son passage par le Méridien, précisément comme on a dit ci-dessus (N^o. 694.) pour le Soleil.

699. Pour la précision de tous les calculs détaillés dans cet article, il faut que le Vaisseau n'ait changé ni de route, ni de vitesse, & moins sensiblement, pendant l'intervalle des premières aux dernières observations.

I V.

Sur ce qu'on peut faire dans certains cas.

700. Pendant la nuit close, & lorsque l'Horizon est un peu obscur, il ne faut pas observer sur les dunettes, mais dans la partie du Navire la plus basse qu'on pourra, parce qu'alors l'Horizon de la Mer étant plus près de l'œil, son extrémité sera plus visible.

701. Si la Lune est fort haute dans le temps qu'on l'observe, ses reflets ne font pas sur la surface de la Mer une traînée de lumière distincte. Alors il en faut observer deux hauteurs, à quelques minutes d'intervalle de temps, afin d'avoir la proportion avec laquelle la Lune monte ou descend.

702. Lorsque la Lune n'est pas extrêmement haute, on peut relever au compas le point de l'Horizon auquel on estime qu'elle répond perpendiculairement; car quatre ou cinq degrés d'erreur dans cette observation ne sont d'aucune conséquence. Cette observation est utile pendant le jour & pendant les crépuscules, sur-tout lorsque les nuages voisins de la Lune menaceront de ne pas permettre d'en observer une seconde hauteur.

Ceci peut être appliqué au Soleil ou aux Etoiles, pour éviter une partie du calcul de la seconde opération.

703. Quand la Lune & l'Etoile sont sensiblement dans un même vertical, c'est-à-dire, quand le point où ils répondent perpendiculairement à l'Horizon est sensiblement le même, alors on peut s'épargner presque tout le calcul de la troisième opération & le réduire à ces deux règles.

704. Prenez dans l'Almanach nautique la parallaxe horizontale

la Lune : à son logarithme ajoutez celui du sinus de complément la hauteur de la Lune réduite par la seconde opération : la somme (tant la dixaine à la tête ,) fera le logarithme de la premiere correction de la distance , laquelle sera toujours additive , quand l'Etoile est plus basse que la Lune ; & soustractive , quand elle sera plus haute que la Lune.

705. Prenez dans la Table , page 13 , la réfraction qui convient à la hauteur apparente de l'Etoile , réduite par la seconde opération , la réfraction qui convient à la hauteur de la Lune réduite de même : prenez la différence entre ces deux réfractions , ce sera la seconde correction , qui sera toujours additive.

706. Ce cas arrive assez souvent entre les Tropiques , & c'est aussi celui où la situation de l'instrument propre à observer les distances est la moins incommode. C'est par conséquent cette disposition des choses , qui est la plus favorable pour le calcul & pour l'observation.

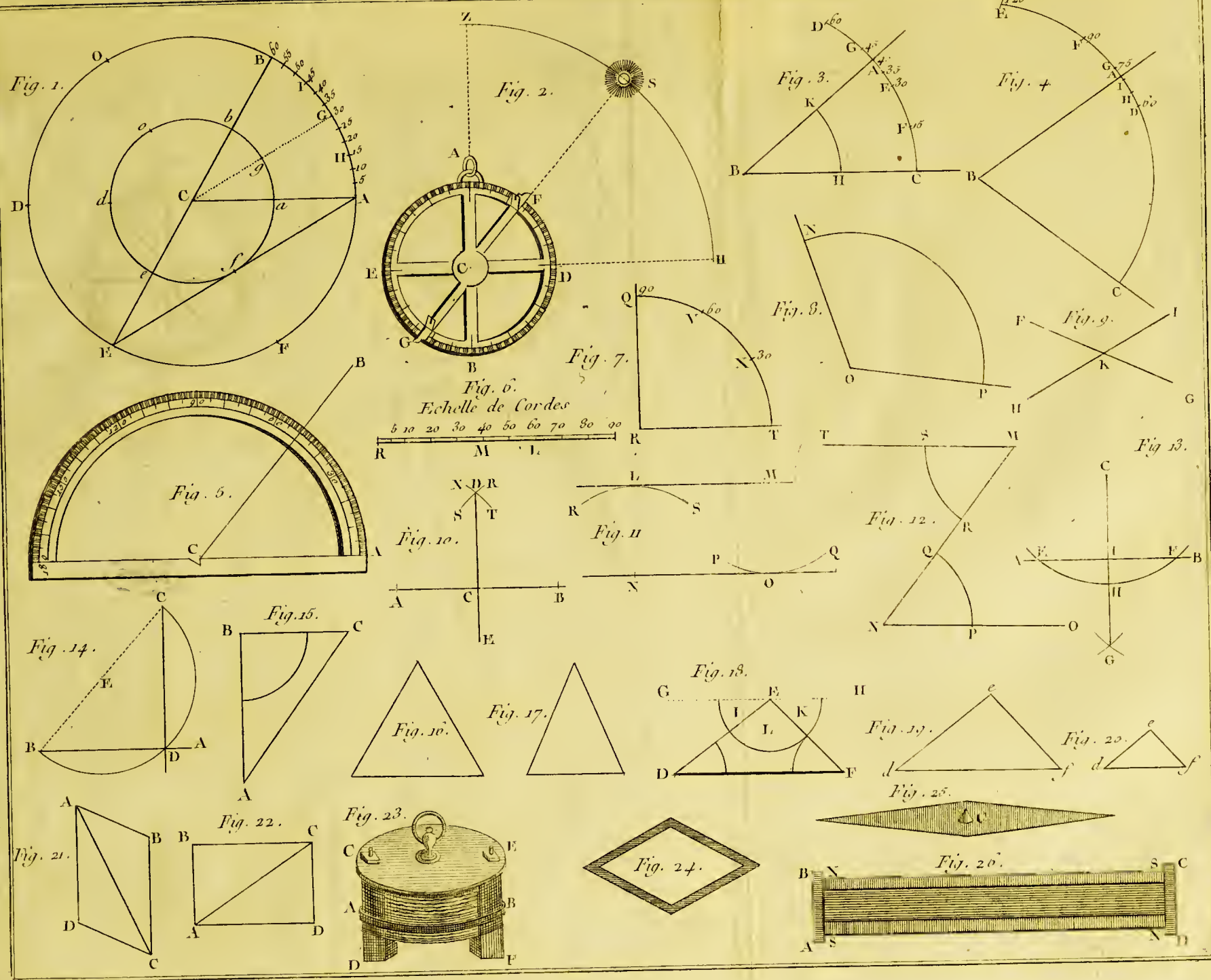
707. Lorsque la distance de la Lune à l'Etoile est de plus de 20 degrés , si la différence des positions azimutales de la Lune & de l'Etoile n'est pas plus d'un demi-quart de rhomb , on pourra toujours supposer que ces deux arcs étoient dans le même vertical au temps de leur observation , & par conséquent substituer les deux regles précédentes à tous les calculs détaillés dans la troisieme opération No. 653 suivans , 673 & suivans.

708. Quand on se trouve à la vue d'une Isle ou d'une Terre , dont la position n'est pas sûre sur la Carte , on ne doit rien négliger pour chercher d'en déterminer la longitude , quand même on seroit dépourvu de calculs préliminaires que nous supposons servir à composer l'Almanach nautique. Lorsqu'on aura fait les observations propres pour cela , il sera bon , au retour du voyage , de les communiquer à quelque Astronome , qui vérifie les calculs de la Lune , & qui tire de ces observations tout le parti possible à l'avantage de la Géographie.

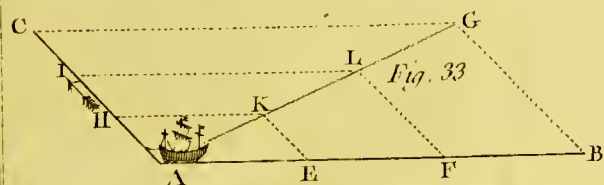
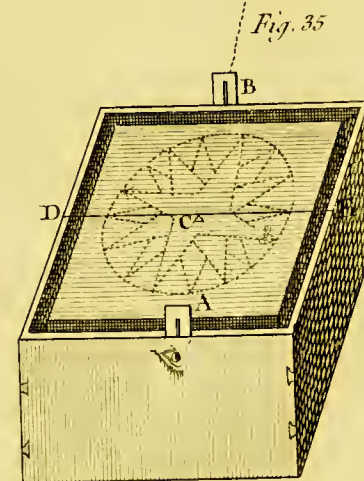
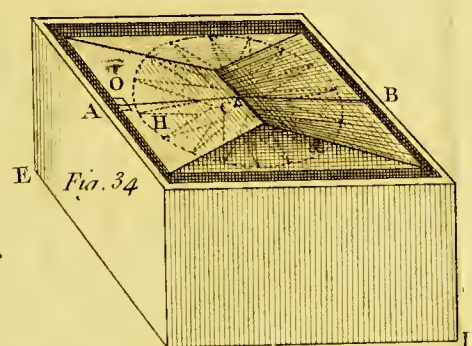
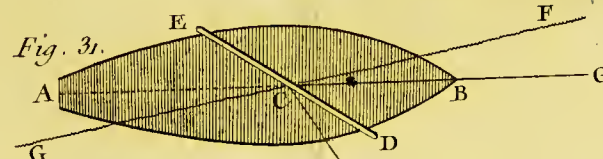
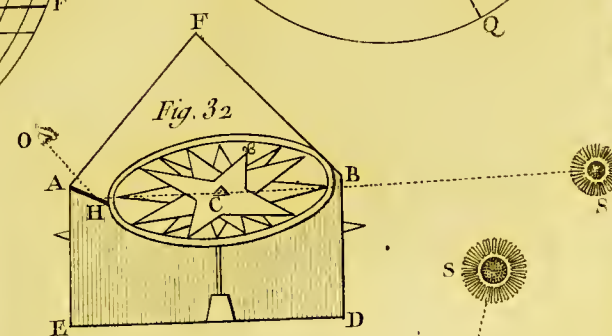
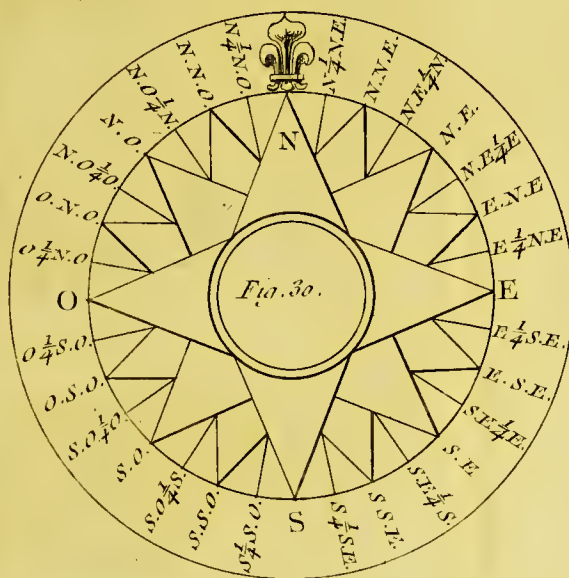
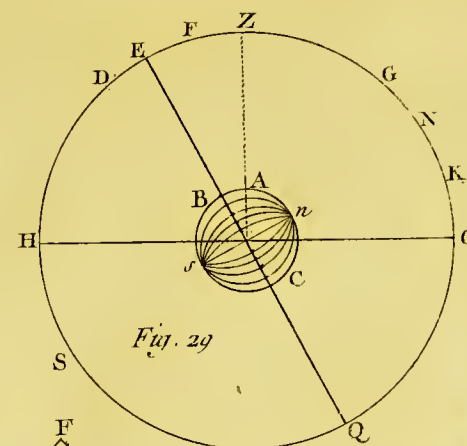
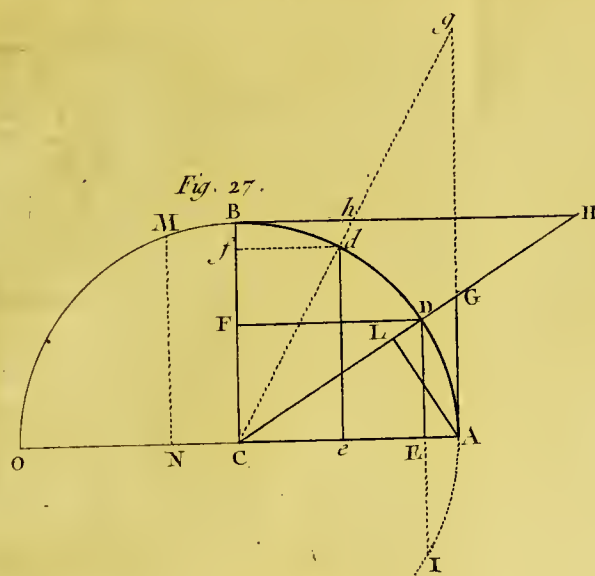
709. Lorsqu'un Navigateur est en relâche à terre , il ne doit négliger aucune occasion d'y faire des observations , selon quelques-unes de nos méthodes pour avoir la longitude de ce lieu , sur-tout lorsque l'Horizon de la Mer pourra lui servir pour prendre les hauteurs des Astres avec son quartier de réflexion. Si de plus il peut avoir provision d'un genou de cuivre , & d'un triangle ou pied de bois tel que celui dont les Arpenteurs se servent pour leurs graphometres , ayant attaché ce genou avec trois vis derrière son quartier , il pourra le tenir assujetti dans le plan qui passe par l'œil , par l'Etoile & par la Lune , & alors il prendra tout à son aise la distance de la Lune à l'Etoile , qui paroîtra comme collée sur le bord éclairé de la Lune.

Il seroit à souhaiter encore que le Voyageur fût muni d'un instrument propre à prendre à terre les hauteurs des Astres à trois ou quatre minutes près , parce qu'il s'en serviroit non-seulement pour faire les trois observations nécessaires pour la longitude par-tout où il le jugeroit nécessaire , mais encore pour observer la latitude.

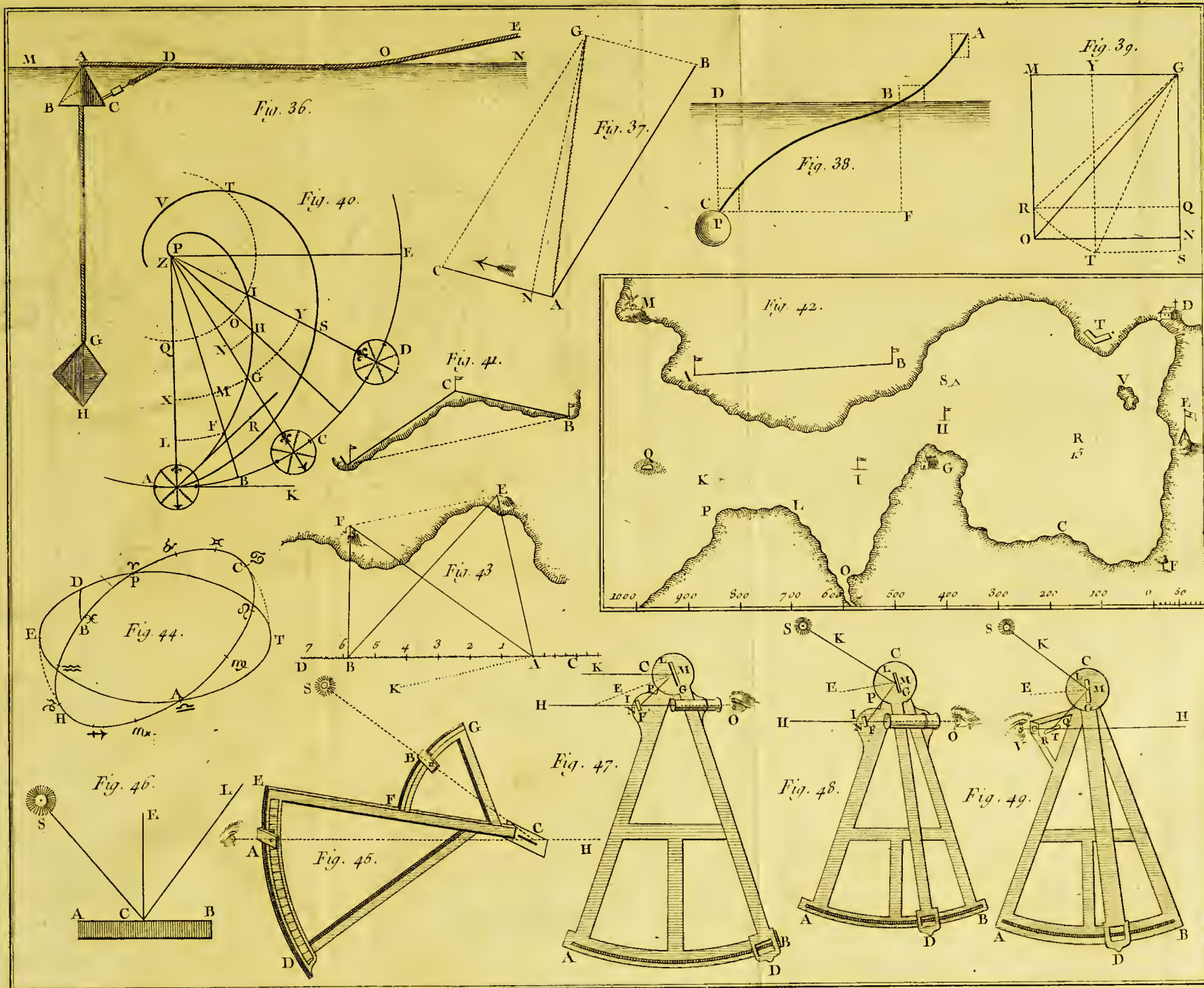
Distances au bord éclairé de la Lune.																			
Jours du M.	Noms des Etoiles dont il faut observer la distance au bord éclairé de la Lune.	Situation des Etoiles.	Passage de l'Etoile au Méridien de Paris.		Parallaxe à l'horizon.		Distances au bord éclairé de la Lune.												
			H. M. S.	M. m.	M. m.	à midi.	à 4 heures.	à 8 heures.	à 12 heures.	à 16 h.	à 20 h.								
1	L'Epi de la Vierge...	à l'orient	6	16	57	60.7	60.4	68	9.1	65	41.3	63	14.0	60	47.3	58	21.5	55	56.3
2	Le Soleil.....	à l'occid.	0	0	0	60.0	59.6	43	52.6	46	6.9	48	20.6	50	33.5	52	45.6	54	57.0
3	L'Epi de la Vierge....	à l'orient	6	12	50	60.0	59.6	53	31.8	51	8.4	48	45.7	46	23.6	44	2.8	41	42.8
4	Le Soleil.....	à l'occid.	0	0	0	59.1	58.6	57	7.7	59	17.6	61	26.8	63	35.2	65	42.8	67	49.7
5	L'Epi de la Vierge....	à l'orient	6	8	43	59.1	58.6	39	23.5	37	5.6	34	48.4	32	32.0	30	16.6	28	2.6
6	Le Soleil.....	à l'occid.	0	0	0	58.1	57.6	69	55.9	72	1.3	74	6.0	76	9.9	78	13.1	80	15.7
7	L'Epi de la Vierge....	à l'orient	6	4	37	58.1	57.6	25	49.4	23	37.6	21	27.0	19	18.0	17	11.1	15	6.3
8	Le Soleil.....	à l'occid.	0	0	0	57.2	56.7	82	17.6	84	18.6	85	19.1	88	19.0	90	18.0	92	16.5
9	Le cœur du Lion.....	à l'occid.	2	44	7	57.2	56.7	42	30.4	44	40.6	46	50.2	48	59.1	51	7.3	53	14.9
10	Le cœur du Scorpion.	à l'orient	9	2	12	57.2	56.7	68	12.0	66	1.0	93	50.6	61	40.8	59	31.9	57	23.7
11	Le front du Scorpion.	à l'orient	8	39	4	57.2	56.7	50	58.6	48	47.7	46	37.4	44	27.8	42	18.9	40	10.6
12	La Queue du Lion....	à l'occid.	4	20	1	56.3	56.0	34	25.7	36	30.1	38	34.1	40	37.5	42	40.6	44	43.4
13	Le cœur du Scorpion.	à l'orient	8	58	9	56.3	56.0	55	16.2	53	9.5	51	3.3	48	57.6	46	52.4	44	47.7
14	Le front du Scorpion.	à l'occid.	8	34	59	56.3	56.0	38	2.9	35	55.9	33	49.4	31	43.3	29	37.9	27	32.9
15	La Queue du Lion....	à l'occid.	4	16	57	55.6	55.3	46	45.9	48	48.1	50	50.0	52	51.6	54	52.8	56	53.8
16	Le cœur du Scorpion.	à l'orient	8	54	5	55.6	55.3	42	43.6	40	40.0	38	36.8	36	34.2	34	32.1	32	30.4
17	Le front du Scorpion.	à l'orient	8	30	55	55.6	55.3	25	28.4	23	24.5	21	21.0	19	17.9	17	15.3	15	13.1
18	La Queue du Lion....	à l'occid.	4	12	54	55.1	54.9	58	54.5	60	54.7	62	54.6	64	54.4	66	54.1	68	53.6
19	Le cœur du Scorpion.	à l'orient	8	54	0	55.1	54.9	29	29.0	27	27.9	25	27.0	24	26.5	22	26.5	20	26.9
20	L'Epi de la Vierge....	à l'occid.	5	48	22	55.1	54.9	26	20.4	28	19.8	30	19.0	32	18.2	34	17.4	36	16.4
21	L'Epi de la Vierge....	à l'occid.	5	44	18	54.6	54.5	38	15.4	40	14.3	42	13.1	44	11.8	46	10.4	48	8.8
22	L'Epi de la Vierge....	à l'occid.	5	40	14	54.3	54.2	30	7.1	52	5.3	54	3.5	56	1.6	57	59.5	59	57.3
23	L'Epi de la Vierge....	à l'occid.	5	36	11	54.1	54.1	61	55.1	63	52.9	65	50.7	67	48.6	69	46.4	71	44.2
24	Le front du Scorpion.	à l'occid.	8	14	42	54.1	54.1	22	49.2	24	47.6	26	46.0	28	44.3	30	42.6	32	40.9
25	Le cœur du Scorpion.	à l'occid.	8	33	49	54.0	54.0	17	41.3	19	38.2	21	35.4	23	32.8	25	30.4	27	28.1



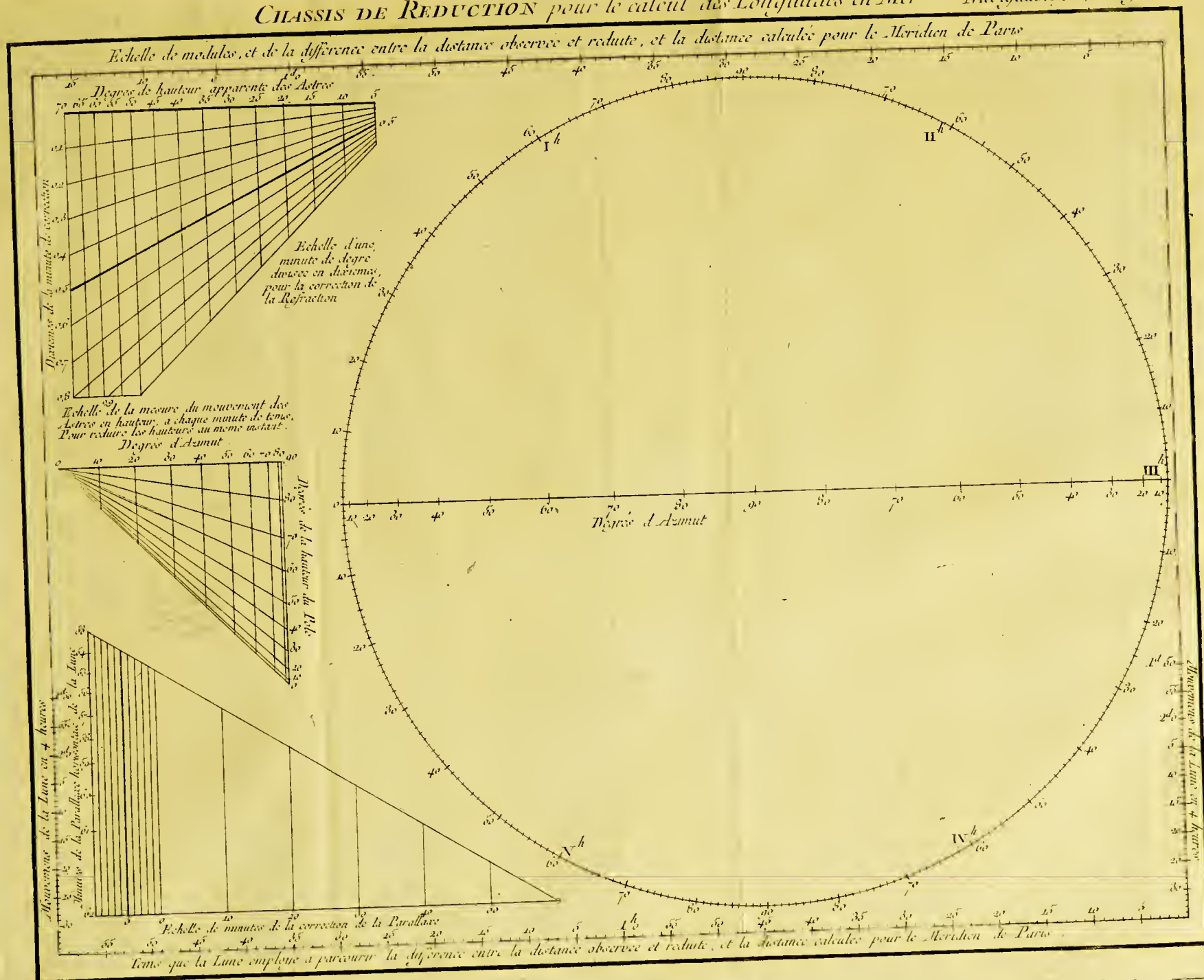
RPJCB



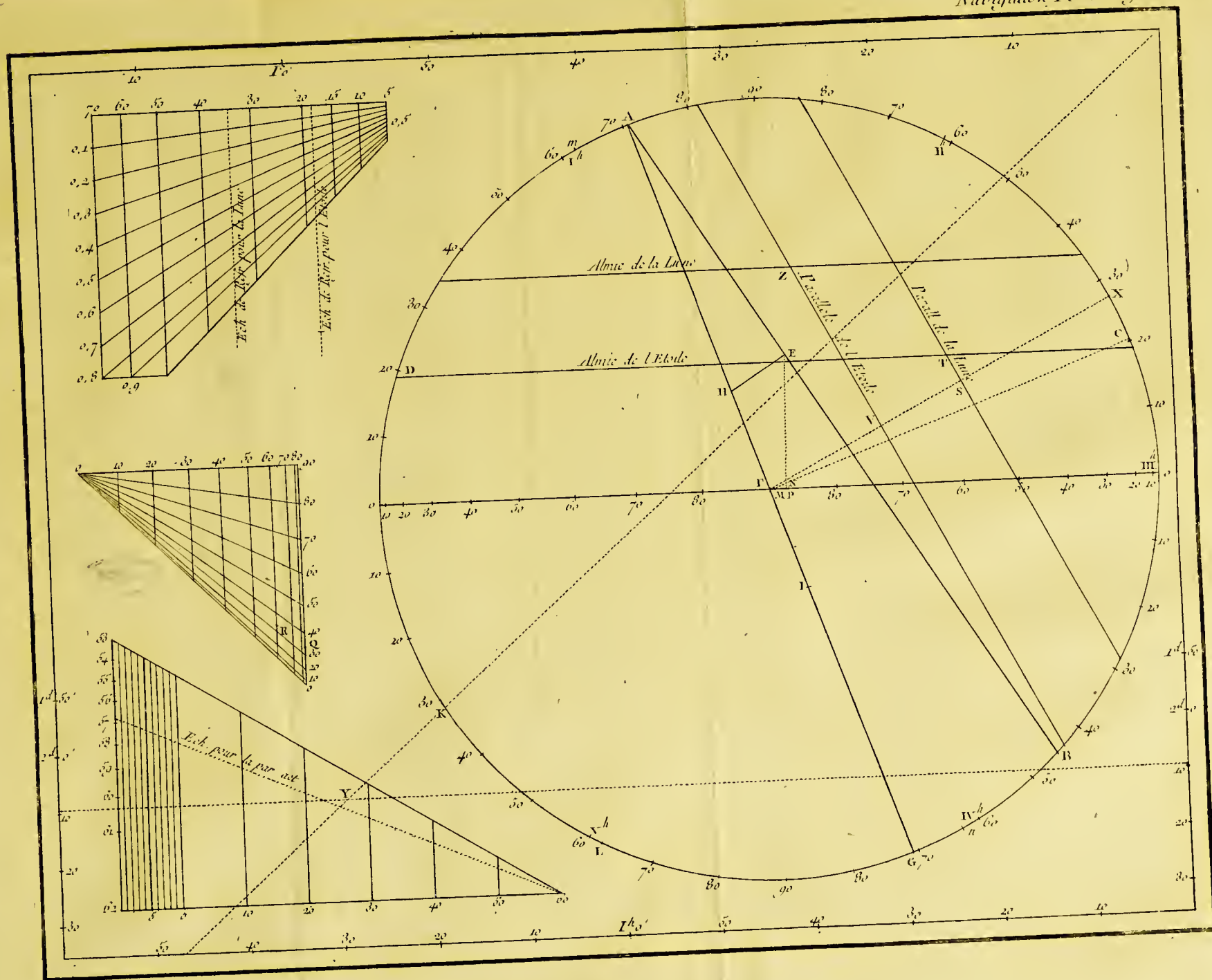
RPJCB



RPJCB



RPJCB



RPJCB



IVRE CINQUIEME.

*la résolution des routes de Navigation,
par diverses méthodes.*

LES Mathématiciens qui ont fait des recherches résoudre le plus exactement, & le plus facilement est possible, les problèmes dans lesquels consiste le journalier du Pilote, pour mesurer le chemin qu'il court sur la Mer; ces Mathématiciens ont imaginé divers méthodes de calculs & d'opérations, dont ils ont établi l'usage. Il n'est pas nécessaire qu'un Pilote apprenne toutes; mais il y en a trois qu'il ne doit pas négliger: la première s'exécute par un instrument appelé *quartier de réduction*: la seconde par la Trigonométrie rectangulaire, & la troisième par les Loxodromies. Nous allons expliquer chacune avec le détail nécessaire, & principalement la première, qui est presque la seule en usage chez nos Pilotes François.





PREMIERE SECTION

Dans laquelle on explique la maniere
naviguer par le Quartier de réduction

CHAPITRE PREMIER.

*Description du Quartier de réduction ,
usage de cet Instrument pour la résolution
des Routes.*

I.

711. **L**E QUARTIER de réduction est comme
Carte qui convient à tous les endroits du Globe terre
On pointe , pour ainsi dire , les routes sur cet instrument
& après avoir vu la latitude & la longitude où elles com-
mencent , on transporte le point , si l'on veut , sur la Carte
réduite , & on-en tient compte sur le Journal.

712. Le Quartier est partagé en plusieurs petits quar-
tiers par des lignes droites paralleles qui sont coupées perpen-
diculairement par d'autres paralleles : celles qui vont d'un
sens sont des lignes Est & Ouest qui se trouvent , par le
moyen , toutes divisées en parties égales , & celles qui vont
dans le sens perpendiculaire au premier , sont des lignes
Nord & Sud pareillement divisées en parties égales. Il y a
aussy sur le plan de cet instrument plusieurs quarts de cercles
tracés qui ont leur centre commun dans un des angles. Le
quart de cercle de ces quarts de cercles est divisé en degrés , & de 12
12 minutes par des transversales. Il part du centre plusieurs
rayons qui font , les uns avec les autres , des angles de
11° 15' , & qui marquent les rumbes de vent. On voit

Quartier de réduction à la fin de ce Livre (*Planche XI.*) ; Pl. XI.
 Pour en faire usage , il faut le coller sur une feuille de car-
 ton , & attacher un fil ou un crin au centre des arcs de cer-
 cle , pour suppléer aux rayons ou rumbes de vent qu'on
 peut , sans confusion , tracer en plus grand nombre.

713. Il est facile de former sur cet instrument tous les
 angles rectangles possibles. Le fil qu'on peut tendre sur
 une direction qu'on veut , marquée par les divisions en
 degrés , représente l'hypothénuse. On en règle la longueur
 par le moyen des arcs concentriques , & également éloignés
 des autres , dont les intervalles se comptent aisément
 de la manière dont ils sont distingués & cotés de cinq en
 cinq. On voit avec la même facilité la longueur des deux
 autres côtés par le moyen des droites parallèles & perpen-
 diculaires qui laissent aussi entr'elles des intervalles égaux.

714. Pour avoir un bon Quartier de réduction , il vaut
 mieux le construire soi-même , ou le faire construire sur un
 carton fin & lissé , que d'employer une feuille gravée & collée
 sur un carton , parce qu'alors il est impossible que la propor-
 tion se soit bien conservée dans toutes les parties d'une feuille
 de papier mouillée , puis passée sous la presse , & enfin collée.
 Les Constructeurs de Navire , les Ingénieurs , Architectes ,
 & autres Artistes accoutumés à faire des desseins
 exacts , sont très-propres à faire les meilleurs Quartiers de
 réduction.

I I.

*Comment trouver combien une Route porte vers le
 Nord ou vers le Sud , & vers l'Est ou
 vers l'Ouest.*

715. Puisque la navigation se fait par longitude & par
 latitude , la première recherche qu'on doit faire lorsqu'on a
 parcouru quelque chemin en Mer , c'est pour savoir de
 combien on a changé de longitude , & de combien on a
 changé de latitude , depuis le moment où l'on a commencé
 à compter ce chemin. Car alors connoissant la longitude

& la latitude du point d'où l'on est parti, il est facile conclure celles du point où l'on est parvenu. Ce premier problème s'énonce ainsi : *Une route d'un nombre de lieues donné étant parcourue sous un rumb de vent connu, trouver le nombre de lieues qu'on a fait dans la ligne Est & Ouest & le nombre de lieues qu'on a fait dans la ligne Nord & Sud.*

716. Pour le résoudre par le Quartier de réduction PL. XI. on prend toujours le centre C (Planche XI.) pour le point du départ. La route faite suivant un même rumb de vent, compte toujours le long du fil attaché au centre, qu'on tend pour cet effet dans la direction de ce rumb, & les lieues, milles, ou telles autres portions de parties égales du chemin fait sur ce rumb, se comptent sur le Quartier par les intervalles entre les cercles paralleles qui y sont décrits. Car cet instrument peut représenter indifféremment chaque quart de l'Horizon. On peut prendre aussi bien le rayon CA pour le Sud que pour le Nord, & le rayon CB tient également lieu de l'Ouest que de l'Est. Le Quartier de réduction satisfait à cet égard à tous les besoins du Pilote, parce que les quatre portions de l'Horizon sont divisées de la même manière. Si l'on a couru au NE, on prendra la ligne CA pour le Nord, & CB pour l'Est; & la ligne du milieu sera le NE; on aura le NNE entre le Nord & le NE, &c. De même si l'on veut courir à l'OSO, on prendra la ligne CA pour le Sud, & CB pour l'Ouest; la ligne du milieu sera le SO, & le rayon qui est entre l'Ouest & le SO, sera l'OSO, & ainsi des autres. A l'égard des lieues parcourues dans l'Est ou l'Ouest, & de celles qui sont parcourues dans le Nord ou le Sud, on les compte toujours par les intervalles des droites paralleles.

717. Le Quartier de réduction est moins sujet que les autres instruments aux erreurs qui viennent de faute d'attention, parce qu'il met sous les yeux les opérations dans leur plus grande simplicité. Il rend très-sensibles les plus petites quantités quand les routes parcourues sont fort petites. En général on y règle la valeur des intervalles des droites & des cercles paralleles, selon l'étendue des divisions de

de ce Quartier, & selon celle de la route qu'on veut ré- Pl. XI.
 quire. Si l'on n'a fait que très-peu de chemin, on peut
 prendre les intervalles des lignes ou des cercles paralleles
 qui y sont tracés pour des lieues, pour des tiers ou pour
 des dixiemes de lieue, & il suffit de n'en pas changer la
 valeur pendant la même opération. Si on a couru un grand
 nombre de lieues, on prend chacun de ces intervalles pour
 une lieue, pour quatre ou pour six, &c, selon qu'on le
 trouve nécessaire, pour que la droite qui représente la route
 parcourue, ne sorte pas hors du cadre du Quartier.

718. EXEMPLE. On a couru 46 lieues au $NO \frac{1}{4} N$.
 On veut savoir combien on a avancé vers le Nord & vers
 l'Ouest?

Je prends la ligne CA pour le Nord, & la ligne CB
 pour l'Ouest; la ligne du milieu fera le NO , & CD fera
 $NO \frac{1}{4} N$. Je prends après cela chaque intervalle des
 droites & des cercles paralleles pour une lieue: je compte
 sur CD 46 intervalles de cercle; ils se terminent en E , où
 j'ai planté une épingle pour marquer le point de l'arrivée.
 Je compte ensuite le nombre des intervalles de droites pa-
 ralleles à CB qu'il y a depuis F jusqu'en E , & j'ai les lieues
 avancées vers le Nord, qui sont d'environ $38 \frac{1}{4}$. La quan-
 tité dont j'ai avancé vers l'Ouest, ou dont je me suis éloigné
 du Méridien vers l'Occident, est marquée par GE ; je la
 compte par le nombre des intervalles de droites paralleles
 sur CA compris depuis G jusqu'en E : je la trouve de
 7 lieues $\frac{1}{2}$.

719. Mais si la route eût été de 62 lieues, alors le
 point E seroit tombé hors du cadre du Quartier, & il auroit
 fallu faire valoir chaque intervalle de paralleles de 2 lieues:
 le point E seroit donc tombé à 31 intervalles de cercles
 paralleles comptés sur CD . (C'est dans cette Figure, à un
 intervalle au-dessus de L .) L'on eût trouvé $25 \frac{3}{4}$ intervalles
 de droites paralleles pour le chemin fait dans le Nord, &
 $7 \frac{1}{4}$ pour le chemin fait dans l'Ouest, & comme chaque
 intervalle vaut 2 lieues, on eût eu 51 lieues $\frac{1}{2}$ dans le Nord,
 34 $\frac{1}{2}$ dans l'Ouest.

PL. XI. 720. EXEMPLE II. On a couru 206 lieues au N N E. On demande combien on a avancé de lieues vers le Nord & vers l'Est ?

La ligne *CH* est le N N E. On ne peut pas faire valoir chaque intervalle une lieue, ni deux, ni même trois; car le Quartier de réduction ne se trouveroit pas assez grand; on le fera valoir 4 lieues, ou, ce qui revient au même, on réduira tout au quart, c'est-à-dire, qu'on prendra le quart de 206 qui est la route parcourue, on aura $51\frac{1}{2}$. On comptera donc $51\frac{1}{2}$ intervalles de cercles depuis *C* jusques en *O*, où l'on piquera une épingle: on verra ensuite qu'on a environ $47\frac{1}{2}$ intervalles de droites paralleles dans le sens Nord & Sud, & $19\frac{3}{4}$ dans le sens Est & Ouest. On quadruplera ces quantités, & on aura 190 lieues au Nord, & 79 lieues vers l'Est. On auroit pu réduire tout au cinquieme ou au sixieme, mais le résultat des opérations en auroit été d'autant moins sûr, parce que sa précision dépend alors de la maniere dont on estime les fractions d'intervalles, & cette estime est d'autant moins sujette à erreur, qu'elle suppose moins de subdivisions à faire.

I I I.

Réduction des Lieues courues au Nord ou au Sud, en degrés de différence en latitude.

721. Quand on connoît les lieues qu'on a avancé dans la ligne Nord & Sud, il est aisé de savoir le nombre de degrés & de minutes dont on a changé en latitude, parce que (113) le Pole s'élève ou s'abaisse d'autant de degrés qu'on a couru de fois 20 lieues dans cette ligne. On convertit donc les lieues en degrés & minutes en les multipliant par 3, & divisant le produit par 60. Le quotient de cette division est le nombre de degrés, & le reste est celui des minutes. Si, par exemple, j'ai avancé 68 lieues dans le Nord, je multiplie 68 par 3, & je divise le produit 204 par 60; je trouve le quotient 3, & le reste 24. J'ai donc parcouru $3^{\circ} 24'$ en latitude.

I V.

Que la rondeur de la Terre n'empêche pas qu'on ne puisse prendre les routes parcourues sur sa surface pour des lignes droites, pourvu qu'on y emploie certaines précautions. Ce que c'est que le moyen parallele.

722. Le Quartier de réduction ne participe pas au défaut que nous avons remarqué ci-devant (232) dans les cartes plates. Les rums de vent suivis sur la surface de la Terre, sont des lignes courbes ; mais on peut, comme on va le voir, les représenter sur le Quartier de réduction par des lignes droites sans inconvénient. On n'a qu'à jeter les yeux sur la *Fig. 40*, & se souvenir que les loxodromies Fig. 40. ou lignes courbes qu'on trace sur la surface de la Terre, en dirigeant sa route toujours sur le même degré de la Boussole, sont toujours un angle égal avec chaque Méridien, ou avec chaque ligne Nord & Sud qu'elles rencontrent. Si on suppose après cela que la loxodromie est divisée en plusieurs petites portions comme *AF*, *FG*, *GH*, &c, chacune de ces petites parties produira une petite différence de latitude *AL*, *FM*, *GN*, &c, & il faut considérer qu'il y a le même rapport d'une portion de la loxodromie, comme *AF*, à sa différence en latitude correspondante *AL*, que de toute autre portion de la même loxodromie, comme *FG* ou *HI*, &c, à sa petite différence en latitude *FM* ou *HO*. Ainsi c'est précisément la même chose à cet égard que si les loxodromies ou rums de vent étoient des lignes droites, & que les Méridiens fussent paralleles entr'eux. Il s'en manque beaucoup que *AQI* ne soit un triangle rectangle sur la surface de la Mer ; mais néanmoins on peut le considérer comme tel sur le Quartier de réduction, lorsqu'il s'agit de trouver le rapport du chemin à la différence en latitude. On trouve tout d'un coup sur

S ij

cet instrument la somme de toutes les petites différences latitude AL , FM , GN , &c, lesquelles jointes ensemble forment AQ ou DI .

723. L'opération qui donne sur le Quartier de réduction les lieues avancées vers l'Est ou vers l'Ouest, est également régulière, pourvu qu'elle soit bien entendue, & que la longueur de la route courue, qu'on veut partager en lieues Nord & Sud, & en lieues Est & Ouest, ne soit pas excessive comme de plus de 200 lieues. On trouve la somme de toutes les petites parties LF , MG , NH , &c; mais ces petites parties restent toujours séparées, & elles ne forment pas une ligne continue sur la surface du Globe. Outre cela ces petites lignes jointes ensemble ne sont égales ni à QI , ni à AD . Nous courons, par exemple, 100 lieues au NE : on verra sur le Quartier de réduction que nous avancerons environ 70 lieues & deux tiers vers le Nord & la même quantité à l'Est. Il y aura réellement $70\frac{2}{3}$ lieues depuis A jusqu'en Q , ou depuis D jusqu'en I ; c'est le progrès vers le Nord ou le changement en latitude. Mais on ne fera pas la même chose des $70\frac{2}{3}$ lieues à l'Est; elles seront prises sur de petites portions de différents parallèles consécutifs; & jointes ensemble elles seront plus grandes que QI , & moindres que AD .

724. On suppose dans la pratique de la Navigation que ces petites parties forment par leur addition la quantité XY , qui tient à peu près le milieu entre QI & AD . Cette supposition, quoiqu'elle ne soit pas vraie dans la rigueur, ne peut produire aucune erreur sensible dans le Pilotage quand les routes n'excedent gueres 200 lieues. Ainsi les $70\frac{2}{3}$ lieues dont le Quartier de réduction nous apprend que nous avons avancé vers l'Est, lorsque nous avons couru 100 lieues au NE, depuis A jusqu'en I , ne sont censées avoir été faites ni depuis A jusqu'en D sur le parallèle de la latitude du départ, ni depuis Q jusqu'en I sur le parallèle de l'arrivée : on les suppose faites depuis X jusqu'en Y par une latitude moyenne entre ces deux ; on appelle XY le moyen parallèle.

725. Mais ces mêmes lieues avancées vers l'Est ou vers Ouest doivent produire plus ou moins de différence en longitude, selon que le moyen parallèle est plus ou moins loin de l'Equateur. Si l'on court 20 lieues à l'Est ou à l'Ouest sur la Ligne, on ne change que d'un degré en longitude, au lieu que 20 lieues courues à l'Est par 60. deg. de moyen parallèle, donneroient 2 degrés de différence en longitude, parce que les degrés de longitude répondent à des espaces de chemin d'autant plus courts, qu'on s'éloigne plus de la ligne. Les lieues que nous avons parcourues vers l'Est ou vers l'Ouest ont donc besoin d'une réduction particulière, pour que nous puissions les convertir en degrés de longitude. Autrement le Quartier de réduction deviendrait absolument semblable à la Carte plate, & il seroit sujet à la même imperfection.

V.

Méthode de réduire en degrés de longitude les lieues parcourues vers l'Est ou vers l'Ouest sur un cercle parallèle à l'Equateur.

726. Lorsqu'on connoît le nombre de lieues parcourues dans la ligne Est & Ouest, & par conséquent dans un sens parallèle à l'Equateur, il faut convertir ce chemin en degrés & minutes de longitude. Si, par exemple, on a fait 100 lieues vers l'Est sur le Globe terrestre de la Figure 28 depuis Fig. 28. T jusqu'en L: ces 100 lieues, si elles étoient courues sur un grand cercle, occuperoient un arc de 5 deg. mais dans le cas présent elles doivent en occuper un d'un plus grand nombre de degrés, à cause de la petitesse de ceux du parallèle BC. Nous n'avons qu'à chercher de combien de degrés est l'arc ZA auquel elles répondent sur l'Equateur: les arcs TL & ZA sont équivalents quant à la longitude, parce qu'ils sont compris entre les mêmes Méridiens.

727. La théorie de cette réduction est fort simple. Il est évident que sur le Globe les espaces TL & ZA sont dans le même rapport que les circonférences des cercles

dont ils font parties. D'un autre côté ces circonférences sont dans le même rapport que leurs rayons. Ainsi l'espace ZA est plus grand que TL , dans le même rapport que le rayon de l'Equateur est plus grand que le rayon du parallèle BC . Il suit de-là que pour réduire l'espace TL mesuré en tiers de lieues ou en minutes, à l'espace correspondant ZA aussi mesuré en minutes, il suffit d'augmenter le nombre des minutes ou des tiers de lieue parcourues sur TL , dans le même rapport que le rayon de l'Equateur est plus grand que le rayon du parallèle.

728. Supposé que CB (*Figure 27.*) représente la moitié de l'axe de la Terre, & que C soit le centre, B un des Poles, CA un rayon de l'Equateur, & que AD marque la latitude de l'endroit où l'on est; il n'y a qu'à étendre l'espace FD parcouru Est & Ouest sur le rayon de C en A , & on réduira FD à CA ou à CD : or il est évident que par cette opération on ne fait que mettre entre FD & CA le même rapport qu'il y a sur le Globe (*Fig. 28.*) entre TL & ZA . Si l'espace parcouru Est & Ouest devoit être exprimé par une droite plus grande que FD , il n'y auroit qu'à la placer au-dessus parallèlement à FD , comme depuis B jusqu'en H ; & si du point C , comme centre, on décriroit un plus grand cercle qui passât par le point H , alors CH en seroit le rayon, & représenteroit l'espace BH du parallèle réduit à l'espace correspondant sur l'Equateur. Car à cause de BH parallèle à FD , la latitude seroit toujours la même.

Pl. XI. 729. Pour exécuter l'opération précédente sur le Quartier de réduction, on compte les degrés de latitude sur le quart de cercle gradué, en commençant au point B . Le Quartier ne représente pas alors l'Horizon, ou la surface de la Mer; mais le quart du Méridien terrestre; la ligne CB prolongée plus ou moins, représente le rayon de l'Equateur, & CA la moitié de l'axe de la Terre. On arrête le fil par son bout en le faisant passer par le degré de la latitude du parallèle. On donne ensuite aux intervalles des droites parallèles à CA , une valeur de lieues parcourues Est & Ouest.

proportionnée au nombre de celles qu'on a à réduire, en- Pl. XI.
 sorte que le tout puisse être contenu sur le Quartier. On
 commence à compter ces lieues depuis la ligne CA le long
 d'une perpendiculaire à CA tirée à la vue depuis le point
 où est marqué le degré de la latitude. (Les droites parallèles
 BC servent à guider la vue, sans qu'il soit besoin de tirer
 effectivement cette perpendiculaire.) On compte, dis-je,
 ces lieues jusques à la rencontre de cette perpendiculaire
 avec le fil. On plante une épingle à ce point de rencontre.
 On compte ensuite combien il se trouve d'intervalles d'arcs
 concentriques depuis C jusques à l'épingle, & faisant valoir
 chaque intervalle autant de fois 3 minutes qu'on a supposé
 que l'intervalle entre chaque parallèle à CA valoit de lieues,
 on a le nombre des degrés & minutes de l'arc en longitude
 qui répond aux lieues parcourues Est & Ouest.

730. *Premier Exemple.* On a avancé 61 lieues à l'Est
 par un moyen parallèle de 42 deg. de latitude. On demande
 le changement en longitude?

Après avoir compté 42 degrés sur le quart de cercle AB
 du Quartier de réduction, depuis le point B , je tends le fil
 sur ce nombre de degrés; sa situation est représentée par
 une ligne ponctuée CK . Faisant ensuite valoir 2 lieues les
 petits intervalles des droites parallèles à CA , je compte les
 61 lieues parallèlement à CB , depuis I jusqu'en K , & je
 plante une épingle dans ce dernier point. Je trouve enfin,
 en comptant le long du fil le nombre des intervalles con-
 centriques compris entre le centre C & le point K , & en
 faisant valoir chacun 6 minutes, parce que j'ai fait valoir
 2 lieues l'intervalle des droites parallèles, je trouve, dis-je,
 41 intervalles, qui valent 41 fois 6 minutes, ou $4^{\circ} 6'$.

731. *Second Exemple.* On a avancé 105 lieues à l'Est
 ou à l'Ouest sur un moyen parallèle de $50^{\circ} \frac{1}{2}$ de latitude.
 On demande combien on a changé en longitude?

On tendra le fil sur $50^{\circ} 30'$ de latitude, prenant les in-
 tervalles des droites parallèles à AB pour 5 lieues, on pla-
 cera une épingle sur celle qui est marquée 21 à l'endroit
 où elle est rencontrée par une parallèle à CB . On comptera

Pl. XI. ensuite le long du fil environ 33 intervalles de cercles concentriques, dont il faut faire valoir chacun 15 minutes, cause que l'intervalle des droites paralleles vaut 5 lieues & on aura $8^{\circ} 15'$ pour la différence en longitude.

732. La réduction que nous venons d'expliquer, s'appelle communément *la réduction des lieues mineures en lieues majeures*. Cette expression est très-impropre, parce qu'elle présente l'idée d'une réduction de lieues plus petites à des lieues plus grandes, ce qui n'est pas, mais seulement à un plus grand nombre de lieues. On a voulu exprimer par-là *la réduction des lieues parcourues sur un parallele à l'Equateur*, (lequel parallele est un petit cercle,) aux lieues correspondantes sur l'Equateur, (qui est un grand cercle,) & qui réduites en degrés, à raison de 20 lieues pour chacun, donneroient la différence de longitude parcourue sur ce parallele. Comme cette expression n'est nullement nécessaire pour abréger les détails des explications des opérations du Pilotage, nous ne nous en servons pas.

CHAPITRE II.

Résolution des Problèmes généraux de Navigation par le Quartier de réduction.

733. ON A VU, lorsque nous avons traité des Cartes Marines, qu'il se présente plusieurs Problèmes, selon les différentes particularités qu'on connoît de la route, & celles qu'on veut découvrir. Nous allons parcourir ces Problèmes, en les éclaircissant par des exemples.

I.

PREMIER PROBLEME GÉNÉRAL.

734. On connoît le point du départ, (c'est-à-dire, sa longitude & sa latitude,) le rumb de vent qu'on a suivi, & le

nombre de lieues qu'on a courues. Il s'agit de déterminer le Pl. XI.
 l'ant d'arrivée, c'est-à-dire, sa latitude & sa longitude.

Ce Problème est d'un usage journalier dans la Navigation, sur-tout lorsque l'on n'a pu observer la latitude avant d'arrivée.

735. *Premier Exemple.* On est parti de $40^{\circ} 45'$ de latitude Nord, & de $15^{\circ} 20'$ de longitude. On a couru 60 lieues au NE $\frac{1}{4}$ N. On demande la latitude & la longitude d'arrivée?

	Deg. Min.	
Latitude du départ Nord. . . .	40 45	50 Lieues Nord.
Différence en latitude Nord. . .	2 30	$33\frac{1}{2}$ Lieues Est.
Latitude d'arrivée Nord. . . .	43 15	$40^{\circ} 45'$
Moyen parallèle	42 0	$43^{\circ} 15'$
Longitude du départ.	15 20	$84^{\circ} 0'$
Différence en longitude Est. . .	2 15	$42^{\circ} 0'$ Moyen parallèle.
Longitude d'arrivée.	17 35	$2^{\circ} 15'$ diff. en Long. Est.

E X P L I C A T I O N.

736. On disposera les articles comme ci-dessus, en les reliant, & on mettra vis-à-vis les quantités qu'on connaît déjà, telles que la latitude du départ $40^{\circ} 45'$ & la longitude $15^{\circ} 20'$. On remplira les autres articles à mesure qu'on avancera dans l'opération. On comptera sur le Quartier de réduction 60 lieues le long du NE $\frac{1}{4}$ N. Ce rumb de vent est représenté par la ligne *CD*, pendant qu'on prend *A* pour le Nord, & *CB* pour l'Est. Les 60 lieues se termineront en *L*, si l'on prend chaque intervalle pour deux lieues. L'épingle étant piquée dans le point *L*, on aura les lieues Nord le long de *QL*, on en trouvera 50, & les lieues Est se trouveront le long de *PL*: on verra qu'il y en a environ $33\frac{1}{2}$. On écrira à part les lieues Nord & les lieues Est, comme on le voit ci-dessus.

737. On réduira ensuite les lieues Nord en degrés de latitude à raison de 20 lieues par degré. Ainsi nos 50 lieues Nord valent $2^{\circ} 30'$ de différence en latitude Nord: on écrit cette différence en latitude dans son article, & il faut l'ajouter avec la latitude du départ, parce qu'on s'est éloigné de l'Equateur. On trouve $43^{\circ} 15'$ pour la latitude d'arrivée.

Pl. XI. 738. La réduction des $33\frac{1}{2}$ lieues Est en degrés longitude demande, comme on le fait déjà, un peu de peine, parce qu'elles sont courbes sur un petit cercle. Pour cela on fait une somme de la latitude du départ & la latitude d'arrivée, & on en prend la moitié, pour avoir ce qu'on appelle le *moyen parallèle*, c'est ici $42^{\circ} 0'$. C'est donc sur ce moyen parallèle qu'il faudra réduire les $33\frac{1}{2}$ lieues Est en différence de longitude (730).

739. Il faut compter 42 degrés sur l'arc gradué du Quartier de réduction, en commençant au point B. On tendra le fil, & on comptera ensuite les Lieues Est parallèlement au côté CB; ou, ce qui revient au même, on ne qu'à faire monter ou descendre parallèlement aux lignes Nord & Sud l'épingle qui étoit en L, & on la plantera dans le point M, où on rencontre le fil du moyen parallèle. On fera précisément la même chose que si l'on comptoit les lieues Est depuis N jusqu'en M; & on aura le long du fil 22 intervalles $\frac{1}{2}$ d'arcs concentriques, lesquels, à raison de 6 minutes pour chacun, donnent $2^{\circ} 15'$ de différence de longitude. On ajoutera cette différence à la longitude du point de départ, parce qu'en courant à l'Est, on augmente en longitude. Il vient donc $17^{\circ} 35'$ pour la longitude d'arrivée : & le Problème est entièrement résolu.

740. *Second Exemple.* On est parti de $50^{\circ} 30'$ de latitude Nord, & de $359^{\circ} 6'$ de longitude; on a couru 40 lieues au SE 3 deg. E. On demande la latitude & longitude d'arrivée.

	Deg.	Min.	
Latitude du départ N. . . .	50	30	$26\frac{2}{3}$ Lieues Sud.
Différence en latitude S . .	1	20	$29\frac{3}{4}$ Lieues Est.
Latitude d'arrivée N	49	10	$50^{\circ} 30'$
Moyen parallèle	49	50	$49^{\circ} 10'$
Longitude du départ	359	6	$99^{\circ} 40'$
Différence en longitude E . .	2	19	$49^{\circ} 50'$ Moyen parallèle.
Longitude d'arrivée	1	25	$2^{\circ} 19'$ diff. en Long. Est.

EXPLICATION.

741. Après avoir disposé les articles comme ci-dessus, je tends le fil du Quartier de réduction sur le SE 3 deg. E,

ur représenter la route que nous avons faite. Cette di- pl. XI.
 ction est marquée par la ligne ponctuée CK , lorsqu'on
 end la ligne CA pour le Sud, & la ligne CB pour l'Est;
 ligne CK est éloignée du SE de 3 degrés vers l'Est. Je
 mpte après cela le long du fil les 40 lieues que j'ai cou-
 es, & je pique une épingle dans le point où elles se ter-
 nent. On peut prendre les intervalles pour 2 lieues, ou
 ur une lieue; mais nous préférons ici cette seconde maniere
 e compter, afin de rendre plus sensibles les moindres par-
 es de la lieue. Je pique l'épingle dans le point R , & je
 ouve que je me suis écarté de la ligne Est & Ouest CB
 de $26\frac{2}{3}$ lieues, qui est la quantité dont je suis descendu vers
 Sud; & je vois en même temps que je me suis éloigné de
 ligne Nord & Sud CA de 29 lieues $\frac{3}{4}$, & ce sont mes
 ues Est.

742. Les $26\frac{2}{3}$ lieues Sud valent $1^{\circ} 20'$ de différence en
 titude Sud. C'est toujours le sens dans lequel on marche
 i regle la dénomination de la différence en latitude :
 oiqu'on soit dans la partie du Nord de la Terre, la diffé-
 nce en latitude est Sud, toutes les fois que la route qu'on
 it tient quelque chose du Sud. Il faut, dans le cas présent,
 soustraire de la latitude du départ, puisqu'on s'est ap-
 oché de l'Equateur. Le moyen parallele fera $49^{\circ} 50'$, &
 après avoir tendu le fil sur ce nombre de degrés, qu'on
 ra commencer en B , on compte les lieues Est de côté, ou
 on fait monter l'épingle parallèlement aux lignes Nord &
 ud, jusqu'à la rencontre du fil, on trouvera par les arcs
 oncentriques $2^{\circ} 19'$ de différence en longitude. Nous
 ons ajouté cette différence à la longitude du départ,
 arce que nous avons couru à l'Est. Il nous vient donc
 $61^{\circ} 25'$, ou $1^{\circ} 25'$, pour la longitude d'arrivée, en rejet-
 nt 360 degrés.

743. *Troisième Exemple.* On est parti de 55 degrés de
 titude Sud, & de $2^{\circ} 50'$ de longitude : on a couru 200
 ueues au $SO\frac{1}{4}O$. On demande la latitude & longitude
 'arrivée ?

Pl. XI.

	Deg.	Min.	
Latitude du départ S.	55		111 Lieues Sud.
Différence en latitude S.	5	33	166 $\frac{1}{3}$ Lieues Ouest.
Latitude d'arrivée S	60	33	55°
Moyen parallèle	57	46	60 33'
Longitude du départ.	362	50	115° 33'
Différence en longitude O.	15	39	57 46 Moyen parallèle
Longitude d'arrivée.	347	11	15 39 diff. en Long.

E X P L I C A T I O N.

744. Nous avons ajouté la différence en latitude à la latitude de départ, parce qu'en courant au Sud, nous nous sommes éloignés de l'Equateur. Quant à la longitude, nous avons diminué en courant à l'Ouest; mais comme notre longitude du départ n'étoit pas assez grande pour pouvoir faire la soustraction, au lieu d'écrire $2^{\circ} 50'$, nous avons mis $362^{\circ} 50'$, ce qui est précisément la même chose, & nous avons trouvé $347^{\circ} 11'$ pour la longitude d'arrivée. Nous avons passé le premier Méridien, & nous sommes arrivés de l'autre côté: ce seroit $12^{\circ} 49'$ de longitude Occidentale selon la maniere de compter de quelques Pilotes.

745. Quatrieme Exemple. On est parti de $0^{\circ} 15'$ de latitude Sud, & de $15^{\circ} 30'$ de longitude; on a couru 53 lieues au N N O de la Bouffole, pendant que la variation étoit de 10 degrés N O. On demande la latitude & la longitude d'arrivée?

	Deg.	Min.	
Latitude du départ S.	0	15	45 Lieues Nord.
Différence en latitude N	2	15	29 Lieues Ouest.
Latitude d'arrivée N	2	0
Moyen parallèle	1	0
Longitude du départ	15	30
Différence en longitude O	1	27
Longitude d'arrivée	14	3

746. Nous supposons dans cet Exemple que la Bouffole a de la variation; & puisque cette variation est de 10 degrés N O, il est évident que pendant que nous croyions courir au N N O, nous avons couru effectivement au N N O 10 deg. O. Il ne faut donc pas tendre le fil sur la ligne CH qui représente le N N O; mais il faut s'en écarter de 10 deg.

rs CB, qui représente l'Ouest, pendant que CA repré- Pl. XI.
te le Nord. Nous avons ensuite pris chaque petit inter-
lle pour une lieue, & ayant planté l'épingle en T, nous
ouvons que nous avons avancé de 45 lieues vers le Nord
de 29 vers l'Ouest.

747. On n'étoit d'abord que par $0^{\circ} 15'$ de latitude
d, & puisqu'on a avancé 45 lieues vers le Nord, ou
 $15'$, on a traversé l'Equateur, & on est parvenu à
deg. de latitude Septentrionale. On doit passer ainsi d'un
émisphere dans un autre, toutes les fois qu'on court vers
Equateur, & que la différence en latitude est plus grande
que la latitude du départ. Les Comménçants n'ont qu'à
ter les yeux sur la Carte réduite, pour dissiper toutes les
fficultés qui se présentent à eux sur ce sujet. Lorsque les
titudes sont de différentes dénominations, celle du départ
celle d'arrivée, on se contente de prendre le moyen pa-
llele pour la plus forte; c'est-à-dire, qu'on prend la moitié
de la plus grande. Les lieues Nord & Sud, & les lieues Est
& Ouest sont ici sensiblement égales, parce qu'on est à très-
eu de distance de l'Equateur.

I I.

SECOND PROBLEME GÉNÉRAL.

748. On connoît le point du départ, le rumb de vent
u'on a suivi, & la latitude d'arrivée. On demande la lon-
ueur du chemin qu'on a fait, & la longitude d'arrivée?

Premier Exemple. On est parti de $40^{\circ} 45'$ latitude Sud,
& de 250 deg. de longitude, on a couru au $SE \frac{1}{4} S$, jusques
à la latitude de $43^{\circ} 15'$ aussi Sud. On demande le nombre
de lieues qu'on a courues, & la longitude de l'arrivée?

	Deg.	Min.	
Latitude du départ S. . . .	40	45	$33 \frac{1}{2}$ Lieues Est.
Latitude d'arrivée S. . . .	43	15	$40^{\circ} 45'$
Différence en latitude S. . .	2	30	$43 \quad 15$
Moyen parallele	42	0	$84^{\circ} \quad 0'$
Longitude du départ.	250	0	$42 \quad 0$ Moyen parallele.
Différence en longitude E. . .	2	15	
Longitude d'arrivée.	252	15	$2 \quad 15$ Diff. longit. Est.
Lieues de distance 60.			

E X P L I C A T I O N.

Pl. XI. 749. On écrit les articles dans l'ordre qu'on voit ci-dessus, en remplissant ceux dont on connoît les quantités. On ôte une latitude de l'autre, & on peut, si on le veut, pour rendre l'opération plus facile, mettre toujours la plus grande latitude la première. Il vient dans cet Exemple $2^{\circ} 30'$ pour la différence en latitude, laquelle vaut 50 lieues qu'on a avancées vers le Sud. Il faudra après cela tendre le fil sur le rumb de vent, c'est-à-dire, sur la ligne CD qui représente le $SE \frac{1}{4} S$, & on comptera, en s'éloignant de CB , les 50 lieues dont on a avancé vers le Sud, ou dont on a changé de latitude. Si l'on prend chaque petit intervalle pour 2 lieues, les 50 lieues comptées parallèlement à CA , viendront se terminer au point L , où on plantera une épingle. On aura depuis C jusqu'en L les lieues de distance ou la quantité du chemin qu'on a fait; elle est de 60 lieues, & les lieues Est seront de $33 \frac{1}{2}$ le long de PL .

750. On cherchera ensuite le moyen parallèle comme à l'ordinaire, & réduisant les lieues Est en différence de longitude, on trouvera $2^{\circ} 15'$, qu'on ajoutera, parce que la route a été faite vers l'Est.

751. *Second Exemple.* On est parti de $50^{\circ} 30'$ de latitude Nord, & de 1 degré de longitude, on a couru au SE sur un compas qui avoit 3 degrés de variation NO , jusqu'à ce qu'on soit arrivé par $49^{\circ} 10'$ de latitude aussi Nord. On demande les lieues de distance & la longitude d'arrivée?

	Deg.	Min.	
Latitude du départ N	50	30	$29 \frac{3}{4}$ Lieues Est.
Latitude d'arrivée N.	49	10	$50^{\circ} 30'$
Différence en latitude S.	1	20	$49 \quad 10$
Moyen parallèle	49	50	$99^{\circ} 40'$
Longitude du départ.	1		$49 \quad 50$ Moyen parallèle.
Différence en longitude E	2	19	
Longitude d'arrivée.	3	19	$2 \quad 19$ Diff. Longit. Est.
Lieues de distance 40.			

752. Nous avons supposé dans cet Exemple, que la Boussole avoit 3 degrés de variation NO ; ce qui a dû

pour le Pilote sur la direction de sa route. Lorsque la variation est N O, tous les rumb de vent de la Bouffole du côté de l'Ouest doivent s'approcher du Sud, & les rumb de vent de l'Est doivent s'approcher du Nord. Ainsi pensant qu'on s'imagineroit suivre le S E, on couroit effectivement au S E 3 deg. E; & c'est donc ce dernier rumb de vent qu'il faut faire convenir avec $1^{\circ} 20'$ de différence en latitude, ou avec les $26\frac{2}{3}$ lieues avancées vers le Sud. J'ai tenu valoir les petits intervalles une lieue, & j'ai piqué l'angle en R; ce qui m'a mis en état de voir que le chemin R étoit de 40 lieues, & qu'il y avoit $29\frac{3}{4}$ lieues Est.

753. *Troisième Exemple.* On est parti de $0^{\circ} 15'$ de latitude Sud, & de 110 deg. de longitude, on a couru au N N O 10 deg. O, jusques par 2 degrés de latitude Nord. On demande les lieues de distance & la longitude d'arrivée?

	Deg.	Min.	
Latitude du départ S	0	15	29 Lieues Ouest
Latitude d'arrivée N. . . .	2	0	
Différence en latitude N. . .	2	15	
Moyen parallèle	1	0	$1^{\circ} 27'$ diff. de long. Ouest.
Longitude du départ.	110	0	
Différence en longitude O. .	1	27	
Longitude d'arrivée	108	33	
Lieues de distance $53\frac{1}{2}$.			

754. Les deux latitudes sont de différentes dénominations dans cet Exemple: l'une est Nord & l'autre Sud. Il faut dans ce cas les ajouter pour avoir leur différence. Car, proprement parler, la quantité que nous nommons différence, est plutôt l'intervalle entre les deux latitudes, ou leur changement. On est parti de $0^{\circ} 15'$ de latitude Sud; arrivé par 2 deg. de latitude N, il faut pour cela avoir avancé vers le N, ou avoir changé en latitude de $2^{\circ} 15'$ valeur de 45 lieues Nord. On plantera d'abord l'épingle en R, si on prend chaque petit intervalle pour une lieue, &c.



III.

TROISIEME PROBLEME GÉNÉRAL.

755. On connoît dans ce Problème le point du départ la latitude d'arrivée, avec la longueur du chemin qu'on fait. On demande le rumb de vent qu'on a suivi, & la longitude d'arrivée?

Premier Exemple. On est parti de $50^{\circ} 30'$ de latitude Nord, & de $35^{\circ} 10'$ de longitude, on a couru 45 lieues entre le Sud & l'Est, & on s'est trouvé par $49^{\circ} 0'$ de latitude aussi Nord. On demande le rumb de vent auquel on a couru, & la longitude d'arrivée?

	Deg.	Min.	
Latitude du départ N	50	30	$33 \frac{1}{2}$ Lieues Est.
Latitude d'arrivée N	49	0	$50^{\circ} 30'$
Différence en latitude S	1	30	$49^{\circ} 0'$
Moyen parallele	49	45	$99^{\circ} 30'$
Longitude du départ	35	10	$49^{\circ} 45'$ Moyen parallele.
Différence en longitude E. . . .	2	36	
Longitude d'arrivée.	37	46	$2^{\circ} 36'$ Diff. Longit. Est.
Rumb de vent SE 3° E.			

EXPLICATION.

756. On trouvera la différence en latitude, comme dans le Problème précédent; elle est de $1^{\circ} 30'$ valeur de 30 lieues Sud que je compte sur le côté CA, depuis C jusqu'en N, en prenant chaque petit intervalle pour deux lieues. Je compte ensuite sur les arcs les 45 lieues de chemin & les faisant convenir avec la différence en latitude, ou les 30 lieues Sud, je plante l'épingle en M. J'ai les lieues Est $33 \frac{1}{2}$, depuis N jusqu'en M; & tendant le fil de manière qu'il passe par ce dernier point, j'ai le SE 3 deg. E pour mon rumb de vent. Il ne me reste plus après cela qu'à chercher le moyen parallele, & à réduire les lieues Est en différence de longitude.

757. Second Exemple. On est parti de $48^{\circ} 45'$ de latitude Nord, & de $2^{\circ} 50'$ de longitude: on a couru 160 lieues entre

entre le Sud & l'Ouest, & on est arrivé par $43^{\circ} 30'$ de Pl. XI. latitude aussi Nord. On demande le rumb de vent qu'on a suivi, & la longitude d'arrivée.

	Deg.	Min.	
Latitude du départ N. . . .	48	45	$120\frac{3}{4}$ Lieues Ouest.
Latitude d'arrivée N. . . .	43	30	$48^{\circ} 45'$
Différence en latitude S. . .	5	15	$43 \quad 30$
Moyen parallèle.	46	7	$92^{\circ} 15'$
Longitude du départ. . . .	362	50	$46 \quad 7$ Moyen parallèle.
Différence en longitude. . .	8	43	
Longitude d'arrivée . . .	354	7	$8 \quad 43$ diff. de Long. O.
Rumb de vent S O 4° O.			

I V.

QUATRIEME PROBLEME GENERAL.

758. On connoît les latitudes & longitudes du départ & d'arrivée, & on veut trouver le rumb de vent qui conduit d'un de ces points à l'autre, & la longueur du chemin. Ce problème est absolument l'inverse du premier. Deux points sont donnés sur la surface du Globe terrestre, par la connoissance qu'on a de leurs latitude & longitude: on cherche combien il y a de lieues de distance entre ces deux points & leur direction respective.

759. La solution de ce Problème est une opération plutôt à faire sur la Carte que sur le Quartier de réduction: sur la Carte réduite, rien n'est plus facile quand elle a assez d'étendue pour contenir la position des deux points (voyez N° 258); mais sur le Quartier de réduction l'opération seroit très-défectueuse, si la distance des points donnés étoit considérable, comme de 300 lieues & au-delà.

760. *Premier Exemple.* On est parti de $40^{\circ} 45'$ latitude Nord, & de 354 deg. de longitude; on est arrivé par $43^{\circ} 15'$ de latitude aussi Nord, & par $356^{\circ} 15'$ de longitude. On demande le rumb de vent & les lieues de distance.

	Deg.	Min.	
Pl. XI. Latitude du départ N. . . .	40	45	2° 15' diff. Longit. E.
Latitude d'arrivée N. . . .	43	15	40 45
Différence en latitude N . . .	2	30	43 15
Moyen parallèle	42	0	84° 0'
Longitude du départ	354	0	42 0 Moyen parallèle
Longitude d'arrivée	356	15	
Différence en longitude E. . .	2	15	33 $\frac{1}{2}$ Lieues Est.
Rumb de vent NE $\frac{1}{4}$ N.			
Lieues de distance 60.			

E X P L I C A T I O N.

761. On trouvera la différence en latitude comme ci devant. Elle est Nord, puisqu'on est dans l'Hémisphère septentrional, & qu'on augmente en latitude. Ainsi on couru vers le Nord. La différence en longitude 2° 15' se trouve aussi en ôtant une des longitudes de l'autre, & cette différence est Est, puisque la longitude d'arrivée est plus grande que l'autre. C'est-à-dire que notre route, quant au changement en longitude qu'elle a produit, répond à 2° 15' le long de l'Equateur. Il faut après cela faire le contraire de ce que nous faisons. Ces 2° 15' doivent être réduits en lieues Est, afin que nous sachions combien de lieues nous avons avancé effectivement vers l'Est, sur le parallèle où se fait notre Navigation.

762. Nous tendons le fil sur les 42 degrés du moyen parallèle, & comptant le long du fil, depuis le centre 22 $\frac{1}{2}$ intervalles de cercles concentriques, qui vaudront chacun 6 minutes de degrés de longitude, nous plantons l'épingle en *M*; cela posé, chaque petit intervalle des parallèles à *CA* vaut 2 lieues, & nous trouvons 33 $\frac{1}{2}$ lieues Est depuis *N* jusqu'en *M*. Enfin nous faisons quadrer ces 33 $\frac{1}{2}$ lieues Est avec la différence en latitude 2° 30', ou les 50 lieues Nord qu'on comptera depuis *C* jusqu'en *P*. On transportera l'épingle de *M* en *L*; on aura en *CL* 60 lieues pour le chemin, & on verra en même temps qu'on a couru au NE $\frac{1}{4}$ N; puisque la différence en latitude est Nord, & la différence en longitude est Est. Ce seroit au contraire le SO $\frac{1}{4}$ S, si l'on avoit diminué en latitude & en longitude.

763. *Second Exemple.* Un lieu est par $58^{\circ} 45'$ de lati- pl. XI.
tude Nord, & $7^{\circ} 30'$ de longitude. Un autre est par 52°
 $0'$ de latitude aussi Nord, & par $354^{\circ} 54'$ de longitude.
On demande le chemin du premier à l'autre.

	Deg.	Min.	
Latitude du départ N. . . .	58	45	$12^{\circ} 36'$ diff. en Long. O.
Latitude d'arrivée N. . . .	52	30	58 45
Différence en latitude S. . .	6	15	52 30
Moyen parallèle.	55	37	<hr/> 111 $^{\circ}$ 15'
Longitude du départ.	367	30	55 37 Moyen parallèle.
Longitude d'arrivée	354	54	
Différence en longitude O. .	12	36	142 Lieues Ouest.
Rumb de vent SO $3^{\circ} 40'$ O.			
Lieues de distance 189.			

764. La différence en latitude est 125 lieues Sud dans
cet Exemple, puisqu'on a diminué en latitude; & cela,
lorsqu'on est par une latitude Nord. Au lieu d'écrire $7^{\circ} 30'$
de longitude du départ, nous avons mis $367^{\circ} 30'$ pour
pouvoir trouver la différence en longitude. Cette différence
est Ouest, puisqu'on a diminué en longitude; il faut la ré-
duire en lieues Ouest. On la comptera pour cela le long du
fil qu'on aura tendu sur le moyen parallèle $55^{\circ} 37'$, & on
trouvera de côté 142 lieues Ouest, qu'il ne reste plus qu'à
faire quadrer avec les 125 lieues Sud.

765. On apprend par ce Problème que, pour se rendre
du point proposé à l'autre, il faut faire le SO $3^{\circ} 40'$ O.
Mais si on vouloit faire cette route avec une Boussole qui
eût de la variation, ce seroit le cas où il faudroit prévenir
l'erreur dans laquelle on tomberoit, si l'on ne se précau-
tionnoit pas. Supposé que la variation soit NO de 4 deg.
tous les rumb de vent de la Boussole, qui sont du côté
de l'Ouest, doivent s'approcher du Sud de cette même
quantité. Ainsi en suivant le SO $3^{\circ} 40'$ O, on courroit
moins vers l'Ouest; il faut donc s'éloigner davantage
du SO vers l'O. On prendra le SO $7^{\circ} 40'$ O sur la Bouf-
sole; la variation fera ensuite cause qu'on ne courra effecti-
vement qu'au SO $3^{\circ} 40'$ O.

766. *Troisième Exemple.* On est parti de 2 degrés de
T ij

Pl. XI. latitude Sud & de 357 deg. de longitude, & on est arrivé par 5 deg. de latitude Nord, & par 3 degrés de longitude. On demande les lieues de distance & le rumb de vent.

	Deg.	Min.	
Latitude du départ S	2	0	6° 0' diff. en Longit. Est.
Latitude d'arrivée N. . . .	5	0	
Différence en latitude N . .	7	0	120 Lieues Est.
Moyen parallèle	2	30
Longitude du départ. . .	357	0
Longitude d'arrivée	363	0
Différence en longitude E . .	6	0
Rumb de vent NE 4° 24' N.			
Lieues de distance 184 $\frac{1}{2}$.			

767. Il a fallu dans cet Exemple ajouter ensemble les deux latitudes pour avoir leur différence, parce qu'elles sont de diverses dénominations. On a traversé l'Equateur, & on a avancé vers le Nord. Nous avons trouvé le moyen parallèle en prenant la moitié de la plus grande latitude. La différence en longitude est E : on a augmenté en longitude car 3 deg. est la même chose que 363 deg. qui est plus grand que 357 deg. Les 6 deg. de différence en longitude valent 120 lieues Est. On a enfin fait quadrer ces 120 lieues avec les 140 lieues Nord qui répondent aux 7 deg. de différence en latitude Nord, & on a trouvé les lieues de distance & le rumb de vent.

V.

CINQUIEME PROBLEME GENERAL.

768. On connoît le point du départ & la longitude d'arrivée avec le rumb de vent ; on demande les lieues de distance & la latitude d'arrivée.

Ce Problème n'a guères lieu dans la pratique de la navigation, où il seroit singulier de se trouver en un point d'arrivée dont la longitude seroit connue & la latitude ne le seroit point. C'est plutôt pour compléter le nombre des cas possibles, que pour son utilité, qu'on en donne ici la solution.

769. Exemple. On est parti de 45° 20' de latitude Nord, & 323 deg. de longitude; on a couru au NE 3° E jusques par 345° 36' de longitude. On demande les lieues de distance & la latitude d'arrivée.

	Deg.	Min.	
Latitude du départ N. . . .	45	20
Latitude d'arrivée N. . . .	57	50
Différence en latitude N . .	12	30
Longitude du départ	323	
Longitude d'arrivée	345	36
Différence en longitude E . .	22	36
Lieues de distance 374.			

E X P L I C A T I O N.

770. On se sert du Quartier de réduction comme d'une Carte réduite pour résoudre ce Problème ; ce qu'on exécute par le moyen d'une échelle des latitudes croissantes ou d'un Méridien gradué de la Carte réduite qui est ordinairement à côté du Quartier. Cette échelle a son premier degré égal à un des intervalles du Quartier de réduction. Ainsi on peut regarder les divisions du rayon CB comme celles de l'Equateur sur les Cartes réduites ; & il ne reste qu'à étendre sur le rayon CA la partie convenable du Méridien gradué , pour rendre la conformité absolument parfaite.

771. Dans l'exemple que nous nous sommes proposé , la différence en longitude est de 22° 36' ; nous la comptons sur CB , en prenant chaque petit intervalle pour un degré , & en commençant en C ; elle se termine en V. Nous tendons ensuite le fil sur le rumb de vent , & prenant avec un compas commun la distance du point V jusqu'au fil , en mesurant cette distance parallèlement aux lignes Nord & Sud , nous aurons la différence en latitude VX , qu'il ne restera plus qu'à porter sur l'échelle des latitudes croissantes , en mettant une des pointes du compas sur la latitude du départ , & l'autre pointe en-dessus ou en-dessous , selon qu'on s'éloigne ou s'approche de l'Equateur ; & on aura la latitude d'arrivée , qui se trouve ici de 57° 50'. La différence en latitude sera donc de 12° 30' ou de 250 lieues qu'on comptera sur les lignes Nord & Sud pour les faire convenir avec le rumb de vent. On trouvera 374 lieues de distance.

Autre méthode de résoudre le même Problème.

772. La méthode précédente fait retomber dans l'inconvénient que nous voulions éviter , en cessant de réduire les routes sur les Cartes. L'échelle des latitudes croissantes est ordinairement à trop petit point , pour qu'on puisse résoudre le Problème dont il s'agit avec une exactitude suffisante. Nous pouvons le résoudre par approximation avec plus de précision , & presque avec autant de facilité. Nous supposerons d'abord que nous sommes arrivés par une certaine latitude. Il est certain qu'on ne se trompera pas beaucoup dans cette supposition , pour peu qu'on fasse attention au rumb de vent & à la

Pl. XI. grandeur de la différence en longitude. Nous supposons, par exemple, que nous sommes arrivés par 60 degrés. Le moyen parallèle sera de $52^{\circ} 40'$, & nous le nommerons *le premier Moyen parallèle supposé*. La différence en longitude est de $22^{\circ} 36'$. Nous la réduirons en lieues Est sur le moyen parallèle supposé $52^{\circ} 40'$, & il nous viendra environ 273. Nous ferons ensuite convenir ces lieues Est avec le rumb de vent, & il nous viendra 247 lieues Nord, valeur de $12^{\circ} 21'$ de différence en latitude, qui étant ajoutée à $45^{\circ} 20'$ nous donne $57^{\circ} 41'$ de latitude d'arrivée; & comme elle n'est pas la même que celle que nous avions supposée, c'est une marque qu'il faut faire une seconde tentative.

773. Nous supposons cette seconde fois que la latitude d'arrivée est $57^{\circ} 41'$. Si on l'ajoute avec la latitude du départ, & si on prend la moitié de la somme, on trouvera $51^{\circ} 30'$ pour le second moyen parallèle supposé. Les $22^{\circ} 36'$ de différence de longitude, étant réduites en lieues Est sur ce moyen parallèle, nous en donnent 282, qu'il faut faire convenir avec le rumb de vent, & on trouvera 253 lieues Nord, valeur de $12^{\circ} 40'$ de différence en latitude. On aura donc $58^{\circ} 0'$ pour nouvelle latitude d'arrivée qui, n'étant pas absolument conforme avec la précédente, & qui devant donner un autre moyen parallèle, montre qu'il faut faire une troisième tentative.

774. On prendra $58^{\circ} 0'$ pour la latitude d'arrivée : on aura $51^{\circ} 40'$ pour moyen parallèle troisièmement supposé; on réduira les $22^{\circ} 36'$ de longitude en lieues Est, on trouvera 282 lieues; & lorsqu'on les fera convenir avec le rumb de vent, il viendra 252 lieues Nord, ou $12^{\circ} 36'$ de différence en latitude. On aura donc $57^{\circ} 56'$ pour la latitude d'arrivée; & comme on voit qu'on retrouveroit le même moyen parallèle, c'est une marque qu'il n'est pas nécessaire de pousser l'approximation plus loin. La latitude $57^{\circ} 56'$ est celle d'arrivée, & les lieues de distance seront de 379.

V I.

SIXIEME PROBLEME GENERAL.

775. On connoît la différence en longitude, & les lieues de distance : on veut découvrir le rumb de vent qu'on a suivi, & trouver la latitude d'arrivée. Ce Problème n'est pas plus d'usage que le précédent.

776. Exemple. On est parti de $40^{\circ} 45'$ de latitude Nord, & de 15 deg. de longitude. On a couru 60 lieues entre le Nord & l'Est, & on est arrivé par $17^{\circ} 15'$ de longitude. On demande le rumb de vent & la latitude d'arrivée.

777. Nous ne pouvons résoudre ce Problème que par approximation. La différence en longitude est de $2^{\circ} 15'$. Je suppose qu'on est arrivé par 42 deg. de latitude, on aura $41^{\circ} 22'$ pour le premier moyen parallèle supposé; & réduisant les $2^{\circ} 15'$ en lieues Est, on en trouvera $33\frac{3}{4}$, qu'il faut faire convenir avec les 60 lieues de distance, & il

viendra $49\frac{1}{2}$ lieues au Nord, valeur de $20\ 28\frac{1}{2}'$ de différence en latitude. On aura donc $43^{\circ}\ 13\frac{1}{2}'$ pour la latitude d'arrivée; & comme elle diffère de celle que nous avons supposée, il faut faire une seconde tentative. Pl. XI.

778. Nous prendrons $43^{\circ}\ 13'$ pour la latitude d'arrivée : nous aurons $41^{\circ}\ 59'$ pour second moyen parallèle supposé. Nous réduirons les $2^{\circ}\ 15'$ de différence de longitude en lieues Est, & il nous viendra $33\frac{1}{2}$ lieues, que nous ferons convenir avec les 60 de distance. Nous trouverons 50 lieues au Nord, ou $20\ 30'$ de différence en latitude, ce qui nous donnera $43^{\circ}\ 15'$ pour nouvelle latitude d'arrivée. Mais comme elle nous feroit trouver un troisième moyen parallèle supposé qui ne différeroit pas du second, nous devons regarder $43^{\circ}\ 15'$ comme la vraie latitude d'arrivée, & le rumb de vent sera le NE $\frac{1}{4}$ N.

CHAPITRE III.

Instructions générales, & Méthodes pour faire l'estime des Routes.

I.

779. **L** E PILOTE destitué du secours des longitudes, n'a de bien assuré que sa latitude lorsqu'il peut l'observer. Le rumb de vent indiqué par sa Bouffole est un moyen de connoître la direction de sa route qui est sujet à bien des incertitudes, par la petitesse inséparable de la nature des compas de route, par leur variation toujours changeante & difficile à déterminer, par les *lans*, c'est-à-dire, par les écarts subits auquel un Vaisseau est sujet par la mal-adresse ou l'inattention des Timoniers qui laissent arriver le Navire, par la dérive qui varie selon la force du vent, la position de la voilure & la direction de la route. D'un autre côté, la mesure du chemin parcouru qu'on fait avec le loch, est nécessairement grossière par la petitesse de l'intervalle des nœuds comparée à la longueur du chemin, & par l'inexactitude dans le temps, inséparable de la nature des sabliers qu'on y emploie, & du peu de durée de l'expérience. D'où il suit que l'estime des routes journalières d'un Navire n'est fondée

que sur des conjectures faites à l'aide d'un grand nombre de mesures, toutes sujettes à des erreurs plus ou moins considérables, qui demandent par conséquent une attention continuelle pour rendre ces erreurs les plus petites qu'il est possible, une vigilance extrême pour les marquer & pour y remédier au plutôt, un discernement exquis ou un jugement éclairé par une théorie profonde de l'art, & par une longue expérience, pour apprétier les effets de celles qu'on a remarquées sans avoir pu les éviter.

780. Il faut donc qu'un Pilote ait continuellement l'œil à toutes les circonstances du mouvement du Navire; qu'il observe soigneusement sa dérive, qu'il tienne une note exacte de tous les petits accidents qui arrivent à la barre, & qu'il estime sur le champ ce que chacun peut produire d'erreur sur sa route, afin qu'au moment de midi, où finit la journée, il soit en état de tenir compte de tout pour faire le calcul de son point d'arrivée. Il faut du moins que, si l'observation de la latitude faite à midi, fait appercevoir une différence sensible entre la route qu'on a cru avoir tenue & celle qui répond à l'observation, il faut, dis-je, au moins que le Pilote soit en état de décider de quel côté principalement l'erreur peut être arrivée, si c'est la faute du rumb ou celle de la distance.

781. Si la route est fort voisine d'être Nord & Sud, c'est-à-dire, depuis le SSO jusques au SSE, ou depuis le NNO jusques au NNE, & s'il est vraisemblable qu'on prendra hauteur avant que de changer de route, le Pilote doit porter son attention au rumb de vent que suit le Navire, préféablement à la mesure du chemin parcouru; il pourroit même se dispenser totalement de jeter le loch, s'il étoit bien assuré de prendre hauteur, comme on l'est dans un grand nombre de parages; parce que l'observation de la latitude tient lieu de la mesure du chemin beaucoup plus sûrement que le loch, & que l'erreur qu'on peut faire sur la longitude dépend presque entièrement de celle du rumb qu'on a cru suivre, & qui a été indiqué par la Boussole corrigée de la variation, ayant égard à la dérive.

782. Mais quand les routes sont fort voisines de la ligne Est & Ouest, c'est-à-dire quand elles sont depuis l'ESE jusqu'à l'ENE, & depuis l'ONO jusqu'à l'OSO, il faut, lorsqu'on est moralement sûr d'avoir hauteur au besoin, faire tous ses efforts pour avoir la mesure exacte de la route, parce que l'observation de la latitude servira à rectifier suffisamment les erreurs du rumb qu'on aura observé, & que toute la précision de la détermination de la longitude du point d'arrivée, dépend de celle avec laquelle la route aura été mesurée.

783. Hors de ces deux cas, la moindre négligence dans la mesure du rumb, ou dans celle de la longueur du chemin, est de la dernière conséquence, sur-tout dans les routes traversées. Mais comme il est moralement impossible d'éviter tout ce qui peut nuire à la précision de ces mesures, il faut tâcher de compenser les erreurs par les conjectures les plus probables sur leur effet, selon les différentes circonstances.

II.

Méthode pour faire l'Estime, lorsque la Latitude n'a pu être observée.

784. Quelques moments avant midi, soit qu'il y ait apparence qu'on prendra hauteur, soit qu'il n'y en ait point, le Pilote doit faire la réduction de sa route pour avoir sa longitude & sa latitude estimées par le moyen du rumb suivi & de la longueur du chemin, comme dans le problème I (734).

785. S'il n'a remarqué dans le courant de la journée aucune erreur sensible dans le rumb, ni dans la distance, & s'il arrive qu'il ne puisse prendre hauteur à midi, il doit s'en tenir à ces résultats.

786. Mais si n'ayant pu prendre hauteur, il a remarqué que de fréquentes arrivées, un coup de vent ou d'autres accidents ont dû détourner le Vaisseau de la direction de sa route, il estimera combien de degrés cette erreur peut faire

sur le rumb , & de quel côté est cette erreur ; il corrigera le rumb en conséquence , puis avec ce rumb corrigé & avec la distance , il fera une nouvelle réduction de la route , pour avoir la longitude & la latitude d'arrivée qu'il pourra appeler *présumées*.

787. Si , étant assez content du rumb , il a remarqué que de folles ventes , des rafales , des grains ou d'autres causes ont rendu la force du vent , & par conséquent la vitesse du sillage fort inégales , il estimera de même à combien de lieues l'inégalité dans la longueur de la route a pu s'étendre , & en quel sens ; il corrigera sa distance , puis avec le rumb de vent il cherchera sa longitude & sa latitude d'arrivée , qui seront aussi *présumées*.

788. Enfin , selon les circonstances , il pourra corriger en même temps le rumb & la distance , pour s'en servir pour trouver la longitude & la latitude *présumées* du point d'arrivée. Nous dirons bientôt de quelle manière le Pilote pourra acquérir l'habitude de rendre ses longitudes & latitudes *présumées* , plus justes que ses longitudes & latitudes estimées , c'est-à-dire , trouvées sans avoir fait aucune correction au rumb , ni à la distance.

789. Si l'on est plusieurs jours de suite sans pouvoir prendre hauteur , ni à midi , ni pendant la nuit , alors le Pilote fera deux suites , ou deux journaux de route , à commencer du dernier jour où l'on aura observé la latitude. La première suite de routes contiendra celles qui auront été simplement estimées ou réduites jour par jour sans correction ; & la seconde contiendra la suite des routes *présumées* ou réduites jour par jour après des corrections ; bien entendu que s'il se trouve quelque jour où l'on n'ait pas eu de raison de faire des corrections , on emploiera dans cette seconde suite la route estimée pour ce jour-là. On continuera ces deux suites jusqu'à ce qu'on ait fait une bonne observation de latitude. Alors on pourra corriger le dernier point d'arrivée , comme on le dira dans l'article suivant.

790. Si dans l'intervalle des temps où l'on n'a pu prendre hauteur depuis plusieurs jours , il faut nécessairement

ent prendre un parti pour suivre une certaine route , il faudra se déterminer pour celui qui sera indiqué par la suite des routes estimées , en se défiant des accidents qui pourroient arriver en conséquence des routes présumées.

791. Par exemple , ayant fait route depuis douze jours sans avoir pu observer la latitude , on est parvenu par les routes estimées à la hauteur d'un Cap qu'il faut reconnoître , d'une Isle , d'un Port , &c , qu'il faut aborder en courant sur son parallele , tandis que par la suite des routes présumées , on est 50 minutes plus Sud que ce parallele. Alors la prudence exige qu'on suive le parallele indiqué par la suite des routes estimées , parce qu'on n'a rien à se reprocher lorsque dans les cas douteux on a suivi à la rigueur les règles de l'art ; mais en même temps la prudence exige aussi qu'on ralentisse sa marche pour tâcher d'avoir une observation de latitude , soit de jour , soit de nuit , avant que de parvenir par les routes estimées à la longitude du lieu qu'il faut reconnoître. C'est encore un bon parti que de faire des bordées allongées entre le parallele estimé & le parallele présumé , sur-tout lorsque la Terre est haute , parce qu'alors on ne peut gueres manquer de la découvrir assez à temps , pour ne pas tomber sous le vent du point que l'on veut aborder.

III.

Méthode pour faire l'Estime , & pour la corriger , lorsque la Latitude a été observée.

792. Si le Pilote a fait son point avant midi , comme il a été dit dans l'article précédent , alors aussi-tôt que la latitude aura été observée , il verra si elle s'accorde avec la latitude estimée ou avec la latitude présumée. Si les conjectures du Pilote , sur les accidents arrivés dans l'intervalle des deux latitudes observées , ont été justes , sa latitude présumée doit s'accorder mieux avec la latitude observée ,

que celle-ci avec la latitude estimée ; si le contraire arrive il doit examiner attentivement ce qui a pu le tromper dans ses corrections , afin de se rectifier pour la suite , & de contracter par-là une habitude d'en faire de plus sûres. Cette pratique est de la dernière importance , quoiqu'elle n'ait encore mise en usage jusqu'ici par personne que je sache ; mais comme elle ne complique point les opérations du Pilotage , il y a lieu de croire que les jeunes Pilotes pourroient l'adopter.

793. Lorsque dans le cours d'une route , comprise entre deux observations de latitude , on n'a rien remarqué qui puisse faire soupçonner quelque erreur sensible dans le rumb , ni dans la longueur de la route , on peut prendre pour maxime générale que *si la latitude observée ne diffère pas de la latitude estimée de plus de 3 min. sur une route de 20 lieues , ou de 4 sur une route de 40 lieues , ou de 5 sur une route de 60 lieues , & ainsi de suite en augmentant d'une minute pour chaque vingtaine de lieues , la longitude estimée du point d'arrivée , trouvée par la réduction ordinaire (734) , est censée bonne , & l'on peut se dispenser d'y faire aucune correction*. De sorte qu'alors on peut s'en tenir à cette longitude estimée au rumb suivi , & à la longueur de la route , sans prétendre les faire quadrer plus parfaitement.

794. La raison de cette maxime est , 1°. Qu'avec les meilleurs instruments , & avec toute l'adresse possible , on peut à peine répondre d'avoir observé sa latitude avec une précision plus grande qu'à 2 minutes près : & que quand même l'incertitude de l'observation ne passeroit pas une minute , il faudroit toujours se défier de 2 minutes d'erreur dans la différence des deux latitudes observées , puisque cette erreur d'une minute a pu être commise dans l'une par excès , & dans l'autre par défaut.

795. 2°. Une minute étant la soixantième partie de 20 lieues , une pareille erreur causée , soit par le rumb , soit par la distance , soit par tous les deux à la fois , doit passer pour insensible , & il n'est pas par conséquent nécessaire de la vouloir faire disparoître par des corrections qui sont

jours hazardées, sur-tout lorsqu'on n'a aucune raison de attribuer à une circonstance de la route plutôt qu'à une autre.

796. Dans des routes peu considérables, comme dans les traversées de 300 ou 400 lieues, & dans les routes fort voisines de la ligne Est & Ouest, c'est-à-dire, dans les routes qui sont entre l'ESE & l'ENE, ou bien entre l'OSO & l'ONO, on peut étendre les limites de cette maxime à 10 minutes pour 10 lieues, 4 pour 20, 5 pour 30, &c, parce que l'erreur qui en peut résulter dans la longitude n'étant que d'environ $\frac{1}{30}$, elle ne peut devenir dangereuse dans une courte traversée. Dans le cas de la route voisine de la ligne Est & Ouest, les moindres corrections qu'on fait à la longueur de la route deviennent si considérables à l'égard de la longitude, comme on le verra dans le second exemple suivant (807), qu'elles peuvent jetter dans des erreurs plus grandes que celles qu'on prétendrait corriger en suivant à la rigueur les regles que nous allons donner pour faire l'estime d'après la latitude observée.

797. On peut appliquer cette même maxime, & toute celle que nous avons dit à son sujet, au cas où la latitude présumée s'accordant beaucoup mieux avec la latitude observée que celle-ci avec la latitude estimée, la différence entre la latitude présumée & la latitude observée tomberoit dans les limites que nous avons dites. Alors, rejetant la longitude estimée, on pourroit prendre pour point d'arrivée la longitude présumée avec la latitude observée, sans qu'il fût nécessaire de faire aucune correction, soit au rumb, soit à la distance, qui auront servi à trouver la longitude présumée.

798. Mais si, après avoir observé la hauteur du Pole, on trouve entre la latitude observée & la latitude, soit estimée, soit présumée, (*car il faut toujours adopter celle des deux qui s'accorde le mieux avec la latitude observée, & rejeter l'autre,*) une différence plus grande que de 2 minutes, plus autant de minutes qu'il y a de vingtaines de lieue dans la longueur de la route comptée depuis la dernière latitude observée précédemment; alors il faut corriger le rumb & la

distance, avant que de chercher la longitude du point d'arrivée. En voici la methode générale.

799. Si l'on n'a pas de raison de soupçonner que l'erreur vienne plutôt du rumb que de la distance, on partagera la différence entre la latitude observée & la latitude estimée présumée (selon qu'on aura adopté l'une ou l'autre) en deux parties telles que l'une, qu'on assignera pour corriger le rumb, soit un peu plus petite que l'autre partie, qu'on destina à la correction de la distance, parce qu'en général les directions des routes marquées par la Bouffole, ayant égard à la variation & à la dérive, sont plus sûres que les longueurs des routes déterminées par le loch. Si l'on a quelques présomptions d'erreurs commises sur le rumb plutôt que sur la distance, la partie de la différence qu'on assignera pour le rumb sera plus ou moins forte, selon le sens où ces erreurs auroient contribué à augmenter ou à diminuer ce rumb : & si l'on a lieu de soupçonner la distance plutôt que le rumb, on mettra presque toute la différence sur le compte de la distance, pourvu que la route ne soit pas trop voisine de la ligne Est & Ouest. Ayant donc partagé la différence en deux parties telles qu'on les juge convenables aux circonstances, on cherchera, par le moyen qu'on va indiquer, le rumb corrigé & la distance corrigée, qui serviront ensuite à trouver la longitude corrigée au point d'arrivée, conformément au Problème I (734). Quelques Exemples éclairciront cette regle.

800. EXEMPLE I. Etant parti de $347^{\circ} 12'$ de longitude, & $38^{\circ} 4'$ de latitude Nord, on a fait 100 lieues dans le $NE \frac{1}{4} E$ du monde, ayant eu égard à la variation & à la dérive. On n'a pas remarqué d'irrégularités sensibles dans cette route. On demande le point d'arrivée.

801. Par la réduction ordinaire (734) je trouve $246' \frac{1}{2}$ de route Nord & Sud réduite en degrés de latitude, ce qui diffère de $16' \frac{1}{2}$ avec la différence des latitudes observées. Je partage cette erreur en deux ; j'en attribue $6'$ pour le rumb, & $10' \frac{1}{2}$ pour la distance.

802. Je cherche d'abord le rumb corrigé, par le Quartier de réduction, en cette maniere. Je tends le fil A

(fig. 60.) sur le rumb suivi $NE \frac{1}{4} E$. Je marque en C la différence des latitudes observées augmentée ou diminuée de partie de l'erreur attribuée au rumb, selon que la latitude servée est plus grande ou plus petite que la latitude estimée. C'est ici $2^{\circ} 36'$ ou $156'$. (Si j'avois rejeté la latitude estimée pour adopter la latitude présumée, j'employerois dans toutes ces réductions la latitude présumée.) Je marque sur le même fil en D la différence des latitudes observées $30'$ ou $150'$. Je remarque le point E où le cercle qui passe par C est coupé par la droite HE qui passe par le point H , & qui est parallèle à AE . Je tends le fil sur ce point E , qui me donne le rumb corrigé. Je le trouve dans cet Exemple de $57^{\circ} 43'$, c'est-à-dire, à très-peu près $NE \frac{1}{4} E 1^{\circ} \frac{1}{2} E$.

803. Je cherche ensuite la distance corrigée par cette règle de proportion : *La différence des latitudes observées plus ou moins les minutes d'erreur attribuées à la distance, selon que la latitude observée est plus grande ou plus petite que l'estimée, est à la différence des latitudes observées, comme la distance parcourue, selon la Table de loch, est à la distance corrigée.* Dans cet Exemple, j'ai $150'$ plus $10^{\frac{1}{2}}$, ou $160^{\frac{1}{2}}$, tant à $150'$, comme 100 lieues sont à $93 \frac{1}{2}$ lieues.

804. Par ces deux opérations j'ai le rumb corrigé $NE \frac{1}{4} E 1^{\circ} \frac{1}{2} E$ & la distance corrigée $93 \frac{1}{2}$ lieues, ce qui me donne (734) $352^{\circ} 19'$ de longitude corrigée. Ainsi le point d'arrivée est par $352^{\circ} 19'$ de longitude, & par $40^{\circ} 34'$ de latitude.

805. EXEMPLE II. Etant parti de $347^{\circ} 18'$ de longitude & de $0^{\circ} 12'$ de latitude australe, on a couru à $O \frac{1}{4} N O$ 84 lieues, après quoi on a observé la hauteur du Pole $0^{\circ} 58'$ boréale. Mais on a remarqué dans la route que le Navire a fait des lances fréquents vers le Nord. On demande le point d'arrivée.

806. Avec ce rumb (qu'on suppose ici corrigé de la variation & de la dérive,) & avec cette distance on trouve d'abord $0^{\circ} 49'$ de chemin en latitude, ce qui donneroit la latitude estimée du point d'arrivée $0^{\circ} 37'$ boréale, qui diffère de $21'$ de la latitude observée. Mais à cause des lances

fréquents dans le Nord, on a augmenté le rumb de 3 degrés vers le Nord, & on a trouvé qu'en employant le rumb $O \frac{1}{4} N O 3^{\circ} N$, le chemin en latitude est de $1^{\circ} 2'$, ce qui donne la latitude présumée $0^{\circ} 50'$ boréale, qui ne diffère de l'observée que de 8 min. Or, selon ce qui a été dit ci-dessus (796), on pourroit, sans faire d'autre correction chercher la longitude qui résulte du rumb $O \frac{1}{4} N O 3^{\circ} N$ & de la distance 84 lieues. Mais si on y veut faire une nouvelle correction, comme dans l'Exemple précédent, de 8 minutes d'erreur, on en devroit attribuer 3 pour le rumb & 5 pour la distance. On trouveroit donc, comme ci-dessus un nouveau rumb corrigé $O \frac{1}{4} N O 3^{\circ} \frac{2}{3} N$, & $90 \frac{1}{2}$ lieues pour la distance corrigée. On auroit ensuite la différence des longitudes $4^{\circ} 22'$, & par conséquent le point d'arrivée par $342^{\circ} 56'$ de longitude, & $0^{\circ} 58'$ de latitude boréale.

807. On voit dans cet Exemple, que 5 minutes ou une lieue $\frac{2}{3}$ d'erreur attribuée à la distance, y font faire une correction de 6 lieues $\frac{1}{2}$, & à proportion la correction eût été bien plus grande, si on avoit employé dans ce calcul la latitude estimée au lieu de la latitude présumée, ce qui prouve ce que nous avons avancé plus haut (782), que dans les routes voisines de la ligne Est & Ouest on ne peut être trop attentif à la mesure de la distance, afin de pouvoir rejeter avec confiance sur le rumb la plus grande partie de l'erreur qui sert à faire les corrections.

808. La meilleure maniere de chercher le rumb corrigé est de calculer par les Tables de sinus; voici la proportion qu'il faut faire. *Comme la différence des latitudes observées, plus l'erreur attribuée pour le rumb si la latitude observée excède la latitude estimée ou présumée, ou moins cette erreur si la latitude observée est plus petite, est à la différence des latitudes observées: ainsi le cosinus du rumb compté depuis la ligne Nord & Sud, est au cosinus du rumb corrigé & compté depuis la même ligne.* Car soit C (Fig. 61.) le point de partance, CA la ligne Nord & Sud, CD la route suivie, D le point d'arrivée estimé ou présumé, BD le parallele estimé ou présumé, & AE le parallele qui est autant au-dessus ou au-dessous du parallele BD qu'on a attribué de minutes d'erreur pour le compte du rumb. Comme il ne s'agit d'un bord que de corriger le rumb sans corriger la distance, si du centre C on imagine un arc de cercle DE qui passe par le point D jusques à la ligne AE, on aura le point E qui est le point d'arrivée véritable, & le rumb CE le rumb corrigé.

contre du parallele AE , en tirant CE , on aura le rumb corrigé CE ; pour en faire le calcul, selon les proportions des triangles rectangles, dans le triangle rectangle BCD , on a $R:CD$ ou $CE::\angle BCD:BC$, & dans le triangle rectangle ACE , on a $R:CE$ ou $D::\cos ACE:AC$. D'où on conclut $BC:AC::\cos BCD:\cos ACE$.

CHAPITRE IV.

Des Regles composées par le Quartier de réduction.

I.

89. **O**N CHANGE en Mer très-fréquemment de rumb de vent, & quelquefois dans un même jour; ce qui a mis les pilotes dans l'usage de recourir à une opération particuliere pour se dispenser de faire un Problème pour chaque route. Nous avons déjà expliqué en partie cette méthode dans le second Livre, en parlant de la maniere de pointer ou de compasser les Cartes (N°. 253.) On donne le nom de *regles composées* à ces opérations, qui consistent à chercher pour chaque route les lieues Nord ou Sud, & les lieues Est ou Ouest, & à joindre ensemble celles qui ont été faites dans même sens. Il suffit de donner quelques Exemples pour éclaircir tout ceci, & pour montrer la maniere d'en disposer le calcul.

810. *Premier Exemple.* On est parti de 45 degrés de latitude Nord & de 110 degrés de longitude: on a couru 3 routes suivantes corrigées de la variation & de la dérive. On demande le point d'arrivée.

	N	S	E	O
Route. 100 lieues au $NE\frac{1}{4}N$	83	$55\frac{1}{2}$	
Route. 230 lieues à l'ONO	$88\frac{1}{2}$	212
Route. 80 lieues à l'E $\frac{1}{4}$ SE	$15\frac{3}{4}$	$78\frac{1}{2}$	
	$171\frac{1}{2}$	$15\frac{3}{4}$	134	212
	$15\frac{3}{4}$			134
Reste des lieues N & des li. O	$155\frac{3}{4}$	78
Rumb de vent en ligne droite le NNO $4^0\ 12'\ O$.				
Lieues de distance en droite route 174.				

	Deg.	Min.	
Latitude du départ N. . . .	45	0	78 Lieues Ouest.
Différence en latitude N . . .	7	47	45° 0'
Latitude d'arrivée N. . . .	52	47	52 47
Moyen parallèle.	48	53	97° 47'
Longitude du départ	110	0	48 53 Moyen parallèle.
Différence en longitude O. . .	5	57	5 57 diff. de Longit. O.
Longitude d'arrivée.	104	3	

E X P L I C A T I O N.

811. Après avoir disposé les articles en les remplissant de toutes les quantités déjà connues ou données, nous avons cherché les lieues Est & Ouest, & les lieues Nord & Sud qui répondent à chaque rumb & à chaque distance. Nous avons fait ensuite une somme des lieues courues exactement dans le même sens, & nous avons ôté les unes des autres, celles qui ont été courues dans des sens directement contraires. Les lieues Nord & les lieues Ouest se sont trouvées les plus fortes; & eu égard à tout, nous n'avons couru que $155\frac{3}{4}$ lieues au Nord, & 78 à l'Ouest. Nous avons fait quadrer les unes avec les autres; ce qui nous a donné notre rumb de vent & nos lieues de distance en droite ligne. Les lieues Nord évaluées en deg. nous donnent $7^{\circ} 47'$ de différence en latitude; & les 78 lieues Ouest, réduites sur le moyen parallèle, nous donnent notre différence en longitude.

812. *Second Exemple.* On est parti de $0^{\circ} 15'$ de latitude Sud, & de $359^{\circ} 40'$ de longitude. On a couru les routes suivantes avec un compas qui varioit de 8 deg. NO & la dérive étoit d'un quart de vent du côté de bas-bord. On demande le point d'arrivée, & le chemin qu'on a fait en droite ligne.

813. Dans cet Exemple on peut remarquer comment il faut corriger les routes de la variation & de la dérive en même temps.

		Rumbs valus ou corrig. de la var. & de la dérive.			
		N	S	E	O
Route. 10 li. au NE $\frac{1}{4}$ N	NNE 8° N	9,7	. . .	2,5	
Route. 5 li. au NNE..	N 3° 15' E	5,0	. . .	0,3	
I. Route. 12 li. à l'E $\frac{1}{4}$ NE	ENE 8° N	6,1	. . .	10,3	
II. Route. 3 $\frac{1}{2}$ lieues au NE	NNE 3° 15' E	3,1	. . .	1,5	
Lieues au Nord & à l'Est		23,9	. . .	14,6	
Rumb de vent en droite ligne NNE 9° E.					
Lieues de distance en droite ligne 28.					

	Deg.	Min.							
Latitude du départ S	0	15
Différence en latitude N . .	1	12
Latitude d'arrivée N	0	57
Moyen parallèle	0	28
Longitude du départ	359	40
Différence en longitude E. .	0	44
Longitude d'arrivée	0	24

EXPLICATION.

814. Puisque la dérive portoit du côté de bas-bord ou de main gauche, elle s'est jointe à la variation; & l'écart produit dans les routes en a été plus grand. On croyoit d'abord faire le NE $\frac{1}{4}$ N, mais à cause de la dérive on faisoit NNE; & comme la variation portoit encore 8 degrés dans le même sens, on faisoit réellement le NNE 8° N. C'est la même chose des autres routes.

815. On change quelquefois si souvent de route dans la pratique de la Navigation, qu'on ne court que quelques lieues sur chaque rumb de vent. On peut alors réduire les lieues en milles, qui sont des tiers de lieue, ou, ce qui est encore plus exact, on peut mettre les fractions de lieues en dixièmes, comme nous avons fait (418) pour les fractions de minutes. On comptera dans l'exemple que nous nous proposons, 100 sur le NNE 8° N, il viendra 97 au Nord, & 25 à l'Est, & on écrira ces nombres comme nous l'avons fait. On fera la même chose pour les autres routes. La dernière est de 3 $\frac{1}{2}$ lieues, qui, réduites en dixièmes, valent 35. Ainsi il a fallu compter 35 sur le NNE 3° 15' E.

*Usage de la Regle composée lorsqu'on
navigue dans un endroit où il y a des
Courants.*

816. Les moyens que nous avons expliqués dans le second Livre pour mesurer le fillage & pour reconnoître le rumb de vent, nous donnent le mouvement du Navire, & l'égard à tout, ou le chemin effectif. Mais on peut s'arrêter aussi au fillage donné d'abord par le loch ordinaire, & se contenter de corriger dans la route la variation de la Boussole, & la seule dérive qui est causée par l'obliquité des voiles. On n'aura après cela le chemin du navire qu'à l'égalité de la surface de la Mer ou le fillage apparent, sans y comprendre l'effet du Courant. Alors il seroit absolument nécessaire de considérer à part le mouvement de la Mer, & n'y auroit à la fin de toutes les routes, qu'à en joindre une dernière pour représenter l'action particulière de la Mer.

817. Les quatre routes de l'Exemple précédent tombent dans un endroit de l'Océan où le Courant équinoxial n'est jamais oisif. Outre cela le mouvement de la Mer doit y être sensiblement le même en bas jusqu'à une grande profondeur à cause de la continuité & de la perpétuité de ce courant. Ainsi les moyens proposés pour déterminer absolument le fillage & la vraie route, ne doivent pas réussir ordinairement dans ces sortes d'endroits, parce qu'il n'est pas vraisemblable que nos machines ou instruments puissent descendre assez bas dans la Mer, pour y parvenir jusqu'à l'eau qui est parfaitement en repos. Nous savons heureusement que le Courant équinoxial fait environ 3 lieues par jour; & on a aussi de temps en temps des occasions de reconnoître qu'il porte un peu vers le Nord ou vers le Sud, pendant qu'il est toujours dirigé vers l'Ouest. Supposons que sa direction soit l'O $\frac{1}{4}$ N O, & que nous ayons mis 36 heures à faire les routes dont il s'agit. Il s'ensuivra de-là que le courant no

ra transporté $4\frac{1}{2}$ lieues à l'O $\frac{1}{4}$ N O, pendant que nous avons fait nos quatre routes. Il n'y aura donc qu'à mettre leur fuite $4\frac{1}{2}$ lieues à l'O $\frac{1}{4}$ N O pour l'effet du Courant. On fera la réduction ou la regle composée, comme s'il y avoit effectivement cinq routes, & l'opération donnera la latitude & la longitude d'arrivée.

818. Il est apparemment impossible de trouver autrement son point dans tous les endroits où les Courants s'étendent beaucoup en profondeur, & où ils sont réglés. Mais lorsqu'ils ne sont qu'accidentels, ils ne doivent guère s'étendre en en-bas; & nous croyons qu'il vaut mieux alors, après avoir examiné, autant qu'on le peut, par les moyens expliqués dans le second Livre, l'effet qu'ils produisent sur chaque route, comprendre cet effet dans les autres mêmes. Les Courants accidentels n'ont pas ordinairement une grande étendue en largeur, & ils sont sujets à changer de directions. Ainsi ils peuvent agir sur quelques-unes des routes, & ne pas agir sur les autres. C'est ce qui exige un examen particulier pour chacune; & il ne coûte pas davantage de n'employer ensuite ces routes qu'après qu'on a déjà eu égard à l'altération qu'elles ont souffertes par la cause étrangere.

I I I.

Des Regles composées avec Correction.

819. Lorsque plusieurs routes ont été réduites à une seule en ligne droite par la méthode précédente, il faut enfin avoir recours à la correction du rumb & de la distance parcourue, selon la méthode expliquée dans le Chapitre précédent, si la latitude qu'on observe après avoir fait ces routes, ne s'accorde pas avec la latitude estimée que donne la regle composée. Ces sortes d'opérations reviennent presque chaque jour à la Mer, parce qu'on ne suit pas constamment le même rumb de vent, & qu'on est d'ailleurs toujours sujet à se tromper, ou dans l'estime du chemin, ou dans la détermination de la dérive, &c. Il ne s'agit,

pour faire la regle composée avec correction, que de réunir ensemble les pratiques que nous venons d'expliquer. C'est ce que nous allons faire dans quelques Exemples.

820. *Premier Exemple.* On est parti de 51 degrés de latitude Nord, & de 1 degré de longitude, & après avoir couru par estime les routes que nous marquons ci-dessous avec un compas qui avoit 10 deg. de variation NO, pendant que la dérive étoit de 12 deg. du côté de Stribord, on a observé la latitude, & on l'a trouvée de 49° 30' Nord.

	Rumbs valus.	N	S	E	O
I. Route. 15 li. au S $\frac{1}{4}$ SE.	S 9° 15' E		14,8	2,4	
II. Route. 7 $\frac{1}{2}$ li. au SSE.	SSE 2° S	7,0	2,6	
III. Route. 10 lieues au S.	S. 2° O.		10,0	0,4
				5,0	
				0,4	
Lieues au Sud & à l'Est.			31,8	4,6	
Rumb de vent estimé en droite ligne le S. 8° 15' E.					
Lieues de distance estimées en droite ligne 32,1.					

821. La variation a approché de 10 degrés du Nord du Monde nos rumb de vent, & la dérive les en a éloignés de 12 degrés : de sorte que, tout compté, ils n'ont été sujets qu'à un changement de 2 degrés. Nous avons réduit les lieues en dixiemes, & il nous est venu 31,8 lieues au Sud, & 4,6 à l'Est que nous avons fait quadrer ensemble pour avoir le rumb de vent estimé en droite ligne S 8° $\frac{1}{4}$ E. & 32,1 lieues de distance. L'observation de la latitude faite à la fin de ces routes, nous met en état de corriger notre point. Il faut, comme nous l'avons enseigné (799), prendre 1,8 différence entre 30 lieues Nord & Sud observées, & 31,8 entre les lieues Nord & Sud estimées. Et si l'on est un peu plus content des rumb suivis que des distances, il faudra en assigner 0,5 pour le rumb, & 1,3 pour la distance. Ayant donc cherché le rumb corrigé, on l'a trouvé S $\frac{1}{4}$ SE 2° E. Ayant cherché aussi la distance corrigée (803), on l'a trouvée de 30,8 lieues. Avec cette distance & le rumb corrigés, on trouve 7,0 lieues Est qui, réduites en degrés de longitude par le moyen parallele 50° 15', valent

33 min. Donc le point d'arrivée est par $1^{\circ} 33'$ de longitude estimée, & par $49^{\circ} 30'$ de latitude observée.

822. *Second Exemple.* On est parti de $15^{\circ} 51'$ de latitude Sud, & de 2 deg. de longitude. On a couru les routes marquées ci-dessous, le compas ayant $17^{\circ} 30'$ de variation NO, & 10 deg. de dérive dans le même sens. Ces routes étant faites, on s'est trouvé en prenant hauteur par $15^{\circ} 6'$ de latitude aussi Sud. On demande le point d'arrivée corrigé, avec les lieues de distance & le rumb de vent en droite route.

		Rumbs valus ou corrig. de la var. & de la dérive.			
		N	S	E	O
I. Route.	$7\frac{1}{2}$ li. au NE $\frac{1}{4}$ N.	N $6^{\circ} 15' E$	7,4 $\frac{1}{2}$	0,8 $\frac{1}{3}$	
II. Route.	8 lieues au N. . .	NNO $5^{\circ} O$	7,1		3,7
III. Route.	15 li. au NNO.	NO $5^{\circ} O$	9,6		11,5
IV. Route.	$7\frac{1}{2}$ li. à l'O $\frac{1}{4}$ NO.	OSO $6^{\circ} 15' O$		2,0 $\frac{3}{4}$	7,2
V. Route.	10 lieues au S. . .	SSE $5^{\circ} E$		8,9	4,6
		24,1 $\frac{1}{2}$	10,9 $\frac{3}{4}$	5,4 $\frac{2}{3}$	22,4
		10,9 $\frac{3}{4}$			5,4 $\frac{1}{3}$
Reste des lieues Nord & Ouest. . . .		13,1 $\frac{3}{4}$			16,9 $\frac{2}{3}$

Rumb de vent estimé en droite ligne le NO $7^{\circ} 10' O$.
 Lieues de distance estimées en droite route 21,5.

823. Les lieues au Nord & les lieues à l'Ouest se sont trouvées les plus fortes, & elles nous ont donné le NO $7^{\circ} 10' O$ pour rumb de vent estimé en ligne droite, & $21\frac{1}{2}$ lieues de distance aussi estimées. Comme la latitude observée nous donne 15 lieues dans le Sud, & que l'estime ne donne que $13,1\frac{3}{4}$, ou en nombres ronds 13,2 lieues Sud; pour corriger notre point, nous assignerons 0,7 pour l'erreur causée par le rumb, & 1,1 pour l'erreur dans la distance estimée, n'ayant eu aucune raison de faire une des 2 corrections plus fortes. Nous aurons donc (802) le NO $4^{\circ} 57' O$ pour le rumb corrigé, & 23,2 lieues pour la distance corrigée. Les lieues Ouest seront 17,8, lesquelles réduites en longitude sur le moyen parallele $15^{\circ} 28'$, valent 55'; donc le point d'arrivée est par $1^{\circ} 5'$ de longitude estimée ou corrigée, & par $15^{\circ} 6'$ de latitude observée.

I V.

Remarques sur les Regles composées & sur la maniere de réduire les Routes , lorsqu'on a été plusieurs jours sans observer hauteur.

824. La maniere précédente de réduire les routes par la regle composée est suffisamment exacte dans la pratique ; mais on en fait quelquefois de très-mauvaises applications. La réduction des lieues Est & Ouest en degrés de longitude , est sujette à quelque défaut , parce que le moyen parallele n'est qu'une espece de milieu pris grossièrement. Cependant cette opération , quoiqu'imparfaite , ne peut jetter dans aucune erreur sensible , pourvu qu'on soit attentif à réduire ses routes de jour en jour , & qu'on ne les laisse pas s'accumuler. Car alors il pourroit arriver que le moyen parallele ne convînt pas assez au plus grand nombre des routes , & que même il ne convînt à aucune.

825. Si en partant , par exemple , de 55 degrés de latitude Nord , on court plusieurs jours au Nord , ou à des rums de vent qui en different très-peu , en faisant plus de 200 lieues sur cette direction , ce qui porte le Navire par plus de 65 deg. de latitude Nord ; & si ensuite présentant la proue tout-à-coup à l'Est , on y court 180 ou 200 lieues , l'usage de la Regle composée seroit très-dangereux dans ce cas. Toutes les lieues Est & Ouest appartiendroient à la derniere route ; elles auroient été faites sur le parallele de 65 degrés : cependant si on faisoit la Regle composée ordinaire , on les réduiroit sur le parallele de 60 degrés , qui ne conviendrait qu'à la partie de la navigation dans laquelle on n'auroit point de lieues à l'Est ou à l'Ouest.

826. Si on avoit fait réellement dans la derniere route 200 lieues à l'Est , elles donneroient sur le parallele de 65 degrés 23° 40' de difference en longitude. Au lieu qu'en se conformant mal-à-propos au procédé ordinaire de

La Regle composée, on réduiroit ces 200 lieues sur le parallele de 60 degrés, & on ne trouveroit que 20 degrés de différence en longitude. Le défaut seroit de $3^{\circ} 40'$.

827. Les Pilotes évitent cette erreur dans la pratique, en réduisant leurs routes de 24 heures en 24 heures; le moyen parallele qu'ils employent chaque jour convient alors assez exactement à chaque partie de leur route. Cependant ils retombent souvent dans la faute qu'ils avoient évitée. Il leur arrive trop ordinairement d'être plusieurs jours sans voir le Ciel: les nuages se dissipent au bout d'un certain temps; & les Pilotes, après avoir pris hauteur, cherchent dans leur Journal combien ils ont fait de lieues au Nord ou au Sud, & de lieues à l'Est ou à l'Ouest, depuis l'observation précédente de la latitude, & ils font quadrer ensuite ces lieues les unes avec les autres, pour avoir le rumb de vent estimé en droite ligne & les lieues de distance aussi estimées en droite route. Cette pratique n'est pas sûre, par la raison qu'on vient de dire; & lorsque pour corriger son point on a besoin du rumb de vent & des lieues de distance en droite ligne, il faut les chercher par le quatrieme Problème général expliqué dans le second Chapitre (758). Car on connoît la latitude & la longitude du lieu où l'on étoit le dernier jour qu'on a pris hauteur; on connoît de plus, par la réduction journaliere des routes, la latitude & la longitude estimées du point où l'on est actuellement. On peut donc chercher sur le Quartier de réduction, ou même sur le chemin parcouru dans l'intervalle des latitudes observées est fort grand, on peut chercher sur la Carte le rumb de vent estimé en droite ligne, & les lieues de distance aussi en droite route, pour y faire ensuite les corrections nécessaires pour le calcul de la longitude corrigée.

828. Enfin on doit se défier de la longitude trouvée par les Regles composées, à proportion qu'il y entre plus de routes, & qu'elles sont plus longues chacune: de sorte qu'on peut dire que quand on a eu le malheur d'être un grand nombre de jours sans observer la latitude, on n'a plus aucune connoissance raisonnablement certaine de sa longi-

tude, & qu'à son égard on est réellement égaré. Ce qui fait voir l'importance de la méthode qui sert à déterminer la longitude par observation, quoiqu'on ne soit assuré de l'avoir qu'à deux degrés près.

V.

Derniere Correction qu'on peut faire à la Longitude, à cause de la figure de la Terre qui n'est pas parfaitement sphérique.

829. On pourra, si on le juge à propos, avoir égard au petit changement qu'apporte à la réduction des routes la figure de la Terre qui n'est pas parfaitement sphérique, & qui est aplatie vers les Poles. Le rapport entre les degrés de longitude & ceux de latitude, n'est pas absolument le même sur la Terre que sur un Globe, & il n'est pas difficile de s'assurer que toutes les opérations que nous venons d'expliquer donnent par cette raison la différence en longitude un peu trop grande. J'indique ci-après la petite partie qu'il faut retrancher, selon les diverses latitudes où l'on navigue. Si l'on est par 30 deg. de latitude ou si le moyen parallèle est de ce nombre de degrés, on trouvera vis-à-vis la fraction $\frac{1}{109}$, qui nous apprend qu'il faut retrancher un 109^{me} partie de la différence en longitude, après que les autres corrections ont été faites. Ainsi supposé qu'on la trouvât de 10° 54' & que la route eût été faite par 30 deg. de latitude, il faudroit en retrancher 6 minutes. On trouvera dans le Livre de la figure de la Terre, déterminée par les observations faites au Pérou, la construction de la petite Table qu'on donne ici.

830. Au surplus on ne doit faire la diminution dont il s'agit qu'après qu'on a eu le soin d'assujettir le point d'arrivée sur la latitude observée. Cette opération qu'on doit faire précéder est, comme on l'a vu, extrêmement conjecturale; c'est pourquoi on peut sans doute négliger dans la pratique du Pilotage une aussi petite différence que celle qu'apporte à la longitude la figure de la Terre. Nous ne faisons aussi mention de cette différence, que parce que nous ne voulions rien oublier, & que nous avons à cœur de satisfaire la curiosité de quelques Lecteurs.



TABLE de la diminution qu'il faut faire à la différence en longitude, en conséquence de la figure de la Terre qui n'est pas exactement ronde.

Latitudes moyennes.	Corrections soustractives.	Latitudes moyennes.	Corrections soustractives.
Degrés.		Degrés.	
0	$\frac{1}{1 \ 1 \ 2}$	55	$\frac{1}{1 \ 7 \ 0}$
10	$\frac{1}{1 \ 1 \ 1}$	60	$\frac{1}{2 \ 1 \ 2}$
20	$\frac{1}{1 \ 0 \ 8}$	65	$\frac{1}{2 \ 8 \ 0}$
30	$\frac{1}{1 \ 0 \ 4}$	70	$\frac{1}{4 \ 1 \ 4}$
40	$\frac{1}{1 \ 1 \ 8}$	75	$\frac{1}{6 \ 6 \ 3}$
45	$\frac{1}{1 \ 2 \ 8}$	80	$\frac{1}{1 \ 5 \ 1 \ 8}$
50	$\frac{1}{1 \ 4 \ 4}$	85	$\frac{1}{5 \ 7 \ 7 \ 0}$

SECONDE SECTION.

Méthode de résoudre les Routes de Navigation, en se servant des Tables des Logarithmes de Sinus, & des Logarithmes des Nombres.

831. **O**N résout les Problèmes de Navigation avec toute l'exaétitude possible, en n'employant que le calcul Trigonométrique.

832. Les opérations qu'on fait avec la regle & le compas sont ordinairement plus expéditives: mais on est sujet à s'y tromper dans les parties qui échappent à nos sens, telles que sont les minutes de degrés, &c; & ces erreurs, s'accumulant, produisent quelquefois des résultats fort éloignés de la précision nécessaire. La Méthode Trigonométrique devrait donc toujours être pratiquée par pré-

férence, & le meilleur conseil qu'on puisse donner aux Pilotes, c'est de faire toutes leurs opérations d'abord avec le Quartier de réduction, & les refaire ensuite par les Tables de sinus. Le premier résultat servira à éviter les erreurs grossières de calculs que, faute d'attention, on peut commettre en se servant des Tables de logarithmes, & le résultat du calcul servira à rectifier les opérations faites avec le Quartier; il donnera le nombre juste des degrés & minutes, les fractions de lieues, &c.

833. En employant le calcul trigonométrique, il sera plus convenable pour la précision, de se servir de milles ou tiers de lieues, au lieu de lieues; & même dans les calculs on pourra supposer que chaque mille est subdivisé en dix parties égales: le nombre qui exprimera ces parties s'appellera la *décimale des milles*; on le séparera des milles par une virgule; & pour en chercher les logarithmes dans les Tables, on fera comme si le nombre de milles avec sa décimale faisoit un nombre entier, & on retranchera une unité de la caractéristique du logarithme de ce nombre entier. On pourra de même évaluer les lignes Est & Ouest, & les lignes Nord & Sud en degrés, minutes & dixièmes de minutes.

834. Par exemple, au lieu de dire qu'un Navire a fait 17 lieues, je dirai qu'il a fait 51 milles, dont chacun vaut une minute de grand cercle. Pour exprimer 51 milles & 3 dixièmes, j'écrirai 51,3; & pour chercher le logarithme de 51,3 de milles, je chercherai celui de 513, qui est 2.71011. J'ôterai une unité de la caractéristique, & j'aurai 1.71011 logarithme de 51,3. De même si l'on me demande quel est le nombre de milles & de dixièmes de milles qui répond au logarithme 1.96940; je le cherche dans les Tables comme s'il avoit une unité de plus à la caractéristique, & qu'il fût 2.96940. Je trouve que le nombre est 932; je sépare le dernier chiffre par une virgule, & je dis que le nombre demandé est 93,2 milles. La raison en est claire (65): ajouter une unité à la caractéristique, c'est multiplier le nombre par 10; la retrancher, c'est diviser le

nombre par 10 : or on divise un nombre par 10 en séparant par une virgule son dernier chiffre, qui par ce moyen devient la fraction jointe au quotient, lequel se trouve exprimé par les chiffres qui précèdent la virgule.

I.

Solution du premier Problème général de Navigation, qui est de partager une Route en lieues Est & Ouest, & en lieues Nord & Sud.

835. Les Lecteurs feront bien de revoir ce que nous avons dit vers la fin du premier Livre (81 & suiv.) touchant la résolution des triangles-rectangles par les Tables des sinus.

836. Pour peu qu'on fasse attention à la méthode générale de naviguer par longitude & par latitude, ou, ce qui revient au même, à celle de partager les lieues d'une route parcourue en suivant un même rumb, en lieues Est & Ouest, & en lieues Nord & Sud, il sera aisé de comprendre qu'on peut regarder le point de départ comme le sommet *C* d'un triangle, (voy. dans la Carte de la Manche, Pl. VII.) Pl. VII. La ligne Nord & Sud *CD* est la direction d'un côté; le chemin parcouru *CA* est la direction d'un autre côté; le rumb de vent qu'on a suivi est l'obliquité de la route à l'égard de la ligne Nord & Sud, & par conséquent mesure l'angle *ACD* formé au point de départ, entre la ligne Nord & Sud *CD* & la route parcourue *CA*: cette route parcourue étant d'un certain nombre de lieues ou de milles, est d'une longueur déterminée *CA* aboutissant à un point d'arrivée *A*. Par conséquent si par l'extrémité *A* de la droite qui mesure la longueur de la route, on fait passer une perpendiculaire *AD* sur la ligne Nord & Sud, cette perpendiculaire représentera une ligne Est & Ouest; sa longueur *AD* exprimera le chemin parcouru Est & Ouest, & la longueur de *CD* exprimera le chemin parcouru Nord & Sud.

Il est donc clair que la route parcourue par un Navire, en suivant un même rumb, est l'hypoténuse d'un triangle rectangle, dont l'un des deux côtés est la ligne Nord & Sud, & l'autre la ligne Est & Ouest; dont l'angle au point de départ est mesuré par le rumb de vent, & l'angle au point d'arrivée est (46) le complément du même rumb.

837. Cela posé, étant donné le nombre de lieues ou de milles parcourus selon un rumb aussi connu, on a l'hypoténuse & les angles du triangle rectangle dont il s'agit de trouver la longueur des côtés: il n'y a pour cela qu'une règle de proportion fort aisée, à faire pour chaque côté. Ainsi pour trouver les lieues ou milles Est & Ouest, on aura (82) le sinus total est au nombre de lieues ou de milles parcourus, comme le sinus du rumb de vent est au nombre des lieues ou de milles Est & Ouest.

838. On découvrira les lieues Nord ou Sud, en faisant cette autre règle de Trois: Le sinus total est aux lieues parcourues, comme le cosinus du rumb de vent est aux lieues Nord & Sud. Ou si l'on emploie les milles, on trouvera tout de suite la différence en latitude en faisant le sinus total est au nombre des milles parcourus, comme le cosinus du rumb de vent est au nombre des minutes de la différence en latitude.

Réduire les lieues Est & Ouest en degrés de Longitude.

839. La différence en latitude étant trouvée par les lieues Nord & Sud, ou par le calcul des milles, on cherchera le moyen parallèle comme à l'ordinaire; on passera ensuite à la réduction des lieues Est & Ouest en degrés de longitude. Pour cela il faut faire cette proportion: Comme le cosinus de la latitude du moyen parallèle est aux lieues Est & Ouest, ainsi le sinus total est à un nombre dont le triple est celui des minutes de degré de la différence en longitude.

840. Etant donnés les milles parcourus selon un rumb de vent, on peut, par une seule règle de Trois composée des deux précédentes, trouver la différence de longitude

LIVRE V. SECTION II. 319

En faisant cette proportion : Comme le cosinus de la latitude du moyen parallele est au sinus du rumb de vent , ainsi le nombre de milles parcourus est au nombre de minutes de la différence en longitude.

Exemple du calcul pour la solution du Problème général : Étant donnés le point du départ , le rumb de vent & le chemin parcouru , trouver le point d'arrivée.

841. On est parti de $60^{\circ} 45'$ de latitude Nord , & de 5 degrés de longitude , on a couru 226 milles & un tiers au $NE \frac{1}{4} N$. On demande la latitude & la longitude d'arrivée.

	Deg.	Min.	
Latitude du départ N	60	45	188,2 Milles au Nord.
Différence en latitude N	3	8	
Latitude d'arrivée N	63	53	60° 45'
Moyen parallele.	62	19	63 53
Longitude du départ.	15	0	<u>124° 38'</u>
Différence en longitude E.	4	31	62 19 Moyen parallele.
Longitude d'arrivée	19	31	4 31 diff. de long. à l'E.

842. Le $NE \frac{1}{4} N$ faisant un rumb de $33^{\circ} 45'$ avec le Nord , je dispose ainsi mon calcul. Par la seconde proportion (838)

Log. cosin. $33^{\circ} 45'$ 9.91985
 Log. 226,3 milles 2.35468
 Log. milles N & S 2.27453 . . . 188,2

Ces 188,2 milles font $3^{\circ} 8',2$ de différence de latitude ; d'où je conclus la latitude d'arivée de $63^{\circ} 53',2$ Nord , & celle du moyen parallele de $62^{\circ} 19'$; c'est pourquoi , par la regle (840) , j'écrirai

Log. sin. $33^{\circ} 45'$ 9.74474
 Log. 226,3 milles 2.35468
 Somme 12.09942
 Otez le log. cosin. $62^{\circ} 19'$. . 9.66706
 Log. minut. de longit. 2.43236 . . . 270,6

On a donc 270,6 minutes de différence de longitude à l'Est, qui valent $4^{\circ} 30',6$, ou $4^{\circ} 30' 36''$, parce que chaque dixième de minute vaut 6 secondes. Par la même raison on peut mettre $3^{\circ} 8' 12''$ pour la différence de latitude.

I I.

Solution du second Problème général de Navigation.

Etant donnés le point de départ, le rumb de vent qu'on a suivi, & la latitude du point d'arrivée, trouver la longueur du chemin parcouru, & la longitude du point d'arrivée.

843. EXEMPLE. On est parti de 44 deg. de latitude Sud & de 359 de longitude, & ayant couru au SSE 5° S, on est arrivé par 48 deg. de latitude aussi Sud. On demande le nombre de lieues qu'on a courues, & la longitude du point où on est arrivé.

La différence en latitude est de 4 deg. ou de 80 lieues, ou de 240 milles; c'est la longueur du chemin parcouru Nord & Sud. L'angle du rumb de vent seroit de $22^{\circ} 30'$, si nous avions couru exactement au SSE; mais il en faut retrancher 5 deg. Cela supposé, dans le triangle rectangle formé par la route, par la ligne Nord & Sud, & par la ligne Est & Ouest, nous connoissons la ligne Nord & Sud de 240 milles, & l'angle qu'elle forme avec la route de $17^{\circ} 30'$, il s'agit de trouver les milles de la route parcourue, & les minutes de différence de longitude qui répondent à la ligne Est & Ouest.

844. I^o. On trouvera la longueur de la route parcourue par la proportion rapportée au premier Livre (N^o 84):

Comme le cosinus du rumb de vent est au nombre des milles parcourus en latitude, ainsi le rayon est au nombre de milles qui exprime la longueur du chemin parcouru.

On aura donc.....

Log. 240 milles & du rayon.. 12.38021

Log. cosin. $17^{\circ} 30'$ 9.97942

Log. de la route parcourue... 2.40079. ∴ 251,6

Ces

Ces 251,6 milles valent 84 lieues à très-peu près.

845. II°. Ayant calculé le moyen parallele par les latitudes connues, on trouvera les minutes de la différence de longitude qui répondent à la ligne Est & Ouest, par cette proportion, composée de celle du n° 85 & du n° 840 : Comme le cosinus de la latitude du moyen parallele est à la tangente du rumb de vent, ainsi le nombre de milles parcourus en latitude est au nombre de minutes de la différence en longitude. Dans cet Exemple, le moyen parallele est celui de 46 degrés. On a donc....

Log. tangente $17^{\circ} 30'$	9.49872
Log. 240 milles en latitude....	2.38021
Somme.....	11.87893
Log. cosin. 46 deg.....	9.84177
Log. de min. de diff. en longit...	2.03716... 108,9

Les 108,9 minutes valent à très-peu près $1^{\circ} 49'$ de différence de longitude Est, ainsi le point d'arrivée est par $50^{\circ} 49'$ de longitude.

III.

Solution du troisieme Problème.

Etant donnés le point du départ, la latitude du point d'arrivée, & la longueur du chemin parcouru, trouver le rumb de vent qu'on a dû suivre, & la longitude du point d'arrivée.

846. EXEMPLE. On est parti de $48^{\circ} 45'$ de latitude Nord, & de $2^{\circ} 50'$ de longitude, on a couru 160 lieues sur une route dirigée entre le Sud & l'Ouest, & on est arrivé par $43^{\circ} 30'$ de latitude aussi Nord. On demande quel est le rumb de vent qu'on a suivi, & par quelle longitude on est arrivé.

847. Dans ce Problème la ligne Nord & Sud est connue par les latitudes du départ & de l'arrivée; la route, aussi connue, donne avec cette ligne l'hypoténuse & un côté

du triangle rectangle qu'il faut résoudre en cherchant
 1° , l'angle renfermé entre ces deux côtés connus, lequel
 fera le rumb de vent; 2° , le troisième côté qui fera la ligne
 Est & Ouest, qu'il faudra réduire en degrés de longitude.

848. On aura donc le rumb de vent par cette propor-
 tion (83) : *Comme le nombre de lieues ou de milles de la*
route parcourue est au nombre de lieues ou de milles parcourus
en latitude, ainsi le sinus total est au cosinus du rumb de
vent.

Dans cet Exemple on a fait $5^{\circ} 15'$ en latitude, qui valent
 315 milles : les 160 lieues de route valent 480 milles :
 on a donc....

Log. 315 & du rayon.....12.49831

Log. 480..... 2.68124

Log. cosin. rumb..... 9.81707... $48^{\circ} 59'$

Le rumb de vent est donc $48^{\circ} 59'$, ou en nombres ronds
 49° deg. & parce que la route s'est faite entre le Sud &
 l'Ouest, ce rumb a dû être S O 4° O.

849. Pour avoir la différence de longitude, il faut d'a-
 bord calculer le moyen parallèle, qu'on trouvera dans cet
 Exemple de $46^{\circ} 7\frac{1}{2}'$. Ensuite on se servira de l'une ou de
 l'autre des deux proportions rapportées aux N^o 844 & 845.
 Il faut employer la première, quand le nombre de milles
 parcourus en latitude est très-petit par rapport à celui qui a
 été parcouru en route : il faut au contraire employer la se-
 conde toutes les fois que le nombre de milles parcourus en
 latitude est au-dessus de la moitié de celui des milles par-
 courus en route, comme dans cet Exemple, où 315 est
 bien plus que la moitié de 480. Ainsi on aura....

Log. tangente $48^{\circ} 59'$ 10.06058

Log. 315 milles en latitude.. 2.49831

Somme.....12.55889

Log. cosin. $46^{\circ} 7\frac{1}{2}'$ 9.84079

Log. min. diff. en longit..... 2.71810... $522,5$

On a donc $522\frac{1}{2}$ ou $8^{\circ}42\frac{1}{2}$ pour la différence des longitudes Ouest, & par conséquent la longitude du point d'arrivée est $354^{\circ}7\frac{1}{2}$.

I V.

QUATRIEME PROBLEME.

Etant donnés de position les points de départ & d'arrivée ; trouver leur distance & le rumb de vent qu'il faut suivre pour y faire route, pourvu que ces deux points ne soient pas éloignés de plusieurs centaines de lieues.

850. EXEMPLE. On part de $43^{\circ}30'$ de latitude Nord, & de $354^{\circ}7'$ de longitude, & on veut arriver à un lieu placé par $48^{\circ}45'$ de latitude aussi Nord, & $2^{\circ}50'$ de longitude. On demande le rumb de vent qu'il faut courir, & la longueur de la route à faire.

851. Par le moyen des deux latitudes connues on prendra le moyen parallele $46^{\circ}7\frac{1}{2}$: on prendra la différence des longitudes $8^{\circ}43'$, qu'on réduira en minutes, c'est ici 523, & la différence des latitudes qu'on réduira en minutes ou milles, c'est ici 315. On renverfera la proportion rapportée N^o 845, pour avoir le rumb de vent : Comme le nombre de milles parcourus en latitude, est au nombre des minutes de différence de longitudes, ainsi le cosinus de la latitude du moyen parallele, est à la tangente du rumb de vent. On aura par ce moyen un des côtés du triangle rectangle, savoir, le nombre de milles parcourus en latitude ou de la ligne Nord & Sud, & l'angle compris entre ce côté & l'hypoténuse, qui est la distance demandée. On la trouvera donc par cette proportion (84) : Comme le cosinus du rumb est au rayon, ainsi le nombre de milles Nord & Sud est au nombre de milles de distance. Ou par celle-ci, si le nombre de milles Nord & Sud est fort petit par rapport au nombre de milles Est & Ouest : Comme le sinus du rumb est au cosinus du moyen parallele, ainsi le nombre des minutes de la différence des longitudes est aux milles de distances. Voici l'Exemple du calcul.

Log. 523 min. diff. longit....	2.71850
Log. cofin. $46^{\circ} 7\frac{1}{2}$	9.84079
Somme.	12.55929
Log. 315 milles en latitude...	2.49831
Log. tang. rumb.....	10.06098...49° 1'

Ainsi le rumb est NE 4° E, en négligeant la minute.

Log. 315 mill. N & S & rayon.	12.49831
Log. cofin. $49^{\circ} 1'$	9.81680
Log. milles de distance.....	2.68151...480,4

La distance est donc un peu plus de 160 lieues.

852. REMARQUE. Lorsque la distance des lieux est fort grande, le calcul de ce Problème est du ressort de la Trigonométrie sphérique ou de la Navigation par les loxodromies. Nous ne ferons qu'effleurer la matière par la Trigonométrie sphérique, pour faire voir l'usage qu'on peut faire de cette science dans la Marine.

853. EXEMPLE II. Du Cap de Bonne-Espérance, qui est par $36^{\circ} 4'$ de longitude, & par $33^{\circ} 55'$ de latitude Sud, on veut aller à Rio-Janeïro, qui est par $334^{\circ} 49'$ de longitude, & $22^{\circ} 54'$ de latitude australe. On demande quel rumb de vent il faudroit prendre, & quelle est la longueur de la route qu'il faut parcourir.

854. On sent bien que l'application de ce Problème n'a pas lieu lorsqu'il faut aller chercher les vents, ou reconnoître des Caps pour les doubler, avant que de parvenir d'un lieu à l'autre.

855. Pour diriger mon calcul, je fais une figure où ENQ (Fig. 62.) représente un hémisphere du Globe terrestre, sur lequel sont situés les deux lieux donnés. $E-Q$ représente l'Equateur, N le Pole Nord, P le Pole Sud. Je suppose Rio-Janeïro quelque part vers le Sud de la Ligne en R , & je tire son Méridien NR . Je suppose pareillement le Cap de Bonne-Espérance en C , & je tire son Méridien NC . Alors je vois que RP est le complément de la hauteur du Pole de Rio-Janeïro, PC celui de la latitude du Cap, & qu'enfin l'angle au Pole RPC , entre les Méridiens de ces lieux, doit être donné par la différence de leurs longitudes. Si j'imagine un arc de grand cercle CR , qui passe par les deux lieux, j'aurai un triangle sphérique obliquangle RPC , dans lequel j'aurai PR de $67^{\circ} 6'$, PC de $56^{\circ} 5'$, & l'angle compris RPC de $61^{\circ} 15'$. Le côté opposé RC , étant trouvé par le calcul, me donnera le nombre de degrés de grand cercle qui mesure la distance de ces deux lieux, & par conséquent le nombre de lieues de route à faire. L'angle PCR est l'angle de l'obliquité d

LIVRE V. SECTION II. 325

La route CR, par rapport au Méridien CP, ou à la ligne Sud du Cap :
 et angle est donc le rumb de vent qu'il faut prendre en partant du
 Cap. Or nous trouverons RC par la regle rapportée N° 159, & l'an-
 gle PCR par la regle N° 162. En voici le calcul.

856. Imaginant un arc perpendiculaire Cd abaissé de l'extrémité
 du plus petit côté connu sur le plus grand, j'écris. . . .

Log. tangente $56^{\circ} 5'$	0.17238
Log. cosin. $61^{\circ} 5'$	9.68443
Log. tangente P d.	9.85681 . . . $35^{\circ} 43'$

Otant $35^{\circ} 43'$ de $67^{\circ} 6'$, reste Rd de $31^{\circ} 23'$.

Log. cosin. $31^{\circ} 23'$	9.93131
Log. cosin. $56^{\circ} 5'$	9.74662
Somme	19.67793
Log. cosin. $35^{\circ} 43'$	9.90951
Log. cosin. distance cherchée . . .	9.76842 . . . $54^{\circ} 4'$

La distance étant de $54^{\circ} 4'$, la route est de 3244 milles ou de
 1081 lieues $\frac{1}{3}$ à parcourir.

Je calcule maintenant l'angle PCR. . . .

PR	$67^{\circ} 6'$	
PC	$56^{\circ} 5'$. . .	Log. sin. 9.91900
CR	$54^{\circ} 4'$. . .	Log. sin. 9.90832
Somme	177 15	19.82732
Moitié.	88 $37\frac{1}{2}$	
Premier excès. . .	$32^{\circ} 32\frac{1}{2}'$. .	9.73071
Second excès . .	$34^{\circ} 33\frac{1}{2}'$. .	9.75377
Somme plus 20		39.48448
Somme des Sin. PC, CR . .		19.82732
Reste		19.65716
Moitié.		9.82858 . . Log. sin. $42^{\circ} 22'$
Le double est le rumb cherché.		$84^{\circ} 44'$

Donc en partant du Cap il semble qu'il faudroit faire la route $O\frac{1}{4}SO$
 $6^{\circ}O$. Mais en la suivant à la Bouffole, il s'en faudroit de beaucoup
 qu'on allât droit à Rio-Janeiro, par les raisons qu'on a vues (233), & à
 cet égard il est bien plus commode de prendre le rumb de vent sur la
 Carte réduite ; on l'y trouvera à l' $O\frac{1}{4}NO$ quelques degrés N. Cepen-
 dant si ayant pris en partant du Cap un alignement à l' $O\frac{1}{4}SO 6^{\circ}O$,
 on pouvoit suivre, non pas ce rumb, mais cet alignement sans s'en
 écarter, comme on feroit s'il étoit possible de marquer cet aligne-
 ment par une suite de piquets, qui s'effaçassent les uns les autres,
 ainsi que cela se pratique sur Terre, on arriveroit infailliblement à

Rio-Janeiro , parce qu'alors on décriroit réellement l'arc de grand cercle CR.

857. REMARQUE. Le cinq & sixieme Problèmes , qui ont été résolus dans le Chapitre précédent , sont trop peu d'usage pour être répétés ici.

TROISIEME SECTION.

De la Navigation par la Loxodromie.

I.

De la Construction des Tables des Latitudes croissantes , & de la maniere de s'en servir pour résoudre les Problèmes de Navigation.

858. **L**ES Méthodes précédentes de naviguer sont suffisamment exactes dans la pratique , pourvu qu'on ait soin , comme nous en avons expressément averti , de réduire ses routes chaque jour , & qu'on ne fasse jamais ces prétendues réductions générales auxquelles on a quelquefois recours , faute de connoître toute la limitation des regles ordinaires. Lorsque les routes sont très-courtes , ou , pour parler plus exactement , lorsque le changement en latitude est médiocre , quoique la route puisse être très-longue , la supposition qu'on fait que les lieues Est & Ouest ont été courues sur un parallele qui tient précisément le milieu entre les deux latitudes , n'est sujette à aucune erreur sensible. Mais si la différence en latitude est fort grande , & qu'on ait en même temps beaucoup de lieues Est & Ouest à réduire , le défaut du moyen parallele peut devenir considérable. Ainsi pour perfectionner l'art , & avoir un terme de comparaison auquel on puisse recourir dans les rencontres extraordinaires , on a besoin de quelqu'autre Méthode plus exacte.



II.

Trouver la différence en longitude avec exactitude pour les plus longues Routes , principalement pour celles qui font un angle de 45 degrés avec le Méridien.

859. L'unique expédient qui se présente pour éviter le défaut du moyen parallèle, consiste à partager la route en de très-petites portions, & à en faire la réduction séparément. On peut rendre les parties plus ou moins petites ; mais il est certain que si on a couru au NE, par exemple, & qu'on considère à part chaque portion de la route qui répond à une minute de différence en latitude, on pourra traiter à tous égards le petit triangle loxodromique comme parfaitement rectiligne. On n'aura aussi aucune erreur à craindre de la part du moyen parallèle ; puisqu'il seroit même indifférent de faire alors la réduction pour la longitude sur le parallèle de la latitude du départ, ou sur celui de la latitude d'arrivée de la petite portion de route. Cette méthode est extrêmement longue ; mais outre qu'on peut l'abréger, il suffit de l'appliquer en particulier à une seule loxodromie, comme celle du NE.

860. Lorsque deux routes sont comprises entre les mêmes latitudes, les différences en longitude qu'elles produisent sont exactement comme les tangentes de leurs obliquités, ou des angles qu'elles font avec le Méridien. C'est ce qu'on appercevra aisément par un peu d'attention. La différence en latitude étant la même pour les deux routes, les lieues Est & Ouest seront comme les tangentes des deux angles de rums de vent ; & lorsqu'on réduira ces lieues en degrés de longitude, le moyen parallèle, quel qu'il soit, étant exactement le même, les deux différences en longitude seront encore dans le même rapport, elles seront toujours l'une à l'autre comme les tangentes des deux rums de

vent. C'est ce qu'on voit également en divisant les routes par petites portions. Les petites parties correspondantes qui seront comprises entre les mêmes parallèles à l'Equateur, produiront de petites différences en longitude proportionnelles aux tangentes des obliquités des rumb de vent. Ainsi *il suffit de calculer une fois pour toutes, les différences en longitude pour une seule loxodromie, pour le NE, par exemple; & si on en compose une Table, on la fera servir pour les autres rumb de vent, en ne faisant que cette simple proportion. La tangente de 45 degrés est à la longitude que fournit la Table pour le NE, comme la tangente de l'obliquité de tout autre rumb de vent, sera à la différence en longitude requise.*

861. Il ne s'agit donc que de calculer immédiatement les différences en longitude pour le NE. Si *AI* (*Fig. 40.*) représente cette route, & qu'on la suppose divisée réellement en petites portions qui répondent à chaque minute de différence en latitude, toutes les parties *AF*, *FG*, *GH*, &c, de la loxodromie, seront égales entr'elles, & toutes les petites quantités *LF*, *MG*, *NH*, &c, avancées vers l'Est, seront chacune d'un mille ou d'un tiers de lieue. Quant aux petites différences en longitude correspondantes, elles augmenteront à mesure qu'on avancera vers le Pole: elles deviendront plus grandes dans le même rapport que le sinus total sera plus grand que le sinus complément de la latitude, ou (78) que la sécante de la latitude sera plus grande que le sinus total. Les petits côtés *LF*, *MG*, *NH*, &c, qui représentent les lieues E & O, étant exactement d'un mille ou d'un tiers de lieue, nous ferons cette analogie: *Le sinus total est à un mille, comme la sécante de chaque latitude sera à la petite différence en longitude, ou au petit arc de l'Equateur correspondant.*

862. Il suit de-là que nous n'avons qu'à prendre successivement, dans les Tables des sinus, toutes les sécantes de minute en minute, & les ajouter ensemble; & que si nous retranchons 5 chiffres à la droite, celles de la gauche nous donneront les différences en longitude exprimées en minutes

pour le NE. C'est de cette sorte qu'on a calculé la Table que nous inférerons à la fin de ce Traité (page 22). Si on cherche vis-à-vis de $62^{\circ} 0'$, on trouvera 4775 parties ou minutes, parce que la somme de toutes les sécantes de minute en minute donne 4775 minutes de différence en longitude totale, lorsqu'on part de l'Equateur, & qu'on court au NE jusques par 62° de latitude. Si, après qu'on a trouvé la différence en longitude pour 62° de latitude, on veut trouver de combien elle augmente lorsqu'on continue à courir au NE jusques par $62^{\circ} 10'$, il n'y a qu'à ajouter les dix sécantes suivantes, & retrancher toujours 5 chiffres de la droite pour tenir lieu de la division par 100000; il viendra $21 \frac{1}{2}$ minutes, ou plutôt 21.35316 pour l'augmentation, & on aura 4796 minutes, valeur de $79^{\circ} 56'$ pour la différence en longitude totale.

863. La Table qui indique ces quantités, porte le nom de *Table des Latitudes croissantes*, parce qu'elle marque en même temps les accroissements qu'on doit donner aux deg. du Méridien dans les Cartes réduites. On peut se ressouvenir que nous suivions précisément en effet la même méthode dans le second Livre (N^o 241 & suiv.) pour les déterminer. Ce sont deux différentes vues qu'on peut avoir en faisant la même opération: on peut, en cherchant la somme de toutes les sécantes dont on retranche cinq chiffres, proposer ces deux choses: 1^o, De découvrir les différences en longitude exprimées en minutes pour le NE: 2^o, De trouver l'extension qu'il faut donner aux parties du Méridien dans les Cartes marines. Ainsi aussi-tôt qu'on veut présenter les rums de vent par des lignes droites sur les cartes, il faut donner aux parties du Méridien des longueurs exactement égales aux changements de longitude produits par le NE.



I I I.

Seconde Méthode de calculer les différences en longitude pour les Rumbs de vent , dont l'obliquité est de 45 degrés.

864. Nous avons une autre méthode beaucoup plus courte pour trouver les différences en longitude pour le N E, mais dont il sera d'un autre côté beaucoup plus difficile d'appercevoir la raison. On prendra dans les Tables des logarithmes des sinus & tangentes, dont la caractéristique est suivie de six chiffres, les logarithmes des tangentes de la moitié de la distance de chaque latitude à un des Poles; on prendra toujours la différence de ces logarithmes, & la divisant par $126\frac{1}{3}$, on aura au quotient la différence en longitude requise exprimée en minutes.

865. *Premier Exemple.* Supposons qu'on soit parti de l'Equateur, & qu'en courant au N E, on soit arrivé par 62 deg. de latitude. L'Equateur & le parallele de l'arrivée sont éloignés du Pole du Nord de 90 degrés & de 28; la moitié de ces distances est 45 deg. & 14. J'en cherche les log. de tangentes 10.000000, & 9.396771, & divisant leur différence 603229 par $126\frac{1}{3}$, il me vient 4775 min pour la différence en longitude; ce qui s'accorde parfaitement avec la Table des latitudes croissantes.

866. *Second Exemple.* On part de 30 deg. de latitude Sud, on court au N E jusques par 70 degrés de latitude Nord; & on demande la différence en longitude. On n'a qu'à prendre la distance des deux paralleles jusqu'à l'un ou l'autre Pole. Les deux distances au Pole du Nord sont de 120 & de 20 deg. dont les moitiés sont de 60 deg. & de 10. J'en cherche les log. tangentes, & divisant leur différence 992242 par $126\frac{1}{3}$, il me vient 7854 minutes pour la différence en longitude, qu'on trouve aussi la même dans la Table des latitudes croissantes, en ajoutant 1888 minute qui est la différence en longitude qui répond à 30 deg. avec 5966 qui répond à 70 deg.

Démonstration de la Méthode précédente de calculer les différences en longitude.

867. Pour démontrer l'exactitude de cette Méthode, nous suppo- Fig. 64.
 rons que la ligne courbe $AFGH$ (Fig. 64.) représente la loxo-
 nomie dont l'obliquité est de 45 deg. sur le Globe $NASE$; & qu'à
 peu près de la même manière qu'on a représenté les deux moitiés du
 ciel sur le plan de l'Equateur, dans les deux Cartes célestes qu'on a
 vues, on se propose aussi de représenter toute la surface de la Terre
 sur le plan de l'Equateur $ABDE$. Nous supposerons d'abord l'œil du
 spectateur dans le Pole S . Alors les quarts de Méridien $AN, BN, \&c$,
 seront représentés par les rayons $AC, BC, \&c$, de l'Equateur; les
 parallèles à l'Equateur le seront par des cercles qui auront le point C
 pour centre, & la loxodromie AFH le sera par la ligne courbe $AMNR$.

868. Les deux Méridiens NBS & NDS étant infiniment voisins
 l'un de l'autre, la petite portion FG de la loxodromie doit être confi-
 dérée comme une ligne droite, de même que la petite différence en
 latitude FI qui y répond, & le petit côté IG qui est une portion du
 parallèle à l'Equateur, dont le centre est en K , & dont IK & GK
 sont deux rayons. Si des trois points F, I & G , on tire trois lignes
 droites au Pole S , leur rencontre avec le plan de l'Equateur nous
 donnera le petit triangle MPN , qui représentera le petit triangle lo-
 xodromique FIG . Le petit côté PN sera une petite portion d'arc de
 cercle, dont le centre est en C ; de sorte que PC & NC sont égaux.
 D'un autre côté les lignes MC & NC étant perpendiculaires à CS ,
 qui est un des rayons du Globe, ces lignes sont égales aux tangentes
 des angles en S ; c'est-à-dire, que MC est la tangente de l'angle
 ISC qui a pour mesure la moitié de la distance du point F au Pole N
 du Nord, comme le savent les Lecteurs qui sont initiés dans la Géo-
 métrie élémentaire; & on peut dire la même chose de PC ou de NC .
 De sorte que tous les points $F, I, G, \&c$, de la surface du Globe,
 sont représentés sur le plan de l'Equateur par des points $M, P, N, \&c$,
 qui sont éloignés du centre C de la Sphere, de distances égales aux
 tangentes de la moitié du complément des latitudes.

869. Nous imaginerons après cela une infinité d'autres Méridiens
 qui partagent l'Equateur en petites parties égales à BD . La loxodro-
 mie se trouvera divisée en même temps en autant de petites parties,
 mais qui seront inégales entr'elles, & qui iront en diminuant, à me-
 sure qu'on considérera des points de la ligne courbe plus avancés vers
 le Pole. Le rayon BC ou DC de l'Equateur sera au petit arc BD ,
 comme le sinus complément IK ou GK de la latitude du point G sera
 au petit espace IG qui tient lieu de milles E & O de la petite portion
 de route FG , & qui est égal à FI , puisque notre loxodromie est le
 1/2 E . Ainsi dans la supposition que nous venons de faire de la circon-

Fig. 64.

férence de l'Equateur divisée en petites parties parfaitement égales entr'elles, il y a un rapport constant des sinus de compléments IK de chaque latitude aux petites différences en latitude FI . Ce rapport est continuellement le même; puisqu'il est égal à celui du rayon ou sinus total à chacune des petites parties égales BD de l'Equateur.

870. La seconde des trois lignes droites que nous avons tirées des points F , I & G au Pole S , coupera au-dedans du Globe au point O , le sinus FL qui est parallèle à IK ; & nous aurons le petit triangle IFO qui sera isocelle. Il suffit, pour s'en assurer, de faire attention que le petit arc FI peut être considéré comme une portion de la tangente qui toucheroit le Globe ou le Méridien en F ou en I . Il s'en suivra de-là que dans le petit triangle IFO , l'angle en I a pour mesure la moitié de l'arc IBS . Mais l'angle en O a pour mesure la moitié d'un arc égal, savoir de l'arc Si , qui est de l'autre côté de la Terre: car, dans la rigueur, l'angle O a pour mesure la moitié de Sf moins la moitié de FI ; mais on peut sur la grandeur de l'arc Si , négliger if & IF , qui sont infiniment petits.

871. Ainsi le petit triangle IFO est isocelle; le petit côté OF est égal à FI ; & puisqu'il y a un rapport constant entre les sinus IK & les petits arcs FI , il y aura aussi un rapport constant entre ces sinus & FO . Ce même rapport subsiste entre FL & FO ; car on peut négliger la différence infiniment petite qui se trouve entre IK & FL ; & ce même rapport doit encore se trouver entre MC & MP . Nous voyons donc que lorsqu'on divise l'Equateur en une infinité de parties égales, les tangentes de la moitié du complément des latitudes de tous les points correspondants de la loxodromie, vont continuellement en diminuant en progression géométrique vers les Poles: chacune de ces tangentes, comme MC , est à son excès MP sur la tangente suivante NC , dans le même rapport que le rayon est à une des petites parties BD de l'Equateur.

872. On peut tirer différentes conséquences de cette remarque mais nous nous contenterons de tirer celle-ci. Si l'on prend les logs des tangentes de la moitié des compléments des latitudes des points F , G , &c, de la loxodromie, les différences de ces logarithmes seront exactement égales entr'elles, à cause de la propriété des logarithmes; & on pourra comparer ces différences aux petits arcs BD de l'Equateur, qui sont aussi égaux entr'eux. On peut prendre même un certain nombre de ces différences logarithmiques pour en former des différences plus grandes, & pourvu qu'on prenne le même nombre de petits arcs de l'Equateur, le rapport subsistera toujours. Or comme ce raisonnement est le même pour toutes les parties de la loxodromie nous reconnoissons cette vérité importante; que si on considère deux points dans cette ligne courbe, & que si on prend les log. des tangentes de la moitié de la distance de ces deux points au Pole, il y aura même rapport de la différence de ces deux logarithmes à l'arc de l'Equateur correspondant, ou à la différence en longitude, que de toute autre différence des log. de tangentes, à la différence en longitude correspondante.

873. Nous pouvons maintenant appercevoir avec facilité la raison Fig. 64.
 sur laquelle est fondée la regle prescrite ci-devant. Si l'on part de l'Equateur, & qu'en courant au NE on parvienne par une minute de latitude, on n'aura avancé à l'Est qu'un tiers de lieue ou un mille ; & ce progrès à l'Est produira une minute de changement en longitude, parce qu'on est encore, pour ainsi dire, sur l'Equateur. Or si l'on prend les log. de tangentes des moitiés des deux distances au Pole, à savoir, de 45° & de $44^{\circ} 59\frac{1}{2}$, on trouvera pour leur différence 126, nous ajoutons ici $\frac{1}{3}$, parce qu'en prenant des logarithmes composés l'un plus grand nombre de chiffres, on trouve que la différence dont on a besoin ici est plus précisément de $126\frac{1}{3}$ que de 126,) & puisqu'il y aura même rapport à l'égard de toutes les autres parties de la loxodromie, on n'aura qu'à faire la regle de Trois suivante : $126\frac{1}{3}$ est au petit arc de l'Equateur d'une minute, comme la différence des tangentes logarithmiques de la moitié des distances de deux autres points quelconques de la loxodromie au Pole, sera aux minutes de différence en longitude entre ces deux points.

874. Une remarque qui se présente ici, & qui paroîtra curieuse, c'est que si sur l'échelle Angloise des tangentes (voy. plus bas N^o 898 ce que c'est que l'échelle Angloise,) on change l'ordre des chiffres, & qu'après avoir écrit zéro au point de 45 deg. on mette 5 deg. à la place de $42\frac{1}{2}$ deg. qu'on écrive 10 deg. à la place de 40 deg. 15 deg. à la place de $37\frac{1}{2}$, &c, cette échelle de tangentes se trouvera convertie en échelle de latitudes croissantes, propre à servir de Méridien à une Carte réduite. On ne doit jamais oublier que les parties de cette dernière échelle expriment les longitudes par rapport aux latitudes pour le NE. Or lorsqu'après avoir écrit zéro à la place de 45 deg. sur l'échelle des log. de tangentes, on met 5 deg. à la place de $42\frac{1}{2}$ deg. & 10 à la place de 40, &c, on rend les différences en longitude proportionnelles aux différences des log. de tangentes des moitiés des distances de chaque point de la loxodromie au Pole. En effet 45 deg. est la moitié du complément de la latitude zéro, & 40 est la moitié du complément de la latitude 10 deg. C'est pourquoi on marque zéro & 10 aux points de 45 & de 40.

875. Lorsqu'on transforme ainsi l'échelle des log. de tangentes en échelle des latitudes croissantes, les degrés de l'Equateur doivent toujours être égaux, comme il est évident, au premier degré du Méridien ; mais comme la moindre erreur pourroit se multiplier, si l'on se régloit sur ce degré unique, on peut voir dans la Table des latitudes croissantes, que $50\frac{1}{2}$ deg. de l'Equateur sont égaux à 45 deg. du Méridien de la Carte, ou à l'intervalle compris entre 45° & $22^{\circ} 30'$ pris sur l'échelle des log. de tangentes avant sa transformation. Nous faisons abstraction du défaut de rondeur de la Terre, lorsque nous disons que 45 degrés sur le Méridien de la Carte réduite sont égaux à $50\frac{1}{2}$ degrés de longitude ; car, dans la rigueur, ils ne doivent être égaux qu'à $50^{\circ} 3'$, comme on le verra dans le Chapitre suivant.

*Résolution des Problèmes de Navigation
par la Table des Latitudes croissantes.*

876. S'il s'agit de résoudre le premier Problème, où étant donnés le point de départ, le rumb de vent & les lieues de route, on demande le point d'arrivée. On cherchera la différence en latitude, comme au N° 838, par les sinus ou par les logarithmes. A l'égard des autres Problèmes, on fera toujours en sorte d'avoir le rumb de vent & les latitudes du départ & de l'arrivée; & on aura ensuite recours aux latitudes croissantes pour trouver la différence en longitude. On verra dans la Table les parties croissantes qui répondent aux deux latitudes; on soustraira les unes des autres, si les deux latitudes sont de même dénomination; mais on les ajoutera ensemble, si le point du départ & le point d'arrivée sont de différents côtés de l'Equateur. On aura de cette sorte la différence en longitude exprimée en minutes pour la route du NE, qui conduiroit d'une latitude à l'autre. Supposé qu'on n'eût pas de Table des latitudes croissantes, on chercheroit cette même différence en longitude par la méthode du N° 864. Enfin il ne restera plus que cette proportion à faire : *Le sinus total ou la tangente de 45 degrés est aux parties croissantes de différence en latitude, ou à la différence en longitude pour le NE, comme la tangente du rumb de vent sur lequel on a réellement couru, est à la différence en longitude requise.*

877. EXEMPLE I. On est parti des environs de la Martinique par $14^{\circ} 40'$ de latitude Nord, & 318 deg. de longitude, & on a couru 1000 lieues au $NE\frac{1}{4}E$. On demande la latitude & longitude d'arrivée. Je trouve d'abord la différence en latitude par les méthodes ordinaires. Il me vient $555,6$ lieues Nord, qui valent $27^{\circ} 47'$. Ainsi la latitude d'arrivée est de $42^{\circ} 27'$ Nord. Je cherche ensuite dans la Table des latitudes croissantes les parties qui répondent

la latitude du départ & à celle de l'arrivée. Je trouve 890 & 2818 dont la différence est de 1928 ; ce nombre marquerait donc la différence en longitude, si on avoit couru au NE. La différence en longitude actuelle sera plus grande, parce qu'on a couru au NE $\frac{1}{4}$ E : on la trouvera par cette proportion qu'on pourra faire par les logarithmes : *la tangente de 45 degrés est à 1928 minutes différence en longitude qui conviendrait au NE, comme la tangente de 56° 15' est à 2886 minutes pour la différence en longitude requise.* C'est-à-dire qu'elle est de 48° 6', & on fera donc par 6° 6' de longitude. On verra après cela, si l'on consulte la Carte, qu'on est arrivé très-proche du Cap de Finisterre.

878. Si on résolvait ce Problème par la méthode ordinaire, en se servant du moyen parallèle, on auroit 946.6 lieues Est, qui vaudroient 47° 20' de différence en longitude ; de sorte qu'on tomberoit dans une erreur d'environ 6 minutes en défaut sur la longitude.

EXEMPLE II, relatif au quatrieme Problème du Chapitre II.

879. On demande combien il y a de chemin, en suivant toujours le même rumb de vent, depuis l'Isle-de-Fer jusqu'aux Antipodes de cette Isle. L'Isle-de-Fer est par 7° 48' de latitude Nord, & nous la supposons par 0 deg. de longitude. On veut donc déterminer le chemin qu'il faut faire pour se rendre par 27° 48' de latitude Sud, & 180 degrés de longitude.

880. Les parties croissantes qui répondent à 27° 48' sont 1738, & c'est le même nombre pour l'autre latitude ; nous les ajoutons, parce que les latitudes sont de différentes dénominations, & nous avons 3476 parties croissantes de différence en latitude, ou 3476 min. de différence en longitude pour le SE, ou pour la route dont l'obliquité seroit de 45 deg. au lieu que notre différence en longitude actuelle est de 180 degrés, ou de 10800 minutes. Il nous faut donc faire la proportion suivante pour trouver l'angle

du rumb de vent : Les 3476 minutes de différence en longitude pour le SE sont au rayon, comme 10800 minutes de différence en longitude actuelle sont à la tangente du rumb de vent qu'on trouve d'un peu plus de $72^{\circ} 9\frac{1}{2}'$. C'est-à-dire qu'en partant de l'Isle de-Fer, il n'y a qu'à suivre l'ES $4^{\circ} 39\frac{1}{2}'$ E, ou l'OSO $4^{\circ} 39\frac{1}{2}'$ O, & on se rendra au point de la Terre qui est diamétralement opposé à cette Isle. Les deux routes y conduisent également, parce que la différence en longitude est la même par un côté que par l'autre.

881. La somme des latitudes est donnée; elle est de $55^{\circ} 36'$ valeur de 1112 lieues Sud. Le complément du rumb de vent est de $17^{\circ} 50\frac{1}{2}'$, & si on cherche les lieues de distance, on les trouvera de presque $3629\frac{1}{2}$. Le chemin seroit un peu plus court, si au lieu de se conduire sur une loxodromie ou rumb de vent, on alloit comme en ligne droite, en suivant toujours exactement la même direction. On décriroit le demi-cercle; & le chemin seroit de 360 lieues, moitié de la circonférence de la Terre : mais on voit combien la différence est peu considérable, malgré l'extrême longueur de la route.

EXEMPLE III, relatif au cinquieme Problème du même Chapitre.

882. On est parti de $60^{\circ} 45'$ de latitude Nord, & de 15 deg. de longitude. On a couru au NE $\frac{1}{4}$ N, & on est arrivé par $19^{\circ} 30'$ de longitude. On demande les lieues de distance & la latitude d'arrivée. La différence en longitude est de $4^{\circ} 30'$, ou de 270 min. & l'angle du rumb de vent est de $33^{\circ} 45'$. Nous trouverons les parties croissantes de différence en latitude, en faisant cette analogie : La tangente du rumb de vent est à 270 minutes de différence en longitude actuelle, comme le sinus total est aux parties croissantes de différence en latitude. Il vient 404, qu'il faut ajouter aux parties croissantes de la latitude du départ, parce qu'ayant couru au Nord, on a dû augmenter en latitude. Les parties croissantes qui répondent à $60^{\circ} 45'$ sont

619, & si on y ajoute 404, il viendra 5023 qui répondent dans la Table à $63^{\circ} 53'$. C'est la latitude d'arrivée.

883. La différence en latitude étant trouvée, il sera facile de trouver les lieues de distance : on fera pour cela des analogies ordinaires.

884. Il ne nous reste plus qu'à ajouter que les latitudes croissantes ne sont d'aucun usage pour la solution de tous les Problèmes précédents, lorsque la route a été faite directement à l'Est ou à l'Ouest. Il faut alors se servir simplement des Tables des Sinus, & réduire les lieues Est & Ouest en degrés de longitude, en y employant la latitude du départ. Il vaudroit même mieux se servir du moyen parallèle, si la différence en latitude étant extrêmement petite, la quantité dont on a avancé vers l'Est ou vers l'Ouest, étoit fort grande. Dans ce cas les méthodes ordinaires seroient exactes, comme nous avons déjà eu occasion d'en avertir.





QUATRIEME SECTION,

Dans laquelle on explique succinctement
l'usage du Compas de proportion, &
celui des Echelles Angloises pour ré-
soudre les Problèmes de Navigation.

CHAPITRE PREMIER.

*De la Réduction des Routes par le Compas
de proportion, & par l'Echelle des
Cordes simples.*

885. **L**E COMPAS de proportion, qui est une des principales
pièces de l'Etui de Mathématiques, est formé de deux regles, qui
sont ordinairement de cuivre, lesquelles sont jointes par une char-
niere qui leur permet de s'ouvrir ou de se fermer. Cet instrument est
propre à former tous les triangles-rectilignes possibles; les branches
de cuivre en représentent deux côtés; & on tire par la pensée une
ligne droite, qui va d'une regle à l'autre, & qui acheve le triangle.
On voit sur les deux faces de ces regles plusieurs lignes droites ou
échelles, qui concourent toutes au centre de la charniere, & qui ont
divers usages. Mais il ne s'agit ici pour nous que des échelles des
cordes, qui sont marquées sur une face, & des échelles de parties
égales, qui sont marquées sur la face opposée. Nous ne dirons ici que
l'essentiel de la solution des Problèmes par le compas de proportion
parce que les divisions de cet instrument sont trop serrées pour pou-
voir servir à des opérations fort exactes, lorsque les routes ont un peu
d'étendue.

886. Les deux échelles des cordes, (car il y en a une sur chaque
regle,) servent, en ouvrant le Compas de proportion, à former un
angle de quel nombre de degrés on veut. Si on se propose d'ouvrir
l'instrument de $22^{\circ} 30'$, on prend sur une des échelles une ouverture
de compas ordinaire égale à la corde de ce nombre de degrés; on
transporte cette ouverture depuis le point de 60 degrés d'une échelle

jusqu'au point de 60 degrés de l'autre échelle ; alors les deux lignes des cordes formeront un angle de $22^{\circ} 30'$. Ainsi supposé qu'on prenne une des branches pour le Méridien, ou pour la ligne Nord & Sud, l'autre branche représentera le NNE ou le NNO, &c.

Trouver les Lieues Nord & Sud, & les Lieues Est & Ouest pour une Route proposée.

887. On a attention dans la construction de l'instrument, de faire en sorte que les deux échelles des parties égales, qui sont tracées sur une des faces, répondent exactement au-dessous des lignes ou échelles des cordes qui sont gravées sur l'autre face. Ainsi lorsqu'on forme un angle d'un certain nombre de degrés avec ces deux dernières lignes, les deux autres en forment un qui est exactement de la même grandeur. On s'en assurera, en remarquant que le point de 100 parties répond au point de 60 deg. sur l'autre face, & qu'il est indifférent de porter la longueur de la corde d'un angle proposé, depuis le point de 100 parties jusqu'au point de 100 parties, ou depuis le point de 60 deg. jusqu'au point de 60 deg. Il ne reste, après qu'on a formé avec l'instrument un angle égal à celui du rumb de vent, qu'à compter sur les parties égales le nombre de lieues qu'on a courues, en considérant le centre de la charnière comme point de partance. L'extrémité des lieues de distance donnera le point d'arrivée ; & il est évident que si on examine avec un compas commun combien ce point est éloigné de l'autre branche, qui représente la ligne Nord & Sud, on aura les lieues avancées vers l'Est ou vers l'Ouest. On reconnoîtra qu'on prend la plus courte distance, ou la distance perpendiculaire, en décrivant un petit arc avec le compas commun, qui ne doit faire que toucher la ligne Nord & Sud.

888. Si l'on entreprend de faire sur le Compas de proportion une des regles composées que nous nous sommes proposées ci-devant, comme celle du N^o 810, nous aurons d'abord 100 lieues à courir sur le NE $\frac{1}{4}$ N, la variation de la Bouffole ayant été corrigée. Ce rumb de vent fait un angle de $33^{\circ} 45'$ avec la ligne Nord & Sud ; c'est ce qu'on nomme l'angle du rumb de vent. Nous ouvrirons donc l'instrument de ce nombre de degrés ; & après l'avoir renversé, nous compterons 100 lieues sur les parties égales ; ce qui nous donnera le point d'arrivée de notre route. Mesurant ensuite la distance perpendiculaire de ce point à l'autre branche, ou plutôt à l'autre échelle des parties égales, nous trouverons que les lieues Est & Ouest sont $55\frac{1}{2}$. Il nous restera après cela à trouver les lieues Nord, ou de différence en latitude ; mais une incommodité qu'on ne peut gueres éviter dans l'usage du Compas de proportion, c'est qu'il faudra changer son ouverture.

340 NOUVEAU TRAITÉ DE NAVIGATION.

889. On prendra le complément de $33^{\circ} 45'$, on aura $56^{\circ} 15'$ pour la distance de la route à l'Est. On ouvrira le Compas de proportion de ce dernier nombre de degrés; on renverfera l'instrument, & considérant une des branches comme la direction de la route, on comptera une seconde fois 100 lieues sur les parties égales; & mesurant avec un Compas commun combien le point d'arrivée se trouve éloigné de l'autre branche, qui représentera, dans ce second cas, la ligne Est & Ouest, on aura les lieues Nord qui seront de 83, comme sur le Quartier de réduction.

890. On fera la même chose pour les autres routes, dont on aura déjà disposé les articles. On a couru dans la seconde 230 lieues à l'ONO, qui est éloigné du Nord de $67^{\circ} 30'$. On ouvrira le Compas de proportion de cette quantité; une des branches de l'instrument représentera ensuite le rumb de vent de la seconde route, pendant que l'autre branche représentera le Nord ou le Méridien. On comptera les 230 lieues, en prenant chaque petite partie de l'échelle pour deux lieues. Le point d'arrivée étant remarqué, on verra avec un Compas commun combien il est éloigné à l'Ouest, & perpendiculairement de la ligne Nord & Sud, représentée par l'autre branche, & on trouvera 212 lieues Ouest.

891. Le même inconvénient que ci-devant s'offrira encore, à cause des lieues Nord. Il faudra changer l'ouverture du Compas de proportion, & la rendre de $22^{\circ} 30'$, afin qu'une des branches puisse représenter l'ONO, pendant que l'autre représentera l'Ouest. Si on compte après cela 230 lieues sur l'échelle des parties égales de la première, on verra que le point d'arrivée est avancé de $88\frac{1}{2}$ lieues vers le Nord.

CHAPITRE II.

Méthode de résoudre les Problèmes de Navigation par l'Echelle des Logarithmes, nommée vulgairement Echelle Angloise.

892. **L**ES proportions que nous avons employées dans les Chapitres précédents, servent aussi lorsqu'on veut résoudre les Problèmes de Navigation par l'échelle des Logarithmes. Nous avons mis trois de ces échelles au bas d'une Carte, dont il est facile de les détacher (voyez Planche X). Nous en donnerons l'usage après avoir expliqué leur construction.



I.

Construction de l'Echelle Angloise.

893. L'Echelle Angloise est ordinairement un assemblage de trois échelles tracées sur une règle de buis l'une au-dessus de l'autre ; on les fait exactement de même longueur , & on les rend paralleles. La premiere exprime par ses divisions les logarithmes des nombres absolus ; c'est sur cette échelle qu'on prend le nombre des lieues de distance ou des milles de la marche du Navire , & toutes les autres mesures dont on se sert pour déterminer la longueur des côtés des triangles-rectilignes. Au-dessous de cette échelle on en met une autre qui est formée des logarithmes de sinus , de degrés en degrés jusqu'à 90 ; & plus bas on met la troisieme échelle , qui contient les logarithmes des tangentes jusqu'à 45 degrés. On ne prolonge pas celle-ci plus loin , afin qu'elle soit de même longueur que celle des Sinus ; & quant à la premiere ou celle des nombres absolus , on se contente de la marquer jusqu'à 100.

894. Pour construire ces échelles , on tire d'abord à part une ligne droite , précisément de la longueur qu'on veut donner aux échelles , & on la divise en 20 parties égales , qu'on fait valoir chacune 100. On sait assez qu'il n'est pas nécessaire pour cela de partager chacune de ces 20 parties en 100 , il suffit d'en diviser une ; & même au lieu de la diviser réellement , on se contente de la partager en 10 parties égales , & une de ces parties en 10. Cette premiere ligne ne sert qu'à la construction des trois échelles. On la fera sur une feuille de carton , ou sur une table ; on numérottera ses 20 parties , en écrivant à la fin de chacune , 100 , 200 , 300 , &c , jusqu'à 2000.

895. On s'arrête à cette division de 2000 parties , parce que le logarithme de 100 s'y réduit aisément. Le logarithme de ce nombre est 2.000000. On fait que la caractéristique est considérée comme si elle n'étoit pas séparée par un point. D'un autre côté on peut diminuer tous les logarithmes ; & pourvu qu'on les diminue tous dans le même rapport , ils conserveront toujours leur même propriété. Nous retrancherons donc les trois derniers chiffres des logarithmes des nombres que nous fournit la dernière Table qui est à la fin de cet Ouvrage , & nous pourrons ensuite prendre leur longueur avec un Compas jusqu'à 100 , sur notre ligne droite divisée en 2000 parties. Le logarithme de l'unité est zéro , c'est pourquoi nous marquerons l'unité au commencement de l'échelle des logarithmes des nombres. Le logarithme de 2 est 0.301030 , qui se réduit à 301 en supprimant les trois derniers chiffres. Ainsi il faudra prendre 301 avec un Compas sur la ligne des parties égales , & portant cet intervalle sur l'échelle des logarithmes depuis le commencement , on aura le point de 2. On trouvera le point de 3 , en prenant 477 parties ; on marquera 4 en

prenant 602 parties, & ainsi de suite jusqu'à 100 dont le logarithme est de 2000, par le retranchement des trois derniers chiffres.

896. Le point de 10 tombera au milieu de la longueur de l'échelle : car son logarithme est 1.000000, qui se réduit à 1000, lorsqu'on supprime le point & qu'on efface les trois derniers zéro. On abrégera une partie du travail pour les autres nombres, si on fait attention à la propriété qu'ont les logarithmes d'avoir entre eux les mêmes différences, lorsqu'ils sont les logarithmes de nombres qui ont entre eux les mêmes rapports. Ainsi lorsqu'on a marqué 9 & 10, on n'aura qu'à prendre l'intervalle entre les deux points, & on aura celui qu'on doit mettre entre 90 & 100. On peut par la même raison prendre les intervalles entre 1 & 2, entre 2 & 3, &c, & on aura les intervalles qu'on doit mettre entre 10 & 20, entre 20 & 30, &c.

897. On peut encore se servir d'une autre propriété des logarithmes pour achever plus promptement l'échelle des nombres absolus. Lorsqu'un nombre est le produit de deux autres, il n'y a qu'à prendre sur l'échelle avec un Compas les logarithmes d'un de ces derniers nombres, & si on l'ajoute au logarithme de l'autre, ou si on le met à l'extrémité, on aura le point où on doit marquer le produit. Si on prend, par exemple, la distance depuis le commencement de l'échelle jusqu'à 8, & qu'on joigne cet intervalle à celui qui exprime le logarithme de 9, il viendra le point où il faut marquer 72.

898. La construction des deux autres échelles ne sera gueres plus difficile ; elle sera seulement un peu plus longue, parce qu'on ne peut pas se servir des abrégés dont nous venons de faire mention. On cherchera dans les Tables les logarithmes de sinus ou de tangentes ; mais pour réduire celui du sinus total, ou celui de la tangente de 45 degrés, aux 2000 parties qu'ils doivent avoir, il ne suffira pas de retrancher les trois derniers chiffres à droite, il faudra encore soustraire le nombre 8 de la caractéristique. Ainsi pour marquer, par exemple, 15 degrés sur l'échelle des logarithmes de sinus, on cherchera dans les Tables son logarithme de sinus, qui est 9.412996, & qui se réduira à 1413, en y faisant les changements que nous indiquons. C'est pourquoi il faudra prendre 1413 sur la ligne divisée en 2000 parties égales, & transportant l'intervalle sur l'échelle destinée à marquer les logarithmes de sinus, on aura le point de 15 degrés.

899. Si on veut pareillement marquer sur la troisième échelle, ou sur l'échelle des tangentes, le point de 35 degrés, on supprimera les trois derniers chiffres du logarithme de la tangente 9.845227, & on soustraira 8 de sa caractéristique. Il viendra 1845 parties, qu'il faudra prendre avec un compas sur la ligne divisée en parties égales, & portant cet intervalle sur l'échelle des logarithmes de tangentes, on aura le point de 35 degrés. La diminution qu'on fait à la caractéristique des logarithmes de sinus & de tangentes, est équivalente à une division (65) ; mais le changement étant absolument le même sur toutes ces quantités, c'est comme si on réduisoit les sinus & les tangentes à de moindres nombres.

II.

Usage de l'Echelle Angloise pour résoudre les Problèmes de Navigation.

900. Lorsqu'on se sert des logarithmes pour faire une règle de proportion, on met précisément la même différence entre les logarithmes des deux derniers termes, qu'entre les logarithmes des deux premiers. Il faut faire la même chose lorsqu'on travaille sur l'échelle Angloise, & l'opération est extrêmement aisée. On ouvre un Compas commun depuis le premier terme jusqu'au second, on le porte ensuite sur le troisième terme, & l'autre pointe du Compas marque le quatrième terme. Il faut seulement avoir soin, dans l'usage de l'échelle des tangentes, que les tangentes dont on se sert, appartiennent à des angles moindres que 45 degrés.

Solution du premier Problème.

901. Nous prendrons pour exemple la première règle composée dont il a été question ci-devant au N° 810. On disposera les articles comme si l'on travailloit par le Quartier de réduction. La troisième route est de 80 lieues à l'E $\frac{1}{4}$ SE. Ce rumb de vent, qui est corrigé de la variation, vaut 78° 45', & son complément est de 11° 15'. Je mets en même temps une des pointes du compas sur le sinus total, ou sur 90 deg. pris sur l'échelle des logarithmes de sinus, & l'autre pointe sur 80 lieues comptées sur l'échelle des nombres qui est au-dessus. Le compas se trouvera avoir une situation oblique dans cette première partie de l'opération; mais il n'en résultera aucun inconvénient, parce que l'obliquité sera la même dans le reste. Sans changer l'ouverture du compas, je porte sa première pointe sur les 78° 45' de l'angle du rumb de vent, & l'autre pointe me marque sur les nombres 78 $\frac{1}{2}$ lieues Est; je transporte ensuite le compas sur les 11° 15' du complément du rumb de vent, & je trouve sur les nombres 15 $\frac{3}{4}$ lieues Sud. Il faut remarquer qu'on mettra moins de temps à faire cette opération, que nous n'en employons à l'expliquer. Elle est fondée sur ces deux analogies: Le sinus total est aux lieues de distance, comme le sinus du rumb de vent est aux lieues Est & Ouest, & comme le cosinus du rumb de vent est aux lieues de différence en latitude (837 & 838).

902. La seconde route est de 230 lieues à l'ON O, qui vaut 67° 30', & dont le complément est de 22° 30'. L'échelle des nombres ne paroît aller que jusqu'à 100; mais ces 100, on peut les faire valoir 1000, & même 10000; en leur ajoutant par la pensée un ou deux zéro, & il suffira de faire la même chose à tous les autres nombres. Ainsi nous prendrons sur la première des trois échelles 20 pour 200,

& 30 pour 300 ; & par conséquent le point qui marque ordinairement 23 , fera celui dont nous nous servirons , il marquera 230. Cel supposé , j'ouvre le compas depuis 90 deg. jusqu'au point de 230 lieues & je transporte successivement le compas sur le complément du rumb de vent $22^{\circ} 30'$, & sur le rumb de vent $67^{\circ} 30'$. Je trouve sur l'échelle des nombres $88\frac{1}{2}$ lieues & 212 ; les $88\frac{1}{2}$ lieues sont pour la différence en latitude , & les 212 sont les lieues à l'Ouest.

903. On fera la même chose pour les autres routes ; une seule ouverture de compas suffira toujours pour chacune. On cherchera ensuite le résultat des lieues Nord ou Sud , & des lieues Est ou Ouest. Pour réduire les lieues Est & Ouest en degrés de longitude ; on fera cette analogie : *Le sinus complément du moyen parallèle est aux lieues Est & Ouest , comme le sinus total est au tiers du nombre des minutes de la différence en longitude.* Le moyen parallèle est ici de $48^{\circ} 53'$, son complément est de $42^{\circ} 7'$, & les lieues Ouest sont de 78. On prendra donc avec un compas l'intervalle entre $42^{\circ} 7'$ sur les sinus , & 78 lieues sur les nombres ; & transportant cette ouverture de compas depuis le sinus total , on aura 119 pour le tiers du nombre des minutes en longitude , ces minutes sont donc 357 , qui valent $5^{\circ} 57'$.

904. *Exemple du second Problème.* On est parti de $50^{\circ} 30'$ de latitude Nord , & de 1 deg. de longitude. On a couru au S E 3° E jusques par $49^{\circ} 10'$ de latitude aussi Nord. On demande les lieues de distance & la longitude d'arrivée ?

905. Il faut faire ces deux proportions : *Le sinus du complément du rumb de vent est aux lieues de différence en latitude , comme le sinus total est aux lieues de distance , & comme le sinus du rumb de vent est aux lieues Est & Ouest.* Ainsi nous n'avons qu'à mettre une des pointes du compas sur le complément 42 degrés du rumb de vent , & l'autre sur les lieues de différence en latitude , qui sont de $26\frac{2}{3}$. Transportant ensuite le compas sur le sinus total , on aura sur les nombres les lieues de distance 40 ; & si on transporte la même ouverture de compas sur le rumb de vent 48 degrés , on aura les lieues Est $29\frac{3}{4}$.

906. On fera , comme ci-dessus , la réduction des lieues Est en degrés de longitude. On ouvrira le compas depuis $40^{\circ} 10'$ complément du moyen parallèle , jusqu'à $29\frac{3}{4}$ lieues Est ; & le portant sur le sinus total , on aura sur les nombres $46\frac{1}{3}$, dont le triple 159 est le nombre des minutes de la différence de longitude.

907. *Exemple du troisième Problème.* On est parti de $50^{\circ} 30'$ de latitude Nord , & de $35^{\circ} 10'$ de longitude. On a couru 45 lieues entre le Sud & l'Est , & on s'est trouvé par $49^{\circ} 0'$ de latitude aussi Nord. On demande le rumb de vent qu'on a suivi , & la longitude d'arrivée ?

La différence en latitude est de $1^{\circ} 30'$ ou de 30 lieues : je prends avec un compas l'intervalle entre 45 lieues de distance & le sinus total , & portant ensuite la pointe gauche sur les 30 lieues de différence en latitude , la pointe droite me donnera 42 degrés pour le complément du rumb de vent. Je porte tout de suite le compas sur l'angle du rumb de vent 48 , & je trouve les lieues Est $33\frac{1}{2}$, qu'il

LIVRE V. SECT. IV. CHAP. II. 345
audra réduire en différence de longitude de la maniere dont nous
avons déjà expliqué.

*Remarques sur l'usage des Echelles des
Logarithmes.*

908. Quoique les pratiques précédentes soient très-courtes, on
s'abrégera encore un peu par la forme qu'on peut donner aux échel-
les. On les met quelquefois sur des regles dont on peut se servir sans
compas. On trace l'échelle des nombres sur une regle, qu'on fait
glisser dans une coulisse entre deux autres regles, sur lesquelles sont
gravées les échelles des logarithmes de sinus & des logarithmes de
tangentes. On retire ensuite simplement ou on avance la regle des
nombres, qui est celle du milieu, en faisant répondre les lieues de
distance au sinus total, & on trouve les lieues Est & Ouest vis-à-vis
de l'angle du rumb de vent pris sur les sinus, pendant que les lieues
de différence en latitude se trouvent vis-à-vis du complément du
rumb de vent.

909. L'échelle Angloise, de quelque maniere qu'on la dispose,
est sujette à un défaut considérable. Les lieues de distance, les lieues
Est & Ouest, & les lieues de différence en latitude se trouvent étendues
sur la même ligne droite; elles sont comme confondues en-
semble; ce qui rend plus fréquentes ou plus possibles les méprises,
dans une matiere où elles ne sont pas tolérables. Dans le Quartier
de réduction, chaque quantité se trouve à sa juste place, & toutes
les opérations parlent, pour ainsi dire, aux yeux. Il faut encore
compter pour beaucoup, que si le Quartier est grossièrement fait, on
en apperçoit tout d'un coup & presque sans examen.

910. Un autre inconvénient des échelles Angloises, qui lui est
commun avec le Quartier de réduction, c'est que quand le nombre
de lieues est un peu plus grand, leurs petites parties sont trop insen-
sibles, & par conséquent il est aisé de se tromper dans l'estime qu'on
en fait dans le cours des opérations nécessaires pour la réduction des
routes. Le calcul trigonométrique est le seul moyen également sus-
ceptible de précision dans tous les cas.





CINQUIEME SECTION.

Du changement que doit apporter dans toutes les Regles ou Méthodes précédentes le défaut de rondeur de la Terre.

911. **N**ous avons toujours supposé jusques ici que la Terre étoit exactement ronde ; mais toutes les regles précédentes doivent recevoir quelques légères modifications , lorsqu'on a égard au défaut de sphéricité de la Terre. Nous avons considéré tous les degrés de latitude comme exactement égaux , nous les avons faits de 20 lieues marines & nous avons confondu les tiers de lieue , ou les milles , avec les minutes de degré de grand cercle. Il est néanmoins évident qu'il faut distinguer entre les tiers de lieue & les minutes , si les degrés du Méridien sont inégaux. Il seroit inutile de changer la grandeur de la lieue selon les différentes latitudes ; la différence entre la longueur des degrés seroit dans le fond toujours la même : d'ailleurs la variété de lieues ne pourroit que causer des équivoques. Cela supposé , on ne peut , dans la rigueur , évaluer les degrés de latitude sur le pied de 20 lieues ; & les méthodes de trouver la différence en longitude par la réduction de la route , sont aussi toutes sujettes à quelque léger défaut.

912. Les Méridiens terrestres , au lieu d'être exactement des cercles , sont des especes d'ovales dont le diametre , qui est dans le sens de l'Equateur , est plus grand que l'axe. La *Figure 65* nous représente un de ces Méridiens ; mais dans lequel nous avons exagéré le défaut de rondeur , afin de le rendre sensible. N & S sont les deux Poles , NS est l'axe , autour duquel il faut supposer que la ligne courbe fait une révolution pour former le solide de la Terre. E Q est le diametre de l'Equateur , & il est plus long que l'axe d'environ une 178^{me} partie. Le Méridien n'étant pas un cercle , il a comme différents centres & ses rayons sont aussi plus ou moins grands , selon que sa courbure en chaque endroit est plus ou moins subite. En E , où la courbure est la plus grande , la partie du Méridien , qui est aux environs de ce point , a son centre en D : c'est vers ce centre que tendent les fils à plomb , lorsqu'on est aux environs de l'Equateur. On peut juger de la longueur du rayon ED par la longueur du premier degré de latitude au Pérou. Si l'on s'éloigne de l'Equateur , si l'on parvient en B , le centre de la courbure qu'a le Méridien en cet endroit , sera en F ; le rayon sera alors BF ; les degrés du Méridien seront égaux à ceux d'un

LIVRE V. SECTION V. 347

portion de cercle dont le rayon seroit de même longueur. Qu'on trace jusqu'au Pole en *N*, le centre sera en *G*, & les degrés du Méridien doivent se trouver plus grands que par-tout ailleurs.

913. Heureusement qu'on s'est assuré que toutes ces différences ne sont pas fort grandes, & on en peut sauver une partie en réglant la carte marine, comme nous l'avons fait (127), sur la grandeur moyenne des degrés, ou au moins sur celle qu'ils ont dans les parties de la Terre qu'on peut parcourir: il est évident qu'on réduit de cette sorte à la moitié l'inégalité qu'on néglige. Les Lecteurs en jugeront mieux en jettant les yeux sur la Table suivante.

TABLE des milles de distance de chaque parallele terrestre à l'Equateur, & de la correction dont il faut diminuer les latitudes croissantes dans les Cartes réduites.

Latitude.	Milles de dist. à l'Equateur.	Corrè.	Latitude.	Milles de dist. à l'Equateur.	Corrè.	Latitude.	Milles de dist. à l'Equateur.	Corrè.	Latitude.	Milles de dist. à l'Equateur.	Corrè.
0	0	0	18	1075,3	10	36	2151,3	21	54	3231,6	33
1	59,8	1	19	1135,1	11	37	2211,1	22	55	3291,7	34
2	119,5	1	20	1194,8	11	38	2270,9	22	56	3351,9	34
3	179,3	2	21	1254,5	12	39	2330,8	23	57	3412,2	35
4	239,0	2	22	1314,3	13	40	2390,9	24	58	3472,4	36
5	298,7	3	23	1374,1	13	41	2450,8	24	59	3532,7	36
6	358,4	3	24	1433,8	14	42	2510,7	25	60	3592,9	37
7	418,2	4	25	1493,6	14	43	2570,6	25	61	3653,2	37
8	477,9	5	26	1553,4	15	44	2630,6	26	62	3713,6	38
9	537,7	5	27	1613,2	16	45	2690,7	27	63	3773,9	38
10	597,3	6	28	1673,0	16	46	2750,7	28	64	3834,3	39
11	657,1	6	29	1732,6	17	47	2810,7	28	65	3894,7	39
12	716,8	7	30	1792,4	17	48	2870,7	29	66	3955,1	40
13	776,6	7	31	1852,1	18	49	2930,8	30	67	4015,5	40
14	836,3	8	32	1912,0	19	50	2991,0	30	68	4076,0	41
15	896,0	8	33	1971,8	19	51	3051,1	31	69	4136,5	41
16	955,8	9	34	2031,6	20	52	3111,3	32	70	4197,0	41
17	1015,6	10	35	2091,5	20	53	3171,4	32	71	4257,5	42

914. Les corrections qu'il faut faire aux latitudes croissantes, à cause de la figure non-sphérique de la Terre, sont soustractives, parce que toutes les pratiques précédentes pour la réduction des lieues de longitude, pechent en excès. Il est facile d'en voir la raison en jettant les yeux sur la *Figure 65*. Supposé qu'on navigue aux environs du point *B*, le rayon de l'arc de cercle qui imite la courbe du Méridien en cet endroit, est *BF*, & lorsqu'on compare le sinus total au nombre des minutes de différence de longitude, & les lieues Est & Ouest au sinus complément de la latitude, on fait la réduction com-

me si le parallèle à l'Equateur n'avoit que BK pour rayon. Mais le rayon du parallèle est réellement plus grand ; le centre de ce parallèle est en I . Ainsi ce cercle a ses degrés plus grands qu'on ne les suppose ; & puisqu'on les fait trop petits, il est clair que dans l'évaluation des lieues en degrés on se trompe en excès ; on se trompe dans le même rapport que BI est plus grand que BK . C'est en examinant cette différence que j'ai dressé la petite Table du N° 830 & c'est sur le même principe qu'ont été calculées les corrections qu'il faut appliquer aux latitudes croissantes ou aux changements en longitude pour le NE. On trouvera tout ceci expliqué dans le Livre de la Figure de la Terre , & je vais l'éclaircir ici davantage par rapport à la pratique.

915. *Exemple du premier Problème.* On est parti de $14^{\circ} 40'$ de latitude Nord , & de 318 deg. de longitude , & on a couru 1000 lieues au $NE \frac{1}{4} E$: on demande le point d'arrivée. Nous trouvons , par la résolution du triangle loxodromique , 1666.7 milles au Nord. Il n'y a point d'erreur dans cette détermination ; on a avancé réellement de cette quantité vers le Nord : mais l'inégalité entre les degrés du Méridien est cause que ces 1666.7 milles ne valent pas précisément 1666.7 minutes, ou $27^{\circ} 47'$. Ainsi il y a un petit circuit à prendre pour trouver la latitude d'arrivée. Je trouve, en prenant des parties proportionnelles dans la Table précédente, que les $14^{\circ} 40'$ de la latitude du départ valent 876.1 milles ou tiers de lieue : j'y ajoute les 1666.7 milles avancés au Nord , & il me vient 2542.8 milles pour la distance du point d'arrivée à l'Equateur, laquelle répond dans la Table à $42^{\circ} 32'$, & c'est la latitude d'arrivée ; au lieu de $42^{\circ} 27'$ que nous trouvions en supposant la Terre exactement sphérique.

916. Il nous reste après cela à trouver la différence en longitude. La Table des latitudes croissantes nous donne 1935 minutes pour la quantité dont on auroit changé en longitude si on avoit couru au NE : car on trouve dans cette Table 890 vis-à-vis de $14^{\circ} 40'$, & 2825 vis-à-vis de $42^{\circ} 32'$; mais cette Table a besoin d'une petite correction. Nous devons ôter 8 minutes des 890 parties, & 25 ou 26 minutes des 2825 ; c'est ce qu'on trouve dans la dernière colonne de la Table précédente vis-à-vis de $14\frac{2}{3}$ deg. & vis-à-vis de $42\frac{1}{2}$ deg. On aura donc $1917\frac{1}{2}$ parties croissantes de différence en latitude , & il n'y aura plus qu'à faire cette analogie : *Comme le rayon est aux $1917\frac{1}{2}$ parties , ou à la différence en longitude pour le NE , ainsi la tangente de l'angle du rumb de vent , est à 2870 minutes pour la différence en longitude actuelle.* La différence en longitude est donc de $47^{\circ} 50'$, & on est arrivé par $5^{\circ} 50'$, ce qui nous apprend que la détermination de la longitude par la méthode ancienne pêche , eu égard à tout, de 16 minutes en excès.

ADDITION contenant quelques connoissances & quelques pratiques utiles aux Pilotes.

I.

Sur la vraie direction selon laquelle le vent souffle.

LORSQU'UN Navire fait route, la direction apparente du vent, marquée par les girouettes, pennons, flammes, &c, s'écarte d'autant plus de la véritable direction dans laquelle il souffle réellement, que le Vaisseau va plus vite, & qu'il suit une route plus perpendiculaire à la direction apparente du vent.

Car soit un Vaisseau placé en A (Fig. 67.), que BAD soit la vraie direction du vent, AC celle de la route du Vaisseau; si l'on suppose un corps un peu volumineux & fort léger comme une boule de duvet, placé aussi en A au même instant que le Vaisseau, il sera emporté dans la vraie direction du vent avec une vitesse égale à celle du vent, & il est clair qu'un Spectateur emporté le long de AC , se portera à croire que la route qu'il voit suivre au duvet dans l'air est dans la direction du vent, & qu'ainsi en relevant ce duvet à la Bouffée, il auroit la vraie direction selon laquelle le vent souffle. Il est aussi porté à croire que s'il lâchoit au vent un pareil duvet, il s'échapperoit dans une direction exactement parallèle à celle des pennons, girouettes, &c. Or il est aisé de démontrer que ce Spectateur se tromperoit; car si on suppose que le Navire parvienne uniformément de A en C en six instants égaux, & qu'à chacun son œil soit aux points marqués c, c, c , &c, le duvet parviendra de A en D en autant d'instants en se trouvant aux points marqués d, d, d , &c. Le Spectateur, sans les roulis & les tangages, ne s'apercevra pas du mouvement du Vaisseau, à plus forte raison ne doit pas s'apercevoir que le rayon visuel cd , par lequel il regarde le duvet, change de place à chaque instant sans paroître changer de direction, puisque toutes ces lignes cd sont parallèles entre elles à cause de l'uniformité des mouvements du Vaisseau & du duvet; donc il croit voir toujours le duvet au bout du même rayon visuel, & que par conséquent la direction de ce rayon est celle du vent même. Ainsi lorsque le Vaisseau est en C , il semble que le vent souffle selon CD , & c'est dans cette direction qu'on voit les girouettes, pennons, &c. Si donc par C on tire CE parallèle à AD , l'angle DCE exprimera la différence entre le vrai Rumb de vent CE & le rumb apparent CD . Or cet angle ECD , ou l'angle égal CDA , est d'autant plus grand, 1^o, que AC est plus grand

par rapport à AD : 2° , que AC & AD restant de même longueur AC devient plus perpendiculaire à DC . Mais AC ne peut se diriger de façon à approcher d'être perpendiculaire à DC qu'en s'inclinant vers D , donc la différence entre le vrai rumb & le rumb apparent est d'autant plus grande, que le Vaisseau a plus de vitesse & que sa route paroît plus approchante de la perpendiculaire à la direction du vent. Cette différence peut aller jusques à deux quarts de rumb, ou à 22° degrés dans les meilleurs voiliers.

Par cette illusion, le Vaisseau semble toujours gagner vers l'origine du vent plus qu'il ne le fait réellement. Ainsi par rapport au Vaisseau en C , l'origine du vent est réellement vers H ; elle paroît être vers I . Si on tire CK perpendiculaire à la route CG du Vaisseau, il semble dans cet exemple, que l'on s'avance vers l'origine du vent selon l'angle KCF , tandis qu'on s'en écarte véritablement selon l'angle KCH .

Par une suite de la même illusion, aussi-tôt qu'un Navire qui a vent large, ou qui va au plus près, a viré de bord, il semble que le vent a changé considérablement de direction, parce que la différence entre le vrai rumb & le rumb apparent se fait dans un sens contraire à celui d'auparavant.

Delà il suit que sur Mer on ne connoît directement le vrai rumb de vent que quand on va vent arriere.

Pour connoître la vraie direction du vent, on n'a gueres d'autres moyens praticables que ceux-ci : 1° , Lorsqu'on vire de bord, on remarque où est le Cap au moment où l'on a précisément vent arriere ou vent debout : 2° , Si on a oublié de faire cette remarque en virant de bord, on prendra un milieu entre les deux rumbs marqués par les girouettes avant & après avoir viré de bord : 3° , Lorsqu'on remarque dans le Ciel des nuages qui font de longues bandes qui tendent à réunir en un même point de l'Horizon, ce point est exactement l'origine du vent, ou son terme, s'il n'y a pas deux vents différents.

On pourroit donner d'autres moyens à l'aide des machines propres à mesurer la vitesse absolue du vent; car dans le triangle DAC , où l'angle ACD est égal à celui des girouettes avec la route du Vaisseau, le nombre des pieds du côté AC peut être connu dans un temps donné comme d'une demi-minute, par le moyen du loch; si on pouvoit mesurer AD , ou le nombre de pieds parcourus réellement par une particule de vent dans le temps d'une demi-minute, il seroit facile de calculer l'angle ADC , & de s'en servir pour corriger le rumb apparent, & le réduire au vrai.

I I.

Sur la route des Navires vus de loin.

PROBLEME. Un Navire ayant été découvert, & relevé trois fois la Boussole en des intervalles de temps marqués à une montre, trouver de combien il étoit plus proche à l'un des relevements qu'à l'autre,

elle heure il sera le plus près, & de combien alors il le sera plus à l'un des trois relevements ; le tout en supposant que les deux Navires ne changent ni de route, ni de vitesse.

Par exemple, on a relevé le Navire à $6^h 12'$ dans le $NNO 40^\circ N$, à $7^h 20'$ au $N\frac{1}{4}NO 80^\circ N$, & à $8^h 16'$ au $N\frac{1}{4}NE 30^\circ E$ de la Bouffole. Tirez deux perpendiculaires indéfinies OB , CS (Fig. 63.) pour marquer l'une la ligne Nord & Sud, l'autre la ligne Est & Ouest. De leur point de concours A tirez, selon les rumb observés, les trois droites indéfinies AE , AF , AD qui représentent les trois relevements. Il n'est pas nécessaire d'avoir égard à la variation. Sur une échelle de parties égales proportionnées à votre Figure, faite exprès, ou prise sur le Compas de proportion ou sur le Quartier de réduction, &c, prenez une ouverture de compas d'autant de parties égales qu'il y a de minutes de temps dans l'intervalle du premier au second relevement, (c'est 68 dans cet exemple.) D'un point G pris à volonté sur la droite AF , portez cette ouverture sur la ligne AE du premier relevement, en sorte qu'elle y aboutisse quelque part en deux endroits comme en H ou en I . Par un de ces deux points à volonté comme H , (le plus commode est ordinairement celui qui est le plus loin du point A ,) & par le point G faites passer la droite indéfinie HK . Prenez sur la même échelle une ouverture de compas égale au nombre des minutes de l'intervalle de temps entre le second & le troisième relevement, (c'est ici 56,) & portez-la de G vers K à l'opposé de H . Par le point K faites passer une droite indéfinie KL parallèle à AF , elle rencontrera la droite AD en quelque point L . Enfin par H & par L faites passer la droite HN indéfinie, elle représentera la direction de la route apparente du Navire qu'on aura découvert, c'est-à-dire, la direction de la route qu'on lui voit faire en s'imaginant qu'on est en repos, de sorte que si à $6^h 12'$ on l'a cru voir en H , à $7^h 20'$ on l'aura cru en M , & à $8^h 16'$ en L . Car la ligne HL est tellement située entre les droites AE , AF , AD que ses parties HM , ML sont dans le rapport des intervalles des temps, & par conséquent dans celui des espaces parcourus en apparence par le Navire qu'on regarde, puisque LK parallèle à AF rend semblables les triangles HCM , KL , & qu'ainsi les lignes HM , ML sont dans le même rapport que les lignes HG , GK qui sont dans le rapport des temps.

Cela posé, les droites AH , AM , AL sont dans le rapport des distances du Navire au moment de chaque relevement, de sorte que AL est les deux tiers de AH , à $8^h 16'$ le Navire étoit approché d'un tiers de la distance à laquelle il étoit à $6^h 12'$, &c. De cette sorte on n'a pas les distances absolues, mais seulement leur rapport.

Si du point A vous abaissez sur HL la perpendiculaire AN , sa longueur exprimera la plus courte distance à laquelle la route du Navire découvre l'approche de votre Navire. Et si vous divisez la droite HL en parties égales de temps, telles que le point H réponde à $6^h 12'$, le point M à $7^h 20'$ & le point L à $8^h 16'$, le point N désignera l'heure à laquelle les deux Navires se trouveront le plus approchés : c'est dans cette figure à $8^h 50'$ environ.

Ce Problème ne peut servir à décider quelle est la direction de la vraie route du Navire découvert, ni sa vraie distance. Il faut pour cela ou savoir la quantité absolue du chemin qu'il fait, ou en avoir quatre relevements. Ce surcroît de conditions n'augmente pas beaucoup la difficulté de la solution; mais il en diminue prodigieusement la sûreté, à cause du peu d'exactitude dont les observations nécessaires pour cela sont susceptibles en Mer. Ainsi quelque utile & quelque curieux que soit le problème de déterminer, sans changer de route, la vraie direction & la vraie distance d'un Navire vu de loin, nous n'en dirons rien ici.

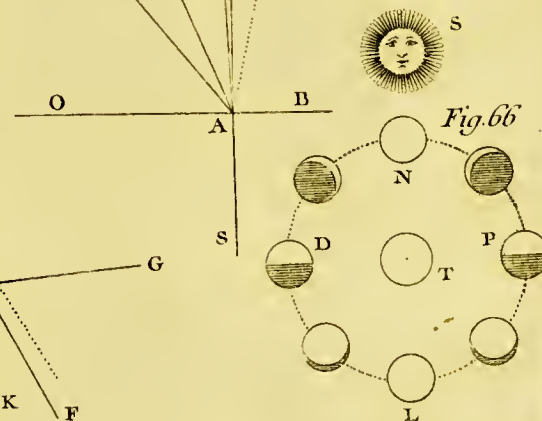
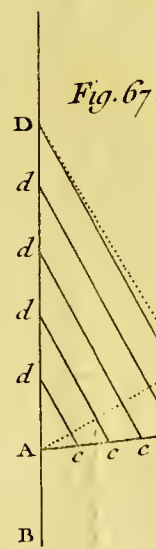
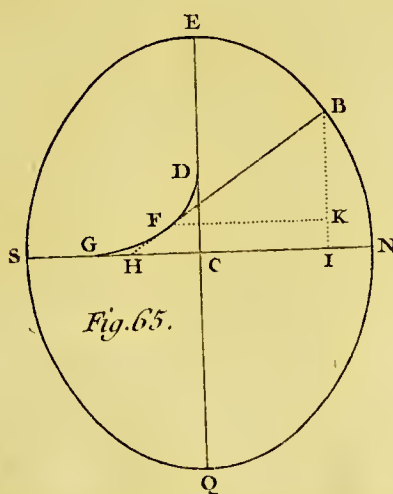
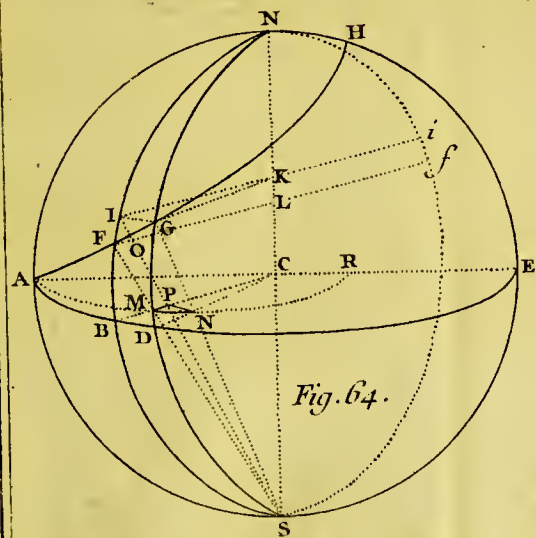
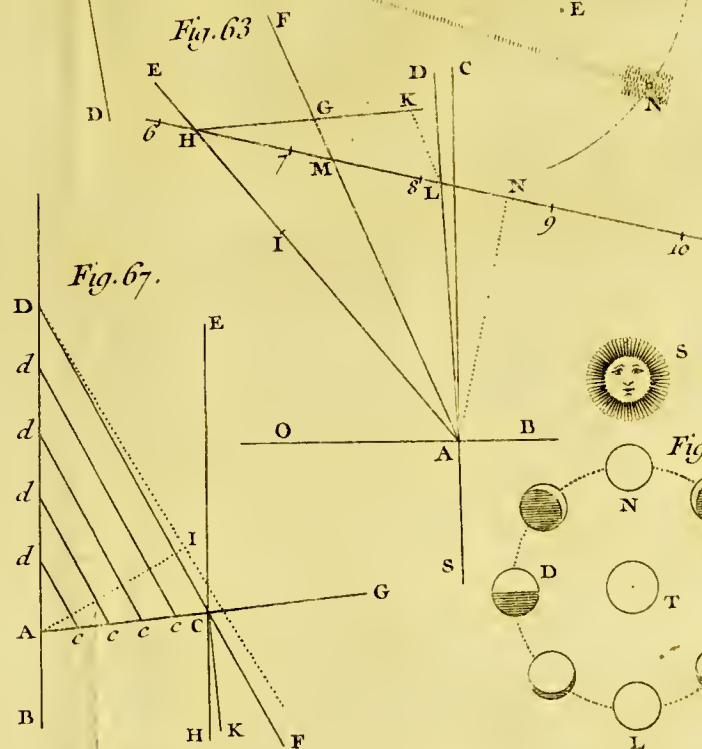
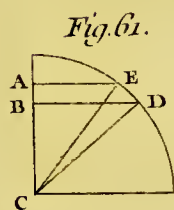
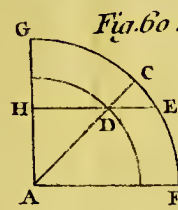
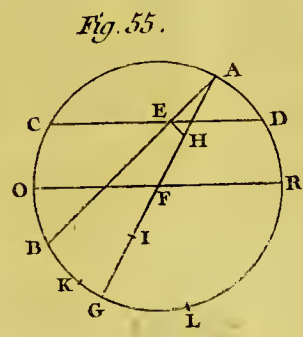
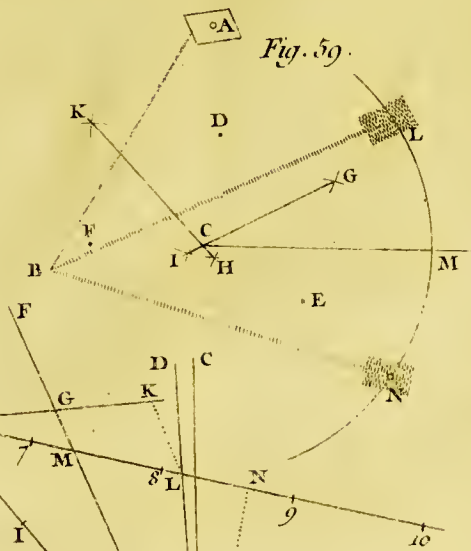
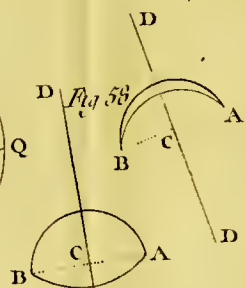
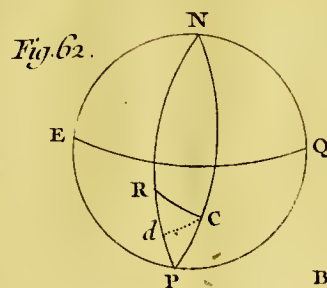
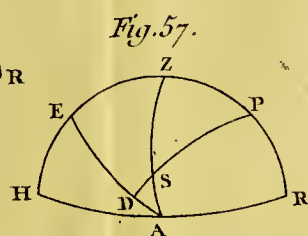
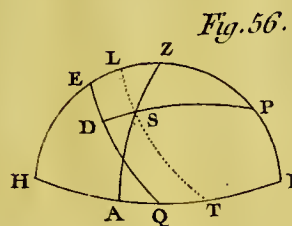
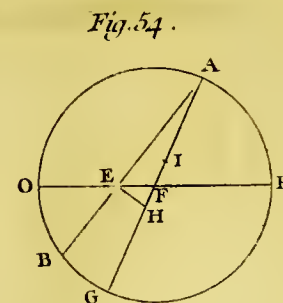
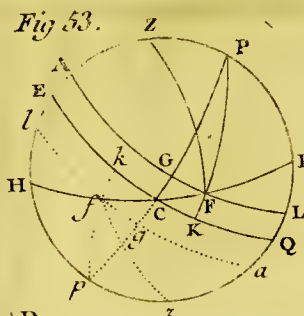
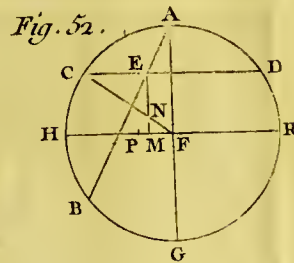
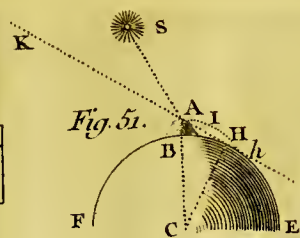
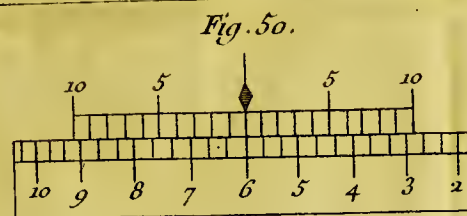
I I I.

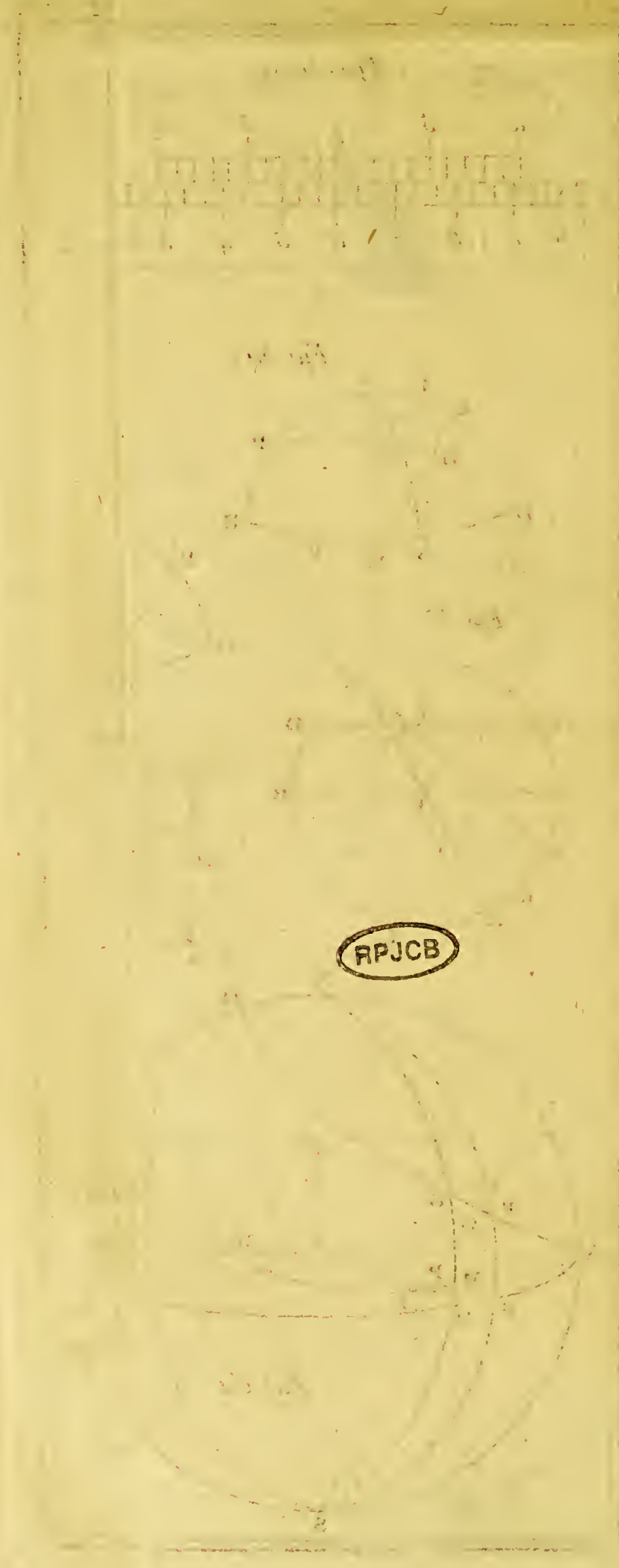
Pourquoi la Lune paroît souvent se lever plusieurs jours de suite presque à la même heure.

Un phénomène qui frappe les Marins, c'est de voir quelquefois la Lune se lever ou se coucher presque à la même heure pendant plusieurs jours de suite, tandis qu'elle devrait retarder chaque jour de 48 min. La cause de cette apparence vient principalement de ce que la déclinaison de la Lune varie de 5 à 6 degrés par jour lorsque cette Planète est dans le voisinage de l'Equateur céleste. Or le changement des Astres en déclinaison, ainsi que celui de la hauteur du Pôle de l'Observateur, font accélérer ou retarder le lever & le coucher des Astres. On peut le voir en examinant la Table des différences ascensionnelles du Soleil. Par exemple, pour la hauteur polaire de 50 deg. à 6 deg. de déclinaison, le lever du Soleil est accéléré de 29': il se fait à 5^h 31', au lieu qu'il arrive à 6^h 0' quand le Soleil n'a pas de déclinaison. Par un pareil changement en déclinaison, le lever ou le coucher de la Lune peuvent être accélérés ou retardés d'une demi-heure. Une demi-heure d'accélération détruit la plus grande partie du retard de 48' qu'il devrait y avoir, & si l'on joint à cela l'accélération apparente qui peut être causée par une moindre vitesse dans les mouvements de la Lune près de son apogée, & celle qui peut être causée par 2 ou 3 degrés en latitude qu'un Vaisseau peut faire en 24 heures, il arrivera que le lever de la Lune ne paroîtra pas sensiblement retardé pendant plusieurs jours de suite. Mais ce qui est accélération à l'égard du lever, est retard à l'égard du coucher; ainsi lorsque la Lune paroîtra se lever plusieurs jours de suite à peu près à la même heure, son coucher paroîtra retardé de près du double, c'est-à-dire, d'environ une heure & demie: au contraire si son coucher paroît se faire à peu près à la même heure, son lever paroîtra retardé presque du double.

F I N.

RECUEIL





RPJCB



CARTE
qui indique avec la direction des Vents
généraux les Variations qu'avoit la
Boussole en 1700 et 1744 dans pres-
que tous les lieux de la Mer.

Echelles des Logarithmes

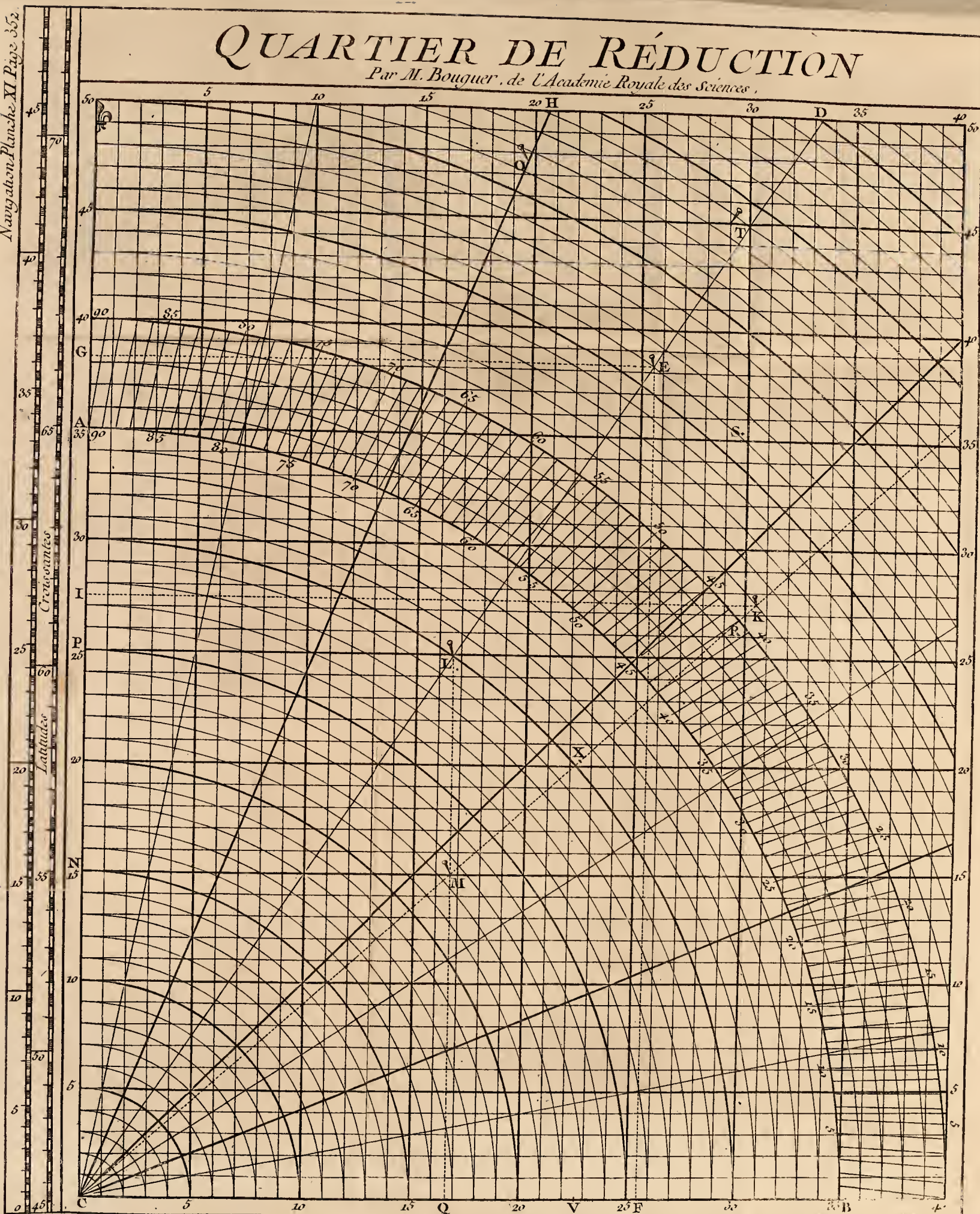
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100
										1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50																																								
										1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50																																								

Nomb
Sous
Tang

RPJCB

QUARTIER DE RÉDUCTION

Par M. Bouguer, de l'Académie Royale des Sciences.



RPJCB

RECUEIL
DES TABLES

DRESSÉES A L'USAGE
DE LA NAVIGATION.

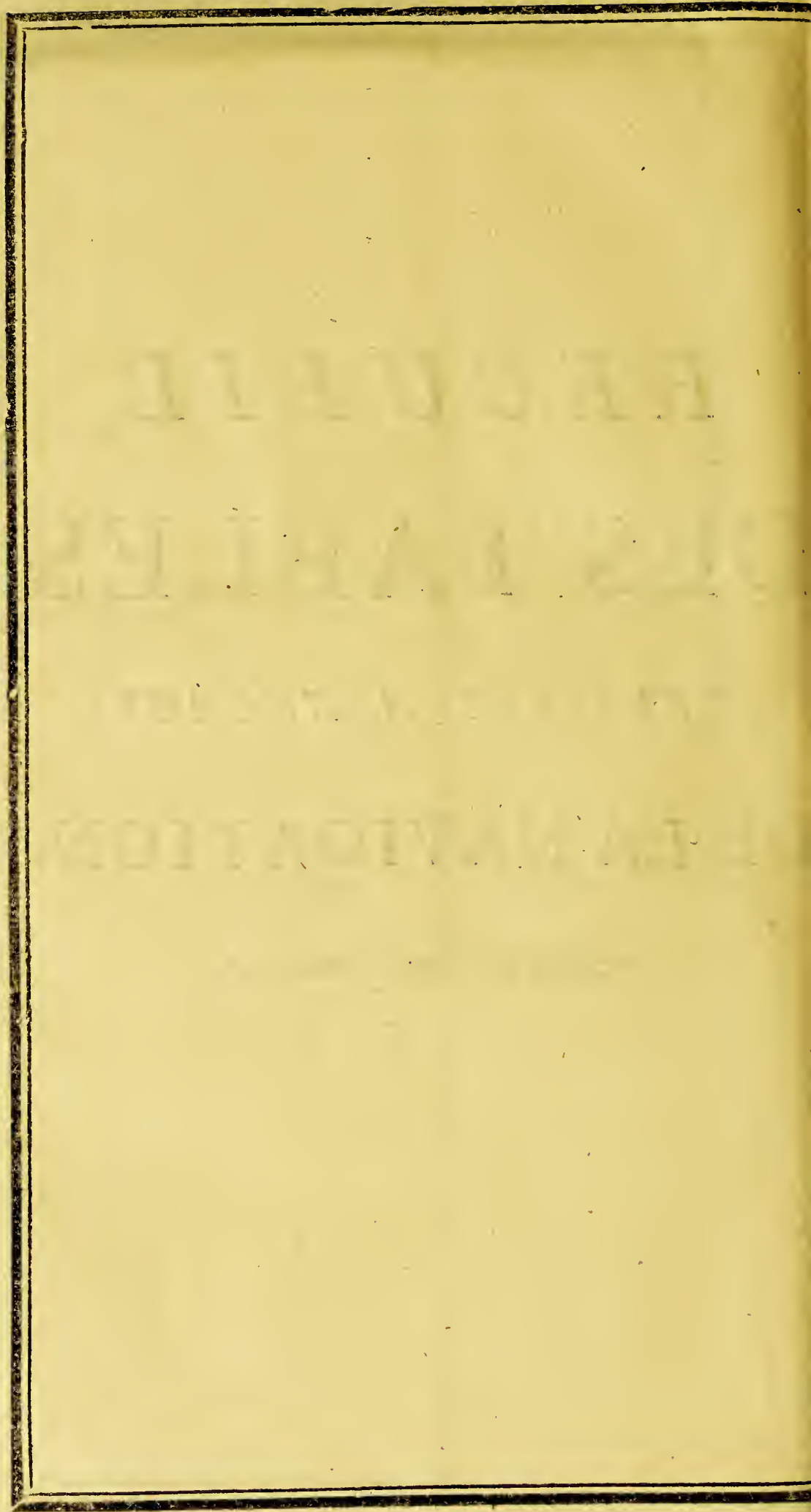


TABLE I.

I

Des Ascensions droites & des Déclinaisons des Etoiles fixes de la premiere & seconde grandeur.

Pour le commencement de l'Année 1760;

Avec la quantité dont ces positions varient en 10 ans.

Les Lettres Grecques sont les caracteres qui servent aux Astronomes à désigner plus particulièrement chaque Etoile. Les Lettres N & S, marquent la Déclinaison Nord ou Sud. + désigne une augmentation dans la déclinaison, - une diminution.

NOMS DES ETOILES.	Caractere.	Grandeur.	Ascension droite en temps.			Augm. pour 10 ans.	Déclinaison.			Varia. pour 10 ans
			H.	'	"		D.	'	"	
L'Aile suiv. de Pégase <i>Algenib.</i>	γ	2	0	0	55	30,8	13	50,9N		+3,3
La Tête du Phénix.....	α	2	0	14	22	30,1	43	36,4 S		- 3,3
La Poitrine de Cassiopée.....	α	2	0	27	1	33,0	55	13,0N		+3,3
La Queue de la Baleine.....	β	2	0	31	32	30,1	19	18,5 S		- 3,3
La Ceinture de Cassiopée.....	γ	2	0	42	24	34,9	59	24,6N		+3,3
L'Etoile Polaire.....	α	2	0	44	23	1 40,5	88	1,6N		+3,3
La Ceinture d'Andromède.....	β	2	0	56	21	32,9	34	20,5N		+3,2
Le Genou de Cassiopée.....	δ	2	1	10	18	37,1	58	58,6N		+3,2
La Source de l'Eridan <i>Achernar.</i>	α	1	1	28	46	22,6	58	27,8 S		- 3,1
La Jambe de Cassiopée.....	ϵ	2	1	37	23	41,3	62	28,4N		+3,1
Le pied d'Andromède.....	γ	2	1	49	16	36,1	41	10,0N		+3,0
La Tête de l'Hydre mâle.....	α	2	1	52	12	18,7	62	44,7 S		- 2,9
La Mâchoire de la Baleine.....	α	2	2	49	45	31,3	3	8,0N		+2,5
La Tête de Méduse <i>Algol.</i>	β	2	2	52	38	38,4	40	0,7N		+2,4
La Claire de Persée.....	α	2	3	7	19	41,9	48	59,1N		+2,3
La Claire des Pléiades.....	"	3	3	33	15	35,4	23	20,6N		+2,0
L'Œil du Taureau <i>Aldebaran.</i>	α	1	4	22	10	34,3	16	0,4N		+1,4
La Chevre.....	α	1	4	59	0	44,0	45	43,5N		+0,9
Le pied luisant d'Orion <i>Rigel.</i>	β	1	5	3	2	28,9	8	29,8 S		- 0,8
La Corne Boréale du Taureau..	β	2	5	11	8	37,8	28	22,8N		+0,7
L'Epaule précéd. d'Orion.....	γ	2	5	12	16	32,2	6	6,6N		+0,7
La préc. du Baudrier d'Orion...	δ	2	5	19	47	30,7	0	29,8 S		- 0,6
Le milieu du Baudrier d'Orion.	ϵ	2	5	24	3	30,5	1	22,5 S		- 0,5
La suiv. du Baudrier d'Orion...	ξ	2	5	28	40	30,4	2	5,3 S		- 0,4
La Claire de la Colombe.....	α	2	5	30	59	22,0	34	12,9 S		- 0,4
L'Epaule du Cocher.....	β	2	5	41	56	44,1	44	53,5N		+0,3
L'Epaule suiv. d'Orion.....	α	1	5	42	12	32,5	7	20,4N		+0,3
Le Gouvernail du Navire <i>Canopus</i>	α	1	6	18	38	13,4	52	34,4 S		+0,3
Le pied luisant des Gémeaux....	γ	2	6	23	51	34,8	16	35,0N		- 0,3
La Gueule du grand Chien <i>Syrus.</i>	α	1	6	34	35	26,9	16	24,1 S		+0,5
Le Dos du grand Chien.....	δ	2	6	58	38	24,5	26	1,8 S		+0,8
La Queue du grand Chien.....	"	2	7	14	36	23,9	28	51,1 S		+1,1
La tête préc. des Gémeaux.....	α	1	7	19	15	38,7	32	23,4N		- 1,1

a ij*

2 Suite de la TABLE des principales Etoiles.

NOMS DES ETOILES.	Caractere.	Grandeur.	Ascension droite en temps.			Aug. en 10 ans	Déclinaison.		Varia. en 10 ans
			H.	'	"		D.	'	
Le Petit Chien <i>Procyon</i>	α	2	7	26	44	32,1	5	49,5N	- 1,2
La Tête suiv. des Gémeaux.....	β	2	7	30	37	37,5	28	35,1N	- 1,3
La Pouppe du Navire.....	ξ	2	7	55	10	21,2	39	20,3 S	+1,6
La préc. au Corps du Navire..	γ	2	8	2	10	18,5	46	38,3 S	+1,7
La Claire au milieu du Navire...	δ	2	8	38	4	16,1	53	50,2 S	+2,1
La Claire des rames du Navire...	β	1	9	10	29	7,5	61	43,7 S	+2,5
Le Cœur de l'Hydre femelle.....	α	2	9	15	49	29,6	7	37,7 S	+2,5
Le Cœur du Lion <i>Regulus</i>	α	1	9	55	34	32,4	13	7,9N	- 2,8
La dernière du Navire.....	η	2	10	35	49	22,7	58	25,7 S	+3,1
La préc. Sud de la gr. Ourse.....	β	2	10	47	11	37,5	57	39,7N	- 3,2
La préc. Nord de la gr. Ourse....	α	2	10	48	42	38,9	63	2,4N	- 3,2
La Queue du Lion.....	β	2	11	36	48	31,2	15	54,8N	- 3,3
La préc. de la Croix du Sud.....	δ	3	12	2	33	31,0	57	24,8 S	+3,3
La suiv. Sud de la gr. Ourse.....	γ	2	11	41	4	32,4	55	1,7N	- 3,3
La suiv. Nord de la gr. Ourse....	δ	3	12	3	25	30,5	58	22,0N	- 3,3
Le Pied de la Croix du Sud.....	α	1	12	13	28	32,2	61	46,1 S	+3,3
La Tête de la Croix du Sud.....	γ	2	12	18	28	33,6	70	48,2 S	+3,3
Le Bras suiv. de la Croix du Sud.	β	2	12	33	53	34,2	58	22,4 S	+3,3
La prem. de la Q. de la gr. Ourse	ϵ	2	12	43	23	26,9	57	16,0N	- 3,3
L'Epi de la Vierge.....	α	1	13	12	35	31,5	9	54,0 S	+3,2
La 2. de la Queue de la gr. Ourse	ξ	2	13	14	12	24,5	56	11,0N	- 3,2
Le Bout de la Q. de la gr. Ourse	η	2	13	38	4	24,1	50	31,0N	- 3,0
Le Pied préc. du Centaure.....	β	1	13	47	8	40,9	59	12,0 S	+3,0
La Claire du Bouvier <i>Arcturus</i> ..	α	1	14	4	44	28,2	20	26,8N	- 2,8
Le Pied suivant du Centaure.....	α	1	14	23	34	44,1	59	49,8 S	+2,7
Le Bassin Sud de la Balance.....	α	2	14	37	38	33,0	15	1,7 S	+2,6
Le Bassin Nord de la Balance....	β	2	15	4	8	33,0	8	28,8 S	+2,3
La Cl. de la Couronne du Nord..	α	2	15	24	27	20,5	27	32,2N	- 2,1
La Claire du Serpent.....	α	2	15	32	29	30,1	7	11,8N	- 2,0
La Claire au front du Scorpion..	β	2	15	51	31	35,0	19	7,7 S	+1,8
Le Cœur du Scorpion <i>Antares</i> ...	α	1	16	14	45	36,6	25	52,6 S	+1,5
La Claire du Triangle austral...	α	2	16	23	30	61,6	68	32,7 S	+1,4
La Tête d'Hercule.....	α	2	17	3	42	27,4	14	40,9N	- 0,8
Le Bout de la Queue du Scorpion	λ	2	17	17	21	40,8	36	54,1 S	+0,6
La Tête du Serpentaire.....	α	2	17	23	48	27,8	12	45,3N	- 0,5
La Claire de la Lyre.....	α	1	18	28	49	20,6	38	34,4N	+0,4
La Claire de l'Aigle.....	α	2	19	39	4	29,1	8	15,1N	+1,4
L'Œil du Paon.....	α	2	20	6	30	48,9	57	28,7 S	- 1,7
La Queue du Cygne.....	α	2	20	33	15	20,5	44	26,0N	+2,1
L'Aile de la Grue.....	α	2	21	53	1	39,8	48	6,5 S	- 2,8
Le Poisson Austral <i>Phomalhaut</i> .	α	1	22	44	20	33,4	30	53,2 S	- 3,2
La Cuisse de Pégase.....	β	2	22	52	10	28,9	26	47,1N	+3,2
L'Aile préc. de Pégase.....	α	2	22	52	50	29,9	13	55,1N	+3,2
La Tête d'Andromède.....	α	2	23	56	2	30,6	27	45,9N	+3,3
La Chaire de Cassiopée.....	β	2	23	56	29	30,4	57	49,4N	+3,3

T A B L E S

*Pour calculer l'Ascension droite & la
Déclinaison du Soleil,*

Dressées sur le Méridien de Paris.

*(Voyez la maniere de faire les calculs par le moyen de ces
tables, à la page 157 & suivantes de ce Traité.)*

TABLE I. Pour les années courantes.

Années.	H.	'	"	Années.	H.	'	"	Années.	H.	'	"
Bis. 1736	18	45	33	1769	18	45	30	1802	18	41	0
1737	18	44	28	1770	18	44	26	1803	18	39	56
1738	18	43	24	1771	18	43	21	Bis. 1804	18	43	17
1739	18	42	19	Bis. 1772	18	46	42	1805	18	42	13
Bis. 1740	18	45	41	1773	18	45	37	1806	18	41	9
1741	18	44	35	1774	18	44	32	1807	18	40	5
1742	18	43	31	1775	18	43	27	Bis. 1808	18	43	25
1743	18	42	26	Bis. 1776	18	46	48	1809	18	42	21
Bis. 1744	18	45	47	1777	18	45	43	1810	18	41	16
1745	18	44	43	1778	18	44	39	1811	18	40	11
1746	18	43	39	1779	18	43	34	Bis. 1812	18	43	32
1747	18	42	35	Bis. 1780	18	46	56	1813	18	42	27
Bis. 1748	18	45	56	1781	18	45	51	1814	18	41	22
1749	18	44	52	1782	18	44	47	1815	18	40	18
1750	18	43	48	1783	18	43	43	Bis. 1816	18	43	39
1751	18	42	44	Bis. 1784	18	47	4	1817	18	42	34
Bis. 1752	18	46	4	1785	18	46	0	1818	18	41	30
1753	18	45	0	1786	18	44	56	1819	18	40	26
1754	18	43	55	1787	18	43	52	Bis. 1820	18	43	47
1755	18	42	50	Bis. 1788	18	47	12	1821	18	42	43
Bis. 1756	18	46	10	1789	18	46	8	1822	18	41	39
1757	18	45	6	1790	18	45	3	1823	18	40	35
1758	18	44	1	1791	18	43	59	Bis. 1824	18	43	56
1759	18	42	57	Bis. 1792	18	47	19	1825	18	42	51
Bis. 1760	18	46	17	1793	18	46	14	1826	18	41	47
1761	18	45	13	1794	18	45	10	1827	18	40	42
1762	18	44	9	1795	18	44	5	Bis. 1828	18	44	3
1763	18	43	5	Bis. 1796	18	47	26	1829	18	42	58
Bis. 1764	18	46	26	1797	18	46	21	1830	18	41	53
1765	18	45	22	1798	18	45	17	1831	18	40	49
1766	18	44	18	1799	18	44	13	Bis. 1832	18	44	9
1767	18	43	14	Com. 1800	18	43	8	1833	18	43	5
Bis. 1768	18	46	35	1801	18	42	4	1834	18	42	0

T A B L E I I.

Pour les jours du Mois.

Jours.	Janvier.	Février.	Mars.	Avril.	Mai.	Juin.
	H. ' "	H. ' "	H. ' "	H. ' "	H. ' "	H. ' "
1	0 4 26	2 16 29	4 5 20	5 58 46	7 50 0	9 52 46
2	0 8 51	2 20 32	4 9 4	6 2 23	7 53 49	9 56 52
3	0 13 16	2 24 35	4 12 48	6 6 1	7 57 39	10 0 58
4	0 17 41	2 28 37	4 16 32	6 9 39	8 1 29	10 5 5
5	0 22 5	2 32 38	4 20 15	6 13 18	8 5 20	10 9 12
6	0 26 28	2 36 38	4 23 58	6 16 57	8 9 11	10 13 19
7	0 30 50	2 40 38	4 27 40	6 20 36	8 13 3	10 17 26
8	0 35 11	2 44 37	4 31 21	6 24 15	8 16 55	10 21 34
9	0 39 32	2 48 35	4 35 1	6 27 55	8 20 48	10 25 42
10	0 43 52	2 52 32	4 38 41	6 31 35	8 24 42	10 29 50
11	0 48 12	2 56 28	4 42 20	6 35 15	8 28 37	10 33 59
12	0 52 31	3 0 23	4 45 59	6 38 56	8 32 32	10 38 8
13	0 56 50	3 4 18	4 49 38	6 42 37	8 36 28	10 42 17
14	1 1 8	3 8 12	4 53 17	6 46 18	8 40 24	10 46 26
15	1 5 26	3 12 5	4 56 56	6 49 59	8 44 21	10 50 35
16	1 9 43	3 15 58	5 0 35	6 53 41	8 48 18	10 54 44
17	1 13 59	3 19 50	5 4 14	6 57 23	8 52 16	10 58 54
18	1 18 15	3 23 41	5 7 53	7 1 5	8 56 14	11 3 3
19	1 22 30	3 27 31	5 11 32	7 4 48	9 0 13	11 7 13
20	1 26 44	3 31 21	5 15 11	7 8 32	9 4 13	11 11 22
21	1 30 57	3 35 10	5 18 49	7 12 16	9 8 13	11 15 32
22	1 35 9	3 38 58	5 22 27	7 16 0	9 12 13	11 19 42
23	1 39 20	3 42 46	5 26 5	7 19 45	9 16 14	11 23 5
24	1 43 31	3 46 33	5 29 43	7 23 30	9 20 16	11 28
25	1 47 41	3 50 19	5 33 21	7 27 16	9 24 18	11 32 10
26	1 51 50	3 54 5	5 36 59	7 31 2	9 28 21	11 36 18
27	1 55 59	3 57 50	5 40 37	7 34 49	9 32 24	11 40 27
28	2 0 7	4 1 35	5 44 15	7 38 36	9 36 27	11 44 35
29	2 4 14		5 47 53	7 42 23	9 40 31	11 48 43
30	2 8 20		5 51 31	7 46 11	9 44 36	11 52 51
31	2 12 25		5 55 9		9 48 41	

*Dans les mois de Janvier & de Février des Années Bissextiles
il faut ôter un jour du temps donné.*

Suite de la TABLE II.

5

Pour les jours du Mois.

Jours.	Juillet.	Août.	Septembre	Octobre.	Novembre	Décembre.
	H. ' "	H. ' "	H. ' "	H. ' "	H. ' "	H. ' "
1	11 57 2	14 1 47	15 57 46	17 45 54	19 42 23	21 46 28
2	12 1 10	14 5 39	16 1 24	17 49 32	19 46 19	21 50 48
3	12 5 18	14 9 31	16 5 1	17 53 10	19 50 16	21 55 9
4	12 9 26	14 13 22	16 8 38	17 56 48	19 54 14	21 59 30
5	12 13 33	14 17 13	16 12 15	18 0 27	19 58 12	22 3 52
6	12 17 39	14 21 3	16 15 52	18 4 6	20 2 11	22 8 15
7	12 21 45	14 24 53	16 19 29	18 7 46	20 6 12	22 12 38
8	12 25 51	14 28 42	16 23 5	18 11 26	20 10 14	22 17 1
9	12 29 57	14 32 31	16 26 41	18 15 7	20 14 16	22 21 25
10	12 34 2	14 36 19	16 30 17	18 18 48	20 18 19	22 25 49
11	12 38 7	14 40 6	16 33 53	18 22 30	20 22 23	22 30 14
12	12 42 11	14 43 53	16 37 28	18 26 12	20 26 28	22 34 39
13	12 46 15	14 47 39	16 41 3	18 29 54	20 30 33	22 39 4
14	12 50 18	14 51 25	16 44 39	18 33 37	20 34 40	22 43 30
15	12 54 21	14 55 10	16 48 15	18 37 21	20 38 47	22 47 55
16	12 58 23	14 58 55	16 51 51	18 41 5	20 42 55	22 52 21
17	13 2 25	15 2 39	16 55 26	18 44 50	20 47 4	22 56 47
18	13 6 26	15 6 22	16 59 2	18 48 35	20 51 13	23 1 14
19	13 10 27	15 10 5	17 2 37	18 52 21	20 55 23	23 5 40
20	13 14 28	15 13 47	17 6 13	18 56 8	20 59 34	23 10 7
21	13 18 28	15 17 29	17 9 49	18 59 55	21 3 46	23 14 34
22	13 22 27	15 21 11	17 13 25	19 3 43	21 7 59	23 19 0
23	13 26 25	15 24 52	17 17 0	19 7 32	21 12 13	23 23 27
24	13 30 23	15 28 33	17 20 36	19 11 21	21 16 28	23 27 54
25	13 34 20	15 32 14	17 24 12	19 15 11	21 20 43	23 32 21
26	13 38 17	15 35 54	17 27 48	19 19 2	21 24 59	23 36 47
27	13 42 13	15 39 34	17 31 25	19 22 53	21 29 15	23 41 13
28	13 46 9	15 43 13	17 35 2	19 26 45	21 33 32	23 45 39
29	13 50 5	15 46 52	17 38 39	19 30 38	21 37 50	23 50 5
30	13 54 0	15 50 30	17 42 17	19 34 32	21 42 9	23 54 31
31	13 57 54	15 54 8		19 38 27		23 58 57

TABLE III.

Pour les heures du jour.

H.	'	"	H.	'	"	H.	'	"
1	0	9	9	1	21	17	2	33
2	0	18	10	1	30	18	2	42
3	0	27	11	1	39	19	2	51
4	0	36	12	1	48	20	3	0
5	0	45	13	1	57	21	3	9
6	0	54	14	2	6	22	3	18
7	1	3	15	2	15	23	3	27
8	1	12	16	2	24	24	3	36

TABLE IV.

Pour les minutes d'heures comptées de deux en deux.

M.	"	M.	"	M.	"	M.	"
0	0	16	2	30	4	46	7
2	0	18	3	32	5	48	7
4	0	20	3	34	5	50	7
6	1	22	3	36	5	52	8
8	1	24	4	38	6	54	8
10	1	26	4	40	6	56	8
12	2	28	4	42	6	58	9
14	2	30	4	44	7	60	9

TABLE V.

Du surplus en Ascension droite, selon les jours du mois, & les heures du jour.

HEURES.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	HEURES.
J. du Mois.	"	"	"	"	"	"	"	"	"	"	"	"	J. du Mois.
Déc. Janvier.	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	Décembre
16	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	16
31	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	11
3	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	8
6	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	5
7	2	4	6	8	10	12	14	16	18	20	22	24	4
9	2	4	6	8	9	11	13	15	17	19	21	23	2
11	2	4	6	7	9	11	13	15	17	18	20	22	1
13	2	4	5	7	9	11	13	14	16	18	20	22	28
15	2	3	5	7	9	10	12	14	16	17	19	21	27
17	2	3	5	7	8	10	12	14	15	17	19	20	25
19	2	3	5	7	8	10	12	13	15	16	18	20	23
20	2	3	5	6	8	10	11	13	14	16	18	19	22
21	2	3	5	6	8	9	11	12	14	15	17	19	20
22	1	3	5	6	7	9	10	12	13	15	16	18	19
24	1	3	4	6	7	9	10	12	13	14	16	17	18
26	1	3	4	6	7	8	10	11	13	14	15	17	16
28	1	3	4	5	7	8	9	11	12	13	15	16	14
29	1	3	4	5	6	8	9	10	12	13	14	16	12
30	1	3	4	5	6	7	9	10	11	12	14	15	11
1	1	2	4	5	6	7	8	10	11	12	13	14	10
2	1	2	4	5	6	7	8	9	10	11	13	14	9
4	1	2	3	4	5	7	8	9	10	11	12	13	7
6	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	13	6
7	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	5
8	1	2	3	4	5	6	7	8	9	9	10	11	3
9	1	2	3	4	4	5	6	7	8	8	9	10	2
11	1	2	3	3	4	5	6	7	8	8	9	10	1
13	1	2	2	3	4	5	6	6	7	8	9	10	30
14	1	2	2	3	4	4	5	6	7	7	8	9	28
16	1	1	2	3	3	4	5	6	6	7	8	8	27
18	1	1	2	3	3	4	5	5	6	6	7	8	25
20	1	1	2	2	3	4	4	5	5	6	7	7	23
22	1	1	2	2	3	3	4	4	5	5	6	7	21
24	0	1	1	2	2	3	3	4	4	5	5	6	19
26	0	1	1	2	2	3	3	4	4	4	5	5	18
28	0	1	1	2	2	2	3	3	4	4	4	5	16
3	0	1	1	1	2	2	2	3	3	3	4	4	13
5	0	1	1	1	1	2	2	2	3	3	3	4	11
7	0	1	1	1	1	2	2	2	2	2	3	3	8
9	0	0	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	6
13	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2
Mars.	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	27
Mars.	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	22
Mars.	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	7
Mars.	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	27
Mars.	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	22

Suite de la TABLE V.

7

Du surplus en Ascension droite, selon les jours du mois, & les heures du jour.

HEURES.	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	HEURES.
J. du Mois.	"	"	"	"	"	"	"	"	"	"	"	"	J. du Mois.
Déc. Janvier.	16	28	30	32	34	37	39	41	43	45	47	49	52
31	27	29	31	34	36	38	40	42	44	46	48	50	16
3	27	29	31	33	35	37	39	41	43	45	47	49	11
6	26	28	30	32	34	36	38	40	42	44	46	48	8
7	25	27	29	31	33	35	37	39	41	43	45	47	5
9	25	27	29	30	32	34	36	38	40	42	44	46	4
11	24	26	28	30	31	33	35	37	39	41	43	45	2
13	23	25	27	29	31	32	34	36	38	40	41	43	1
15	23	24	26	28	30	31	33	35	37	38	40	42	28
17	22	24	25	27	29	31	32	34	36	37	39	41	27
19	21	23	25	26	28	30	31	33	35	36	38	40	25
20	21	22	24	26	27	29	31	32	34	35	37	38	23
21	20	22	23	25	26	28	30	31	33	34	36	37	22
22	19	21	22	24	25	27	29	30	31	33	34	36	20
24	19	20	22	23	25	26	28	29	30	32	33	35	19
26	18	20	21	22	24	25	27	28	29	31	32	34	18
28	18	19	20	22	23	24	26	27	28	30	31	32	15
29	17	18	19	21	22	23	25	26	27	29	30	31	1
30	16	17	19	20	21	22	24	25	26	27	29	30	4
1	16	17	18	19	20	22	23	24	25	26	28	29	6
2	15	16	17	18	20	21	22	23	24	25	26	28	8
4	14	15	16	18	19	20	21	22	23	24	25	26	10
6	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	13
7	18	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	16
8	16	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	19
9	14	12	13	14	14	15	16	17	18	19	20	21	23
11	12	11	12	13	14	14	15	16	17	18	19	20	25
13	10	10	11	12	13	14	14	15	16	17	18	19	28
14	8	10	10	11	12	13	13	14	15	16	17	18	30
16	6	9	10	10	11	12	13	13	14	15	16	17	1
18	8	8	9	10	11	12	12	13	14	14	15	16	3
20	3	8	8	9	10	11	11	12	13	13	14	15	5
22	29	7	8	8	9	9	10	10	11	12	12	13	7
24	27	6	7	7	8	8	9	9	10	11	11	12	9
26	24	6	6	7	7	8	8	9	9	10	10	11	10
28	21	5	6	6	7	7	8	8	8	9	9	10	12
3	18	5	5	5	6	6	7	7	7	8	8	8	14
5	15	4	4	4	5	5	6	6	6	7	7	7	16
7	12	3	3	4	4	4	5	5	5	5	6	6	18
9	9	3	3	3	3	3	4	4	4	4	5	5	18
13	13	2	2	2	3	3	3	3	3	3	3	4	22
		1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2	27
		1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	22

Pour trouver la Déclinaison du Soleil , par le moyen de son Ascension droite en temps.

Heures de l'Ascension droite du Soleil.								Minutes.					
Minutes.	0		1		2		3		4		5		
	12		13		14		15		16		17		
	D.	'	D.	'	D.	'	D.		'	D.	'	D.	'
0	0	0,0	6	24,7	12	14,9	17	4,0	20	36,4	22	45,1	60
1	0	6,5	6	30,9	12	20,3	17	8,2	20	39,2	22	46,5	59
2	0	13,1	6	37,1	12	25,7	17	12,4	20	42,0	22	47,9	58
3	0	19,6	6	43,3	12	31,0	17	16,5	20	44,8	22	49,3	57
4	0	26,1	6	49,5	12	36,3	17	20,6	20	47,6	22	50,7	56
5	0	32,6	6	55,7	12	41,6	17	24,7	20	50,3	22	52,0	55
6	0	39,1	7	1,8	12	46,9	17	28,8	20	53,0	22	53,3	54
7	0	45,6	7	7,9	12	52,2	17	32,9	20	55,7	22	54,6	53
8	0	52,1	7	14,0	12	57,5	17	36,9	20	58,4	22	55,9	52
9	0	58,6	7	20,1	13	2,7	17	40,9	21	1,1	22	57,1	51
10	1	5,1	7	26,2	13	7,9	17	44,9	21	3,7	22	58,3	50
11	1	11,6	7	32,4	13	13,1	17	48,9	21	6,3	22	59,5	49
12	1	18,1	7	38,5	13	18,3	17	52,9	21	8,9	23	0,6	48
13	1	24,6	7	44,6	13	23,5	17	56,8	21	11,5	23	1,7	47
14	1	31,1	7	50,6	13	28,6	18	0,7	21	14,1	23	2,8	46
15	1	37,6	7	56,7	13	33,7	18	4,6	21	16,6	23	3,9	45
16	1	44,1	8	2,7	13	38,8	18	8,5	21	19,1	23	5,0	44
17	1	50,5	8	8,7	13	43,9	18	12,4	21	21,6	23	6,0	43
18	1	57,0	8	14,7	13	49,0	18	16,2	21	24,0	23	7,0	42
19	2	3,5	8	20,7	13	54,0	18	20,0	21	26,4	23	8,0	41
20	2	10,0	8	26,7	13	59,0	18	23,8	21	28,8	23	9,0	40
21	2	16,4	8	32,7	14	4,0	18	27,6	21	31,2	23	9,9	39
22	2	22,9	8	38,6	14	9,0	18	31,3	21	33,5	23	10,8	38
23	2	29,4	8	44,6	14	14,0	18	35,0	21	35,8	23	11,7	37
24	2	35,9	8	50,6	14	19,0	18	38,7	21	38,1	23	12,6	36
25	2	42,3	8	56,5	14	23,9	18	42,4	21	40,4	23	13,4	35
26	2	48,8	9	2,4	14	28,8	18	46,0	21	42,7	23	14,2	34
27	2	55,2	9	8,3	14	33,7	18	49,6	21	44,9	23	15,0	33
28	3	1,7	9	14,2	14	38,6	18	53,2	21	47,1	23	15,8	32
29	3	8,1	9	20,1	14	43,4	18	56,8	21	49,3	23	16,6	31
30	3	14,6	9	26,0	14	48,3	19	0,4	21	51,4	23	17,3	30
	11		10		9		8		7		6		
	23		22		21		20		19		18		
Heures de l'Ascension droite du Soleil.													

La Déclinaison du Soleil est Boréale dans les douze premières heures de son Ascension droite , & Australe dans les douze dernières heures.

Suite de la TABLE VI. 9

Pour trouver la Déclinaison du Soleil , par le moyen de son Ascension droite en temps.

Heures de l'Ascension droite du Soleil.													
Minutes.	0		1		2		3		4		5		Minutes.
	12		13		14		15		16		17		
	D.	/	D.	/	D.	/	D.	/	D.	/	D.	/	
30	3	14,6	9	26,0	14	48,3	19	0,4	21	51,4	23	17,3	30
31	3	21,0	9	31,8	14	53,1	19	3,9	21	53,5	23	18,0	29
32	3	27,5	9	37,7	14	57,9	19	7,4	21	55,6	23	18,7	28
33	3	33,9	9	43,5	15	2,7	19	10,9	21	57,7	23	19,4	27
34	3	40,3	9	49,3	15	7,5	19	14,4	21	59,8	23	20,1	26
35	3	46,7	9	55,1	15	12,2	19	17,8	22	1,8	23	20,7	25
36	3	53,1	10	0,9	15	16,9	19	21,2	22	3,8	23	21,3	24
37	3	59,5	10	6,7	15	21,6	19	24,6	22	5,8	23	21,9	23
38	4	5,9	10	12,4	15	26,3	19	28,0	22	7,8	23	22,4	22
39	4	12,3	10	18,2	15	31,0	19	31,3	22	9,7	23	22,9	21
40	4	18,7	10	23,9	15	35,6	19	34,6	22	11,6	23	23,4	20
41	4	25,1	10	29,6	15	40,2	19	37,9	22	13,5	23	23,9	19
42	4	31,4	10	35,3	15	44,8	19	41,2	22	15,4	23	24,3	18
43	4	37,8	10	41,0	15	49,4	19	44,5	22	17,3	23	24,7	17
44	4	44,2	10	46,7	15	54,0	19	47,7	22	19,1	23	25,1	16
45	4	50,5	10	52,3	15	58,5	19	50,9	22	20,9	23	25,5	15
46	4	56,9	10	57,9	16	3,0	19	54,1	22	22,7	23	25,8	14
47	5	3,2	11	3,5	16	7,5	19	57,3	22	24,5	23	26,1	13
48	5	9,5	11	9,1	16	12,0	20	0,5	22	26,2	23	26,4	12
49	5	15,8	11	14,7	16	16,4	20	3,6	22	27,9	23	26,7	11
50	5	22,1	11	20,3	16	20,8	20	6,7	22	29,6	23	27,0	10
51	5	28,4	11	25,8	16	25,2	20	9,8	22	31,2	23	27,2	9
52	5	34,7	11	31,3	16	29,6	20	12,8	22	32,8	23	27,4	8
53	5	41,0	11	36,8	16	34,0	20	15,8	22	34,4	23	27,6	7
54	5	47,2	11	42,3	16	38,3	20	18,8	22	36,0	23	27,8	6
55	5	53,5	11	47,8	16	42,6	20	21,8	22	37,6	23	27,9	5
56	5	59,8	11	53,3	16	46,9	20	24,8	22	39,1	23	28,0	4
57	6	6,1	11	58,7	16	51,2	20	27,7	22	40,6	23	28,0	3
58	6	12,3	12	4,1	16	55,5	20	30,6	22	42,1	23	28,1	2
59	6	18,5	12	9,5	16	59,8	20	33,5	22	43,6	23	28,1	1
60	6	24,7	12	14,9	17	4,0	20	36,4	22	45,1	23	28,1	0
	11		10		9		8		7		6		
	23		22		21		20		19		18		
Heures de l'Ascension droite du Soleil.													

La Déclinaison du Soleil est Boréale dans les douze premières heures de son Ascension droite , & Australe dans les douze dernières heures.

*Pour calculer les temps vrais des Phases de la
Lune pour le Méridien de Paris.*

(Voyez l'usage de ces Tables page 172 de ce Traité.)

TABLE I. Pour les Années.

Années.	J.	H.	'	A	P.	Années.	J.	H.	'	A	P.
Bisf. 1760	0	22	19	678	3	Bisf. 1780	4	18	3	927	1
1761	5	1	31	74	1	1781	1	12	4	55	2
1762	1	19	31	202	2	1782	5	15	14	451	4
1763	5	22	42	599	4	1783	2	9	14	580	1
Bisf. 1764	1	16	41	727	1	Bisf. 1784	5	12	25	976	3
1765	5	19	52	124	3	1785	2	6	24	105	4
1766	2	13	52	252	4	1786	6	9	35	501	2
1767	6	17	3	649	2	1787	3	3	35	630	3
Bisf. 1768	2	11	2	777	3	Bisf. 1788	6	6	46	26	1
1769	6	14	13	174	1	1789	3	0	45	155	2
1770	3	8	13	302	2	1790	7	3	56	551	4
1771	0	2	12	431	3	1791	3	21	56	680	1
Bisf. 1772	3	5	23	827	1	Bisf. 1792	7	1	6	76	3
1773	7	8	34	224	3	1793	3	19	6	205	4
1774	4	2	34	352	4	1794	0	13	6	333	1
1775	0	20	33	481	1	1795	4	16	16	730	3
Bisf. 1776	3	23	43	877	3	Bisf. 1796	0	10	16	858	4
1777	0	17	43	5	4	1797	4	13	27	254	2
1778	4	20	54	402	2	1798	1	7	26	383	3
1779	1	14	53	530	3	1799	5	10	37	779	1

TABLE II. Pour les Mois.

M.	J.	H.	'	A	P.	M.	J.	H.	'	A	P.	M.	J.	H.	'	A	P.
Janvier.	7	9	35	268	1	Mai.	5	14	49	555	1	Septemb.	7	21	12	110	2
	14	19	6	536	2		12	23	52	823	2		15	6	18	377	3
	22	4	38	804	3		20	8	37	91	3		22	15	26	645	4
	29	14	9	72	4		27	17	28	359	4		30	0	36	913	1
Février.	5	23	34	340	1	Juin.	4	2	15	626	1	Octobre.	7	9	51	181	2
	13	9	10	608	2		11	11	8	894	2		14	19	8	449	3
	20	18	36	875	3		18	19	47	162	3		22	4	33	717	4
	28	4	3	143	4		26	4	39	430	4		29	13	57	985	1
Mars.	7	13	33	411	1	Juillet.	3	13	22	698	1	Novemb.	5	23	18	253	2
	14	22	54	679	2		10	22	4	966	2		13	8	46	521	3
	22	8	13	947	3		18	6	47	234	3		20	18	15	789	4
	29	17	27	215	4		25	15	40	502	4		28	3	49	57	1
Avril.	6	2	39	483	1	Août.	2	0	28	770	1	Décembre.	5	13	15	325	2
	13	11	47	751	2		9	9	20	38	2		12	22	45	593	3
	20	20	51	19	3		16	18	11	306	3		20	8	18	861	4
	28	5	52	287	4		24	3	8	574	4		27	17	56	128	1
							31	12	9	842	1						

Dans les mois de Janvier & Février des années Bissextiles, il faut ajouter un jour au temps de la Phase trouvée par ces Tables.

Suite des TABLES

11

Pour calculer l'heure vraie des Phases de la Lune.

(Voyez page 172.)

TABLE III.

De l'Equation qu'il faut toujours ajouter aux jours, heures & minutes trouvés par les Tables I & II de la page précédente, selon la somme des nombres A, & selon que la somme des nombres P indique une Syzigie ou une Quadrature.

Syzigies			Quadr.			Syzigies			Quadr.			Syzigies			Quadr.		
A	H.	'	H.	'		A	H.	'	H.	'		A	H.	'	H.	'	
0	14	55	14	55		330	23	16	27	55		670	6	34	1	55	
10	15	34	15	50		340	22	57	27	29		680	6	16	1	30	
20	16	13	16	45		350	22	36	27	2		690	6	0	1	7	
30	16	51	17	40		360	22	13	26	33		700	5	46	0	47	
40	17	29	18	35		370	21	48	26	1		710	5	35	0	30	
50	18	6	19	30		380	21	22	25	23		720	5	25	0	16	
60	18	42	20	23		390	20	54	24	43		730	5	17	0	6	
70	19	17	21	16		400	20	25	23	58		740	5	12	0	0	
80	19	51	22	7		410	19	55	23	11		750	5	10	0	1	
90	20	24	22	55		420	19	25	22	23		760	5	8	0	7	
100	20	56	23	41		430	18	53	21	35		770	5	10	0	18	
110	21	25	24	25		440	18	21	20	44		780	5	13	0	32	
120	21	53	25	7		450	17	48	19	51		790	5	19	0	48	
130	22	19	25	45		460	17	14	18	55		800	5	28	1	6	
140	22	43	26	19		470	16	40	17	57		810	5	39	1	25	
150	23	6	26	48		480	16	5	16	57		820	5	51	1	46	
160	23	28	27	15		490	15	30	15	56		830	6	5	2	10	
170	23	45	27	40		500	14	55	14	55		840	6	22	2	35	
180	23	59	28	4		510	14	20	13	54		850	6	44	3	2	
190	24	11	28	25		520	13	45	12	53		860	7	7	3	31	
200	24	22	28	44		530	13	10	11	53		870	7	31	4	5	
210	24	31	29	2		540	12	36	10	55		880	7	57	4	43	
220	24	37	29	18		550	12	2	9	59		890	8	25	5	25	
230	24	40	29	32		560	11	29	9	6		900	8	54	6	9	
240	24	42	29	43		570	10	57	8	15		910	9	26	6	55	
250	24	40	29	49		580	10	25	7	27		920	9	59	7	43	
260	24	38	29	50		590	9	55	6	39		930	10	33	8	34	
270	24	33	29	44		600	9	25	5	52		940	11	8	9	27	
280	24	25	29	34		610	8	56	5	7		950	11	44	10	20	
290	24	15	29	20		620	8	28	4	27		960	12	21	11	15	
300	24	4	29	3		630	8	2	3	49		970	12	59	12	10	
310	23	50	28	43		640	7	37	3	17		980	13	37	13	5	
320	23	34	28	20		650	7	14	2	48		990	14	16	14	0	
330	23	16	27	55		660	6	53	2	21		1000	14	55	14	55	

Syzigies.

Quadratures.

P étant { 1 ou 5 indique Nouv. Lune. { 2 ou 6 indique Prem. Quartier.
 { 3 ou 7 indique Pleine Lune. { 4 ou 8 indique Dern. Quartier.

De la Correction qu'il faut appliquer à l'heure de l'Etablissement d'un Port, pour avoir le temps de la plus haute Marée à un jour proposé.

Inter- valle de temps.		Après la N. Lune.	Avant le I. Quart.	Après le I. Quart.	Avant la Pl. Lune.	Après la Pl. Lune.	Avant le Der. Quart.	Après le Der. Quart.	Avant la N. Lune.
J.	H.	Addit.	Addit.	Addit.	Soustr.	Addit.	Addit.	Addit.	Soustr.
		H. /	H. /	H. /	H. /	H. /	H. /	H. /	H. /
O	0	0 0	5 6	5 6	0 0	0 0	5 6	5 6	0 0
	6	0 8	4 51	5 22	0 9	0 8	4 51	5 22	0 9
	12	0 17	4 37	5 40	0 18	0 17	4 37	5 40	0 18
	18	0 26	4 23	6 0	0 27	0 26	4 23	6 0	0 27
I	0	0 36	4 9	6 20	0 37	0 36	4 9	6 20	0 37
	6	0 45	3 56	6 39	0 47	0 45	3 56	6 39	0 47
	12	0 54	3 44	6 58	0 57	0 54	3 44	6 58	0 57
	18	I 2	3 32	7 18	I 7	I 2	3 32	7 18	I 7
2	0	I 11	3 21	7 37	I 17	I 11	3 21	7 37	I 17
	6	I 19	3 11	7 56	I 28	I 19	3 11	7 56	I 28
	12	I 28	3 1	8 14	I 39	I 28	3 1	8 14	I 39
	18	I 37	2 50	8 31	I 51	I 37	2 50	8 31	I 51
3	0	I 46	2 40	8 47	2 4	I 46	2 40	8 47	2 4
	6	I 54	2 30	9 2	2 16	I 54	2 30	9 2	2 16
	12	2 3	2 21	9 17	2 29	2 3	2 21	9 17	2 29
	18	2 12	2 12	9 31	2 44	2 12	2 12	9 31	2 44
4	0	2 21	2 3	9 44	2 58	2 21	2 3	9 44	2 58

L'usage de cette Table est expliqué aux pages 178 & 179 de ce Traité.



T A B L E S

13

Des Corrections qu'il faut faire aux distances observées des Astres au Zénith, ou à leurs hauteurs observées, avant que de les employer dans les calculs de la Latitude, de l'heure, &c.

(Voyez l'usage de ces Tables, page 197 & suiv.)

TABLE I.

Pour l'Inclinaison de l'Horizon de la Mer.

Elévation de l'œil au-dessus de la surface de la Mer.		Minutes d'Inclinaison.
Pieds.	Pouc.	
0	11	1
3	9	2
8	7	3
15	3	4
23	10	5
34	0	6
46	6	7
61	0	8
77	0	9
95	0	10
115	0	11
137	0	12
161	0	13
186	6	14
214	0	15

Quand on a pris la hauteur d'un Astre par devant, il en faut retrancher l'Inclinaison : Et quand on en a pris la hauteur par derriere, il faut y ajouter l'Inclinaison ; au contraire, il faut ajouter l'Inclinaison à la distance au Zénith prise par devant, & la retrancher de la distance au Zénith prise par derriere.

TABLE II.

De la Réfraction.

Distances au Zénith.	Réfraction.	Hauteurs observées.
D.	'	D.
0	0,0	90
10	0,2	80
20	0,4	70
30	0,6	60
40	0,9	50
50	1,2	40
55	1,5	35
60	1,8	30
65	2,2	25
70	2,7	20
71	2,8	19
72	2,9	18
73	3,1	17
74	3,3	16
75	3,5	15
76	3,8	14
77	4,1	13
78	4,5	12
79	4,9	11
80	5,3	10
81	5,8	9
82	6,5	8
83	7,3	7
84	8,2	6
85	10,2	5
86	12,4	4
87	15,7	3
88	20,5	2
89	27,4	1
90	32,2	0

La Réfraction doit toujours être ajoutée aux distances au Zénith, & retranchée des hauteurs.

TABLE III.

Des demi-diametres du Soleil.

Jours du Mois.	Demi diam.	Jours du Mois.
	'	
Janvier.. 1	16,3	31
11	16,3	21
21	16,3	11
Février.. 1	16,3	1 Decem.
11	16,3	21
21	16,2	11
Mars..... 1	16,2	1 Novem.
11	16,1	21
21	16,1	11
Avril.... 1	16,1	1 Octobre
11	16,0	21
21	16,0	11
Mai..... 1	15,9	1 Septem.
11	15,9	21
21	15,8	11
Juin..... 1	15,8	1 Août
11	15,8	21
21	15,8	11
30	15,8	1 Juillet

Lorsqu'on fait concourir le bord du Soleil avec l'horizon de la Mer, de sorte que le Soleil paroisse tout entier au-dessus de cet horizon, il faut ôter son demi-diametre de la distance au Zénith, & l'ajouter à la hauteur.

On peut, sans erreur sensible, employer le demi-diametre du Soleil de 16 minutes juste pendant toute l'année.

T A B L E

De la différence Ascensionnelle, ou de l'Intervalle de temps entre six heures & le lever ou le coucher du Soleil.

(Voyez l'usage de cette Table à la page 217 de ce Traité.)

		Degrés de la Déclinaison du Soleil.													
Latit.	D.	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
		/	/	/	/	/	/	/	/	/	H. /	H. /	H. /	H. /	H. /
2	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	1	0	2	0	2
4	0	0	1	1	1	1	2	2	2	3	0	3	0	3	0
6	0	0	1	1	2	2	3	3	3	4	0	4	0	5	0
8	1	1	2	2	3	3	4	4	5	5	0	6	0	6	0
10	1	1	2	3	4	4	5	5	6	6	0	7	0	8	0
12	1	2	3	3	4	5	6	6	7	8	0	9	0	9	0
14	1	2	3	4	5	6	7	8	9	9	0	10	0	11	0
16	1	2	3	5	6	7	8	9	10	10	0	12	0	13	0
18	1	3	4	5	7	8	9	10	12	12	0	13	0	14	0
20	1	3	4	6	7	9	10	12	13	13	0	15	0	16	0
22	2	3	5	6	8	10	11	13	15	15	0	16	0	18	0
24	2	4	5	7	9	11	13	14	16	16	0	18	0	20	0
26	2	4	6	8	10	12	14	16	18	18	0	20	0	22	0
28	2	4	6	9	11	13	15	17	19	19	0	22	0	24	0
30	2	5	7	9	12	14	16	19	21	21	0	23	0	26	0
32	2	5	7	10	13	15	18	20	23	23	0	25	0	28	0
34	3	5	8	11	14	16	19	22	25	25	0	27	0	30	0
36	3	6	9	12	15	18	20	23	26	26	0	29	0	32	0
38	3	6	9	13	16	19	22	25	28	28	0	32	0	35	0
40	3	7	10	13	17	20	24	27	31	31	0	34	0	38	0
42	4	7	11	14	18	22	25	29	33	33	0	37	0	40	0
43	4	7	11	15	19	22	26	30	34	34	0	38	0	42	0
44	4	8	12	15	19	23	27	31	35	35	0	39	0	43	0
45	4	8	12	16	20	24	28	32	36	36	0	41	0	45	0
46	4	8	12	17	21	25	29	33	38	38	0	42	0	46	0
47	4	9	13	17	22	26	30	35	39	39	0	44	0	48	0
48	4	9	13	18	22	27	31	36	41	41	0	45	0	50	0
49	5	9	14	18	23	28	32	37	42	42	0	47	0	52	0
50	5	10	14	19	24	29	34	39	44	44	0	49	0	54	0
51	5	10	15	20	25	30	35	40	45	45	0	50	0	56	1
52	5	10	15	21	26	31	36	41	47	47	0	52	0	58	1
53	5	11	16	21	27	32	38	43	49	49	0	53	0	59	1
54	5	11	17	22	28	33	39	45	50	50	0	56	1	2	1
55	6	11	17	23	29	35	40	46	52	52	0	58	1	4	1
56	6	12	18	24	30	36	42	48	54	54	1	2	1	7	1
57	6	12	19	25	31	37	44	50	56	56	1	4	1	10	1
58	6	13	19	26	32	39	45	52	59	59	1	6	1	12	1
59	7	13	20	27	33	40	47	54	61	61	1	8	1	16	1
60	7	14	21	28	35	42	49	56	64	64	1	11	1	19	1
61	7	14	22	29	36	44	51	59	66	66	1	14	1	22	1
62	8	15	23	30	38	46	53	61	69	69	1	17	1	26	1
63	8	16	24	32	40	48	56	64	72	72	1	21	1	30	1

Suite de la TABLE

15

De la différence Ascensionnelle, ou de l'Intervalle de temps entre
six heures & le lever ou le coucher du Soleil.

Degrés de la Déclinaison du Soleil.

Latit. D.	15		16		17		18		19		20		21		22		23		24	
	H.	'	H.	'	H.	'	H.	'	H.	'	H.	'	H.	'	H.	'	H.	'	H.	'
2	0	2	0	2	0	2	0	3	0	3	0	3	0	3	0	3	0	3	0	4
4	0	4	0	5	0	5	0	5	0	6	0	6	0	6	0	6	0	7	0	7
6	0	6	0	7	0	7	0	8	0	8	0	9	0	9	0	10	0	10	0	11
8	0	8	0	9	0	10	0	10	0	11	0	12	0	12	0	13	0	14	0	14
10	0	11	0	12	0	12	0	13	0	14	0	15	0	16	0	16	0	17	0	18
12	0	13	0	14	0	15	0	16	0	17	0	18	0	19	0	20	0	21	0	22
14	0	15	0	16	0	17	0	19	0	20	0	21	0	22	0	23	0	24	0	25
16	0	18	0	19	0	20	0	21	0	23	0	24	0	25	0	27	0	28	0	29
18	0	20	0	21	0	23	0	24	0	26	0	27	0	29	0	30	0	32	0	33
20	0	22	0	24	0	26	0	27	0	29	0	30	0	32	0	34	0	36	0	37
22	0	25	0	27	0	28	0	30	0	32	0	34	0	36	0	38	0	40	0	41
24	0	27	0	29	0	31	0	33	0	35	0	37	0	39	0	41	0	44	0	46
26	0	30	0	32	0	34	0	36	0	39	0	41	0	43	0	45	0	48	0	50
28	0	33	0	35	0	37	0	40	0	42	0	45	0	47	0	50	0	52	0	55
30	0	36	0	38	0	40	0	43	0	46	0	49	0	51	0	54	0	57	1	0
32	0	39	0	41	0	44	0	47	0	50	0	53	0	56	0	58	1	2	1	5
34	0	42	0	45	0	48	0	51	0	54	0	57	1	0	1	3	1	7	1	10
36	0	45	0	48	0	51	0	55	0	58	1	1	1	5	1	8	1	12	1	16
38	0	48	0	52	0	55	0	59	1	2	1	6	1	10	1	14	1	17	1	21
40	0	52	0	56	0	59	1	3	1	7	1	11	1	15	1	19	1	23	1	28
42	0	56	1	0	1	4	1	8	1	12	1	17	1	21	1	25	1	30	1	35
43	0	58	1	2	1	6	1	11	1	15	1	19	1	24	1	29	1	33	1	38
44	1	0	1	4	1	9	1	13	1	18	1	22	1	27	1	32	1	37	1	42
45	1	2	1	7	1	11	1	16	1	21	1	25	1	30	1	35	1	40	1	46
46	1	4	1	9	1	14	1	19	1	24	1	29	1	34	1	39	1	44	1	50
47	1	7	1	12	1	17	1	22	1	27	1	32	1	37	1	43	1	48	1	54
48	1	9	1	14	1	19	1	25	1	30	1	35	1	41	1	47	1	53	1	59
49	1	12	1	17	1	22	1	28	1	33	1	39	1	45	1	51	1	57	2	3
50	1	14	1	20	1	25	1	31	1	37	1	43	1	49	1	55	2	2	2	8
51	1	17	1	23	1	29	1	35	1	41	1	47	1	53	2	0	2	6	2	13
52	1	20	1	26	1	32	1	38	1	45	1	51	1	58	2	5	2	12	2	19
53	1	23	1	29	1	36	1	42	1	49	1	56	2	3	2	10	2	17	2	25
54	1	27	1	33	1	40	1	46	1	53	2	0	2	8	2	15	2	23	2	31
55	1	30	1	37	1	44	1	51	1	58	2	5	2	13	2	21	2	29	2	38
56	1	34	1	41	1	48	1	55	2	3	2	11	2	19	2	27	2	36	2	45
57	1	37	1	45	1	52	2	0	2	8	2	16	2	25	2	34	2	43	2	53
58	1	42	1	49	1	57	2	5	2	14	2	22	2	32	2	41	2	51	3	2
59	1	46	1	54	2	2	2	11	2	20	2	29	2	39	2	49	3	0	3	11
60	1	51	1	59	2	8	2	17	2	26	2	36	2	47	2	58	3	9	3	22
61	1	56	2	5	2	14	2	24	2	34	2	44	2	55	3	7	3	20	3	34
62	2	1	2	11	2	20	2	31	2	41	2	52	3	5	3	18	3	32	3	47
63	2	7	2	17	2	27	2	38	2	50	3	2	3	16	3	30	3	46	4	4

Du temps que les Astres à l'horizon emploient à changer d'un degré de hauteur absolue.

(Voyez l'usage de cette Table page 219 de ce Traité.)

Degrés de la Déclinaison de l'Astre.																		
Latitude.	0		3		6		9		12		15		18		21		24	
	'	"	'	"	'	"	'	"	'	"	'	"	'	"	'	"	'	"
0	4	0	4	0	4	1	4	3	4	6	4	9	4	13	4	17	4	22
3	4	0	4	0	4	1	4	3	4	6	4	9	4	13	4	17	4	23
6	4	1	4	1	4	2	4	4	4	7	4	10	4	14	4	18	4	25
9	4	3	4	3	4	4	4	6	4	9	4	12	4	16	4	21	4	27
12	4	6	4	6	4	7	4	9	4	12	4	15	4	19	4	24	4	30
15	4	9	4	9	4	10	4	12	4	15	4	18	4	22	4	28	4	34
18	4	13	4	13	4	14	4	16	4	19	4	22	4	26	4	32	4	39
21	4	17	4	17	4	18	4	21	4	24	4	28	4	33	4	38	4	45
24	4	22	4	23	4	25	4	27	4	30	4	34	4	39	4	45	4	53
27	4	29	4	30	4	32	4	34	4	37	4	41	4	47	4	55	5	3
30	4	37	4	38	4	40	4	42	4	45	4	50	4	57	5	5	5	14
33	4	46	4	47	4	49	4	52	4	56	5	1	5	9	5	18	5	29
36	4	57	4	58	5	1	5	4	5	8	5	13	5	21	5	32	5	46
39	5	9	5	11	5	14	5	17	5	22	5	28	5	36	5	48	6	6
42	5	24	5	25	5	28	5	31	5	37	5	45	5	56	6	10	6	28
43	5	28	5	29	5	32	5	36	5	42	5	51	6	3	6	18	6	36
44	5	33	5	35	5	38	5	42	5	49	5	58	6	10	6	26	6	45
45	5	39	5	41	5	44	5	48	5	55	6	5	6	17	6	34	6	55
46	5	45	5	47	5	50	5	54	6	1	6	12	6	26	6	44	7	6
47	5	52	5	54	5	57	6	1	6	8	6	20	6	35	6	55	7	19
48	5	59	6	1	6	4	6	8	6	16	6	29	6	45	7	7	7	34
49	6	6	6	8	6	11	6	16	6	25	6	38	6	56	7	20	7	50
50	6	14	6	16	6	20	6	25	6	34	6	48	7	8	7	33	8	7
51	6	22	6	24	6	28	6	34	6	44	6	59	7	20	7	48	8	24
52	6	31	6	33	6	38	6	44	6	55	7	11	7	33	8	4	8	43
53	6	40	6	42	6	47	6	54	7	6	7	23	7	47	8	20	9	3
54	6	49	6	52	6	58	7	5	7	18	7	36	8	1	8	37	9	24
55	6	58	7	1	7	7	7	16	7	30	7	49	8	16	8	55	9	48
56	7	8	7	11	7	18	7	28	7	43	8	4	8	32	9	18	10	18
57	7	19	7	23	7	30	7	41	7	58	8	21	8	59	9	46	10	57
58	7	31	7	35	7	43	7	55	8	14	8	39	9	20	10	19	11	45
59	7	45	7	49	7	57	8	10	8	30	8	59	9	42	10	55	12	45
60	8	0	8	5	8	14	8	27	8	48	9	21	10	6	11	36	14	0
61	8	15	8	20	8	30	8	45	9	8	9	46	10	36	12	26		
62	8	31	8	36	8	47	9	5	9	30	10	14	11	12	13	21		
63	8	49	8	55	9	7	9	26	9	53	10	45	11	57	14	24		
64	9	8	9	14	9	28	9	49	10	18	11	30	12	55	15	38		
65	9	28	9	34	9	49	10	14	10	47	11	58	14	10	17	5		
66	9	50	9	55	10	11	10	41	11	26	12	40	15	40	19	0		

T A B L E

17

Des Amplitudes ortives & occases des Astres.

(Voyez l'usage de ces Tables à la page 231 & suiv.)

Degrés de la Déclinaison de l'Astre.

Latit.	1		2		3		4		5		6		7		8	
	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'
2	1	0	2	0	3	0	4	0	5	0	6	0	7	0	8	0
4	1	0	2	0	3	0	4	1	5	1	6	1	7	1	8	2
6	1	0	2	1	3	1	4	2	5	2	6	2	7	3	8	4
8	1	0	2	1	3	2	4	3	5	3	6	4	7	5	8	6
10	1	1	2	2	3	3	4	4	5	5	6	6	7	7	8	8
12	1	1	2	3	3	4	4	5	5	7	6	8	7	10	8	11
14	1	2	2	4	3	5	4	7	5	9	6	11	7	13	8	15
16	1	2	2	5	3	7	4	10	5	13	6	15	7	17	8	19
18	1	3	2	6	3	9	4	13	5	16	6	19	7	22	8	25
20	1	4	2	8	3	11	4	16	5	19	6	23	7	27	8	31
22	1	5	2	10	3	14	4	19	5	24	6	29	7	33	8	38
24	1	6	2	12	3	17	4	23	5	29	6	34	7	40	8	46
26	1	7	2	14	3	21	4	27	5	34	6	41	7	48	8	54
28	1	8	2	16	3	24	4	32	5	40	6	48	7	56	9	4
30	1	9	2	19	3	28	4	37	5	46	6	55	8	5	9	15
32	1	11	2	22	3	33	4	43	5	54	7	5	8	16	9	27
34	1	12	2	25	3	37	4	50	6	2	7	15	8	27	9	40
36	1	14	2	28	3	43	4	57	6	11	7	25	8	40	9	54
38	1	16	2	32	3	48	5	5	6	21	7	37	8	54	10	11
40	1	18	2	37	3	55	5	14	6	32	7	51	9	9	10	28
42	1	20	2	41	4	2	5	24	6	44	8	5	9	26	10	48
43	1	22	2	44	4	6	5	29	6	51	8	13	9	35	10	58
44	1	23	2	47	4	10	5	34	6	58	8	21	9	45	11	9
45	1	25	2	50	4	15	5	40	7	5	8	30	9	55	11	21
46	1	26	2	53	4	19	5	46	7	12	8	39	10	6	11	33
47	1	28	2	56	4	24	5	52	7	21	8	49	10	18	11	46
48	1	30	2	59	4	29	5	59	7	29	8	59	10	30	12	0
49	1	32	3	3	4	35	6	6	7	38	9	10	10	42	12	15
50	1	33	3	7	4	40	6	14	7	48	9	21	10	56	12	30
51	1	35	3	11	4	46	6	22	7	58	9	34	11	10	12	47
52	1	37	3	15	4	52	6	30	8	8	9	47	11	25	13	4
53	1	40	3	20	4	59	6	40	8	20	10	0	11	41	13	22
54	1	42	3	24	5	6	6	49	8	33	10	15	11	58	13	42
55	1	45	3	29	5	14	6	59	8	44	10	30	12	16	14	3
56	1	47	3	35	5	22	7	10	8	58	10	46	12	35	14	25
57	1	50	3	41	5	31	7	22	9	13	11	4	12	56	14	48
58	1	53	3	47	5	40	7	34	9	28	11	23	13	18	15	13
59	1	57	3	53	5	50	7	47	9	45	11	43	13	41	15	41
60	2	0	4	0	6	1	8	1	10	2	12	4	14	6	16	10
61	2	4	4	8	6	12	8	16	10	21	12	27	14	34	16	41
62	2	8	4	16	6	24	8	34	10	42	12	52	15	3	17	15
63	2	12	4	25	6	37	8	50	11	4	13	19	15	37	17	51

Des Amplitudes ortives & occases des Astres.

Latit.	Degrés de la Déclinaison de l'Astre.																	
	9		10		11		12		13		14		15		16			
	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'
2	9	0	10	0	11	0	12	0	13	0	14	0	15	0	16	1		
4	9	2	10	2	11	2	12	2	13	2	14	2	15	2	16	3		
6	9	4	10	4	11	4	12	4	13	4	14	5	15	5	16	6		
8	9	6	10	6	11	7	12	7	13	8	14	9	15	9	16	10		
10	9	8	10	10	11	10	12	11	13	12	14	13	15	14	16	15		
12	9	12	10	14	11	14	12	16	13	18	14	19	15	21	16	22		
14	9	17	10	18	11	20	12	22	13	24	14	26	15	29	16	30		
16	9	22	10	24	11	27	12	30	13	32	14	34	15	37	16	40		
18	9	28	10	31	11	35	12	38	13	41	14	44	15	47	16	51		
20	9	35	10	39	11	43	12	47	13	51	14	55	15	59	17	4		
22	9	43	10	48	11	53	12	58	14	2	15	8	16	13	17	18		
24	9	52	10	58	12	3	13	10	14	15	15	22	16	28	17	34		
26	10	1	11	9	12	15	13	22	14	30	15	37	16	44	17	52		
28	10	12	11	21	12	29	13	37	14	46	15	54	17	3	18	11		
30	10	24	11	34	12	44	13	53	15	3	16	13	17	23	18	34		
32	10	38	11	49	13	0	14	11	15	23	16	34	17	46	18	58		
34	10	52	12	5	13	18	14	31	15	45	16	58	18	12	19	25		
36	11	9	12	24	13	39	14	54	16	9	17	24	18	40	19	55		
38	11	27	12	44	14	1	15	18	16	35	17	53	19	19	20	26		
40	11	47	13	6	14	25	15	45	17	5	18	25	19	45	21	5		
42	12	9	13	31	14	53	16	15	17	37	19	0	20	23	21	46		
43	12	21	13	44	15	7	16	31	17	55	19	19	20	43	22	8		
44	12	34	13	58	15	23	16	48	18	13	19	39	21	5	22	32		
45	12	47	14	13	15	39	17	6	18	33	20	0	21	28	22	57		
46	13	1	14	29	15	57	17	25	18	54	20	43	21	53	23	22		
47	13	16	14	45	16	15	17	45	19	17	20	47	22	18	23	50		
48	13	28	15	2	16	34	18	6	19	39	21	12	22	45	24	19		
49	13	48	15	21	16	55	18	29	20	3	21	38	23	15	24	51		
50	14	5	15	40	17	16	18	52	20	29	22	7	23	45	25	24		
51	14	24	16	1	17	39	19	17	20	50	22	37	24	17	25	59		
52	14	43	16	23	18	3	19	44	21	16	23	8	24	52	26	36		
53	15	4	16	47	18	29	20	13	21	57	23	42	25	28	27	16		
54	15	26	17	11	18	57	20	43	22	30	24	18	26	7	27	58		
55	15	50	17	37	19	26	21	15	23	5	24	57	26	49	28	43		
56	16	15	18	6	19	57	21	50	23	43	25	38	27	34	29	32		
57	16	42	18	36	20	30	22	27	24	24	26	22	28	29	30	24		
58	17	10	19	8	21	6	23	6	25	7	27	10	29	14	31	20		
59	17	41	19	42	21	45	23	49	25	53	28	5	30	10	32	21		
60	18	14	20	19	22	25	24	34	26	46	28	56	31	10	33	27		
61	18	50	20	59	23	11	25	24	27	39	29	56	32	16	34	39		
62	19	28	21	43	23	59	26	17	28	38	31	1	33	27	35	57		
63	20	9	22	29	24	51	27	15	29	42	32	12	34	46	37	23		

Suite de la TABLE

19

Des Amplitudes ortives & occases des Astres.

Degrés de la Déclinaison de l'Astre.

Latic.	17		18		19		20		21		22		23		23 $\frac{1}{2}$	
	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'	D.	'
2	17	1	18	1	19	1	20	1	21	1	22	1	23	1	23	31
4	17	3	18	3	19	3	20	3	21	3	22	5	23	4	23	34
6	17	6	18	6	19	7	20	7	21	7	22	9	23	8	23	38
8	17	10	18	11	19	12	20	12	21	13	22	13	23	14	23	46
10	17	16	18	17	19	18	20	19	21	20	22	21	23	23	23	53
12	17	24	18	25	19	27	20	28	21	30	22	31	23	33	24	4
14	17	32	18	34	19	36	20	38	21	41	22	42	23	45	24	16
16	17	43	18	46	19	48	20	51	21	53	22	57	23	59	24	31
18	17	54	18	58	20	1	21	5	22	8	23	12	24	15	24	47
20	18	8	19	12	20	16	21	21	22	25	23	30	24	34	25	7
22	18	23	19	28	20	33	21	39	22	44	23	50	24	56	25	28
24	18	40	19	48	20	53	21	59	23	6	24	13	25	21	25	53
26	18	59	20	7	21	14	22	22	23	30	24	38	25	46	26	20
28	19	20	20	29	21	38	22	47	23	57	25	6	26	16	26	51
30	19	44	20	54	22	5	23	16	24	27	25	38	26	49	27	25
32	20	10	21	22	22	35	23	47	25	0	26	13	27	26	28	3
34	20	38	21	53	23	7	24	22	25	37	26	52	28	7	28	45
36	21	11	22	27	23	44	25	1	26	18	27	35	28	53	29	32
38	21	47	23	5	24	25	25	43	27	3	28	23	29	44	30	24
40	22	26	23	47	25	9	26	31	27	54	29	17	30	40	31	22
42	23	10	24	34	25	59	27	24	28	50	30	16	31	43	32	27
43	23	34	25	0	26	26	27	53	29	20	30	49	32	18	33	2
44	23	59	25	26	26	55	28	23	29	53	31	23	32	54	33	40
45	24	25	25	55	27	25	28	56	30	27	31	59	33	33	34	20
46	24	53	26	25	27	57	29	30	31	3	32	38	34	14	35	2
47	25	23	26	57	28	31	30	6	31	42	33	19	34	57	35	47
48	25	55	27	30	29	7	30	44	32	23	34	3	35	44	36	35
49	26	28	28	6	29	45	31	25	33	7	34	49	36	33	37	26
50	27	7	28	44	30	26	32	9	33	53	35	39	37	26	38	21
51	27	41	29	24	31	9	32	55	34	43	36	32	38	23	39	19
52	28	21	30	6	31	57	33	45	35	36	37	29	39	23	40	22
53	29	4	30	53	32	45	34	39	36	33	38	30	40	49	41	30
54	29	50	31	43	33	38	35	35	37	34	39	36	41	40	42	43
55	30	39	32	36	34	35	36	37	38	40	40	47	42	56	44	3
56	31	32	33	33	35	36	37	42	39	51	42	4	44	19	45	30
57	32	28	34	34	36	43	38	54	41	10	43	27	45	50	47	4
58	33	29	35	40	37	54	40	12	42	33	44	59	47	30	48	48
59	34	35	36	52	39	12	41	37	44	6	46	40	49	21	50	44
60	35	47	38	10	40	38	43	10	45	47	48	31	51	24	52	53
61	37	5	39	56	42	11	44	52	47	40	50	36	53	42	55	20
62	38	31	41	10	43	54	46	46	49	46	52	56	56	20	58	9
63	40	5	42	54	45	49	48	53	52	8	55	30	59	24	61	26

*De la quantité dont l'Azimuth des Astres change
près de l'Horizon, pour un degré de
changement dans leur hauteur.*

Degrés d'Amplitude de l'Astre.										
Latitude.	0	5	10	15	20	25	30	35	40	
	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
5	5	5	5	5	6	6	6	7	7	
10	11	11	11	11	11	12	12	13	14	
15	16	16	16	17	17	18	19	20	21	
20	22	22	22	23	23	24	25	26	28	
25	28	28	29	29	30	31	32	34	36	
30	35	35	36	37	37	38	40	42	45	
35	42	42	43	44	45	47	49	52	55	
40	50	50	51	52	53	55	58	1 2	1 6	
41	52	52	53	54	55	57	1 0	1 4	1 8	
42	54	54	55	56	57	59	1 2	1 6	1 10	
43	56	56	57	58	1 0	1 2	1 5	1 9	1 13	
44	58	58	59	1 0	1 2	1 5	1 8	1 11	1 15	
45	1 0	1 0	1 1	1 2	1 4	1 7	1 10	1 14	1 18	
46	1 2	1 2	1 3	1 4	1 6	1 9	1 13	1 17	1 21	
47	1 4	1 5	1 6	1 7	1 9	1 12	1 16	1 20	1 24	
48	1 7	1 7	1 8	1 9	1 11	1 14	1 18	1 22	1 27	
49	1 9	1 9	1 10	1 11	1 13	1 16	1 20	1 25	1 30	
50	1 12	1 12	1 13	1 14	1 16	1 19	1 23	1 28	1 33	
51	1 14	1 15	1 16	1 17	1 19	1 22	1 26	1 31	1 36	
52	1 17	1 18	1 19	1 20	1 22	1 25	1 29	1 34	1 40	
53	1 20	1 21	1 22	1 23	1 25	1 28	1 32	1 37	1 44	
54	1 23	1 24	1 25	1 26	1 28	1 31	1 35	1 40	1 48	
55	1 26	1 27	1 28	1 29	1 31	1 34	1 38	1 44	1 52	
56	1 29	1 30	1 31	1 32	1 35	1 38	1 42	1 48	1 56	
57	1 33	1 33	1 34	1 36	1 39	1 42	1 46	1 52	2 0	
58	1 36	1 37	1 38	1 40	1 43	1 46	1 50	1 57	2 5	
59	1 40	1 41	1 42	1 44	1 47	1 50	1 55	2 2	2 10	
60	1 44	1 45	1 46	1 48	1 51	1 55	2 0	2 7	2 16	
61	1 48	1 50	1 51	1 53	1 56	2 0	2 5	2 12	2 21	
62	1 53	1 55	1 56	1 58	2 1	2 5	2 11	2 18	2 27	
63	1 58	2 0	2 1	2 3	2 6	2 10	2 17	2 24	2 34	
64	2 3	2 5	2 6	2 8	2 11	2 16	2 23	2 31	2 41	
65	2 9	2 10	2 12	2 14	2 17	2 22	2 29	2 38	2 48	
66	2 15	2 16	2 18	2 20	2 23	2 29	2 36	2 45	2 56	
67	2 22	2 23	2 25	2 27	2 30	2 36	2 44	2 53	3 5	
68	2 29	2 30	2 32	2 34	2 37	2 44	2 52	3 1	3 14	
69	2 37	2 38	2 40	2 42	2 45	2 52	3 0	3 10	3 24	
70	2 45	2 46	2 48	2 51	2 54	3 0	3 9	3 20	3 35	

Suite de la T A B L E

21

*De la quantité dont l'Azimut des Astres change
près de l'Horizon, pour un degré de
changement dans leur hauteur.*

Latitude.	Degrés d'Amplitude de l'Astre.									
	40	45	50	55	60	65	70	75	80	
	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	D. /	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
5	7	8	8	9	10	12	15	20	30	
10	14	15	16	18	21	25	31	41	1	1
15	21	23	25	28	32	38	47	1 2	1 33	
20	28	31	34	39	45	52	1 4	1 24	2 6	
25	36	39	43	49	57	1 6	1 22	1 48	2 41	
30	45	49	54	1 0	1 10	1 22	1 41	2 14	3 20	
35	55	59	1 5	1 13	1 24	1 39	2 3	2 42	4 2	
40	1 6	1 11	1 18	1 28	1 40	1 59	2 27	3 14	4 50	
41	1 8	1 13	1 21	1 31	1 44	2 3	2 32	3 21	5 0	
42	1 10	1 16	1 24	1 34	1 48	2 7	2 37	3 28	5 11	
43	1 13	1 19	1 27	1 37	1 52	2 12	2 43	3 36	5 22	
44	1 15	1 22	1 30	1 40	1 56	2 17	2 49	3 44	5 33	
45	1 18	1 25	1 33	1 44	2 0	2 22	2 55	3 52	5 45	
46	1 21	1 28	1 36	1 48	2 4	2 27	3 1	4 0	5 57	
47	1 24	1 31	1 39	1 52	2 9	2 32	3 8	4 9	6 10	
48	1 27	1 34	1 43	1 56	2 14	2 37	3 15	4 18	6 23	
49	1 30	1 37	1 47	2 0	2 19	2 43	3 22	4 27	6 37	
50	1 33	1 41	1 51	2 5	2 24	2 49	3 29	4 36	6 52	
51	1 36	1 44	1 55	2 9	2 29	2 55	3 37	4 46	7 7	
52	1 40	1 48	2 0	2 14	2 35	3 2	3 45	4 57	7 23	
53	1 44	1 52	2 4	2 19	2 40	3 9	3 54	5 8	7 40	
54	1 48	1 56	2 8	2 24	2 45	3 16	4 3	5 20	7 57	
55	1 52	2 1	2 13	2 30	2 51	3 23	4 11	5 32	8 15	
56	1 56	2 6	2 18	2 36	2 58	3 31	4 21	5 45	8 34	
57	2 0	2 11	2 24	2 42	3 6	3 39	4 31	5 58	8 55	
58	2 5	2 16	2 30	2 48	3 13	3 48	4 42	6 12	9 20	
59	2 10	2 21	2 36	2 55	3 20	3 57	4 53	6 26		
60	2 16	2 27	2 42	3 2	3 28	4 6	5 4	6 41		
61	2 21	2 33	2 49	3 9	3 36	4 16	5 16	6 58		
62	2 27	2 40	2 56	3 17	3 45	4 27	5 29	7 16		
63	2 34	2 47	3 4	3 26	3 55	4 39	5 43	7 35		
64	2 41	2 54	3 12	3 35	4 6	4 52	5 59	7 56		
65	2 48	3 2	3 20	3 44	4 18	5 5	6 16	8 18		
66	2 56	3 11	3 29	3 54	4 30	5 19	6 34	8 43		
67	3 5	3 21	3 39	4 5	4 43	5 34	6 54	9 9		
68	3 14	3 31	3 50	4 17	4 57	5 50	7 15	9 37		
69	3 24	3 42	4 2	4 31	5 13	6 8	7 37	10 6		
70	3 35	3 53	4 16	4 47	5 30	6 30	8 0	10 37		

Des Latitudes croissantes, ou des longueurs qu'on doit donner aux divisions du Méridien dans les Cartes réduites.

(L'usage de cette Table est à la page 328 & suiv.)

	D.	Lon.	D.	Lon.	D.	Long.	D.	Long.	D.	Long.	D.	Long.	D.	Long.
0	0	0	7	421	14	848	21	1289	28	1751	35	2244	42	2782
10		10		431		859		1300		1762		2256		2795
20		20		441		869		1311		1774		2269		2809
30		30		451		879		1321		1785		2281		2822
40		40		461		890		1332		1797		2293		2836
50		50		471		900		1343		1808		2306		2849
0	1	60	8	482	15	910	22	1354	29	1819	36	2318	43	2863
10		70		492		921		1364		1831		2330		2877
20		80		502		931		1375		1842		2343		2890
30		90		512		941		1386		1854		2355		2904
40		100		522		952		1397		1865		2368		2918
50		110		532		962		1408		1877		2380		2932
0	2	120	9	542	16	973	23	1419	30	1888	37	2393	44	2946
10		130		552		983		1429		1900		2405		2960
20		140		562		993		1440		1911		2418		2974
30		150		573		1004		1451		1923		2430		2988
40		160		583		1014		1462		1935		2443		3002
50		170		593		1025		1473		1946		2456		3016
0	3	180	10	603	17	1035	24	1484	31	1958	38	2468	45	3030
10		190		613		1046		1495		1970		2481		3044
20		200		623		1056		1506		1981		2494		3058
30		210		634		1067		1517		1993		2506		3072
40		220		644		1077		1528		2005		2519		3087
50		230		654		1088		1539		2017		2532		3101
0	4	240	11	664	18	1098	25	1550	32	2028	39	2545	46	3116
10		250		674		1109		1561		2040		2558		3130
20		260		684		1119		1572		2052		2571		3144
30		270		695		1130		1583		2064		2584		3159
40		280		705		1140		1594		2076		2597		3173
50		290		715		1151		1605		2088		2610		3188
0	5	300	12	725	19	1161	26	1616	33	2099	40	2623	47	3203
10		310		735		1172		1628		2111		2636		3217
20		320		746		1183		1639		2123		2649		3232
30		330		756		1193		1650		2135		2662		3247
40		340		766		1204		1661		2147		2675		3262
50		350		776		1214		1672		2159		2688		3276
0	6	360	13	787	20	1225	27	1684	34	2171	41	2702	48	3291
10		370		797		1236		1695		2184		2715		3306
20		380		807		1246		1706		2196		2728		3321
30		390		818		1257		1717		2208		2741		3337
40		400		828		1268		1729		2220		2755		3352
50		410		838		1278		1740		2232		2768		3367

T A B L E

23

Des Latitudes croissantes, ou des longueurs qu'on doit donner aux divisions du Méridien dans les Cartes réduites.

	D.	Long.	D.	Long.	D.	Long.	D.	Long.	D.	Long.	D.	Long.
0	49	3382	56	4074	63	4905	70	5966	77	7467	84	10137
10		3397		4092		4927		5995		7512		10234
20		3412		4110		4949		6025		7557		10334
30		3428		4128		4972		6055		7603		10437
40		3443		4146		4994		6085		7650		10543
50		3459		4164		5017		6115		7697		10652
0	50	3474	57	4183	64	5039	71	6146	78	7745	85	10765
10		3490		4201		5062		6177		7793		10881
20		3506		4219		5085		6208		7842		11002
30		3521		4238		5108		6240		7892		11127
40		3537		4257		5132		6271		7942		11257
50		3553		4275		5155		6303		7994		11392
0	51	3569	58	4294	65	5179	72	6335	79	8046	86	11533
10		3585		4313		5202		6367		8099		11679
20		3601		4332		5226		6400		8152		11832
30		3617		4351		5250		6433		8207		11992
40		3633		4370		5275		6467		8262		12160
50		3649		4389		5299		6500		8318		12334
0	52	3655	59	4409	66	5323	73	6534	80	8375	87	12522
10		3681		4429		5348		6569		8433		12719
20		3698		4448		5373		6603		8492		12927
30		3714		4468		5398		6638		8552		13149
40		3731		4488		5423		6674		8614		13387
50		3747		4507		5448		6710		8676		13641
0	53	3764	60	4527	67	5474	74	6746	81	8739	88	13917
10		3780		4547		5500		6782		8803		14216
20		3797		4568		5526		6819		8869		14543
30		3814		4588		5552		6856		8936		14906
40		3831		4608		5578		6894		9004		15311
50		3848		4629		5604		6932		9074		15770
0	54	3865	61	4649	68	5631	75	6970	82	9145	89	16300
10		3882		4670		5658		7009		9218		16926
20		3899		4691		5685		7048		9292		17694
30		3916		4712		5712		7088		9368		18682
40		3933		4733		5739		7128		9446		20075
50		3950		4754		5767		7169		9525		22458
0	55	3967	62	4775	69	5794	76	7210	83	9606	90	Infini.
10		3985		4796		5822		7251		9689		
20		4003		4818		5851		7293		9774		
30		4021		4839		5879		7336		9861		
40		4038		4861		5908		7379		9951		
50		4056		4883		5937		7423		10043		

Remarques sur la Table suivante.

LA TABLE suivante contient les Logarithmes de tous les nombres naturels consécutifs, depuis 1 jusqu'à 9000; & dans un cadre séparé les Logarithmes des Sinus, Tangentes, Cotangentes & Cosinus de tous les degrés & minutes du Quart de Cercle.

Les minutes des 45 premiers degrés se prennent en descendant dans la première colonne à gauche en dedans du cadre, & les minutes des 45 derniers degrés se prennent en montant dans la dernière colonne à droite.

Les titres qui sont au haut du cadre servent pour les 45 premiers degrés, & les titres qui sont au bas du cadre servent pour les 45 derniers degrés.

Les Logarithmes sont ici composés chacun de sept chiffres, y compris la caractéristique. Dans les calculs nécessaires pour la Navigation, il suffit très-souvent de n'employer que les cinq premiers; mais il est bon de s'accoutumer à employer toujours les six premiers chiffres, en négligeant le dernier, qui n'est nécessaire que dans les Calculs qui demandent une extrême précision.

On a supprimé dans cette Table, une dixaine à la caractéristique des Logarithmiques des Tangentes des angles qui passent 45 degrés, parce qu'elle est inutile dans les calculs.

Voyez à la page 21 de ce Traité l'explication & l'usage général des Logarithmes.

Voyez à la page 26 les règles de Trigonométrie pour la solution des Triangles rectilignes.

Voyez à la page 50 & suiv. les règles pour le calcul des Triangles sphériques.

Voyez à la page 316, la manière d'employer facilement les Logarithmes des nombres joints à des fractions décimales.

TABLE

DE

LOGARITHMES

*Pour les SINUS & TANGENTES
de toutes les minutes du Quart de
Cercle, & pour tous les nombres
naturels depuis 1 jusqu'à 9000.*

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
0	Infini nég.
1	0.000000
2	0.301030
3	0.477121
4	0.602060
5	0.698970
6	0.778151
7	0.845098
8	0.903090
9	0.954243
10	1.000000
11	1.041393
12	1.079181
13	1.113943
14	1.146128
15	1.176091
16	1.204120
17	1.230449
18	1.255273
19	1.278754
20	1.301030
21	1.322219
22	1.342423
23	1.361728
24	1.380211
25	1.397940
26	1.414973
27	1.431364
28	1.447158
29	1.462398
30	1.477121
31	1.491362
32	1.505150
33	1.518514
34	1.531479
35	1.544068
36	1.556303
37	1.568202
38	1.579784
39	1.591065
40	1.602060
41	1.612784
42	1.623249
43	1.633468
44	1.643453

	Sinus o	Tang. o	Cotang. o	Cosin. o	
0	Inf. nég.	Inf. nég.	Inf. posit.	0.000000	60
1	6.463726	6.463726	3.536274	0.000000	59
2	6.764756	6.764756	3.235244	0.000000	58
3	6.940847	6.940847	3.059153	0.000000	57
4	7.065786	7.065786	2.934214	9.999999	56
5	7.162696	7.162696	2.837304	9.999999	55
6	7.241877	7.241878	2.758122	9.999999	54
7	7.308824	7.308825	2.691175	9.999999	53
8	7.366816	7.366817	2.633183	9.999999	52
9	7.417968	7.417970	2.582030	9.999998	51
10	7.463725	7.463727	2.536273	9.999998	50
11	7.505118	7.505120	2.494880	9.999998	49
12	7.542906	7.542909	2.457091	9.999997	48
13	7.577668	7.577672	2.422328	9.999997	47
14	7.609853	7.609857	2.390143	9.999996	46
15	7.639816	7.639820	2.360180	9.999996	45
16	7.667844	7.667849	2.332151	9.999995	44
17	7.694173	7.694179	2.305821	9.999995	43
18	7.718997	7.719003	2.280997	9.999994	42
19	7.742477	7.742484	2.257516	9.999993	41
20	7.764754	7.764761	2.235239	9.999993	40
21	7.785943	7.785951	2.214049	9.999992	39
22	7.806146	7.806155	2.193845	9.999991	38
23	7.825451	7.825460	2.174540	9.999990	37
24	7.843934	7.843944	2.156056	9.999989	36
25	7.861662	7.861674	2.138326	9.999989	35
26	7.878695	7.878708	2.121292	9.999988	34
27	7.895085	7.895099	2.104901	9.999987	33
28	7.910879	7.910894	2.089106	9.999986	32
29	7.926119	7.926134	2.073866	9.999984	31
30	7.940842	7.940858	2.059142	9.999983	30
	Cosin. 89	Cotang. 89	Tang. 89	Sin. 89	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
45	1.653213	60	1.778151	75	1.875061
46	1.662758	61	1.785330	76	1.880814
47	1.672098	62	1.792392	77	1.886491
48	1.681241	63	1.799341	78	1.892095
49	1.690196	64	1.806180	79	1.897627
50	1.698970	65	1.812913	80	1.903090
51	1.707570	66	1.819544	81	1.908485
52	1.716003	67	1.826075	82	1.913814
53	1.724276	68	1.832509	83	1.919078
54	1.732394	69	1.838849	84	1.924279
55	1.740363	70	1.845098	85	1.929419
56	1.748188	71	1.851258	86	1.934498
57	1.755875	72	1.857332	87	1.939519
58	1.763428	73	1.863323	88	1.944483
59	1.770852	74	1.869232	89	1.949390

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
90	1.954243
91	1.959041
92	1.963788
93	1.968483
94	1.973128
95	1.977724
96	1.982271
97	1.986772
98	1.991226
99	1.995635
100	2.000000
101	2.004321
102	2.008600
103	2.012837
104	2.017033
105	2.021189
106	2.025306
107	2.029384
108	2.033424
109	2.037426
110	2.041393
111	2.045323
112	2.049218
113	2.053078
114	2.056905
115	2.060698
116	2.064458
117	2.068186
118	2.071882
119	2.075547
120	2.079181
121	2.082785
122	2.086360
123	2.089905
124	2.093422
125	2.096910
126	2.100371
127	2.103804
128	2.107210
129	2.110590
130	2.113943
131	2.117271
132	2.120574
133	2.123852
134	2.127105

	Sin. °	Tang. °	Cotang. °	Cofin. °	
30	7.940842	7.940858	2.059142	9.999983	30
31	7.955082	7.955100	2.044900	9.999982	29
32	7.968870	7.968889	2.031111	9.999981	28
33	7.982233	7.982253	2.017747	9.999980	27
34	7.995198	7.995219	2.004781	9.999979	26
35	8.007787	8.007809	1.992191	9.999977	25
36	8.020021	8.020044	1.979956	9.999976	24
37	8.031919	8.031945	1.968055	9.999975	23
38	8.043501	8.043527	1.956473	9.999973	22
39	8.054781	8.054809	1.945191	9.999972	21
40	8.065776	8.065806	1.934194	9.999971	20
41	8.076500	8.076531	1.923469	9.999969	19
42	8.086965	8.086997	1.913003	9.999968	18
43	8.097183	8.097217	1.902783	9.999966	17
44	8.107167	8.107203	1.892797	9.999964	16
45	8.116926	8.116963	1.883037	9.999963	15
46	8.126471	8.126510	1.873490	9.999961	14
47	8.135810	8.135851	1.864149	9.999959	13
48	8.144953	8.144996	1.855004	9.999958	12
49	8.153907	8.153952	1.846048	9.999956	11
50	8.162681	8.162727	1.837273	9.999954	10
51	8.171280	8.171328	1.828672	9.999952	9
52	8.179713	8.179763	1.820237	9.999950	8
53	8.187985	8.188036	1.811964	9.999948	7
54	8.196102	8.196156	1.803844	9.999946	6
55	8.204070	8.204126	1.795874	9.999944	5
56	8.211895	8.211953	1.788047	9.999942	4
57	8.219581	8.219641	1.780359	9.999940	3
58	8.227133	8.227195	1.772805	9.999938	2
59	8.234557	8.234621	1.765379	9.999936	1
60	8.241855	8.241921	1.758079	9.999934	0
	Cofin. 89	Cotang. 89	Tang. 89	Sin. 89	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
135	2.130334	150	2.176091	165	2.217484
136	2.133539	151	2.178977	166	2.220108
137	2.136721	152	2.181844	167	2.222716
138	2.139879	153	2.184691	168	2.225309
139	2.143015	154	2.187521	169	2.227887
140	2.146128	155	2.190332	170	2.230449
141	2.149219	156	2.193125	171	2.232996
142	2.152288	157	2.195900	172	2.235528
143	2.155336	158	2.198657	173	2.238046
144	2.158362	159	2.201397	174	2.240549
145	2.161368	160	2.204120	175	2.243038
146	2.164353	161	2.206826	176	2.245513
147	2.167317	162	2.209515	177	2.247973
148	2.170262	163	2.212188	178	2.250420
149	2.173186	164	2.214844	179	2.252853

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

180	2.255273
181	2.257679
182	2.260071
183	2.262451
184	2.264818
185	2.267172
186	2.269513
187	2.271842
188	2.274158
189	2.276462
190	2.278754
191	2.281033
192	2.283301
193	2.285557
194	2.287802
195	2.290035
196	2.292256
197	2.294466
198	2.296665
199	2.298853
200	2.301030
201	2.303196
202	2.305351
203	2.307496
204	2.309630
205	2.311754
206	2.313867
207	2.315970
208	2.318063
209	2.320146
210	2.322219
211	2.324282
212	2.326336
213	2.328380
214	2.330414
215	2.332438
216	2.334454
217	2.336460
218	2.338456
219	2.340444
220	2.342423
221	2.344392
222	2.346353
223	2.348305
224	2.350248

	Sin. 1	Tang. 1	Cotang. 1	Cofin. 1	
0	8.241855	8.241921	1.758079	9.999934	60
1	8.249033	8.249102	1.750898	9.999932	59
2	8.256094	8.256165	1.743835	9.999929	58
3	8.263042	8.263115	1.736885	9.999927	57
4	8.269881	8.269956	1.730044	9.999925	56
5	8.276614	8.276691	1.723309	9.999922	55
6	8.283243	8.283323	1.716677	9.999920	54
7	8.289773	8.289856	1.710144	9.999918	53
8	8.296207	8.296292	1.703708	9.999915	52
9	8.302546	8.302634	1.697366	9.999913	51
10	8.308794	8.308884	1.691116	9.999910	50
11	8.314954	8.315046	1.684954	9.999907	49
12	8.321027	8.321122	1.678878	9.999905	48
13	8.327016	8.327114	1.672886	9.999902	47
14	8.332924	8.333025	1.666975	9.999899	46
15	8.338753	8.338856	1.661144	9.999897	45
16	8.344504	8.344610	1.655390	9.999894	44
17	8.350181	8.350289	1.649711	9.999891	43
18	8.355783	8.355895	1.644105	9.999888	42
19	8.361315	8.361430	1.638570	9.999885	41
20	8.366777	8.366895	1.633105	9.999882	40
21	8.372171	8.372292	1.627708	9.999879	39
22	8.377499	8.377622	1.622378	9.999876	38
23	8.382762	8.382889	1.617111	9.999873	37
24	8.387962	8.388092	1.611908	9.999870	36
25	8.393101	8.393234	1.606766	9.999867	35
26	8.398179	8.398315	1.601685	9.999864	34
27	8.403199	8.403338	1.596662	9.999861	33
28	8.408161	8.408304	1.591696	9.999858	32
29	8.413068	8.413213	1.586787	9.999854	31
30	8.417919	8.418068	1.581932	9.999851	30
	Cofin. 88	Cotang. 88	Tang. 88	Sin. 88	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
225	2.352183	240	2.380211	255	2.406540
226	2.354108	241	2.382017	256	2.408240
227	2.356026	242	2.383815	257	2.409933
228	2.357935	243	2.385606	258	2.411620
229	2.359835	244	2.387390	259	2.413300
230	2.361728	245	2.389166	260	2.414973
231	2.363612	246	2.390935	261	2.416641
232	2.365488	247	2.392697	262	2.418301
233	2.367356	248	2.394452	263	2.419956
234	2.369216	249	2.396199	264	2.421604
235	2.371068	250	2.397940	265	2.423246
236	2.372912	251	2.399674	266	2.424882
237	2.374748	252	2.401400	267	2.426511
238	2.376577	253	2.403121	268	2.428135
239	2.378398	254	2.404834	269	2.429752

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
270	2.431364
271	2.432969
272	2.434569
273	2.436163
274	2.437751
275	2.439333
276	2.440909
277	2.442480
278	2.444045
279	2.445604
280	2.447158
281	2.448706
282	2.450249
283	2.451786
284	2.453318
285	2.454845
286	2.456366
287	2.457882
288	2.459392
289	2.460898
290	2.462398
291	2.463893
292	2.465383
293	2.466868
294	2.468347
295	2.469822
296	2.471292
297	2.472756
298	2.474216
299	2.475671
300	2.477121
301	2.478566
302	2.480007
303	2.481443
304	2.482874
305	2.484300
306	2.485721
307	2.487138
308	2.488551
309	2.489958
310	2.491362
311	2.492760
312	2.494155
313	2.495544
314	2.496930

'	Sin. I	Tang. I	Cotang. I	Cofin. I	
30	8.417919	8.418068	1.581932	9.999851	30
31	8.422717	8.422869	1.577131	9.999848	29
32	8.427462	8.427618	1.572382	9.999844	28
33	8.432156	8.432315	1.567685	9.999841	27
34	8.436800	8.436962	1.563038	9.999838	26
35	8.441394	8.441560	1.558440	9.999834	25
36	8.445941	8.446110	1.553890	9.999831	24
37	8.450440	8.450613	1.549387	9.999827	23
38	8.454893	8.455070	1.544930	9.999824	22
39	8.459301	8.459481	1.540519	9.999820	21
40	8.463665	8.463849	1.536151	9.999816	20
41	8.467985	8.468172	1.531828	9.999813	19
42	8.472263	8.472454	1.527546	9.999809	18
43	8.476498	8.476693	1.523307	9.999805	17
44	8.480693	8.480892	1.519108	9.999801	16
45	8.484848	8.485050	1.514950	9.999797	15
46	8.488963	8.489170	1.510830	9.999794	14
47	8.493040	8.493250	1.506750	9.999790	13
48	8.497078	8.497293	1.502707	9.999786	12
49	8.501080	8.501298	1.498702	9.999782	11
50	8.505045	8.505267	1.494733	9.999778	10
51	8.508974	8.509200	1.490800	9.999774	9
52	8.512867	8.513098	1.486902	9.999769	8
53	8.516726	8.516961	1.483039	9.999765	7
54	8.520551	8.520790	1.479210	9.999761	6
55	8.524343	8.524586	1.475414	9.999757	5
56	8.528102	8.528349	1.471651	9.999753	4
57	8.531828	8.532080	1.467920	9.999748	3
58	8.535523	8.535779	1.464221	9.999744	2
59	8.539186	8.539447	1.460553	9.999740	1
60	8.542819	8.543084	1.456916	9.999735	0
	Cofin. 88	Cotang. 88	Tang. 88	Sin. 88	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
315	2.498311	330	2.518514	345	2.537819
316	2.499687	331	2.519828	346	2.539076
317	2.501059	332	2.521138	347	2.540329
318	2.502427	333	2.522444	348	2.541579
319	2.503791	334	2.523746	349	2.542825
320	2.505150	335	2.525045	350	2.544068
321	2.506505	336	2.526339	351	2.545307
322	2.507856	337	2.527630	352	2.546543
323	2.509203	338	2.528917	353	2.547775
324	2.510545	339	2.530200	354	2.549003
325	2.511883	340	2.531479	355	2.550228
326	2.513218	341	2.532754	356	2.551450
327	2.514548	342	2.534026	357	2.552668
328	2.515874	343	2.535294	358	2.553883
329	2.517196	344	2.536558	359	2.555094

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
360	2.556303
361	2.557507
362	2.558709
363	2.559907
364	2.561101
365	2.562293
366	2.563481
367	2.564666
368	2.565848
369	2.567026
370	2.568202
371	2.569374
372	2.570543
373	2.571709
374	2.572872
375	2.574031
376	2.575188
377	2.576341
378	2.577492
379	2.578639
380	2.579784
381	2.580925
382	2.582063
383	2.583199
384	2.584331
385	2.585461
386	2.586587

387	2.587711
388	2.588832
389	2.589950

390	2.591065
391	2.592177
392	2.593286

393	2.594393
394	2.595496
395	2.596597

396	2.597695
397	2.598791
398	2.599883

399	2.600973
400	2.602060
401	2.603144

402	2.604226
403	2.605305
404	2.606381

	Sin. 2	Tang. 2	Cotang. 2	Cofin. 2	
0	8.542819	8.543084	1.456916	9.999735	60
1	8.546422	8.546691	1.453309	9.999731	59
2	8.549995	8.550268	1.449732	9.999726	58
3	8.553539	8.553817	1.446183	9.999722	57
4	8.557054	8.557336	1.442664	9.999717	56
5	8.560540	8.560828	1.439172	9.999713	55
6	8.563999	8.564291	1.435709	9.999708	54
7	8.567431	8.567727	1.432273	9.999704	53
8	8.570836	8.571137	1.428863	9.999699	52
9	8.574214	8.574520	1.425480	9.999694	51
10	8.577566	8.577877	1.422123	9.999689	50
11	8.580892	8.581208	1.418792	9.999685	49
12	8.584193	8.584514	1.415486	9.999680	48
13	8.587469	8.587795	1.412205	9.999675	47
14	8.590721	8.591051	1.408949	9.999670	46
15	8.593948	8.594283	1.405717	9.999665	45
16	8.597152	8.597492	1.402508	9.999660	44
17	8.600332	8.600677	1.399323	9.999655	43
18	8.603489	8.603839	1.396161	9.999650	42
19	8.606623	8.606978	1.393022	9.999645	41
20	8.609734	8.610094	1.389906	9.999640	40
21	8.612823	8.613189	1.386811	9.999635	39
22	8.615891	8.616262	1.383738	9.999629	38
23	8.618937	8.619313	1.380687	9.999624	37
24	8.621962	8.622343	1.377657	9.999619	36
25	8.624965	8.625352	1.374648	9.999614	35
26	8.627948	8.628340	1.371660	9.999608	34
27	8.630911	8.631308	1.368692	9.999603	33
28	8.633854	8.634256	1.365744	9.999597	32
29	8.636776	8.637184	1.362816	9.999592	31
30	8.639680	8.640093	1.359907	9.999586	30
	Cofin. 87	Cotang. 87	Tang. 87	Sin. 87	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
405	2.607455	420	2.623249	435	2.638489
406	2.608526	421	2.624282	436	2.639486
407	2.609594	422	2.625312	437	2.640481
408	2.610660	423	2.626340	438	2.641474
409	2.611723	424	2.627366	439	2.642465
410	2.612784	425	2.628389	440	2.643453
411	2.613842	426	2.629410	441	2.644439
412	2.614897	427	2.630428	442	2.645422
413	2.615950	428	2.631444	443	2.646404
414	2.617000	429	2.632457	444	2.647383
415	2.618048	430	2.633468	445	2.648360
416	2.619093	431	2.634477	446	2.649335
417	2.620136	432	2.635484	447	2.650307
418	2.621176	433	2.636488	448	2.651278
419	2.622214	434	2.637490	449	2.652246

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
450	2.653212
451	2.654176
452	2.655138
453	2.656098
454	2.657056
455	2.658011
456	2.658965
457	2.659916
458	2.660865
459	2.661813
460	2.662758
461	2.663701
462	2.664642
463	2.665581
464	2.666518
465	2.667453
466	2.668386
467	2.669317
468	2.670246
469	2.671173
470	2.672098
471	2.673021
472	2.673942
473	2.674861
474	2.675778
475	2.676694
476	2.677607

	Sin. 2	Tang. 2	Cotang. 2	Cofin. 2	
30	8.639680	8.640093	1.359907	9.999586	30
31	8.642563	8.642982	1.357018	9.999581	29
32	8.645428	8.645853	1.354147	9.999575	28
33	8.648274	8.648704	1.351296	9.999570	27
34	8.651102	8.651537	1.348463	9.999564	26
35	8.653911	8.654352	1.345648	9.999558	25
36	8.656702	8.657149	1.342851	9.999553	24
37	8.659475	8.659928	1.340072	9.999547	23
38	8.662230	8.662689	1.337311	9.999541	22
39	8.664968	8.665433	1.334567	9.999535	21
40	8.667689	8.668160	1.331840	9.999529	20
41	8.670393	8.670870	1.329130	9.999524	19
42	8.673080	8.673563	1.326437	9.999518	18
43	8.675751	8.676239	1.323761	9.999512	17
44	8.678405	8.678900	1.321100	9.999506	16
45	8.681043	8.681544	1.318456	9.999500	15
46	8.683665	8.684172	1.315828	9.999493	14
47	8.686272	8.686784	1.313216	9.999487	13
48	8.688863	8.689381	1.310619	9.999481	12
49	8.691438	8.691963	1.308037	9.999475	11
50	8.693998	8.694529	1.305471	9.999469	10
51	8.696543	8.697081	1.302919	9.999463	9
52	8.699073	8.699617	1.300383	9.999456	8
53	8.701589	8.702139	1.297861	9.999450	7
54	8.704090	8.704646	1.295354	9.999443	6
55	8.706577	8.707140	1.292860	9.999437	5
56	8.709049	8.709618	1.290382	9.999431	4
57	8.711507	8.712083	1.287917	9.999424	3
58	8.713952	8.714534	1.285465	9.999418	2
59	8.716383	8.716972	1.283028	9.999411	1
60	8.718800	8.719396	1.280604	9.999404	0
	Cofin. 87	Cotang. 87	Tang. 87	Sin. 87	

477	2.678518
478	2.679428
479	2.680336
480	2.681241
481	2.682145
482	2.683047
483	2.683947
484	2.684845
485	2.685742
486	2.686636
487	2.687529
488	2.688420
489	2.689309
490	2.690196
491	2.691081
492	2.691965
493	2.692847
494	2.693727

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
495	2.694605	510	2.707570	525	2.720159
496	2.695482	511	2.708421	526	2.720986
497	2.696356	512	2.709270	527	2.721811
498	2.697229	513	2.710117	528	2.722634
499	2.698101	514	2.710963	529	2.723456
500	2.698970	515	2.711807	530	2.724276
501	2.699838	516	2.712650	531	2.725094
502	2.700704	517	2.713491	532	2.725912
503	2.701568	518	2.714330	533	2.726727
504	2.702431	519	2.715167	534	2.727541
505	2.703291	520	2.716003	535	2.728354
506	2.704151	521	2.716838	536	2.729165
507	2.705008	522	2.717671	537	2.729974
508	2.705864	523	2.718502	538	2.730782
509	2.706718	524	2.719331	539	2.731589

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
540	2.732394
541	2.733197
542	2.733999
543	2.734800
544	2.735599
545	2.736397
546	2.737193
547	2.737987
548	2.738781
549	2.739572
550	2.740363
551	2.741152
552	2.741939
553	2.742725
554	2.743510
555	2.744293
556	2.745075
557	2.745855
558	2.746634
559	2.747412
560	2.748188
561	2.748963
562	2.749736
563	2.750508
564	2.751279
565	2.752048
566	2.752816
567	2.753583
568	2.754348
569	2.755112
570	2.755875
571	2.756636
572	2.757396
573	2.758155
574	2.758912
575	2.759668
576	2.760422
577	2.761176
578	2.761928
579	2.762679
580	2.763428
581	2.764176
582	2.764923
583	2.765669
584	2.766413

	Sin. 3	Tang. 3	Cotang. 3	Cofin. 3	
0	8.718800	8.719396	1.280604	9.999404	60
1	8.721204	8.721806	1.278194	9.999398	59
2	8.723595	8.724204	1.275796	9.999391	58
3	8.725972	8.726588	1.273412	9.999384	57
4	8.728337	8.728959	1.271041	9.999378	56
5	8.730688	8.731317	1.268683	9.999371	55
6	8.733027	8.733663	1.266337	9.999364	54
7	8.735354	8.735996	1.264004	9.999357	53
8	8.737667	8.738317	1.261683	9.999350	52
9	8.739969	8.740626	1.259374	9.999343	51
10	8.742259	8.742922	1.257078	9.999336	50
11	8.744536	8.745207	1.254793	9.999329	49
12	8.746802	8.747479	1.252521	9.999322	48
13	8.749055	8.749740	1.250260	9.999315	47
14	8.751297	8.751989	1.248011	9.999308	46
15	8.753528	8.754227	1.245773	9.999301	45
16	8.755747	8.756453	1.243547	9.999294	44
17	8.757955	8.758668	1.241332	9.999287	43
18	8.760151	8.760872	1.239128	9.999279	42
19	8.762337	8.763065	1.236935	9.999272	41
20	8.764511	8.765246	1.234754	9.999265	40
21	8.766675	8.767417	1.232583	9.999257	39
22	8.768828	8.769578	1.230422	9.999250	38
23	8.770970	8.771727	1.228273	9.999242	37
24	8.773101	8.773866	1.226134	9.999235	36
25	8.775223	8.775995	1.224005	9.999227	35
26	8.777333	8.778114	1.221886	9.999220	34
27	8.779434	8.780222	1.219778	9.999212	33
28	8.781524	8.782320	1.217680	9.999205	32
29	8.783605	8.784408	1.215592	9.999197	31
30	8.785675	8.786486	1.213514	9.999189	30
	Cofin. 86	Cotang. 86	Tang. 86	Sin. 86	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
585	2.767156	600	2.778151	615	2.788875
586	2.767898	601	2.778874	616	2.789581
587	2.768638	602	2.779596	617	2.790285
588	2.769377	603	2.780317	618	2.790988
589	2.770115	604	2.781037	619	2.791691
590	2.770852	605	2.781755	620	2.792392
591	2.771587	606	2.782473	621	2.793092
592	2.772322	607	2.783189	622	2.793790
593	2.773055	608	2.783904	623	2.794488
594	2.773786	609	2.784617	624	2.795185
595	2.774517	610	2.785330	625	2.795880
596	2.775246	611	2.786041	626	2.796574
597	2.775974	612	2.786751	627	2.797268
598	2.776701	613	2.787460	628	2.797960
599	2.777427	614	2.788168	629	2.798651

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
630	2.799341
631	2.800029
632	2.800717
633	2.801404
634	2.802089
635	2.802774
636	2.803457
637	2.804139
638	2.804821
639	2.805501
640	2.806180
641	2.806858
642	2.807535
643	2.808211
644	2.808886
645	2.809560
646	2.810232
647	2.810904
648	2.811575
649	2.812245
650	2.812913
651	2.813581
652	2.814248
653	2.814913
654	2.815578
655	2.816241
656	2.816904

657	2.817565
658	2.818226
659	2.818885
660	2.819544
661	2.820201
662	2.820858
663	2.821514
664	2.822168
665	2.822822
666	2.823474
667	2.824126
668	2.824776
669	2.825426
670	2.826075
671	2.826723
672	2.827369
673	2.828015
674	2.828660

	Sin. 3	Tang. 3	Cotang. 3	Cofin. 3	
30	8.785675	8.786486	1.213514	9.999189	30
31	8.787736	8.788554	1.211446	9.999181	29
32	8.789787	8.790613	1.209387	9.999174	28
33	8.791828	8.792662	1.207338	9.999166	27
34	8.793859	8.794701	1.205299	9.999158	26
35	8.795881	8.796731	1.203269	9.999150	25
36	8.797894	8.798752	1.201248	9.999142	24
37	8.799897	8.800763	1.199237	9.999134	23
38	8.801892	8.802765	1.197235	9.999126	22
39	8.803876	8.804758	1.195242	9.999118	21
40	8.805852	8.806742	1.193258	9.999110	20
41	8.807819	8.808717	1.191283	9.999102	19
42	8.809777	8.810683	1.189317	9.999094	18
43	8.811726	8.812641	1.187359	9.999086	17
44	8.813667	8.814589	1.185411	9.999077	16
45	8.815599	8.816529	1.183471	9.999069	15
46	8.817522	8.818461	1.181539	9.999061	14
47	8.819436	8.820384	1.179616	9.999053	13
48	8.821343	8.822298	1.177702	9.999044	12
49	8.823240	8.824205	1.175795	9.999036	11
50	8.825130	8.826103	1.173897	9.999027	10
51	8.827011	8.827992	1.172008	9.999019	9
52	8.828884	8.829874	1.170126	9.999010	8
53	8.830749	8.831748	1.168252	9.999002	7
54	8.832607	8.833613	1.166387	9.998993	6
55	8.834456	8.835471	1.164529	9.998984	5
56	8.836297	8.837321	1.162679	9.998976	4
57	8.838130	8.839163	1.160837	9.998967	3
58	8.839956	8.840998	1.159002	9.998958	2
59	8.841774	8.842825	1.157175	9.998950	1
60	8.843585	8.844644	1.155356	9.998941	0
	Cofin. 86	Cotang. 86	Tang. 86	Sin. 86	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
675	2.829304	690	2.838849	705	2.848189
676	2.829947	691	2.839478	706	2.848805
677	2.830589	692	2.840106	707	2.849419
678	2.831230	693	2.840733	708	2.850033
679	2.831870	694	2.841359	709	2.850646
680	2.832509	695	2.841985	710	2.851258
681	2.833147	696	2.842609	711	2.851870
682	2.833784	697	2.843233	712	2.852480
683	2.834421	698	2.843855	713	2.853090
684	2.835056	699	2.844477	714	2.853698
685	2.835691	700	2.845098	715	2.854306
686	2.836324	701	2.845718	716	2.854913
687	2.836957	702	2.846337	717	2.855519
688	2.837588	703	2.846955	718	2.856124
689	2.838219	704	2.847573	719	2.856729

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
720	2.857332
721	2.857935
722	2.858537
723	2.859138
724	2.859739
725	2.860338
726	2.860937
727	2.861534
728	2.862131
729	2.862728
730	2.863323
731	2.863917
732	2.864511
733	2.865104
734	2.865696
735	2.866287
736	2.866878
737	2.867467
738	2.868056
739	2.868644
740	2.869232
741	2.869818
742	2.870404
743	2.870989
744	2.871573
745	2.872156
746	2.872739
747	2.873321
748	2.873902
749	2.874482
750	2.875061
751	2.875640
752	2.876218
753	2.876795
754	2.877371
755	2.877947
756	2.878522
757	2.879096
758	2.879669
759	2.880242
760	2.880814
761	2.881385
762	2.881955
763	2.882525
764	2.883093

	Sin. 4	Tang. 4	Cotang. 4	Cofin. 4	
0	8.843585	8.844644	1.155356	9.998941	60
1	8.845387	8.846455	1.153545	9.998932	59
2	8.847183	8.848260	1.151740	9.998923	58
3	8.848971	8.850057	1.149943	9.998914	57
4	8.850751	8.851846	1.148154	9.998905	56
5	8.852525	8.853628	1.146372	9.998896	55
6	8.854291	8.855403	1.144597	9.998887	54
7	8.856049	8.857171	1.142829	9.998878	53
8	8.857801	8.858932	1.141068	9.998869	52
9	8.859546	8.860686	1.139314	9.998860	51
10	8.861283	8.862433	1.137567	9.998851	50
11	8.863014	8.864173	1.135827	9.998841	49
12	8.864738	8.865906	1.134094	9.998832	48
13	8.866455	8.867632	1.132368	9.998823	47
14	8.868165	8.869351	1.130649	9.998813	46
15	8.869868	8.871064	1.128936	9.998804	45
16	8.871565	8.872770	1.127230	9.998795	44
17	8.873255	8.874469	1.125531	9.998785	43
18	8.874938	8.876162	1.123838	9.998776	42
19	8.876615	8.877849	1.122151	9.998766	41
20	8.878285	8.879529	1.120471	9.998757	40
21	8.879949	8.881202	1.118798	9.998747	39
22	8.881607	8.882869	1.117131	9.998738	38
23	8.883258	8.884530	1.115470	9.998728	37
24	8.884903	8.886185	1.113815	9.998718	36
25	8.886542	8.887833	1.112167	9.998708	35
26	8.888174	8.889476	1.110524	9.998699	34
27	8.889801	8.891112	1.108888	9.998689	33
28	8.891421	8.892742	1.107258	9.998679	32
29	8.893035	8.894366	1.105634	9.998669	31
30	8.894643	8.895984	1.104016	9.998659	30
	Cofin. 85	Cotang. 85	Tang. 85	Sin. 85	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
765	2.883661	780	2.892095	795	2.900367
766	2.884229	781	2.892651	796	2.900913
767	2.884795	782	2.893207	797	2.901458
768	2.885361	783	2.893762	798	2.902003
769	2.885926	784	2.894316	799	2.902547
770	2.886491	785	2.894870	800	2.903090
771	2.887054	786	2.895423	801	2.903633
772	2.887617	787	2.895975	802	2.904174
773	2.888179	788	2.896526	803	2.904716
774	2.888741	789	2.897077	804	2.905256
775	2.889302	790	2.897627	805	2.905796
776	2.889862	791	2.898176	806	2.906335
777	2.890421	792	2.898725	807	2.906874
778	2.890980	793	2.899273	808	2.907411
779	2.891537	794	2.899821	809	2.907949

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

810	2.908485
811	2.909021
812	2.909556
813	2.910091
814	2.910624
815	2.911158
816	2.911690
817	2.912222
818	2.912753
819	2.913284
820	2.913814
821	2.914343
822	2.914872
823	2.915400
824	2.915927
825	2.916454
826	2.916980
827	2.917506
828	2.918030
829	2.918555
830	2.919078
831	2.919601
832	2.920123
833	2.920645
834	2.921166
835	2.921686
836	2.922206

837	2.922725
838	2.923244
839	2.923762

840	2.924279
841	2.924796
842	2.925312

843	2.925828
844	2.926342
845	2.926857

846	2.927370
847	2.927883
848	2.928396

849	2.928908
850	2.929419
851	2.929930

852	2.930440
853	2.930949
854	2.931458

855	2.931966
856	2.932474
857	2.932981

858	2.933487
859	2.933993
860	2.934498

861	2.935003
862	2.935507
863	2.936011

864	2.936514
865	2.937016
866	2.937518

867	2.938019
868	2.938520
869	2.939020

	Sin. 4	Tang. 4	Cotang. 4	Cofin. 4	
30	8.894643	8.895984	1.104016	9.998659	30
31	8.896246	8.897596	1.102404	9.998649	29
32	8.897842	8.899203	1.100797	9.998639	28
33	8.899432	8.900803	1.099197	9.998629	27
34	8.901017	8.902398	1.097602	9.998619	26
35	8.902596	8.903987	1.096013	9.998609	25
36	8.904169	8.905570	1.094430	9.998599	24
37	8.905736	8.907147	1.092853	9.998589	23
38	8.907297	8.908719	1.091281	9.998578	22
39	8.908853	8.910285	1.089715	9.998568	21
40	8.910404	8.911846	1.088154	9.998558	20
41	8.911949	8.913401	1.086599	9.998548	19
42	8.913488	8.914951	1.085049	9.998537	18
43	8.915022	8.916495	1.083505	9.998527	17
44	8.916550	8.918034	1.081966	9.998516	16
45	8.918073	8.919568	1.080432	9.998506	15
46	8.919591	8.921096	1.078904	9.998495	14
47	8.921103	8.922619	1.077381	9.998485	13
48	8.922610	8.924136	1.075864	9.998474	12
49	8.924112	8.925649	1.074351	9.998464	11
50	8.925609	8.927156	1.072844	9.998453	10
51	8.927100	8.928658	1.071342	9.998442	9
52	8.928587	8.930155	1.069845	9.998431	8
53	8.930068	8.931647	1.068353	9.998421	7
54	8.931544	8.933134	1.066866	9.998410	6
55	8.933015	8.934616	1.065384	9.998399	5
56	8.934481	8.936093	1.063907	9.998388	4
57	8.935942	8.937565	1.062435	9.998377	3
58	8.937398	8.939032	1.060968	9.998366	2
59	8.938850	8.940494	1.059506	9.998355	1
60	8.940296	8.941952	1.058048	9.998344	0
	Cofin. 85	Cotang. 85	Tang. 85	Sin. 85	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
855	2.931966	870	2.939519	885	2.946943
856	2.932474	871	2.940018	886	2.947434
857	2.932981	872	2.940516	887	2.947924
858	2.933487	873	2.941014	888	2.948413
859	2.933993	874	2.941511	889	2.948902
860	2.934498	875	2.942008	890	2.949390
861	2.935003	876	2.942504	891	2.949878
862	2.935507	877	2.943000	892	2.950365
863	2.936011	878	2.943495	893	2.950851
864	2.936514	879	2.943989	894	2.951338
865	2.937016	880	2.944483	895	2.951823
866	2.937518	881	2.944976	896	2.952308
867	2.938019	882	2.945469	897	2.952792
868	2.938520	883	2.945961	898	2.953276
869	2.939020	884	2.946452	899	2.953760

LOGARITHMES DES NOMBRES.			Sin. 5	Tang. 5	Corang. 5	Cofin. 5	
		0	8.940296	8.941952	1.058048	9.998344	60
		1	8.941738	8.943404	1.056596	9.998333	59
		2	8.943174	8.944852	1.055148	9.998322	58
		3	8.944606	8.946295	1.053705	9.998311	57
		4	8.946034	8.947734	1.052266	9.998300	56
		5	8.947456	8.949168	1.050832	9.998289	55
		6	8.948874	8.950597	1.049403	9.998277	54
		7	8.950287	8.952021	1.047979	9.998266	53
		8	8.951696	8.953441	1.046559	9.998255	52
		9	8.953100	8.954856	1.045144	9.998243	51
		10	8.954499	8.956267	1.043733	9.998232	50
		11	8.955894	8.957674	1.042326	9.998220	49
		12	8.957284	8.959075	1.040925	9.998209	48
		13	8.958670	8.960473	1.039527	9.998197	47
		14	8.960052	8.961866	1.038134	9.998186	46
		15	8.961429	8.963255	1.036745	9.998174	45
		16	8.962801	8.964639	1.035361	9.998163	44
		17	8.964170	8.966019	1.033981	9.998151	43
		18	8.965534	8.967394	1.032606	9.998139	42
		19	8.966893	8.968766	1.031234	9.998128	41
		20	8.968249	8.970133	1.029867	9.998116	40
		21	8.969600	8.971496	1.028504	9.998104	39
		22	8.970947	8.972855	1.027145	9.998092	38
		23	8.972289	8.974209	1.025791	9.998080	37
		24	8.973628	8.975560	1.024440	9.998068	36
		25	8.974962	8.976906	1.023094	9.998056	35
		26	8.976293	8.978248	1.021752	9.998044	34
		27	8.977619	8.979586	1.020414	9.998032	33
		28	8.978941	8.980921	1.019079	9.998020	32
		29	8.980259	8.982251	1.017749	9.998008	31
		30	8.981573	8.983577	1.016423	9.997996	30
			Cofin. 84	Cotang. 84	Tang. 84	Sin. 84	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
927	2.967080	945	2.975432	960	2.982271
928	2.967548	946	2.975891	961	2.982723
929	2.968016	947	2.976350	962	2.983175
930	2.968483	948	2.976808	963	2.983626
931	2.968950	949	2.977266	964	2.984077
932	2.969416	950	2.977724	965	2.984527
933	2.969882	951	2.978181	966	2.984977
934	2.970347	952	2.978637	967	2.985426
935	2.970812	953	2.979093	968	2.985875
936	2.971276	954	2.979548	969	2.986324
937	2.971740	955	2.980003	970	2.986772
938	2.972203	956	2.980458	971	2.987219
939	2.972666	957	2.980912	972	2.987666
940	2.973128	958	2.981366	973	2.988113
941	2.973590	959	2.981819	974	2.988559
942	2.974051				
943	2.974512				
944	2.974972				

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
990	2.995635
991	2.996074
992	2.996512
993	2.996949
994	2.997386
995	2.997823
996	2.998259
997	2.998695
998	2.999131
999	2.999565
1000	3.000000
1001	3.000434
1002	3.000868
1003	3.001301
1004	3.001734
1005	3.002166
1006	3.002598
1007	3.003029
1008	3.003461
1009	3.003891
1010	3.004321
1011	3.004751
1012	3.005181
1013	3.005609
1014	3.006038
1015	3.006466
1016	3.006894

1017	3.007321
1018	3.007748
1019	3.008174
1020	3.008600
1021	3.009026
1022	3.009451
1023	3.009876
1024	3.010300
1025	3.010724
1026	3.011147
1027	3.011570
1028	3.011993
1029	3.012415
1030	3.012837
1031	3.013259
1032	3.013680
1033	3.014100
1034	3.014521

	Sin. 5	Tang. 5	Cotang. 5	Cofin. 5	
30	8.981573	8.983577	1.016423	9.997996	30
31	8.982883	8.984899	1.015101	9.997984	29
32	8.984189	8.986217	1.013783	9.997972	28
33	8.985491	8.987532	1.012468	9.997959	27
34	8.986789	8.988842	1.011158	9.997947	26
35	8.988083	8.990149	1.009851	9.997935	25
36	8.989374	8.991451	1.008549	9.997922	24
37	8.990660	8.992750	1.007250	9.997910	23
38	8.991943	8.994045	1.005955	9.997897	22
39	8.993222	8.995337	1.004663	9.997885	21
40	8.994497	8.996624	1.003376	9.997872	20
41	8.995768	8.997908	1.002092	9.997860	19
42	8.997036	8.999188	1.000812	9.997847	18
43	8.998299	9.000465	0.999535	9.997835	17
44	8.999560	9.001738	0.998262	9.997822	16
45	9.000816	9.003007	0.996993	9.997809	15
46	9.002069	9.004272	0.995728	9.997797	14
47	9.003318	9.005534	0.994466	9.997784	13
48	9.004563	9.006792	0.993208	9.997771	12
49	9.005805	9.008047	0.991953	9.997758	11
50	9.007044	9.009298	0.990702	9.997745	10
51	9.008278	9.010546	0.989454	9.997732	9
52	9.009510	9.011790	0.988210	9.997719	8
53	9.010737	9.013031	0.986969	9.997706	7
54	9.011962	9.014268	0.985732	9.997693	6
55	9.013182	9.015502	0.984498	9.997680	5
56	9.014400	9.016732	0.983268	9.997667	4
57	9.015613	9.017959	0.982041	9.997654	3
58	9.016824	9.019183	0.980817	9.997641	2
59	9.018031	9.020403	0.979597	9.997628	1
60	9.019235	9.021620	0.978380	9.997614	0
	Cofin. 84	Cotang. 84	Tang. 84	Sin. 84	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1035	3.014940	1050	3.021189	1065	3.027350
1036	3.015360	1051	3.021603	1066	3.027757
1037	3.015779	1052	3.022016	1067	3.028164
1038	3.016197	1053	3.022428	1068	3.028571
1039	3.016616	1054	3.022841	1069	3.028978
1040	3.017033	1055	3.023252	1070	3.029384
1041	3.017451	1056	3.023664	1071	3.029789
1042	3.017868	1057	3.024075	1072	3.030195
1043	3.018284	1058	3.024486	1073	3.030600
1044	3.018700	1059	3.024896	1074	3.031004
1045	3.019116	1060	3.025306	1075	3.031408
1046	3.019532	1061	3.025715	1076	3.031812
1047	3.019947	1062	3.026125	1077	3.032216
1048	3.020361	1063	3.026533	1078	3.032619
1049	3.020775	1064	3.026942	1079	3.033021

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
1080	3.033424
1081	3.033826
1082	3.034227
1083	3.034628
1084	3.035029
1085	3.035430
1086	3.035830
1087	3.036229
1088	3.036629
1089	3.037028
1090	3.037426
1091	3.037825
1092	3.038223
1093	3.038620
1094	3.039017
1095	3.039414
1096	3.039811
1097	3.040207
1098	3.040602
1099	3.040998
1100	3.041393
1101	3.041787
1102	3.042182
1103	3.042576
1104	3.042969
1105	3.043362
1106	3.043755
1107	3.044148
1108	3.044540
1109	3.044932
1110	3.045323
1111	3.045714
1112	3.046105
1113	3.046495
1114	3.046885
1115	3.047275
1116	3.047664
1117	3.048053
1118	3.048442
1119	3.048830
1120	3.049218
1121	3.049606
1122	3.049993
1123	3.050380
1124	3.050766

	Sin. 6	Tang. 6	Cotang. 6	Cofin. 6	
0	9.019235	9.021620	0.978380	9.997614	60
1	9.020435	9.022834	0.977166	9.997601	59
2	9.021632	9.024044	0.975956	9.997588	58
3	9.022825	9.025251	0.974749	9.997574	57
4	9.024016	9.026455	0.973545	9.997561	56
5	9.025203	9.027655	0.972345	9.997547	55
6	9.026386	9.028852	0.971148	9.997534	54
7	9.027567	9.030046	0.969954	9.997520	53
8	9.028744	9.031237	0.968763	9.997507	52
9	9.029918	9.032425	0.967575	9.997493	51
10	9.031089	9.033609	0.966391	9.997480	50
11	9.032257	9.034791	0.965209	9.997466	49
12	9.033421	9.035969	0.964031	9.997452	48
13	9.034582	9.037144	0.962856	9.997439	47
14	9.035741	9.038316	0.961684	9.997425	46
15	9.036896	9.039485	0.960515	9.997411	45
16	9.038048	9.040651	0.959349	9.997397	44
17	9.039197	9.041813	0.958187	9.997383	43
18	9.040342	9.042973	0.957027	9.997369	42
19	9.041485	9.044130	0.955870	9.997355	41
20	9.042625	9.045284	0.954716	9.997341	40
21	9.043762	9.046434	0.953566	9.997327	39
22	9.044895	9.047582	0.952418	9.997313	38
23	9.046026	9.048727	0.951273	9.997299	37
24	9.047154	9.049869	0.950131	9.997285	36
25	9.048279	9.051008	0.948992	9.997271	35
26	9.049400	9.052144	0.947856	9.997257	34
27	9.050519	9.053277	0.946723	9.997242	33
28	9.051635	9.054407	0.945593	9.997228	32
29	9.052749	9.055535	0.944465	9.997214	31
30	9.053859	9.056659	0.943341	9.997199	30
	Cofin. 83	Cotang. 83	Tang. 83	Sin. 83	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1125	3.051153	1140	3.056905	1155	3.062582
1126	3.051538	1141	3.057286	1156	3.062958
1127	3.051924	1142	3.057666	1157	3.063333
1128	3.052309	1143	3.058046	1158	3.063709
1129	3.052694	1144	3.058426	1159	3.064083
1130	3.053078	1145	3.058805	1160	3.064458
1131	3.053463	1146	3.059185	1161	3.064832
1132	3.053846	1147	3.059563	1162	3.065206
1133	3.054230	1148	3.059942	1163	3.065580
1134	3.054613	1149	3.060320	1164	3.065953
1135	3.054996	1150	3.060698	1165	3.066326
1136	3.055378	1151	3.061075	1166	3.066699
1137	3.055760	1152	3.061452	1167	3.067071
1138	3.056142	1153	3.061829	1168	3.067443
1139	3.056524	1154	3.062206	1169	3.067815

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
1170	3.068186
1171	3.068557
1172	3.068928
1173	3.069298
1174	3.069668
1175	3.070038
1176	3.070407
1177	3.070776
1178	3.071145
1179	3.071514
1180	3.071882
1181	3.072250
1182	3.072617
1183	3.072985
1184	3.073352
1185	3.073718
1186	3.074085
1187	3.074451
1188	3.074816
1189	3.075182
1190	3.075547
1191	3.075912
1192	3.076276
1193	3.076640
1194	3.077004
1195	3.077368
1196	3.077731

'	Sin. 6	Tang. 6	Cotang. 6	Cofin. 6	
30	9.053859	9.056659	0.943341	9.997199	30
31	9.054966	9.057781	0.942219	9.997185	29
32	9.056071	9.058900	0.941100	9.997170	28
33	9.057172	9.060016	0.939984	9.997156	27
34	9.058271	9.061130	0.938870	9.997141	26
35	9.059367	9.062240	0.937760	9.997127	25
36	9.060460	9.063348	0.936652	9.997112	24
37	9.061551	9.064453	0.935547	9.997098	23
38	9.062639	9.065556	0.934444	9.997083	22
39	9.063724	9.066655	0.933345	9.997068	21
40	9.064806	9.067752	0.932248	9.997053	20
41	9.065885	9.068846	0.931154	9.997039	19
42	9.066962	9.069938	0.930062	9.997024	18
43	9.068036	9.071027	0.928973	9.997009	17
44	9.069107	9.072113	0.927887	9.996994	16
45	9.070176	9.073197	0.926803	9.996979	15
46	9.071242	9.074278	0.925722	9.996964	14
47	9.072306	9.075356	0.924644	9.996949	13
48	9.073366	9.076432	0.923568	9.996934	12
49	9.074424	9.077505	0.922495	9.996919	11
50	9.075480	9.078576	0.921424	9.996904	10
51	9.076533	9.079644	0.920356	9.996889	9
52	9.077583	9.080710	0.919290	9.996874	8
53	9.078631	9.081773	0.918227	9.996858	7
54	9.079676	9.082833	0.917167	9.996843	6
55	9.080719	9.083891	0.916109	9.996828	5
56	9.081759	9.084947	0.915053	9.996812	4
57	9.082797	9.086000	0.914000	9.996797	3
58	9.083832	9.087050	0.912950	9.996782	2
59	9.084864	9.088098	0.911902	9.996766	1
60	9.085894	9.089144	0.910856	9.996751	0
	Cofin. 83	Cotang. 83	Tang. 83	Sin. 83	'

1197	3.078094
1198	3.078457
1199	3.078819
1200	3.079181
1201	3.079543
1202	3.079904
1203	3.080266
1204	3.080626
1205	3.080987
1206	3.081347
1207	3.081707
1208	3.082067
1209	3.082426
1210	3.082785
1211	3.083144
1212	3.083503
1213	3.083861
1214	3.084219

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1215	3.084576	1230	3.089905	1245	3.095169
1216	3.084934	1231	3.090258	1246	3.095518
1217	3.085291	1232	3.090611	1247	3.095866
1218	3.085647	1233	3.090963	1248	3.096215
1219	3.086004	1234	3.091315	1249	3.096562
1220	3.086360	1235	3.091667	1250	3.096910
1221	3.086716	1236	3.092018	1251	3.097257
1222	3.087071	1237	3.092370	1252	3.097604
1223	3.087426	1238	3.092721	1253	3.097951
1224	3.087781	1239	3.093071	1254	3.098298
1225	3.088136	1240	3.093422	1255	3.098644
1226	3.088490	1241	3.093772	1256	3.098990
1227	3.088845	1242	3.094122	1257	3.099335
1228	3.089198	1243	3.094471	1258	3.099681
1229	3.089552	1244	3.094820	1259	3.100026

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

1260	3.100371
1261	3.100715
1262	3.101059
1263	3.101403
1264	3.101747
1265	3.102091
1266	3.102434
1267	3.102777
1268	3.103119
1269	3.103462
1270	3.103804
1271	3.104146
1272	3.104487
1273	3.104828
1274	3.105169
1275	3.105510
1276	3.105851
1277	3.106191
1278	3.106531
1279	3.106871
1280	3.107210
1281	3.107549
1282	3.107888
1283	3.108227
1284	3.108565
1285	3.108903
1286	3.109241
1287	3.109579
1288	3.109916
1289	3.110253
1290	3.110590
1291	3.110926
1292	3.111263
1293	3.111599
1294	3.111934
1295	3.112270
1296	3.112605
1297	3.112940
1298	3.113275
1299	3.113609
1300	3.113943
1301	3.114277
1302	3.114611
1303	3.114944
1304	3.115278

	Sin. 7	Tang. 7	Cotang. 7	Cofin. 7	
0	9.085894	9.089144	0.910856	9.996751	60
1	9.086922	9.090187	0.909813	9.996735	59
2	9.087947	9.091228	0.908772	9.996720	58
3	9.088970	9.092266	0.907734	9.996704	57
4	9.089990	9.093302	0.906698	9.996688	56
5	9.091008	9.094336	0.905664	9.996673	55
6	9.092024	9.095367	0.904633	9.996657	54
7	9.093037	9.096395	0.903605	9.996641	53
8	9.094047	9.097422	0.902578	9.996625	52
9	9.095056	9.098446	0.901554	9.996610	51
10	9.096062	9.099468	0.900532	9.996594	50
11	9.097065	9.100487	0.899513	9.996578	49
12	9.098066	9.101504	0.898496	9.996562	48
13	9.099065	9.102519	0.897481	9.996546	47
14	9.100062	9.103532	0.896468	9.996530	46
15	9.101056	9.104542	0.895458	9.996514	45
16	9.102048	9.105550	0.894450	9.996498	44
17	9.103037	9.106556	0.893444	9.996482	43
18	9.104025	9.107559	0.892441	9.996465	42
19	9.105010	9.108560	0.891440	9.996449	41
20	9.105992	9.109559	0.890441	9.996433	40
21	9.106973	9.110556	0.889444	9.996417	39
22	9.107951	9.111551	0.888449	9.996400	38
23	9.108927	9.112543	0.887457	9.996384	37
24	9.109901	9.113533	0.886467	9.996368	36
25	9.110873	9.114521	0.885479	9.996351	35
26	9.111842	9.115507	0.884493	9.996335	34
27	9.112809	9.116491	0.883509	9.996318	33
28	9.113774	9.117472	0.882528	9.996302	32
29	9.114737	9.118452	0.881548	9.996285	31
30	9.115698	9.119429	0.880571	9.996269	30
	Cofin. 82	Cotang. 82	Tang. 82	Sin. 82	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1305	3.115611	1320	3.120574	1335	3.125481
1306	3.115943	1321	3.120903	1336	3.125806
1307	3.116276	1322	3.121231	1337	3.126131
1308	3.116608	1323	3.121560	1338	3.126456
1309	3.116940	1324	3.121888	1339	3.126781
1310	3.117271	1325	3.122216	1340	3.127105
1311	3.117603	1326	3.122544	1341	3.127429
1312	3.117934	1327	3.122871	1342	3.127753
1313	3.118265	1328	3.123198	1343	3.128076
1314	3.118595	1329	3.123525	1344	3.128399
1315	3.118926	1330	3.123852	1345	3.128722
1316	3.119256	1331	3.124178	1346	3.129045
1317	3.119586	1332	3.124504	1347	3.129368
1318	3.119915	1333	3.124830	1348	3.129690
1319	3.120245	1334	3.125156	1349	3.130012

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
1350	3.130334
1351	3.130655
1352	3.130977
1353	3.131298
1354	3.131619
1355	3.131939
1356	3.132260
1357	3.132580
1358	3.132900
1359	3.133219
1360	3.133539
1361	3.133858
1362	3.134177
1363	3.134496
1364	3.134814
1365	3.135133
1366	3.135451
1367	3.135769
1368	3.136086
1369	3.136403
1370	3.136721
1371	3.137037
1372	3.137354
1373	3.137671
1374	3.137987
1375	3.138302
1376	3.138618

	Sin. 7	Tang. 7	Cotang. 7	Cofin. 7	
30	9.115698	9.119429	0.880571	9.996269	30
31	9.116656	9.120404	0.879596	9.996252	29
32	9.117613	9.121377	0.878623	9.996235	28
33	9.118567	9.122348	0.877652	9.996219	27
34	9.119519	9.123317	0.876683	9.996202	26
35	9.120469	9.124284	0.875716	9.996185	25
36	9.121417	9.125249	0.874751	9.996168	24
37	9.122362	9.126211	0.873789	9.996151	23
38	9.123306	9.127172	0.872828	9.996134	22
39	9.124248	9.128130	0.871870	9.996117	21
40	9.125187	9.129087	0.870913	9.996100	20
41	9.126125	9.130041	0.869959	9.996083	19
42	9.127060	9.130994	0.869006	9.996066	18
43	9.127993	9.131944	0.868056	9.996049	17
44	9.128925	9.132893	0.867107	9.996032	16
45	9.129854	9.133839	0.866161	9.996015	15
46	9.130781	9.134784	0.865216	9.995998	14
47	9.131706	9.135726	0.864274	9.995980	13
48	9.132630	9.136667	0.863333	9.995963	12
49	9.133551	9.137605	0.862395	9.995946	11
50	9.134470	9.138542	0.861458	9.995928	10
51	9.135387	9.139476	0.860524	9.995911	9
52	9.136303	9.140409	0.859591	9.995894	8
53	9.137216	9.141340	0.858660	9.995876	7
54	9.138128	9.142269	0.857731	9.995859	6
55	9.139037	9.143196	0.856804	9.995841	5
56	9.139944	9.144121	0.855879	9.995823	4
57	9.140850	9.145044	0.854956	9.995806	3
58	9.141754	9.145966	0.854034	9.995788	2
59	9.142655	9.146885	0.853115	9.995771	1
60	9.143555	9.147803	0.852197	9.995753	0
	Cofin. 82	Cotang. 82	Tang. 82	Sin. 82	

1377	3.138934
1378	3.139249
1379	3.139564
1380	3.139879
1381	3.140194
1382	3.140508
1383	3.140822
1384	3.141136
1385	3.141450
1386	3.141763
1387	3.142076
1388	3.142389
1389	3.142702
1390	3.143015
1391	3.143327
1392	3.143639
1393	3.143951
1394	3.144263

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1395	3.144574	1410	3.149219	1425	3.153815
1396	3.144885	1411	3.149527	1426	3.154120
1397	3.145196	1412	3.149835	1427	3.154424
1398	3.145507	1413	3.150142	1428	3.154728
1399	3.145818	1414	3.150449	1429	3.155032
1400	3.146128	1415	3.150756	1430	3.155336
1401	3.146438	1416	3.151063	1431	3.155640
1402	3.146748	1417	3.151370	1432	3.155943
1403	3.147058	1418	3.151676	1433	3.156246
1404	3.147367	1419	3.151982	1434	3.156549
1405	3.147676	1420	3.152288	1435	3.156852
1406	3.147985	1421	3.152594	1436	3.157154
1407	3.148294	1422	3.152900	1437	3.157457
1408	3.148603	1423	3.153205	1438	3.157759
1409	3.148911	1424	3.153510	1439	3.158061

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
1440	3.158362
1441	3.158664
1442	3.158965
1443	3.159266
1444	3.159567
1445	3.159868
1446	3.160168
1447	3.160468
1448	3.160769
1449	3.161068
1450	3.161368
1451	3.161667
1452	3.161967
1453	3.162266
1454	3.162564
1455	3.162863
1456	3.163161
1457	3.163460
1458	3.163758
1459	3.164055
1460	3.164353
1461	3.164650
1462	3.164947
1463	3.165244
1464	3.165541
1465	3.165838
1466	3.166134
1467	3.166430
1468	3.166726
1469	3.167022
1470	3.167317
1471	3.167613
1472	3.167908
1473	3.168203
1474	3.168497
1475	3.168792
1476	3.169086
1477	3.169380
1478	3.169674
1479	3.169968
1480	3.170262
1481	3.170555
1482	3.170848
1483	3.171141
1484	3.171434

	Sin. 8	Tang. 8	Cotang. 8	Cofin. 8	
0	9.143555	9.147803	0.852197	9.995753	60
1	9.144453	9.148718	0.851282	9.995735	59
2	9.145349	9.149632	0.850368	9.995717	58
3	9.146243	9.150544	0.849456	9.995699	57
4	9.147136	9.151454	0.848546	9.995681	56
5	9.148026	9.152363	0.847637	9.995664	55
6	9.148915	9.153269	0.846731	9.995646	54
7	9.149802	9.154174	0.845826	9.995628	53
8	9.150686	9.155077	0.844923	9.995610	52
9	9.151569	9.155978	0.844022	9.995591	51
10	9.152451	9.156877	0.843123	9.995573	50
11	9.153330	9.157775	0.842225	9.995555	49
12	9.154208	9.158671	0.841329	9.995537	48
13	9.155083	9.159565	0.840435	9.995519	47
14	9.155957	9.160457	0.839543	9.995501	46
15	9.156830	9.161347	0.838653	9.995482	45
16	9.157700	9.162236	0.837764	9.995464	44
17	9.158569	9.163123	0.836877	9.995446	43
18	9.159435	9.164008	0.835992	9.995427	42
19	9.160301	9.164892	0.835108	9.995409	41
20	9.161164	9.165774	0.834226	9.995390	40
21	9.162025	9.166654	0.833346	9.995372	39
22	9.162885	9.167532	0.832468	9.995353	38
23	9.163743	9.168409	0.831591	9.995334	37
24	9.164600	9.169284	0.830716	9.995316	36
25	9.165454	9.170157	0.829843	9.995297	35
26	9.166307	9.171029	0.828971	9.995278	34
27	9.167159	9.171899	0.828101	9.995260	33
28	9.168008	9.172767	0.827233	9.995241	32
29	9.168856	9.173634	0.826366	9.995222	31
30	9.169702	9.174499	0.825501	9.995203	30
	Cofin. 81	Cotang. 81	Tang. 81	Sin. 81	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1485	3.171726	1500	3.176091	1515	3.180413
1486	3.172019	1501	3.176381	1516	3.180699
1487	3.172311	1502	3.176670	1517	3.180986
1488	3.172603	1503	3.176959	1518	3.181272
1489	3.172895	1504	3.177248	1519	3.181558
1490	3.173186	1505	3.177536	1520	3.181844
1491	3.173478	1506	3.177825	1521	3.182129
1492	3.173769	1507	3.178113	1522	3.182415
1493	3.174060	1508	3.178401	1523	3.182700
1494	3.174351	1509	3.178689	1524	3.182985
1495	3.174641	1510	3.178977	1525	3.183270
1496	3.174932	1511	3.179264	1526	3.183555
1497	3.175222	1512	3.179552	1527	3.183839
1498	3.175512	1513	3.179839	1528	3.184123
1499	3.175802	1514	3.180126	1529	3.184407

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

1530	3.184691
1531	3.184975
1532	3.185259
1533	3.185542
1534	3.185825
1535	3.186108
1536	3.186391
1537	3.186674
1538	3.186956
1539	3.187239
1540	3.187521
1541	3.187803
1542	3.188084
1543	3.188366
1544	3.188647
1545	3.188928
1546	3.189209
1547	3.189490
1548	3.189771
1549	3.190051
1550	3.190332
1551	3.190612
1552	3.190892
1553	3.191171
1554	3.191451
1555	3.191730
1556	3.192010

	Sin. 8	Tang. 8	Cotang. 8	Cofin. 8	
30	9.169702	9.174499	0.825501	9.995203	30
31	9.170547	9.175362	0.824638	9.995184	29
32	9.171389	9.176224	0.823776	9.995165	28
33	9.172230	9.177084	0.822916	9.995146	27
34	9.173070	9.177942	0.822058	9.995127	26
35	9.173908	9.178799	0.821201	9.995108	25
36	9.174744	9.179655	0.820345	9.995089	24
37	9.175578	9.180508	0.819492	9.995070	23
38	9.176411	9.181360	0.818640	9.995051	22
39	9.177242	9.182211	0.817789	9.995032	21
40	9.178072	9.183059	0.816941	9.995013	20
41	9.178900	9.183907	0.816093	9.994993	19
42	9.179726	9.184752	0.815248	9.994974	18
43	9.180551	9.185597	0.814403	9.994955	17
44	9.181374	9.186439	0.813561	9.994935	16
45	9.182196	9.187280	0.812720	9.994916	15
46	9.183016	9.188120	0.811880	9.994896	14
47	9.183834	9.188958	0.811042	9.994877	13
48	9.184651	9.189794	0.810206	9.994857	12
49	9.185466	9.190629	0.809371	9.994838	11
50	9.186280	9.191462	0.808538	9.994818	10
51	9.187092	9.192294	0.807706	9.994798	9
52	9.187903	9.193124	0.806876	9.994779	8
53	9.188712	9.193953	0.806047	9.994759	7
54	9.189519	9.194780	0.805220	9.994739	6
55	9.190325	9.195606	0.804394	9.994719	5
56	9.191130	9.196430	0.803570	9.994700	4
57	9.191933	9.197253	0.802747	9.994680	3
58	9.192734	9.198074	0.801926	9.994660	2
59	9.193534	9.198894	0.801106	9.994640	1
60	9.194332	9.199713	0.800287	9.994620	0
	Cofin. 81	Cotang. 81	Tang. 81	Sin. 81	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1557	3.192289	1575	3.197281	1590	3.201397
1558	3.192567	1576	3.197556	1591	3.201670
1559	3.192846	1577	3.197832	1592	3.201943
1560	3.193125	1578	3.198107	1593	3.202216
1561	3.193403	1579	3.198382	1594	3.202488
1562	3.193681	1580	3.198657	1595	3.202761
1563	3.193959	1581	3.198932	1596	3.203033
1564	3.194237	1582	3.199206	1597	3.203305
1565	3.194514	1583	3.199481	1598	3.203577
1566	3.194792	1584	3.199755	1599	3.203848
1567	3.195069	1585	3.200029	1600	3.204120
1568	3.195346	1586	3.200303	1601	3.204391
1569	3.195623	1587	3.200577	1602	3.204663
1570	3.195900	1588	3.200850	1603	3.204934
1571	3.196176	1589	3.201124	1604	3.205204
1572	3.196453				
1573	3.196729				
1574	3.197005				

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
1620	3.209515
1621	3.209783
1622	3.210051
1623	3.210319
1624	3.210586
1625	3.210853
1626	3.211121
1627	3.211388
1628	3.211654
1629	3.211921
1630	3.212188
1631	3.212454
1632	3.212720
1633	3.212986
1634	3.213252
1635	3.213518
1636	3.213783
1637	3.214049
1638	3.214314
1639	3.214579
1640	3.214844
1641	3.215109
1642	3.215373
1643	3.215638
1644	3.215902
1645	3.216166
1646	3.216430
1647	3.216694
1648	3.216957
1649	3.217221
1650	3.217484
1651	3.217747
1652	3.218010
1653	3.218273
1654	3.218536
1655	3.218798
1656	3.219060
1657	3.219323
1658	3.219585
1659	3.219846
1660	3.220108
1661	3.220370
1662	3.220631
1663	3.220892
1664	3.221153

	Sin. 9	Tang. 9	Cotang. 9	Cofin. 9	
0	9.194332	9.199713	0.800287	9.994620	60
1	9.195129	9.200529	0.799471	9.994600	59
2	9.195925	9.201345	0.798655	9.994580	58
3	9.196719	9.202159	0.797841	9.994560	57
4	9.197511	9.202971	0.797029	9.994540	56
5	9.198302	9.203782	0.796218	9.994519	55
6	9.199091	9.204592	0.795408	9.994499	54
7	9.199879	9.205400	0.794600	9.994479	53
8	9.200666	9.206207	0.793793	9.994459	52
9	9.201451	9.207013	0.792987	9.994438	51
10	9.202234	9.207817	0.792183	9.994418	50
11	9.203017	9.208619	0.791381	9.994398	49
12	9.203797	9.209420	0.790580	9.994377	48
13	9.204577	9.210220	0.789780	9.994357	47
14	9.205354	9.211018	0.788982	9.994336	46
15	9.206131	9.211815	0.788185	9.994316	45
16	9.206906	9.212611	0.787389	9.994295	44
17	9.207679	9.213405	0.786595	9.994274	43
18	9.208452	9.214198	0.785802	9.994254	42
19	9.209222	9.214989	0.785011	9.994233	41
20	9.209992	9.215780	0.784220	9.994212	40
21	9.210760	9.216568	0.783432	9.994191	39
22	9.211526	9.217356	0.782644	9.994171	38
23	9.212291	9.218142	0.781858	9.994150	37
24	9.213055	9.218926	0.781074	9.994129	36
25	9.213818	9.219710	0.780290	9.994108	35
26	9.214579	9.220492	0.779508	9.994087	34
27	9.215338	9.221272	0.778728	9.994066	33
28	9.216097	9.222052	0.777948	9.994045	32
29	9.216854	9.222830	0.777170	9.994024	31
30	9.217609	9.223607	0.776393	9.994003	30
	Cofin. 80	Cotang. 80	Tang. 80	Sin. 80	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1665	3.221414	1680	3.225309	1695	3.229170
1666	3.221675	1681	3.225568	1696	3.229426
1667	3.221936	1682	3.225826	1697	3.229682
1668	3.222196	1683	3.226084	1698	3.229938
1669	3.222456	1684	3.226342	1699	3.230193
1670	3.222716	1685	3.226600	1700	3.230449
1671	3.222976	1686	3.226858	1701	3.230704
1672	3.223236	1687	3.227115	1702	3.230960
1673	3.223496	1688	3.227372	1703	3.231215
1674	3.223755	1689	3.227630	1704	3.231470
1675	3.224015	1690	3.227887	1705	3.231724
1676	3.224274	1691	3.228144	1706	3.231979
1677	3.224533	1692	3.228400	1707	3.232234
1678	3.224792	1693	3.228657	1708	3.232488
1679	3.225051	1694	3.228913	1709	3.232742

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
1710	3.232996
1711	3.233250
1712	3.233504
1713	3.233757
1714	3.234011
1715	3.234264
1716	3.234517
1717	3.234770
1718	3.235023
1719	3.235276
1720	3.235528
1721	3.235781
1722	3.236033
1723	3.236285
1724	3.236537
1725	3.236789
1726	3.237041
1727	3.237292
1728	3.237544
1729	3.237795
1730	3.238046
1731	3.238297
1732	3.238548
1733	3.238799
1734	3.239049
1735	3.239299
1736	3.239550

	Sin. 9	Tang. 9	Cotang. 9	Cofin. 9	
30	9.217609	9.223607	0.776393	9.994003	30
31	9.218363	9.224382	0.775618	9.993982	29
32	9.219116	9.225156	0.774844	9.993960	28
33	9.219868	9.225929	0.774071	9.993939	27
34	9.220618	9.226700	0.773300	9.993918	26
35	9.221367	9.227471	0.772529	9.993897	25
36	9.222115	9.228239	0.771761	9.993875	24
37	9.222861	9.229007	0.770993	9.993854	23
38	9.223606	9.229773	0.770227	9.993832	22
39	9.224349	9.230539	0.769461	9.993811	21
40	9.225092	9.231302	0.768698	9.993789	20
41	9.225833	9.232065	0.767935	9.993768	19
42	9.226573	9.232826	0.767174	9.993746	18
43	9.227311	9.233586	0.766414	9.993725	17
44	9.228048	9.234345	0.765655	9.993703	16
45	9.228784	9.235103	0.764897	9.993681	15
46	9.229518	9.235859	0.764141	9.993660	14
47	9.230252	9.236614	0.763386	9.993638	13
48	9.230984	9.237368	0.762632	9.993616	12
49	9.231715	9.238120	0.761880	9.993594	11
50	9.232444	9.238872	0.761128	9.993572	10
51	9.233172	9.239622	0.760378	9.993550	9
52	9.233899	9.240371	0.759629	9.993528	8
53	9.234625	9.241118	0.758882	9.993506	7
54	9.235349	9.241865	0.758135	9.993484	6
55	9.236073	9.242610	0.757390	9.993462	5
56	9.236795	9.243354	0.756646	9.993440	4
57	9.237515	9.244097	0.755903	9.993418	3
58	9.238235	9.244839	0.755161	9.993396	2
59	9.238953	9.245579	0.754421	9.993374	1
60	9.239670	9.246319	0.753681	9.993351	0
	Cofin. 80	Cotang. 80	Tang. 80	Sin. 80	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1740	3.240549	1755	3.244277	1770	3.247973
1741	3.240799	1756	3.244524	1771	3.248219
1742	3.241048	1757	3.244772	1772	3.248464
1743	3.241297	1758	3.245019	1773	3.248709
1744	3.241546	1759	3.245266	1774	3.248954
1745	3.241795	1760	3.245513	1775	3.249198
1746	3.242044	1761	3.245759	1776	3.249443
1747	3.242293	1762	3.246006	1777	3.249687
1748	3.242541	1763	3.246252	1778	3.249932
1749	3.242790	1764	3.246499	1779	3.250176
1750	3.243038	1765	3.246745	1780	3.250420
1751	3.243286	1766	3.246991	1781	3.250664
1752	3.243534	1767	3.247237	1782	3.250908
1753	3.243782	1768	3.247482	1783	3.251151
1754	3.244030	1769	3.247728	1784	3.251395
				1785	3.251638
				1786	3.251881
				1787	3.252125
				1788	3.252368
				1789	3.252610
				1790	3.252853
				1791	3.253096
				1792	3.253338
				1793	3.253580
				1794	3.253822
				1795	3.254064
				1796	3.254306
				1797	3.254548
				1798	3.254790
				1799	3.255031

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

1800	3.255273
1801	3.255514
1802	3.255755
1803	3.255996
1804	3.256236
1805	3.256477
1806	3.256718
1807	3.256958
1808	3.257198
1809	3.257439
1810	3.257679
1811	3.257918
1812	3.258158
1813	3.258398
1814	3.258637
1815	3.258877
1816	3.259116
1817	3.259355
1818	3.259594
1819	3.259833
1820	3.260071
1821	3.260310
1822	3.260548
1823	3.260787
1824	3.261025
1825	3.261263
1826	3.261501

1827	3.261739
1828	3.261976
1829	3.262214
1830	3.262451
1831	3.262688
1832	3.262925
1833	3.263162
1834	3.263399
1835	3.263636
1836	3.263873
1837	3.264109
1838	3.264346
1839	3.264582
1840	3.264818
1841	3.265054
1842	3.265290
1843	3.265525
1844	3.265761

	Sin. 10	Tang. 10	Cotang. 10	Cosin. 10	
0	9.239670	9.246319	0.753681	9.993351	60
1	9.240386	9.247057	0.752943	9.993329	59
2	9.241101	9.247794	0.752206	9.993307	58
3	9.241814	9.248530	0.751470	9.993284	57
4	9.242526	9.249264	0.750736	9.993262	56
5	9.243237	9.249998	0.750002	9.993240	55
6	9.243947	9.250730	0.749270	9.993217	54
7	9.244656	9.251461	0.748539	9.993195	53
8	9.245363	9.252191	0.747809	9.993172	52
9	9.246069	9.252920	0.747080	9.993149	51
10	9.246775	9.253648	0.746352	9.993127	50
11	9.247478	9.254374	0.745626	9.993104	49
12	9.248181	9.255100	0.744900	9.993081	48
13	9.248883	9.255824	0.744176	9.993059	47
14	9.249583	9.256547	0.743453	9.993036	46
15	9.250282	9.257269	0.742731	9.993013	45
16	9.250980	9.257990	0.742010	9.992990	44
17	9.251677	9.258710	0.741290	9.992967	43
18	9.252373	9.259429	0.740571	9.992944	42
19	9.253067	9.260146	0.739854	9.992921	41
20	9.253761	9.260863	0.739137	9.992898	40
21	9.254453	9.261578	0.738422	9.992875	39
22	9.255144	9.262292	0.737708	9.992852	38
23	9.255834	9.263005	0.736995	9.992829	37
24	9.256523	9.263717	0.736283	9.992806	36
25	9.257211	9.264428	0.735572	9.992783	35
26	9.257898	9.265138	0.734862	9.992759	34
27	9.258583	9.265847	0.734153	9.992736	33
28	9.259268	9.266555	0.733445	9.992713	32
29	9.259951	9.267261	0.732739	9.992690	31
30	9.260633	9.267967	0.732033	9.992666	30
	Cosin. 79	Cotang. 79	Tang. 79	Sin. 79	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1845	3.265996	1860	3.269513	1875	3.273001
1846	3.266232	1861	3.269746	1876	3.273233
1847	3.266467	1862	3.269980	1877	3.273464
1848	3.266702	1863	3.270213	1878	3.273696
1849	3.266937	1864	3.270446	1879	3.273927
1850	3.267172	1865	3.270679	1880	3.274158
1851	3.267406	1866	3.270912	1881	3.274389
1852	3.267641	1867	3.271144	1882	3.274620
1853	3.267875	1868	3.271377	1883	3.274850
1854	3.268110	1869	3.271609	1884	3.275081
1855	3.268344	1870	3.271842	1885	3.275311
1856	3.268578	1871	3.272074	1886	3.275542
1857	3.268812	1872	3.272306	1887	3.275772
1858	3.269046	1873	3.272538	1888	3.276002
1859	3.269279	1874	3.272770	1889	3.276232

LOGARITHMES

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
1890	3.276462
1891	3.276692
1892	3.276921
1893	3.277151
1894	3.277380
1895	3.277609
1896	3.277838
1897	3.278067
1898	3.278296
1899	3.278525
1900	3.278754
1901	3.278982
1902	3.279211
1903	3.279439
1904	3.279667
1905	3.279895
1906	3.280123
1907	3.280351
1908	3.280578
1909	3.280806
1910	3.281033
1911	3.281261
1912	3.281488
1913	3.281715
1914	3.281942
1915	3.282169
1916	3.282396

	Sin. 10	Tang. 10	Cotang. 10	Cosin. 10	
30	9.260633	9.267967	0.732033	9.992666	30
31	9.261314	9.268671	0.731329	9.992643	29
32	9.261994	9.269375	0.730625	9.992619	28
33	9.262673	9.270077	0.729923	9.992596	27
34	9.263351	9.270779	0.729221	9.992572	26
35	9.264027	9.271479	0.728521	9.992549	25
36	9.264703	9.272178	0.727822	9.992525	24
37	9.265377	9.272876	0.727124	9.992501	23
38	9.266051	9.273573	0.726427	9.992478	22
39	9.266723	9.274269	0.725731	9.992454	21
40	9.267395	9.274964	0.725036	9.992430	20
41	9.268065	9.275658	0.724342	9.992406	19
42	9.268734	9.276351	0.723649	9.992382	18
43	9.269402	9.277043	0.722957	9.992359	17
44	9.270069	9.277734	0.722266	9.992335	16
45	9.270735	9.278424	0.721576	9.992311	15
46	9.271400	9.279113	0.720887	9.992287	14
47	9.272064	9.279801	0.720199	9.992263	13
48	9.272726	9.280488	0.719512	9.992239	12
49	9.273388	9.281174	0.718826	9.992214	11
50	9.274049	9.281858	0.718142	9.992190	10
51	9.274708	9.282542	0.717458	9.992166	9
52	9.275367	9.283225	0.716775	9.992142	8
53	9.276025	9.283907	0.716093	9.992118	7
54	9.27668	9.284588	0.715412	9.992093	6
55	9.277337	9.285268	0.714732	9.992069	5
56	9.277991	9.285947	0.714053	9.992044	4
57	9.278645	9.286624	0.713375	9.992020	3
58	9.279297	9.287301	0.712699	9.991996	2
59	9.279948	9.287977	0.712023	9.991971	1
60	9.280599	9.288652	0.711348	9.991947	0
	Cosin. 79	Cotang. 79	Tang. 79	Sin. 79	

1917	3.282622
1918	3.282849
1919	3.283075
1920	3.283301
1921	3.283527
1922	3.283753
1923	3.283979
1924	3.284205
1925	3.284431
1926	3.284656
1927	3.284882
1928	3.285107
1929	3.285332
1930	3.285557
1931	3.285782
1932	3.286007
1933	3.286232
1934	3.286456

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
1935	3.286681	1950	3.290035	1965	3.293363
1936	3.286905	1951	3.290257	1966	3.293584
1937	3.287130	1952	3.290480	1967	3.293804
1938	3.287354	1953	3.290702	1968	3.294025
1939	3.287578	1954	3.290925	1969	3.294246
1940	3.287802	1955	3.291147	1970	3.294466
1941	3.288026	1956	3.291369	1971	3.294687
1942	3.288249	1957	3.291591	1972	3.294907
1943	3.288473	1958	3.291813	1973	3.295127
1944	3.288696	1959	3.292034	1974	3.295347
1945	3.288920	1960	3.292256	1975	3.295567
1946	3.289143	1961	3.292478	1976	3.295787
1947	3.289366	1962	3.292699	1977	3.296007
1948	3.289589	1963	3.292920	1978	3.296226
1949	3.289812	1964	3.293141	1979	3.296446

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

1980	3.296665
1981	3.296884
1982	3.297104
1983	3.297323
1984	3.297542
1985	3.297761
1986	3.297979
1987	3.298198
1988	3.298416
1989	3.298635
1990	3.298853
1991	3.299071
1992	3.299289
1993	3.299507
1994	3.299725
1995	3.299943
1996	3.300161
1997	3.300378
1998	3.300595
1999	3.300813
2000	3.301030
2001	3.301247
2002	3.301464
2003	3.301681
2004	3.301898
2005	3.302114
2006	3.302331
2007	3.302547
2008	3.302764
2009	3.302980
2010	3.303196
2011	3.303412
2012	3.303628
2013	3.303844
2014	3.304059
2015	3.304275
2016	3.304491
2017	3.304706
2018	3.304921
2019	3.305136
2020	3.305351
2021	3.305566
2022	3.305781
2023	3.305996
2024	3.306211

	Sin. II	Tang. II	Cotang. II	Cofin. II	
0	9.280599	9.288652	0.711348	9.991947	60
1	9.281248	9.289326	0.710674	9.991922	59
2	9.281897	9.289999	0.710001	9.991897	58
3	9.282544	9.290671	0.709329	9.991873	57
4	9.283190	9.291342	0.708658	9.991848	56
5	9.283836	9.292013	0.707987	9.991823	55
6	9.284480	9.292682	0.707318	9.991799	54
7	9.285124	9.293350	0.706650	9.991774	53
8	9.285766	9.294017	0.705983	9.991749	52
9	9.286408	9.294684	0.705316	9.991724	51
10	9.287048	9.295349	0.704651	9.991699	50
11	9.287688	9.296013	0.703987	9.991674	49
12	9.288326	9.296677	0.703323	9.991649	48
13	9.288964	9.297339	0.702661	9.991624	47
14	9.289600	9.298001	0.701999	9.991599	46
15	9.290236	9.298662	0.701338	9.991574	45
16	9.290870	9.299322	0.700678	9.991549	44
17	9.291504	9.299980	0.700020	9.991524	43
18	9.292137	9.300638	0.699362	9.991498	42
19	9.292768	9.301295	0.698705	9.991473	41
20	9.293399	9.301951	0.698049	9.991448	40
21	9.294029	9.302607	0.697393	9.991422	39
22	9.294658	9.303261	0.696739	9.991397	38
23	9.295286	9.303914	0.696086	9.991372	37
24	9.295913	9.304567	0.695433	9.991346	36
25	9.296539	9.305218	0.694782	9.991321	35
26	9.297164	9.305869	0.694131	9.991295	34
27	9.297788	9.306519	0.693481	9.991270	33
28	9.298412	9.307168	0.692832	9.991244	32
29	9.299034	9.307815	0.692184	9.991218	31
30	9.299655	9.308463	0.691537	9.991193	30
Cofin. 78		Cotang. 78	Tang. 78	Sin. 78	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
2025	3.306425	2040	3.309630	2055	3.312812
2026	3.306639	2041	3.309843	2056	3.313023
2027	3.306854	2042	3.310056	2057	3.313234
2028	3.307068	2043	3.310268	2058	3.313445
2029	3.307282	2044	3.310481	2059	3.313656
2030	3.307496	2045	3.310693	2060	3.313867
2031	3.307710	2046	3.310906	2061	3.314078
2032	3.307924	2047	3.311118	2062	3.314289
2033	3.308137	2048	3.311330	2063	3.314499
2034	3.308351	2049	3.311542	2064	3.314710
2035	3.308564	2050	3.311754	2065	3.314920
2036	3.308778	2051	3.311966	2066	3.315130
2037	3.308991	2052	3.312177	2067	3.315340
2038	3.309204	2053	3.312389	2068	3.315551
2039	3.309417	2054	3.312600	2069	3.315760

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
2070	3.315970
2071	3.316180
2072	3.316390
2073	3.316599
2074	3.316809
2075	3.317018
2076	3.317227
2077	3.317436
2078	3.317646
2079	3.317854
2080	3.318063
2081	3.318272
2082	3.318481
2083	3.318689
2084	3.318898
2085	3.319106
2086	3.319314
2087	3.319522
2088	3.319730
2089	3.319938
2090	3.320146
2091	3.320354
2092	3.320562
2093	3.320769
2094	3.320977
2095	3.321184
2096	3.321391

	Sin. II	Tang. II	Cotang. II	Cofin. II	
30	9.299655	9.308463	0.691537	9.991193	30
31	9.300276	9.309109	0.690891	9.991167	29
32	9.300895	9.309754	0.690246	9.991141	28
33	9.301514	9.310399	0.689601	9.991115	27
34	9.302132	9.311042	0.688958	9.991090	26
35	9.302748	9.311685	0.688315	9.991064	25
36	9.303364	9.312327	0.687673	9.991038	24
37	9.303979	9.312968	0.687032	9.991012	23
38	9.304593	9.313608	0.686392	9.990986	22
39	9.305207	9.314247	0.685753	9.990960	21
40	9.305819	9.314885	0.685115	9.990934	20
41	9.306430	9.315523	0.684477	9.990908	19
42	9.307041	9.316159	0.683841	9.990882	18
43	9.307650	9.316795	0.683205	9.990855	17
44	9.308259	9.317430	0.682570	9.990829	16
45	9.308867	9.318064	0.681936	9.990803	15
46	9.309474	9.318697	0.681303	9.990777	14
47	9.310080	9.319330	0.680670	9.990750	13
48	9.310685	9.319961	0.680039	9.990724	12
49	9.311289	9.320592	0.679408	9.990697	11
50	9.311893	9.321222	0.678778	9.990671	10
51	9.312495	9.321851	0.678149	9.990645	9
52	9.313097	9.322479	0.677521	9.990618	8
53	9.313698	9.323106	0.676894	9.990591	7
54	9.314297	9.323733	0.676267	9.990565	6
55	9.314897	9.324358	0.675642	9.990538	5
56	9.315495	9.324983	0.675017	9.990511	4
57	9.316092	9.325607	0.674393	9.990485	3
58	9.316689	9.326231	0.673769	9.990458	2
59	9.317284	9.326853	0.673147	9.990431	1
60	9.317879	9.327475	0.672525	9.990404	0
	Cofin. 78	Cotang. 78	Tang. 78	Sin. 78	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
2100	3.322219	2115	3.325310	2130	3.328380
2101	3.322426	2116	3.325516	2131	3.328583
2102	3.322633	2117	3.325721	2132	3.328787
2103	3.322839	2118	3.325926	2133	3.328991
2104	3.323046	2119	3.326131	2134	3.329194
2105	3.323252	2120	3.326336	2135	3.329398
2106	3.323458	2121	3.326541	2136	3.329601
2107	3.323665	2122	3.326745	2137	3.329805
2108	3.323871	2123	3.326950	2138	3.330008
2109	3.324077	2124	3.327155	2139	3.330211
2110	3.324282	2125	3.327359	2140	3.330414
2111	3.324488	2126	3.327563	2141	3.330617
2112	3.324694	2127	3.327767	2142	3.330819
2113	3.324899	2128	3.327972	2143	3.331022
2114	3.325105	2129	3.328176	2144	3.331225
				2145	3.331427
				2146	3.331630
				2147	3.331832
				2148	3.332034
				2149	3.332236
				2150	3.332438
				2151	3.332640
				2152	3.332842
				2153	3.333044
				2154	3.333246
				2155	3.333447
				2156	3.333649
				2157	3.333850
				2158	3.334051
				2159	3.334253

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
2160	3.334454
2161	3.334655
2162	3.334856
2163	3.335056
2164	3.335257
2165	3.335458
2166	3.335658
2167	3.335859
2168	3.336059
2169	3.336260
2170	3.336460
2171	3.336660
2172	3.336860
2173	3.337060
2174	3.337260
2175	3.337459
2176	3.337659
2177	3.337858
2178	3.338058
2179	3.338257
2180	3.338456
2181	3.338656
2182	3.338855
2183	3.339054
2184	3.339253
2185	3.339451
2186	3.339650
2187	3.339849
2188	3.340047
2189	3.340246
2190	3.340444
2191	3.340642
2192	3.340841
2193	3.341039
2194	3.341237
2195	3.341435
2196	3.341632
2197	3.341830
2198	3.342028
2199	3.342225
2200	3.342423
2201	3.342620
2202	3.342817
2203	3.343014
2204	3.343212

'	Sin. 12	Tang. 12	Cotang. 12	Cofin. 12	
0	9.317879	9.327474	0.672525	9.990404	60
1	9.318473	9.328095	0.671905	9.990378	59
2	9.319066	9.328715	0.671285	9.990351	58
3	9.319658	9.329334	0.670666	9.990324	57
4	9.320249	9.329953	0.670047	9.990297	56
5	9.320840	9.330570	0.669430	9.990270	55
6	9.321430	9.331187	0.668813	9.990243	54
7	9.322019	9.331803	0.668197	9.990215	53
8	9.322607	9.332418	0.667582	9.990188	52
9	9.323194	9.333033	0.666967	9.990161	51
10	9.323780	9.333646	0.666354	9.990134	50
11	9.324366	9.334259	0.665741	9.990107	49
12	9.324950	9.334871	0.665129	9.990079	48
13	9.325534	9.335482	0.664518	9.990052	47
14	9.326117	9.336093	0.663907	9.990025	46
15	9.326700	9.336702	0.663298	9.989997	45
16	9.327281	9.337311	0.662689	9.989970	44
17	9.327862	9.337919	0.662081	9.989942	43
18	9.328442	9.338527	0.661473	9.989915	42
19	9.329021	9.339133	0.660867	9.989887	41
20	9.329599	9.339739	0.660261	9.989860	40
21	9.330176	9.340344	0.659656	9.989832	39
22	9.330752	9.340948	0.659052	9.989804	38
23	9.331329	9.341552	0.658448	9.989777	37
24	9.331903	9.342155	0.657845	9.989749	36
25	9.332478	9.342757	0.657243	9.989721	35
26	9.333051	9.343358	0.656642	9.989693	34
27	9.333624	9.343958	0.656042	9.989665	33
28	9.334195	9.344558	0.655442	9.989637	32
29	9.334767	9.345157	0.654843	9.989610	31
30	9.335337	9.345755	0.654245	9.989582	30
	Cofin. 77	Cotang. 77	Tang. 77	Sin. 77	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
2205	3.343409	2220	3.346353	2235	3.349278
2206	3.343606	2221	3.346549	2236	3.349472
2207	3.343802	2222	3.346744	2237	3.349666
2208	3.343999	2223	3.346939	2238	3.349860
2209	3.344196	2224	3.347135	2239	3.350054
2210	3.344392	2225	3.347330	2240	3.350248
2211	3.344589	2226	3.347525	2241	3.350442
2212	3.344785	2227	3.347720	2242	3.350636
2213	3.344981	2228	3.347915	2243	3.350829
2214	3.345178	2229	3.348110	2244	3.351023
2215	3.345374	2230	3.348305	2245	3.351216
2216	3.345570	2231	3.348500	2246	3.351410
2217	3.345766	2232	3.348694	2247	3.351603
2218	3.345962	2233	3.348889	2248	3.351796
2219	3.346157	2234	3.349083	2249	3.351989

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

2250	3.352183
2251	3.352375
2252	3.352568
2253	3.352761
2254	3.352954
2255	3.353147
2256	3.353339
2257	3.353532
2258	3.353724
2259	3.353916
2260	3.354108
2261	3.354301
2262	3.354493
2263	3.354685
2264	3.354876
2265	3.355068
2266	3.355260
2267	3.355452
2268	3.355643
2269	3.355834
2270	3.356026
2271	3.356217
2272	3.356408
2273	3.356599
2274	3.356790
2275	3.356981
2276	3.357172

	Sin. 12	Tang. 12	Cotang. 12	Cofin. 12	
30	9.335337	9.345755	0.654245	9.989582	30
31	9.335906	9.346353	0.653647	9.989553	29
32	9.336475	9.346949	0.653051	9.989525	28
33	9.337043	9.347545	0.652455	9.989497	27
34	9.337610	9.348141	0.651859	9.989469	26
35	9.338176	9.348735	0.651265	9.989441	25
36	9.338742	9.349329	0.650671	9.989413	24
37	9.339307	9.349922	0.650078	9.989385	23
38	9.339871	9.350514	0.649486	9.989356	22
39	9.340434	9.351106	0.648894	9.989328	21
40	9.340996	9.351697	0.648303	9.989300	20
41	9.341558	9.352287	0.647713	9.989271	19
42	9.342119	9.352876	0.647124	9.989243	18
43	9.342679	9.353465	0.646535	9.989214	17
44	9.343239	9.354053	0.645947	9.989186	16
45	9.343797	9.354640	0.645360	9.989157	15
46	9.344355	9.355227	0.644773	9.989128	14
47	9.344912	9.355813	0.644187	9.989100	13
48	9.345469	9.356398	0.643602	9.989071	12
49	9.346024	9.356982	0.643018	9.989042	11
50	9.346579	9.357566	0.642434	9.989014	10
51	9.347134	9.358149	0.641851	9.988985	9
52	9.347687	9.358731	0.641269	9.988956	8
53	9.348240	9.359313	0.640687	9.988927	7
54	9.348792	9.359893	0.640107	9.988898	6
55	9.349343	9.360474	0.639526	9.988869	5
56	9.349893	9.361053	0.638947	9.988840	4
57	9.350443	9.361632	0.638368	9.988811	3
58	9.350992	9.362210	0.637790	9.988782	2
59	9.351540	9.362787	0.637213	9.988753	1
60	9.352088	9.363364	0.636636	9.988724	0
	Cofin. 77	Cotang. 77	Tang. 77	Sin. 77	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
2295	3.360783	2310	3.363612	2325	3.366423
2296	3.360972	2311	3.363800	2326	3.366610
2297	3.361161	2312	3.363988	2327	3.366796
2298	3.361350	2313	3.364176	2328	3.366983
2299	3.361539	2314	3.364363	2329	3.367169
2300	3.361728	2315	3.364551	2330	3.367356
2301	3.361917	2316	3.364739	2331	3.367542
2302	3.362105	2317	3.364926	2332	3.367729
2303	3.362294	2318	3.365113	2333	3.367915
2304	3.362482	2319	3.365301	2334	3.368101
2305	3.362671	2320	3.365488	2335	3.368287
2306	3.362859	2321	3.365675	2336	3.368473
2307	3.363048	2322	3.365862	2337	3.368659
2308	3.363236	2323	3.366049	2338	3.368844
2309	3.363424	2324	3.366236	2339	3.369030

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

2520	3.401401
2521	3.401573
2522	3.401745
2523	3.401917
2524	3.402089
2525	3.402261
2526	3.402433
2527	3.402605
2528	3.402777
2529	3.402949
2530	3.403121
2531	3.403292
2532	3.403464
2533	3.403635
2534	3.403807
2535	3.403978
2536	3.404149
2537	3.404320
2538	3.404492
2539	3.404663
2540	3.404834
2541	3.405005
2542	3.405176
2543	3.405346
2544	3.405517
2545	3.405688
2546	3.405858
2547	3.406029
2548	3.406199
2549	3.406370
2550	3.406540
2551	3.406710
2552	3.406881
2553	3.407051
2554	3.407221
2555	3.407391
2556	3.407561
2557	3.407731
2558	3.407901
2559	3.408070
2560	3.408240
2561	3.408410
2562	3.408579
2563	3.408749
2564	3.408918

	Sin. 14	Tang. 14	Cotang. 14	Cofin. 14	
0	9.383675	9.396771	0.603229	9.986904	60
1	9.384182	9.397309	0.602691	9.986873	59
2	9.384687	9.397846	0.602154	9.986841	58
3	9.385192	9.398383	0.601617	9.986809	57
4	9.385697	9.398919	0.601081	9.986778	56
5	9.386201	9.399455	0.600545	9.986746	55
6	9.386704	9.399990	0.600010	9.986714	54
7	9.387207	9.400524	0.599476	9.986683	53
8	9.387709	9.401058	0.598942	9.986651	52
9	9.388210	9.401591	0.598409	9.986619	51
10	9.388711	9.402124	0.597876	9.986587	50
11	9.389211	9.402656	0.597344	9.986555	49
12	9.389711	9.403187	0.596813	9.986523	48
13	9.390210	9.403718	0.596282	9.986491	47
14	9.390708	9.404249	0.595751	9.986459	46
15	9.391206	9.404778	0.595222	9.986427	45
16	9.391703	9.405308	0.594692	9.986395	44
17	9.392199	9.405836	0.594164	9.986363	43
18	9.392695	9.406364	0.593636	9.986331	42
19	9.393191	9.406892	0.593108	9.986299	41
20	9.393685	9.407419	0.592581	9.986266	40
21	9.394179	9.407945	0.592055	9.986234	39
22	9.394673	9.408471	0.591529	9.986202	38
23	9.395166	9.408996	0.591004	9.986169	37
24	9.395658	9.409521	0.590479	9.986137	36
25	9.396150	9.410045	0.589955	9.986104	35
26	9.396641	9.410569	0.589431	9.986072	34
27	9.397132	9.411092	0.588908	9.986039	33
28	9.397621	9.411615	0.588385	9.986007	32
29	9.398111	9.412137	0.587863	9.985974	31
30	9.398600	9.412658	0.587342	9.985942	30
	Cofin. 75	Cotang. 75	Tang. 75	Sin. 75	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
2565	3.409087	2580	3.411620	2595	3.414137
2566	3.409257	2581	3.411788	2596	3.414305
2567	3.409426	2582	3.411956	2597	3.414472
2568	3.409595	2583	3.412124	2598	3.414639
2569	3.409764	2584	3.412293	2599	3.414806
2570	3.409933	2585	3.412461	2600	3.414973
2571	3.410102	2586	3.412629	2601	3.415140
2572	3.410271	2587	3.412796	2602	3.415307
2573	3.410440	2588	3.412964	2603	3.415474
2574	3.410609	2589	3.413132	2604	3.415641
2575	3.410777	2590	3.413300	2605	3.415808
2576	3.410946	2591	3.413467	2606	3.415974
2577	3.411114	2592	3.413635	2607	3.416141
2578	3.411283	2593	3.413803	2608	3.416308
2579	3.411451	2594	3.413970	2609	3.416474

LOGARITHME

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
2610	3.416641
2611	3.416807
2612	3.416973
2613	3.417139
2614	3.417306
2615	3.417472
2616	3.417638
2617	3.417804
2618	3.417970
2619	3.418135
2620	3.418301
2621	3.418467
2622	3.418633
2623	3.418798
2624	3.418964
2625	3.419129
2626	3.419295
2627	3.419460
2628	3.419625
2629	3.419791
2630	3.419956
2631	3.420121
2632	3.420286
2633	3.420451
2634	3.420616
2635	3.420781
2636	3.420945

	Sin. 14	Tang. 14	Cotang. 14	Cofin. 14	
30	9.398600	9.412658	0.587342	9.985942	30
31	9.399088	9.413179	0.586821	9.985909	29
32	9.399575	9.413699	0.586301	9.985876	28
33	9.400062	9.414219	0.585781	9.985843	27
34	9.400549	9.414738	0.585262	9.985811	26
35	9.401035	9.415257	0.584743	9.985778	25
36	9.401520	9.415775	0.584225	9.985745	24
37	9.402005	9.416293	0.583707	9.985712	23
38	9.402489	9.416810	0.583190	9.985679	22
39	9.402972	9.417326	0.582674	9.985646	21
40	9.403455	9.417842	0.582158	9.985613	20
41	9.403938	9.418358	0.581642	9.985580	19
42	9.404420	9.418873	0.581127	9.985547	18
43	9.404901	9.419387	0.580613	9.985514	17
44	9.405382	9.419901	0.580099	9.985480	16
45	9.405862	9.420415	0.579585	9.985447	15
46	9.406341	9.420927	0.579073	9.985414	14
47	9.406820	9.421440	0.578560	9.985381	13
48	9.407299	9.421952	0.578048	9.985347	12
49	9.407777	9.422463	0.577537	9.985314	11
50	9.408254	9.422974	0.577026	9.985280	10
51	9.408731	9.423484	0.576516	9.985247	9
52	9.409207	9.423993	0.576007	9.985213	8
53	9.409682	9.424503	0.575497	9.985180	7
54	9.410157	9.425011	0.574989	9.985146	6
55	9.410632	9.425519	0.574481	9.985113	5
56	9.411106	9.426027	0.573973	9.985079	4
57	9.411579	9.426534	0.573466	9.985045	3
58	9.412052	9.427041	0.572959	9.985011	2
59	9.412524	9.427547	0.572453	9.984978	1
60	9.412996	9.428052	0.571948	9.984944	0
	Cofin. 75	Cotang. 75	Tang. 75	Sin. 75	

2637	3.421110
2638	3.421275
2639	3.421439
2640	3.421604
2641	3.421768
2642	3.421933
2643	3.422097
2644	3.422261
2645	3.422426
2646	3.422590
2647	3.422754
2648	3.422918
2649	3.423082
2650	3.423246
2651	3.423410
2652	3.423574
2653	3.423737
2654	3.423901

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
2655	3.424065	2670	3.426511	2685	3.428944
2656	3.424228	2671	3.426674	2686	3.429106
2657	3.424392	2672	3.426836	2687	3.429268
2658	3.424555	2673	3.426999	2688	3.429429
2659	3.424718	2674	3.427161	2689	3.429591
2660	3.424882	2675	3.427324	2690	3.429752
2661	3.425045	2676	3.427486	2691	3.429914
2662	3.425208	2677	3.427648	2692	3.430076
2663	3.425371	2678	3.427811	2693	3.430236
2664	3.425534	2679	3.427973	2694	3.430398
2665	3.425697	2680	3.428135	2695	3.430559
2666	3.425860	2681	3.428297	2696	3.430720
2667	3.426023	2682	3.428459	2697	3.430881
2668	3.426186	2683	3.428621	2698	3.431042
2669	3.426349	2684	3.428783	2699	3.431203

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
2700	3.431364
2701	3.431525
2702	3.431685
2703	3.431846
2704	3.432007
2705	3.432167
2706	3.432328
2707	3.432488
2708	3.432649
2709	3.432809
2710	3.432969
2711	3.433130
2712	3.433290
2713	3.433450
2714	3.433610
2715	3.433770
2716	3.433930
2717	3.434090
2718	3.434249
2719	3.434409
2720	3.434569
2721	3.434729
2722	3.434888
2723	3.435048
2724	3.435207
2725	3.435367
2726	3.435526
2727	3.435685
2728	3.435844
2729	3.436004
2730	3.436163
2731	3.436322
2732	3.436481
2733	3.436640
2734	3.436799
2735	3.436957
2736	3.437116
2737	3.437275
2738	3.437433
2739	3.437592
2740	3.437751
2741	3.437909
2742	3.438067
2743	3.438226
2744	3.438384

	Sin. 15	Tang. 15	Cotang. 15	Cofin. 15	
0	9.412996	9.428052	0.571948	9.984944	60
1	9.413467	9.428558	0.571442	9.984910	59
2	9.413938	9.429062	0.570938	9.984876	58
3	9.414408	9.429566	0.570434	9.984842	57
4	9.414878	9.430070	0.569930	9.984808	56
5	9.415347	9.430573	0.569427	9.984774	55
6	9.415815	9.431075	0.568925	9.984740	54
7	9.416283	9.431577	0.568423	9.984706	53
8	9.416751	9.432079	0.567921	9.984672	52
9	9.417217	9.432580	0.567420	9.984638	51
10	9.417684	9.433080	0.566920	9.984603	50
11	9.418150	9.433580	0.566420	9.984569	49
12	9.418615	9.434080	0.565920	9.984535	48
13	9.419079	9.434579	0.565421	9.984500	47
14	9.419544	9.435078	0.564922	9.984466	46
15	9.420007	9.435576	0.564424	9.984432	45
16	9.420470	9.436073	0.563927	9.984397	44
17	9.420933	9.436570	0.563430	9.984363	43
18	9.421395	9.437067	0.562933	9.984328	42
19	9.421857	9.437563	0.562437	9.984294	41
20	9.422318	9.438059	0.561941	9.984259	40
21	9.422778	9.438554	0.561446	9.984224	39
22	9.423238	9.439048	0.560952	9.984190	38
23	9.423697	9.439543	0.560457	9.984155	37
24	9.424156	9.440036	0.559964	9.984120	36
25	9.424615	9.440529	0.559471	9.984085	35
26	9.425073	9.441022	0.558978	9.984050	34
27	9.425530	9.441514	0.558486	9.984015	33
28	9.425987	9.442006	0.557994	9.983981	32
29	9.426443	9.442497	0.557503	9.983946	31
30	9.426899	9.442988	0.557012	9.983911	30
	Cofin. 74	Cotang. 74	Tang. 74	Sin. 74	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
2745	3.438542	2760	3.440909	2775	3.443263
2746	3.438701	2761	3.441066	2776	3.443419
2747	3.438859	2762	3.441224	2777	3.443576
2748	3.439017	2763	3.441381	2778	3.443732
2749	3.439175	2764	3.441538	2779	3.443889
2750	3.439333	2765	3.441695	2780	3.444045
2751	3.439491	2766	3.441852	2781	3.444201
2752	3.439648	2767	3.442009	2782	3.444357
2753	3.439806	2768	3.442166	2783	3.444513
2754	3.439964	2769	3.442323	2784	3.444669
2755	3.440122	2770	3.442480	2785	3.444825
2756	3.440279	2771	3.442637	2786	3.444981
2757	3.440437	2772	3.442793	2787	3.445137
2758	3.440594	2773	3.442950	2788	3.445293
2759	3.440752	2774	3.443106	2789	3.445449

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
2790	3.445604
2791	3.445760
2792	3.445915
2793	3.446071
2794	3.446226
2795	3.446382
2796	3.446537
2797	3.446692
2798	3.446848
2799	3.447003
2800	3.447158
2801	3.447313
2802	3.447468
2803	3.447623
2804	3.447778
2805	3.447933
2806	3.448088
2807	3.448242
2808	3.448397
2809	3.448552
2810	3.448706
2811	3.448861
2812	3.449015
2813	3.449170
2814	3.449324
2815	3.449478
2816	3.449633

	Sin. 15	Tang. 15	Cotang. 15	Cofin. 15	
30	9.426899	9.442988	0.557012	9.983911	30
31	9.427354	9.443479	0.556521	9.983875	29
32	9.427809	9.443968	0.556032	9.983840	28
33	9.428263	9.444458	0.555542	9.983805	27
34	9.428717	9.444947	0.555053	9.983770	26
35	9.429170	9.445435	0.554565	9.983735	25
36	9.429623	9.445923	0.554077	9.983700	24
37	9.430075	9.446411	0.553589	9.983664	23
38	9.430527	9.446898	0.553102	9.983629	22
39	9.430978	9.447384	0.552616	9.983594	21
40	9.431429	9.447870	0.552130	9.983558	20
41	9.431879	9.448356	0.551644	9.983523	19
42	9.432329	9.448841	0.551159	9.983487	18
43	9.432778	9.449326	0.550674	9.983452	17
44	9.433226	9.449810	0.550190	9.983416	16
45	9.433675	9.450294	0.549706	9.983381	15
46	9.434122	9.450777	0.549223	9.983345	14
47	9.434569	9.451260	0.548740	9.983309	13
48	9.435016	9.451743	0.548257	9.983273	12
49	9.435462	9.452225	0.547775	9.983238	11
50	9.435908	9.452706	0.547294	9.983202	10
51	9.436353	9.453187	0.546813	9.983166	9
52	9.436798	9.453668	0.546332	9.983130	8
53	9.437242	9.454148	0.545852	9.983094	7
54	9.437686	9.454628	0.545372	9.983058	6
55	9.438129	9.455107	0.544893	9.983022	5
56	9.438572	9.455586	0.544414	9.982986	4
57	9.439014	9.456064	0.543936	9.982950	3
58	9.439456	9.456542	0.543458	9.982914	2
59	9.439897	9.457019	0.542981	9.982878	1
60	9.440338	9.457496	0.542504	9.982842	0
	Cofin. 74	Cotang. 74	Tang. 74	Sin. 74	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
2817	3.449787	2835	3.452553	2850	3.454845
2818	3.449941	2836	3.452706	2851	3.454997
2819	3.450095	2837	3.452859	2852	3.455150
2820	3.450249	2838	3.453012	2853	3.455302
2821	3.450403	2839	3.453165	2854	3.455454
2822	3.450557	2840	3.453318	2855	3.455606
2823	3.450711	2841	3.453471	2856	3.455758
2824	3.450865	2842	3.453624	2857	3.455910
2825	3.451018	2843	3.453777	2858	3.456062
2826	3.451172	2844	3.453930	2859	3.456214
2827	3.451326	2845	3.454082	2860	3.456366
2828	3.451479	2846	3.454235	2861	3.456518
2829	3.451633	2847	3.454387	2862	3.456670
2830	3.451786	2848	3.454540	2863	3.456821
2831	3.451940	2849	3.454692	2864	3.456973
2832	3.452093			2865	3.457125
2833	3.452247			2866	3.457276
2834	3.452400			2867	3.457428
				2868	3.457579
				2869	3.457731
				2870	3.457882
				2871	3.458033
				2872	3.458184
				2873	3.458336
				2874	3.458487
				2875	3.458638
				2876	3.458789
				2877	3.458940
				2878	3.459091
				2879	3.459242

LOGARITHMES DES NOMBRES.			Sin. 16	Tang. 16	Cotang. 16	Cofin. 16	
		0	9.440338	9.457496	0.542504	9.982842	60
		1	9.440778	9.457973	0.542027	9.982805	59
		2	9.441218	9.458449	0.541551	9.982769	58
		3	9.441658	9.458925	0.541075	9.982733	57
		4	9.442096	9.459400	0.540600	9.982696	56
		5	9.442535	9.459875	0.540125	9.982660	55
		6	9.442973	9.460349	0.539651	9.982624	54
		7	9.443410	9.460823	0.539177	9.982587	53
		8	9.443847	9.461297	0.538703	9.982551	52
		9	9.444284	9.461770	0.538230	9.982514	51
		10	9.444720	9.462242	0.537758	9.982477	50
		11	9.445155	9.462715	0.537285	9.982441	49
		12	9.445590	9.463186	0.536814	9.982404	48
		13	9.446025	9.463658	0.536342	9.982367	47
		14	9.446459	9.464128	0.535872	9.982331	46
		15	9.446893	9.464599	0.535401	9.982294	45
		16	9.447326	9.465069	0.534931	9.982257	44
		17	9.447759	9.465539	0.534461	9.982220	43
		18	9.448191	9.466008	0.533992	9.982183	42
		19	9.448623	9.466477	0.533523	9.982146	41
		20	9.449054	9.466945	0.533055	9.982109	40
		21	9.449485	9.467413	0.532587	9.982072	39
		22	9.449915	9.467880	0.532120	9.982035	38
		23	9.450345	9.468347	0.531653	9.981998	37
		24	9.450775	9.468814	0.531186	9.981961	36
		25	9.451204	9.469280	0.530720	9.981924	35
		26	9.451632	9.469746	0.530254	9.981886	34
		27	9.452060	9.470211	0.529789	9.981849	33
		28	9.452488	9.470676	0.529324	9.981812	32
		29	9.452915	9.471141	0.528859	9.981774	31
		30	9.453342	9.471605	0.528395	9.981737	30
			Cofin. 73	Cotang. 73	Tang. 73	Sin. 73	'
Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
2880	3.459392	2925	3.466126	2940	3.468347	2955	3.470557
2881	3.459543	2926	3.466274	2941	3.468495	2956	3.470704
2882	3.459694	2927	3.466423	2942	3.468643	2957	3.470851
2883	3.459845	2928	3.466571	2943	3.468790	2958	3.470998
2884	3.459995	2929	3.466719	2944	3.468938	2959	3.471145
2885	3.460146	2930	3.466868	2945	3.469085	2960	3.471292
2886	3.460296	2931	3.467016	2946	3.469233	2961	3.471438
2887	3.460447	2932	3.467164	2947	3.469380	2962	3.471585
2888	3.460597	2933	3.467312	2948	3.469527	2963	3.471732
2889	3.460748	2934	3.467460	2949	3.469675	2964	3.471878
2890	3.460898	2935	3.467608	2950	3.469822	2965	3.472025
2891	3.461048	2936	3.467756	2951	3.469969	2966	3.472171
2892	3.461198	2937	3.467904	2952	3.470116	2967	3.472318
2893	3.461348	2938	3.468052	2953	3.470263	2968	3.472464
2894	3.461499	2939	3.468200	2954	3.470410	2969	3.472610
2895	3.461649						
2896	3.461799						
2897	3.461948						
2898	3.462098						
2899	3.462248						
2900	3.462398						
2901	3.462548						
2902	3.462697						
2903	3.462847						
2904	3.462997						
2905	3.463146						
2906	3.463296						
2907	3.463445						
2908	3.463594						
2909	3.463744						
2910	3.463893						
2911	3.464042						
2912	3.464191						
2913	3.464340						
2914	3.464490						
2915	3.464639						
2916	3.464788						
2917	3.464936						
2918	3.465085						
2919	3.465234						
2920	3.465383						
2921	3.465532						
2922	3.465680						
2923	3.465829						
2924	3.465977						

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
2970	3.472756
2971	3.472903
2972	3.473049
2973	3.473195
2974	3.473341
2975	3.473487
2976	3.473633
2977	3.473779
2978	3.473925
2979	3.474071
2980	3.474216
2981	3.474362
2982	3.474508
2983	3.474653
2984	3.474799
2985	3.474944
2986	3.475090
2987	3.475235
2988	3.475381
2989	3.475526
2990	3.475671
2991	3.475816
2992	3.475962
2993	3.476107
2994	3.476252
2995	3.476397
2996	3.476542

	Sin. 16	Tang. 16	Cotang. 16	Cofin. 16	
30	9.453342	9.471605	0.528395	9.981737	30
31	9.453768	9.472069	0.527931	9.981700	29
32	9.454194	9.472532	0.527468	9.981662	28
33	9.454619	9.472995	0.527005	9.981625	27
34	9.455044	9.473457	0.526543	9.981587	26
35	9.455469	9.473919	0.526081	9.981549	25
36	9.455893	9.474381	0.525619	9.981512	24
37	9.456316	9.474842	0.525158	9.981474	23
38	9.456739	9.475303	0.524697	9.981436	22
39	9.457162	9.475763	0.524237	9.981399	21
40	9.457584	9.476223	0.523777	9.981361	20
41	9.458006	9.476683	0.523317	9.981323	19
42	9.458427	9.477142	0.522858	9.981285	18
43	9.458848	9.477601	0.522399	9.981247	17
44	9.459268	9.478059	0.521941	9.981209	16
45	9.459688	9.478517	0.521483	9.981171	15
46	9.460108	9.478975	0.521025	9.981133	14
47	9.460527	9.479432	0.520568	9.981095	13
48	9.460946	9.479889	0.520111	9.981057	12
49	9.461364	9.480345	0.519655	9.981019	11
50	9.461782	9.480801	0.519199	9.980981	10
51	9.462199	9.481257	0.518743	9.980942	9
52	9.462616	9.481712	0.518288	9.980904	8
53	9.463032	9.482167	0.517833	9.980866	7
54	9.463448	9.482621	0.517379	9.980827	6
55	9.463864	9.483075	0.516925	9.980789	5
56	9.464279	9.483529	0.516471	9.980750	4
57	9.464694	9.483982	0.516018	9.980712	3
58	9.465108	9.484435	0.515565	9.980673	2
59	9.465522	9.484887	0.515113	9.980635	1
60	9.465935	9.485339	0.514661	9.980596	0
	Cofin. 73	Cotang. 73	Tang. 73	Sin. 73	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3000	3.477121	3015	3.479287	3030	3.481443
3001	3.477266	3016	3.479431	3031	3.481586
3002	3.477411	3017	3.479575	3032	3.481729
3003	3.477555	3018	3.479719	3033	3.481872
3004	3.477700	3019	3.479863	3034	3.482016
3005	3.477844	3020	3.480007	3035	3.482159
3006	3.477989	3021	3.480151	3036	3.482302
3007	3.478133	3022	3.480294	3037	3.482445
3008	3.478278	3023	3.480438	3038	3.482588
3009	3.478422	3024	3.480582	3039	3.482731
3010	3.478566	3025	3.480725	3040	3.482874
3011	3.478711	3026	3.480869	3041	3.483016
3012	3.478855	3027	3.481012	3042	3.483159
3013	3.478999	3028	3.481156	3043	3.483302
3014	3.479143	3029	3.481299	3044	3.483445
				3045	3.483587
				3046	3.483730
				3047	3.483872
				3048	3.484015
				3049	3.484157
				3050	3.484300
				3051	3.484442
				3052	3.484584
				3053	3.484727
				3054	3.484869
				3055	3.485011
				3056	3.485153
				3057	3.485295
				3058	3.485437
				3059	3.485579

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

3060	3.485721
3061	3.485863
3062	3.486005
3063	3.486147
3064	3.486289
3065	3.486430
3066	3.486572
3067	3.486714
3068	3.486855
3069	3.486997
3070	3.487138
3071	3.487280
3072	3.487421
3073	3.487563
3074	3.487704
3075	3.487845
3076	3.487986
3077	3.488127
3078	3.488269
3079	3.488410
3080	3.488551
3081	3.488692
3082	3.488833
3083	3.488973
3084	3.489114
3085	3.489255
3086	3.489396
3087	3.489537
3088	3.489677
3089	3.489818
3090	3.489958
3091	3.490099
3092	3.490239
3093	3.490380
3094	3.490520
3095	3.490661
3096	3.490801
3097	3.490941
3098	3.491081
3099	3.491222
3100	3.491362
3101	3.491502
3102	3.491642
3103	3.491782
3104	3.491922

	Sin. 17	Tang. 17	Cotang. 17	Cosin. 17	
0	9.465935	9.485339	0.514661	9.980596	60
1	9.466348	9.485791	0.514209	9.980558	59
2	9.466761	9.486242	0.513758	9.980519	58
3	9.467173	9.486693	0.513307	9.980480	57
4	9.467585	9.487143	0.512857	9.980442	56
5	9.467996	9.487593	0.512407	9.980403	55
6	9.468407	9.488043	0.511957	9.980364	54
7	9.468817	9.488492	0.511508	9.980325	53
8	9.469227	9.488941	0.511059	9.980286	52
9	9.469637	9.489390	0.510610	9.980247	51
10	9.470046	9.489838	0.510162	9.980208	50
11	9.470455	9.490286	0.509714	9.980169	49
12	9.470863	9.490733	0.509267	9.980130	48
13	9.471271	9.491180	0.508820	9.980090	47
14	9.471679	9.491627	0.508373	9.980052	46
15	9.472086	9.492073	0.507927	9.980012	45
16	9.472492	9.492519	0.507481	9.979973	44
17	9.472898	9.492965	0.507035	9.979934	43
18	9.473304	9.493410	0.506590	9.979895	42
19	9.473710	9.493854	0.506146	9.979855	41
20	9.474115	9.494299	0.505701	9.979816	40
21	9.474519	9.494743	0.505257	9.979776	39
22	9.474923	9.495186	0.504814	9.979737	38
23	9.475327	9.495630	0.504370	9.979697	37
24	9.475730	9.496073	0.503927	9.979658	36
25	9.476133	9.496515	0.503485	9.979618	35
26	9.476536	9.496957	0.503043	9.979579	34
27	9.476938	9.497399	0.502601	9.979539	33
28	9.477340	9.497841	0.502159	9.979499	32
29	9.477741	9.498282	0.501718	9.979459	31
30	9.478142	9.498722	0.501278	9.979420	30
	Cosin. 72	Cotang. 72	Tang. 72	Sin. 72	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3105	3.492062	3120	3.494155	3135	3.496238
3106	3.492201	3121	3.494294	3136	3.496376
3107	3.492341	3122	3.494433	3137	3.496514
3108	3.492481	3123	3.494572	3138	3.496653
3109	3.492621	3124	3.494711	3139	3.496791
3110	3.492760	3125	3.494850	3140	3.496930
3111	3.492900	3126	3.494989	3141	3.497068
3112	3.493040	3127	3.495128	3142	3.497206
3113	3.493179	3128	3.495267	3143	3.497344
3114	3.493319	3129	3.495406	3144	3.497483
3115	3.493458	3130	3.495544	3145	3.497621
3116	3.493597	3131	3.495683	3146	3.497759
3117	3.493737	3132	3.495822	3147	3.497897
3118	3.493876	3133	3.495960	3148	3.498035
3119	3.494015	3134	3.496099	3149	3.498173

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

3150	3.498311
3151	3.498448
3152	3.498586
3153	3.498724
3154	3.498862
3155	3.498999
3156	3.499137
3157	3.499275
3158	3.499412
3159	3.499550
3160	3.499687
3161	3.499824
3162	3.499962
3163	3.500099
3164	3.500236
3165	3.500374
3166	3.500511
3167	3.500648
3168	3.500785
3169	3.500922
3170	3.501059
3171	3.501196
3172	3.501333
3173	3.501470
3174	3.501607
3175	3.501744
3176	3.501880

3177	3.502017
3178	3.502154
3179	3.502291
3180	3.502427
3181	3.502564
3182	3.502700
3183	3.502837
3184	3.502973
3185	3.503109
3186	3.503246
3187	3.503382
3188	3.503518
3189	3.503655
3190	3.503791
3191	3.503927
3192	3.504063
3193	3.504199
3194	3.504335

	Sin. 17	Tang. 17	Cotang. 17	Cofin. 17	
30	9.478142	9.498722	0.501278	9.979420	30
31	9.478542	9.499163	0.500837	9.979380	29
32	9.478942	9.499603	0.500397	9.979340	28
33	9.479342	9.500042	0.499958	9.979300	27
34	9.479741	9.500481	0.499519	9.979260	26
35	9.480140	9.500920	0.499080	9.979220	25
36	9.480539	9.501359	0.498641	9.979180	24
37	9.480937	9.501797	0.498203	9.979140	23
38	9.481334	9.502235	0.497765	9.979100	22
39	9.481731	9.502672	0.497328	9.979059	21
40	9.482128	9.503109	0.496891	9.979019	20
41	9.482525	9.503546	0.496454	9.978979	19
42	9.482921	9.503982	0.496018	9.978939	18
43	9.483316	9.504418	0.495582	9.978898	17
44	9.483712	9.504854	0.495146	9.978858	16
45	9.484107	9.505289	0.494711	9.978817	15
46	9.484501	9.505724	0.494276	9.978777	14
47	9.484895	9.506159	0.493841	9.978737	13
48	9.485289	9.506593	0.493407	9.978696	12
49	9.485682	9.507027	0.492973	9.978655	11
50	9.486075	9.507460	0.492540	9.978615	10
51	9.486467	9.507893	0.492107	9.978574	9
52	9.486860	9.508326	0.491674	9.978533	8
53	9.487251	9.508759	0.491241	9.978493	7
54	9.487643	9.509191	0.490809	9.978452	6
55	9.488034	9.509622	0.490378	9.978411	5
56	9.488424	9.510054	0.489946	9.978370	4
57	9.488814	9.510485	0.489515	9.978329	3
58	9.489204	9.510916	0.489084	9.978288	2
59	9.489593	9.511346	0.488654	9.978247	1
60	9.489982	9.511776	0.488224	9.978206	0
	Cofin. 72	Cotang. 72	Tang. 72	Sin. 72	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3195	3.504471	3210	3.506505	3225	3.508530
3196	3.504607	3211	3.506640	3226	3.508664
3197	3.504743	3212	3.506776	3227	3.508799
3198	3.504878	3213	3.506911	3228	3.508934
3199	3.505014	3214	3.507046	3229	3.509068
3200	3.505150	3215	3.507181	3230	3.509203
3201	3.505286	3216	3.507316	3231	3.509337
3202	3.505421	3217	3.507451	3232	3.509471
3203	3.505557	3218	3.507586	3233	3.509606
3204	3.505693	3219	3.507721	3234	3.509740
3205	3.505828	3220	3.507856	3235	3.509874
3206	3.505964	3221	3.507991	3236	3.510009
3207	3.506099	3222	3.508126	3237	3.510143
3208	3.506234	3223	3.508260	3238	3.510277
3209	3.506370	3224	3.508395	3239	3.510411

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
3240	3.510545
3241	3.510679
3242	3.510813
3243	3.510947
3244	3.511081
3245	3.511215
3246	3.511349
3247	3.511482
3248	3.511616
3249	3.511750
3250	3.511883
3251	3.512017
3252	3.512151
3253	3.512284
3254	3.512418
3255	3.512551
3256	3.512684
3257	3.512818
3258	3.512951
3259	3.513084
3260	3.513218
3261	3.513351
3262	3.513484
3263	3.513617
3264	3.513750
3265	3.513883
3266	3.514016
3267	3.514149
3268	3.514282
3269	3.514415
3270	3.514548
3271	3.514680
3272	3.514813
3273	3.514946
3274	3.515079
3275	3.515211
3276	3.515344
3277	3.515476
3278	3.515609
3279	3.515741
3280	3.515874
3281	3.516006
3282	3.516139
3283	3.516271
3284	3.516403

	Sin. 18	Tang. 18	Cotang. 18	Cofin. 18	
0	9.489982	9.511776	0.488224	9.978206	60
1	9.490371	9.512206	0.487794	9.978165	59
2	9.490759	9.512635	0.487365	9.978124	58
3	9.491147	9.513064	0.486936	9.978083	57
4	9.491535	9.513493	0.486507	9.978042	56
5	9.491922	9.513921	0.486079	9.978001	55
6	9.492308	9.514349	0.485651	9.977959	54
7	9.492695	9.514777	0.485223	9.977918	53
8	9.493081	9.515204	0.484796	9.977877	52
9	9.493466	9.515631	0.484369	9.977835	51
10	9.493851	9.516057	0.483943	9.977794	50
11	9.494236	9.516484	0.483516	9.977752	49
12	9.494621	9.516910	0.483090	9.977711	48
13	9.495005	9.517335	0.482665	9.977669	47
14	9.495388	9.517761	0.482239	9.977628	46
15	9.495772	9.518186	0.481814	9.977586	45
16	9.496154	9.518610	0.481390	9.977544	44
17	9.496537	9.519034	0.480966	9.977503	43
18	9.496919	9.519458	0.480542	9.977461	42
19	9.497301	9.519882	0.480118	9.977419	41
20	9.497682	9.520305	0.479695	9.977377	40
21	9.498064	9.520728	0.479272	9.977335	39
22	9.498444	9.521151	0.478849	9.977293	38
23	9.498825	9.521573	0.478427	9.977251	37
24	9.499204	9.521995	0.478005	9.977209	36
25	9.499584	9.522417	0.477583	9.977167	35
26	9.499963	9.522838	0.477162	9.977125	34
27	9.500342	9.523259	0.476741	9.977083	33
28	9.500721	9.523680	0.476320	9.977041	32
29	9.501099	9.524100	0.475900	9.976999	31
30	9.501476	9.524520	0.475480	9.976957	30
	Cofin. 71	Cotang. 71	Tang. 71	Sin. 71	/

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3285	3.516535	3300	3.518514	3315	3.520484
3286	3.516668	3301	3.518646	3316	3.520615
3287	3.516800	3302	3.518777	3317	3.520745
3288	3.516932	3303	3.518909	3318	3.520876
3289	3.517064	3304	3.519040	3319	3.521007
3290	3.517196	3305	3.519171	3320	3.521138
3291	3.517328	3306	3.519303	3321	3.521269
3292	3.517460	3307	3.519434	3322	3.521400
3293	3.517592	3308	3.519565	3323	3.521530
3294	3.517724	3309	3.519697	3324	3.521661
3295	3.517855	3310	3.519828	3325	3.521792
3296	3.517987	3311	3.519959	3326	3.521922
3297	3.518119	3312	3.520090	3327	3.522053
3298	3.518251	3313	3.520221	3328	3.522183
3299	3.518382	3314	3.520353	3329	3.522314

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
3330	3.522444
3331	3.522575
3332	3.522705
3333	3.522835
3334	3.522966
3335	3.523096
3336	3.523226
3337	3.523356
3338	3.523486
3339	3.523616
3340	3.523746
3341	3.523876
3342	3.524006
3343	3.524136
3344	3.524266
3345	3.524396
3346	3.524526
3347	3.524656
3348	3.524785
3349	3.524915
3350	3.525045
3351	3.525174
3352	3.525304
3353	3.525434
3354	3.525563
3355	3.525693
3356	3.525822

	Sin. 18	Tang. 18	Cotang. 18	Cofin. 18	
30	9.501476	9.524520	0.475480	9.976957	30
31	9.501854	9.524940	0.475060	9.976914	29
32	9.502231	9.525359	0.474641	9.976872	28
33	9.502607	9.525778	0.474222	9.976830	27
34	9.502984	9.526197	0.473803	9.976787	26
35	9.503360	9.526615	0.473385	9.976745	25
36	9.503735	9.527033	0.472967	9.976702	24
37	9.504110	9.527451	0.472549	9.976660	23
38	9.504485	9.527868	0.472132	9.976617	22
39	9.504860	9.528285	0.471715	9.976574	21
40	9.505234	9.528702	0.471298	9.976532	20
41	9.505608	9.529119	0.470881	9.976489	19
42	9.505981	9.529535	0.470465	9.976446	18
43	9.506354	9.529951	0.470049	9.976404	17
44	9.506727	9.530366	0.469634	9.976361	16
45	9.507099	9.530781	0.469219	9.976318	15
46	9.507471	9.531196	0.468804	9.976275	14
47	9.507843	9.531611	0.468389	9.976232	13
48	9.508214	9.532025	0.467975	9.976189	12
49	9.508585	9.532439	0.467561	9.976146	11
50	9.508956	9.532853	0.467147	9.976103	10
51	9.509326	9.533266	0.466734	9.976060	9
52	9.509696	9.533679	0.466321	9.976017	8
53	9.510065	9.534092	0.465908	9.975974	7
54	9.510434	9.534504	0.465496	9.975930	6
55	9.510803	9.534916	0.465084	9.975887	5
56	9.511172	9.535328	0.464672	9.975844	4
57	9.511540	9.535739	0.464261	9.975800	3
58	9.511907	9.536150	0.463850	9.975757	2
59	9.512275	9.536561	0.463439	9.975714	1
60	9.512642	9.536972	0.463028	9.975670	0
	Cofin. 71	Cotang. 71	Tang. 71	Sin. 71	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3357	3.525951	3375	3.528274	3390	3.530200
3358	3.526081	3376	3.528402	3391	3.530328
3359	3.526210	3377	3.528531	3392	3.530456
3360	3.526339	3378	3.528660	3393	3.530584
3361	3.526469	3379	3.528788	3394	3.530712
3362	3.526598	3380	3.528917	3395	3.530840
3363	3.526727	3381	3.529045	3396	3.530968
3364	3.526856	3382	3.529174	3397	3.531096
3365	3.526985	3383	3.529302	3398	3.531223
3366	3.527114	3384	3.529430	3399	3.531351
3367	3.527243	3385	3.529559	3400	3.531479
3368	3.527372	3386	3.529687	3401	3.531607
3369	3.527501	3387	3.529815	3402	3.531734
3370	3.527630	3388	3.529943	3403	3.531862
3371	3.527759	3389	3.530072	3404	3.531990
3372	3.527888			3405	3.532117
3373	3.528016			3406	3.532245
3374	3.528145			3407	3.532372
				3408	3.532500
				3409	3.532627
				3410	3.532754
				3411	3.532882
				3412	3.533009
				3413	3.533136
				3414	3.533264
				3415	3.533391
				3416	3.533518
				3417	3.533645
				3418	3.533772
				3419	3.533899

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

3420	3.534026
3421	3.534153
3422	3.534280
3423	3.534407
3424	3.534534
3425	3.534661
3426	3.534787
3427	3.534914
3428	3.535041
3429	3.535167
3430	3.535294
3431	3.535421
3432	3.535547
3433	3.535674
3434	3.535800
3435	3.535927
3436	3.536053
3437	3.536180
3438	3.536306
3439	3.536432
3440	3.536558
3441	3.536685
3442	3.536811
3443	3.536937
3444	3.537063
3445	3.537189
3446	3.537315
3447	3.537441
3448	3.537567
3449	3.537693
3450	3.537819
3451	3.537945
3452	3.538071
3453	3.538197
3454	3.538322
3455	3.538448
3456	3.538574
3457	3.538699
3458	3.538825
3459	3.538951
3460	3.539076
3461	3.539202
3462	3.539327
3463	3.539452
3464	3.539578

	Sin. 19	Tang. 19	Cotang. 19	Cosin. 19	
0	9.512642	9.536972	0.463028	9.975670	60
1	9.513009	9.537382	0.462618	9.975627	59
2	9.513375	9.537792	0.462208	9.975583	58
3	9.513741	9.538202	0.461798	9.975539	57
4	9.514107	9.538611	0.461389	9.975496	56
5	9.514472	9.539020	0.460980	9.975452	55
6	9.514837	9.539429	0.460571	9.975408	54
7	9.515202	9.539837	0.460163	9.975365	53
8	9.515566	9.540245	0.459755	9.975321	52
9	9.515930	9.540653	0.459347	9.975277	51
10	9.516294	9.541061	0.458939	9.975233	50
11	9.516657	9.541468	0.458532	9.975189	49
12	9.517020	9.541875	0.458125	9.975145	48
13	9.517382	9.542281	0.457719	9.975101	47
14	9.517745	9.542688	0.457312	9.975057	46
15	9.518107	9.543094	0.456906	9.975013	45
16	9.518468	9.543499	0.456501	9.974969	44
17	9.518829	9.543905	0.456095	9.974925	43
18	9.519190	9.544310	0.455690	9.974880	42
19	9.519551	9.544715	0.455285	9.974836	41
20	9.519911	9.545119	0.454881	9.974792	40
21	9.520271	9.545524	0.454476	9.974748	39
22	9.520631	9.545928	0.454072	9.974703	38
23	9.520990	9.546331	0.453669	9.974659	37
24	9.521349	9.546735	0.453265	9.974614	36
25	9.521707	9.547138	0.452862	9.974570	35
26	9.522066	9.547540	0.452460	9.974525	34
27	9.522424	9.547943	0.452057	9.974481	33
28	9.522781	9.548345	0.451655	9.974436	32
29	9.523138	9.548747	0.451253	9.974391	31
30	9.523495	9.549149	0.450851	9.974347	30
	Cosin. 70	Cotang. 70	Tang. 70	Sin. 70	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3465	3.539703	3480	3.541579	3495	3.543447
3466	3.539829	3481	3.541704	3496	3.543571
3467	3.539954	3482	3.541829	3497	3.543696
3468	3.540079	3483	3.541953	3498	3.543820
3469	3.540204	3484	3.542078	3499	3.543944
3470	3.540329	3485	3.542203	3500	3.544068
3471	3.540455	3486	3.542327	3501	3.544192
3472	3.540580	3487	3.542452	3502	3.544316
3473	3.540705	3488	3.542576	3503	3.544440
3474	3.540830	3489	3.542701	3504	3.544564
3475	3.540955	3490	3.542825	3505	3.544688
3476	3.541080	3491	3.542950	3506	3.544812
3477	3.541205	3492	3.543074	3507	3.544936
3478	3.541330	3493	3.543199	3508	3.545060
3479	3.541454	3494	3.543323	3509	3.545183

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
3510	3.545307
3511	3.545431
3512	3.545555
3513	3.545678
3514	3.545802
3515	3.545925
3516	3.546049
3517	3.546172
3518	3.546296
3519	3.546419
3520	3.546543
3521	3.546666
3522	3.546789
3523	3.546913
3524	3.547036
3525	3.547159
3526	3.547282
3527	3.547405
3528	3.547529
3529	3.547652
3530	3.547775
3531	3.547898
3532	3.548021
3533	3.548144
3534	3.548267
3535	3.548389
3536	3.548512

	Sin. 19	Tang. 19	Cotang. 19	Cofin. 19	
30	9.523495	9.549149	0.450851	9.974347	30
31	9.523852	9.549550	0.450450	9.974302	29
32	9.524208	9.549951	0.450049	9.974257	28
33	9.524564	9.550352	0.449648	9.974212	27
34	9.524920	9.550752	0.449248	9.974167	26
35	9.525275	9.551153	0.448847	9.974122	25
36	9.525630	9.551552	0.448448	9.974077	24
37	9.525984	9.551952	0.448048	9.974032	23
38	9.526339	9.552351	0.447649	9.973987	22
39	9.526693	9.552750	0.447250	9.973942	21
40	9.527046	9.553149	0.446851	9.973897	20
41	9.527400	9.553548	0.446452	9.973852	19
42	9.527753	9.553946	0.446054	9.973807	18
43	9.528105	9.554344	0.445656	9.973761	17
44	9.528458	9.554741	0.445259	9.973716	16
45	9.528810	9.555139	0.444861	9.973671	15
46	9.529161	9.555536	0.444464	9.973625	14
47	9.529513	9.555933	0.444067	9.973580	13
48	9.529864	9.556329	0.443671	9.973535	12
49	9.530215	9.556725	0.443275	9.973489	11
50	9.530565	9.557121	0.442879	9.973444	10
51	9.530915	9.557517	0.442483	9.973398	9
52	9.531265	9.557913	0.442087	9.973352	8
53	9.531614	9.558308	0.441692	9.973307	7
54	9.531963	9.558703	0.441297	9.973261	6
55	9.532312	9.559097	0.440903	9.973215	5
56	9.532661	9.559491	0.440509	9.973169	4
57	9.533009	9.559885	0.440115	9.973124	3
58	9.533357	9.560279	0.439721	9.973078	2
59	9.533704	9.560673	0.439327	9.973032	1
60	9.534052	9.561066	0.438934	9.972986	0
	Cofin. 70	Cotang. 70	Tang. 70	Sin. 70	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3537	3.548635	3555	3.550840	3570	3.552668
3538	3.548758	3556	3.550962	3571	3.552790
3539	3.548881	3557	3.551084	3572	3.552911
3540	3.549003	3558	3.551206	3573	3.553033
3541	3.549126	3559	3.551328	3574	3.553155
3542	3.549249	3560	3.551450	3575	3.553276
3543	3.549371	3561	3.551572	3576	3.553398
3544	3.549494	3562	3.551694	3577	3.553519
3545	3.549616	3563	3.551816	3578	3.553640
3546	3.549739	3564	3.551938	3579	3.553762
3547	3.549861	3565	3.552060	3580	3.553883
3548	3.549984	3566	3.552181	3581	3.554004
3549	3.550106	3567	3.552303	3582	3.554126
3550	3.550228	3568	3.552425	3583	3.554247
3551	3.550351	3569	3.552547	3584	3.554368
3552	3.550473			3585	3.554489
3553	3.550595			3586	3.554610
3554	3.550717			3587	3.554731
				3588	3.554852
				3589	3.554973
				3590	3.555094
				3591	3.555215
				3592	3.555336
				3593	3.555457
				3594	3.555578
				3595	3.555699
				3596	3.555820
				3597	3.555940
				3598	3.556061
				3599	3.556182

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
3600	3.556303
3601	3.556423
3602	3.556544
3603	3.556664
3604	3.556785
3605	3.556905
3606	3.557026
3607	3.557146
3608	3.557267
3609	3.557387
3610	3.557507
3611	3.557627
3612	3.557748
3613	3.557868
3614	3.557988
3615	3.558108
3616	3.558228
3617	3.558349
3618	3.558469
3619	3.558589
3620	3.558709
3621	3.558829
3622	3.558948
3623	3.559068
3624	3.559188
3625	3.559308
3626	3.559428
3627	3.559548
3628	3.559667
3629	3.559787
3630	3.559907
3631	3.560026
3632	3.560146
3633	3.560265
3634	3.560385
3635	3.560504
3636	3.560624
3637	3.560743
3638	3.560863
3639	3.560982
3640	3.561101
3641	3.561221
3642	3.561340
3643	3.561459
3644	3.561578

	Sin. 20	Tang. 20	Cotang. 20	Cofin. 20	
0	9.534052	9.561066	0.438934	9.972986	60
1	9.534399	9.561459	0.438541	9.972940	59
2	9.534745	9.561851	0.438149	9.972894	58
3	9.535092	9.562244	0.437756	9.972848	57
4	9.535438	9.562636	0.437364	9.972802	56
5	9.535783	9.563028	0.436972	9.972755	55
6	9.536129	9.563419	0.436581	9.972709	54
7	9.536474	9.563811	0.436189	9.972663	53
8	9.536818	9.564202	0.435798	9.972617	52
9	9.537163	9.564593	0.435407	9.972570	51
10	9.537507	9.564983	0.435017	9.972524	50
11	9.537851	9.565373	0.434627	9.972478	49
12	9.538194	9.565763	0.434237	9.972431	48
13	9.538538	9.566153	0.433847	9.972385	47
14	9.538880	9.566542	0.433458	9.972338	46
15	9.539223	9.566932	0.433068	9.972291	45
16	9.539565	9.567320	0.432680	9.972245	44
17	9.539907	9.567709	0.432291	9.972198	43
18	9.540249	9.568098	0.431902	9.972151	42
19	9.540590	9.568486	0.431514	9.972105	41
20	9.540931	9.568873	0.431127	9.972058	40
21	9.541272	9.569261	0.430739	9.972011	39
22	9.541613	9.569648	0.430352	9.971964	38
23	9.541953	9.570035	0.429965	9.971917	37
24	9.542293	9.570422	0.429578	9.971870	36
25	9.542632	9.570809	0.429191	9.971823	35
26	9.542971	9.571195	0.428805	9.971776	34
27	9.543310	9.571581	0.428419	9.971729	33
28	9.543649	9.571967	0.428033	9.971682	32
29	9.543987	9.572352	0.427648	9.971635	31
30	9.544325	9.572738	0.427262	9.971588	30
	Cofin. 69	Cotang. 69	Tang. 69	Sin. 69	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3645	3.561698	3660	3.563481	3675	3.565257
3646	3.561817	3661	3.563600	3676	3.565376
3647	3.561936	3662	3.563718	3677	3.565494
3648	3.562055	3663	3.563837	3678	3.565612
3649	3.562174	3664	3.563955	3679	3.565730
3650	3.562293	3665	3.564074	3680	3.565848
3651	3.562412	3666	3.564192	3681	3.565966
3652	3.562531	3667	3.564311	3682	3.566084
3653	3.562650	3668	3.564429	3683	3.566202
3654	3.562769	3669	3.564548	3684	3.566320
3655	3.562887	3670	3.564666	3685	3.566437
3656	3.563006	3671	3.564784	3686	3.566555
3657	3.563125	3672	3.564903	3687	3.566673
3658	3.563244	3673	3.565021	3688	3.566791
3659	3.563362	3674	3.565139	3689	3.566909

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
3690	3.567026
3691	3.567144
3692	3.567262
3693	3.567379
3694	3.567497
3695	3.567614
3696	3.567732
3697	3.567849
3698	3.567967
3699	3.568084
3700	3.568202
3701	3.568319
3702	3.568436
3703	3.568554
3704	3.568671
3705	3.568788
3706	3.568905
3707	3.569023
3708	3.569140
3709	3.569257
3710	3.569374
3711	3.569491
3712	3.569608
3713	3.569725
3714	3.569842
3715	3.569959
3716	3.570076

3717	3.570193
3718	3.570309
3719	3.570426
3720	3.570543
3721	3.570660
3722	3.570776
3723	3.570893
3724	3.571010
3725	3.571126
3726	3.571243
3727	3.571359
3728	3.571476
3729	3.571592
3730	3.571709
3731	3.571825
3732	3.571942
3733	3.572058
3734	3.572174

	Sin. 20	Tang. 20	Cotang. 20	Cofin. 20	
30	9.544325	9.572738	0.427262	9.971588	30
31	9.544663	9.573123	0.426877	9.971540	29
32	9.545000	9.573507	0.426493	9.971493	28
33	9.545338	9.573892	0.426108	9.971446	27
34	9.545674	9.574276	0.425724	9.971398	26
35	9.546011	9.574660	0.425340	9.971351	25
36	9.546347	9.575044	0.424956	9.971303	24
37	9.546683	9.575427	0.424573	9.971256	23
38	9.547019	9.575810	0.424190	9.971208	22
39	9.547354	9.576193	0.423807	9.971161	21
40	9.547689	9.576576	0.423424	9.971113	20
41	9.548024	9.576959	0.423041	9.971066	19
42	9.548359	9.577341	0.422659	9.971018	18
43	9.548693	9.577723	0.422277	9.970970	17
44	9.549027	9.578104	0.421896	9.970922	16
45	9.549360	9.578486	0.421514	9.970874	15
46	9.549693	9.578867	0.421133	9.970827	14
47	9.550026	9.579248	0.420752	9.970779	13
48	9.550359	9.579629	0.420371	9.970731	12
49	9.550692	9.580009	0.419991	9.970683	11
50	9.551024	9.580389	0.419611	9.970635	10
51	9.551356	9.580769	0.419231	9.970586	9
52	9.551687	9.581149	0.418851	9.970538	8
53	9.552018	9.581528	0.418472	9.970490	7
54	9.552349	9.581907	0.418093	9.970442	6
55	9.552680	9.582286	0.417714	9.970394	5
56	9.553010	9.582665	0.417335	9.970345	4
57	9.553341	9.583044	0.416956	9.970297	3
58	9.553670	9.583422	0.416578	9.970249	2
59	9.554000	9.583800	0.416200	9.970200	1
60	9.554329	9.584177	0.415823	9.970152	0
	Cofin. 69	Cotang. 69	Tang. 69	Sin. 69	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3735	3.572291	3750	3.574031	3765	3.575765
3736	3.572407	3751	3.574147	3766	3.575880
3737	3.572523	3752	3.574263	3767	3.575996
3738	3.572639	3753	3.574379	3768	3.576111
3739	3.572755	3754	3.574494	3769	3.576226
3740	3.572872	3755	3.574610	3770	3.576341
3741	3.572988	3756	3.574726	3771	3.576457
3742	3.573104	3757	3.574841	3772	3.576572
3743	3.573220	3758	3.574957	3773	3.576687
3744	3.573336	3759	3.575072	3774	3.576802
3745	3.573452	3760	3.575188	3775	3.576917
3746	3.573568	3761	3.575303	3776	3.577032
3747	3.573684	3762	3.575419	3777	3.577147
3748	3.573800	3763	3.575534	3778	3.577262
3749	3.573915	3764	3.575650	3779	3.577377

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
3780	3.577492
3781	3.577607
3782	3.577721
3783	3.577836
3784	3.577951
3785	3.578066
3786	3.578181
3787	3.578295
3788	3.578410
3789	3.578525
3790	3.578639
3791	3.578754
3792	3.578868
3793	3.578983
3794	3.579097
3795	3.579212
3796	3.579326
3797	3.579441
3798	3.579555
3799	3.579669
3800	3.579784
3801	3.579898
3802	3.580012
3803	3.580126
3804	3.580240
3805	3.580355
3806	3.580469
3807	3.580583
3808	3.580697
3809	3.580811
3810	3.580925
3811	3.581039
3812	3.581153
3813	3.581267
3814	3.581381
3815	3.581495
3816	3.581608
3817	3.581722
3818	3.581836
3819	3.581950
3820	3.582063
3821	3.582177
3822	3.582291
3823	3.582404
3824	3.582518

	Sin. 21	Tang. 21	Cotang. 21	Cofin. 21	
0	9.554329	9.584177	0.415823	9.970152	60
1	9.554658	9.584555	0.415445	9.970103	59
2	9.554987	9.584932	0.415068	9.970055	58
3	9.555315	9.585309	0.414691	9.970006	57
4	9.555643	9.585686	0.414314	9.969957	56
5	9.555971	9.586062	0.413938	9.969909	55
6	9.556299	9.586439	0.413561	9.969860	54
7	9.556626	9.586815	0.413185	9.969811	53
8	9.556953	9.587190	0.412810	9.969762	52
9	9.557280	9.587566	0.412434	9.969714	51
10	9.557606	9.587941	0.412059	9.969665	50
11	9.557932	9.588316	0.411684	9.969616	49
12	9.558258	9.588691	0.411309	9.969567	48
13	9.558583	9.589066	0.410934	9.969518	47
14	9.558909	9.589440	0.410560	9.969469	46
15	9.559234	9.589814	0.410186	9.969420	45
16	9.559558	9.590188	0.409812	9.969370	44
17	9.559883	9.590562	0.409438	9.969321	43
18	9.560207	9.590935	0.409065	9.969272	42
19	9.560531	9.591308	0.408692	9.969223	41
20	9.560855	9.591681	0.408319	9.969173	40
21	9.561178	9.592054	0.407946	9.969124	39
22	9.561501	9.592426	0.407574	9.969075	38
23	9.561824	9.592799	0.407201	9.969025	37
24	9.562146	9.593171	0.406829	9.968976	36
25	9.562468	9.593542	0.406458	9.968926	35
26	9.562790	9.593914	0.406086	9.968877	34
27	9.563112	9.594285	0.405715	9.968827	33
28	9.563433	9.594656	0.405344	9.968777	32
29	9.563755	9.595027	0.404973	9.968728	31
30	9.564075	9.595398	0.404602	9.968678	30
	Cofin. 68	Cotang. 68	Tang. 68	Sin. 68	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3825	3.582631	3840	3.584331	3855	3.586024
3826	3.582745	3841	3.584444	3856	3.586137
3827	3.582858	3842	3.584557	3857	3.586250
3828	3.582972	3843	3.584670	3858	3.586362
3829	3.583085	3844	3.584783	3859	3.586475
3830	3.583199	3845	3.584896	3860	3.586587
3831	3.583312	3846	3.585009	3861	3.586700
3832	3.583426	3847	3.585122	3862	3.586812
3833	3.583539	3848	3.585235	3863	3.586925
3834	3.583652	3849	3.585348	3864	3.587037
3835	3.583765	3850	3.585461	3865	3.587149
3836	3.583879	3851	3.585574	3866	3.587262
3837	3.583992	3852	3.585686	3867	3.587374
3838	3.584105	3853	3.585799	3868	3.587486
3839	3.584218	3854	3.585912	3869	3.587599

LOGARITHMESS
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

3870	3.587711
3871	3.587823
3872	3.587935
3873	3.588047
3874	3.588160
3875	3.588272
3876	3.588384
3877	3.588496
3878	3.588608
3879	3.588720
3880	3.588832
3881	3.588944
3882	3.589056
3883	3.589167
3884	3.589279
3885	3.589391
3886	3.589503
3887	3.589615
3888	3.589726
3889	3.589838
3890	3.589950
3891	3.590061
3892	3.590173
3893	3.590284
3894	3.590396
3895	3.590507
3896	3.590619

	Sin. 21	Tang. 21	Cotang. 21	Cofin. 21	
30	9.564075	9.595398	0.404602	9.968678	30
31	9.564396	9.595768	0.404232	9.968628	29
32	9.564716	9.596138	0.403862	9.968578	28
33	9.565036	9.596508	0.403492	9.968528	27
34	9.565356	9.596878	0.403122	9.968479	26
35	9.565676	9.597247	0.402753	9.968429	25
36	9.565995	9.597616	0.402384	9.968379	24
37	9.566314	9.597985	0.402015	9.968329	23
38	9.566632	9.598354	0.401646	9.968278	22
39	9.566951	9.598722	0.401278	9.968228	21
40	9.567269	9.599091	0.400909	9.968178	20
41	9.567587	9.599459	0.400541	9.968128	19
42	9.567904	9.599827	0.400173	9.968078	18
43	9.568222	9.600194	0.399806	9.968027	17
44	9.568539	9.600562	0.399438	9.967977	16
45	9.568856	9.600929	0.399071	9.967927	15
46	9.569172	9.601296	0.398704	9.967876	14
47	9.569488	9.601663	0.398337	9.967826	13
48	9.569804	9.602029	0.397971	9.967775	12
49	9.570120	9.602395	0.397605	9.967725	11
50	9.570435	9.602761	0.397239	9.967674	10
51	9.570751	9.603127	0.396873	9.967624	9
52	9.571066	9.603493	0.396507	9.967573	8
53	9.571380	9.603858	0.396142	9.967522	7
54	9.571695	9.604223	0.395777	9.967471	6
55	9.572009	9.604588	0.395412	9.967421	5
56	9.572323	9.604953	0.395047	9.967370	4
57	9.572636	9.605317	0.394683	9.967319	3
58	9.572950	9.605682	0.394318	9.967268	2
59	9.573263	9.606046	0.393954	9.967217	1
60	9.573575	9.606410	0.393590	9.967166	0
	Cofin. 68	Cotang. 68	Tang. 68	Sin. 68	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
3900	3.591065	3915	3.592732	3930	3.594393
3901	3.591176	3916	3.592843	3931	3.594503
3902	3.591287	3917	3.592954	3932	3.594614
3903	3.591399	3918	3.593064	3933	3.594724
3904	3.591510	3919	3.593175	3934	3.594834
3905	3.591621	3920	3.593286	3935	3.594945
3906	3.591732	3921	3.593397	3936	3.595055
3907	3.591843	3922	3.593508	3937	3.595165
3908	3.591955	3923	3.593618	3938	3.595276
3909	3.592066	3924	3.593729	3939	3.595386
3910	3.592177	3925	3.593840	3940	3.595496
3911	3.592288	3926	3.593950	3941	3.595606
3912	3.592399	3927	3.594061	3942	3.595717
3913	3.592510	3928	3.594171	3943	3.595827
3914	3.592621	3929	3.594282	3944	3.595937
				3945	3.596047
				3946	3.596157
				3947	3.596267
				3948	3.596377
				3949	3.596487
				3950	3.596597
				3951	3.596707
				3952	3.596817
				3953	3.596927
				3954	3.597037
				3955	3.597146
				3956	3.597256
				3957	3.597366
				3958	3.597476
				3959	3.597586

LOGARITHMES DES NOMBRES.						
Nomb.	Logarith.		Sin. 22	Tang. 22	Cotang. 22	Cofin. 22
3960	3.597695	0	9.573575	9.606410	0.393590	9.967166
3961	3.597805	1	9.573888	9.606773	0.393227	9.967115
3962	3.597914	2	9.574200	9.607137	0.392863	9.967064
3963	3.598024	3	9.574512	9.607500	0.392500	9.967013
3964	3.598134	4	9.574824	9.607863	0.392137	9.966961
3965	3.598243	5	9.575136	9.608225	0.391775	9.966910
3966	3.598353	6	9.575447	9.608588	0.391412	9.966859
3967	3.598462	7	9.575758	9.608950	0.391050	9.966808
3968	3.598572	8	9.576069	9.609312	0.390688	9.966756
3969	3.598681	9	9.576379	9.609674	0.390326	9.966705
3970	3.598791	10	9.576689	9.610036	0.389964	9.966653
3971	3.598900	11	9.576999	9.610397	0.389603	9.966602
3972	3.599009	12	9.577309	9.610759	0.389241	9.966550
3973	3.599119	13	9.577618	9.611120	0.388880	9.966499
3974	3.599228	14	9.577927	9.611480	0.388520	9.966447
3975	3.599337	15	9.578236	9.611841	0.388159	9.966395
3976	3.599446	16	9.578545	9.612201	0.387799	9.966344
3977	3.599556	17	9.578853	9.612561	0.387439	9.966292
3978	3.599665	18	9.579162	9.612921	0.387079	9.966240
3979	3.599774	19	9.579470	9.613281	0.386719	9.966188
3980	3.599883	20	9.579777	9.613641	0.386359	9.966136
3981	3.599992	21	9.580085	9.614000	0.386000	9.966085
3982	3.600101	22	9.580392	9.614359	0.385641	9.966033
3983	3.600210	23	9.580699	9.614718	0.385282	9.965981
3984	3.600319	24	9.581005	9.615077	0.384923	9.965929
3985	3.600428	25	9.581312	9.615435	0.384565	9.965876
3986	3.600537	26	9.581618	9.615793	0.384207	9.965824
3987	3.600646	27	9.581924	9.616151	0.383849	9.965772
3988	3.600755	28	9.582229	9.616509	0.383491	9.965720
3989	3.600864	29	9.582535	9.616867	0.383133	9.965668
3990	3.600973	30	9.582840	9.617224	0.382776	9.965615
3991	3.601082		Cofin. 67	Cotang. 67	Tang. 67	Sin. 67
3992	3.601191					
3993	3.601299					
3994	3.601408					
3995	3.601517					
3996	3.601625					
3997	3.601734					
3998	3.601843					
3999	3.601951					
4000	3.602060					
4001	3.602169					
4002	3.602277					
4003	3.602386					
4004	3.602494					
4005	3.602603					
4006	3.602711					
4007	3.602819					
4008	3.602928					
4009	3.603036					
4010	3.603144					
4011	3.603253					
4012	3.603361					
4013	3.603469					
4014	3.603577					
4015	3.603686					
4016	3.603794					
4017	3.603902					
4018	3.604010					
4019	3.604118					
4020	3.604226					
4021	3.604334					
4022	3.604442					
4023	3.604550					
4024	3.604658					
4025	3.604766					
4026	3.604874					
4027	3.604982					
4028	3.605089					
4029	3.605197					
4030	3.605305					
4031	3.605413					
4032	3.605521					
4033	3.605628					
4034	3.605736					
4035	3.605844					
4036	3.605951					
4037	3.606059					
4038	3.606166					
4039	3.606274					
4040	3.606381					
4041	3.606489					
4042	3.606596					
4043	3.606704					
4044	3.606811					
4045	3.606919					
4046	3.607026					
4047	3.607133					
4048	3.607241					
4049	3.607348					

LOGARITHMES

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
4050	3.607455
4051	3.607562
4052	3.607669
4053	3.607777
4054	3.607884
4055	3.607991
4056	3.608098
4057	3.608205
4058	3.608312
4059	3.608419
4060	3.608526
4061	3.608633
4062	3.608740
4063	3.608847
4064	3.608954
4065	3.609061
4066	3.609167
4067	3.609274
4068	3.609381
4069	3.609488
4070	3.609594
4071	3.609701
4072	3.609808
4073	3.609914
4074	3.610021
4075	3.610128
4076	3.610234

4077	3.610341
4078	3.610447
4079	3.610554
4080	3.610660
4081	3.610767
4082	3.610873
4083	3.610979
4084	3.611086
4085	3.611192
4086	3.611298
4087	3.611405
4088	3.611511
4089	3.611617
4090	3.611723
4091	3.611829
4092	3.611936
4093	3.612042
4094	3.612148

	Sin. 22	Tang. 22	Cotang. 22	Cofin. 22	
30	9.582840	9.617224	0.382776	9.965615	30
31	9.583145	9.617582	0.382418	9.965563	29
32	9.583449	9.617939	0.382061	9.965511	28
33	9.583754	9.618295	0.381705	9.965458	27
34	9.584058	9.618652	0.381348	9.965406	26
35	9.584361	9.619008	0.380992	9.965353	25
36	9.584665	9.619364	0.380636	9.965301	24
37	9.584968	9.619720	0.380280	9.965248	23
38	9.585272	9.620076	0.379924	9.965195	22
39	9.585574	9.620432	0.379568	9.965143	21
40	9.585877	9.620787	0.379213	9.965090	20
41	9.586179	9.621142	0.378858	9.965037	19
42	9.586482	9.621497	0.378503	9.964984	18
43	9.586783	9.621852	0.378148	9.964931	17
44	9.587085	9.622207	0.377793	9.964879	16
45	9.587386	9.622561	0.377439	9.964826	15
46	9.587688	9.622915	0.377085	9.964773	14
47	9.587989	9.623269	0.376731	9.964720	13
48	9.588289	9.623623	0.376377	9.964666	12
49	9.588590	9.623976	0.376024	9.964613	11
50	9.588890	9.624330	0.375670	9.964560	10
51	9.589190	9.624683	0.375317	9.964507	9
52	9.589489	9.625036	0.374964	9.964454	8
53	9.589789	9.625388	0.374612	9.964400	7
54	9.590088	9.625741	0.374259	9.964347	6
55	9.590387	9.626093	0.373907	9.964294	5
56	9.590686	9.626445	0.373555	9.964240	4
57	9.590984	9.626797	0.373203	9.964187	3
58	9.591282	9.627149	0.372851	9.964133	2
59	9.591580	9.627501	0.372499	9.964080	1
60	9.591878	9.627852	0.372148	9.964026	0
	Cofin. 67	Cotang. 67	Tang. 67	Sin. 67	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4095	3.612254	4110	3.613842	4125	3.615424
4096	3.612360	4111	3.613947	4126	3.615529
4097	3.612466	4112	3.614053	4127	3.615634
4098	3.612572	4113	3.614159	4128	3.615740
4099	3.612678	4114	3.614264	4129	3.615845
4100	3.612784	4115	3.614370	4130	3.615950
4101	3.612890	4116	3.614475	4131	3.616055
4102	3.612996	4117	3.614581	4132	3.616160
4103	3.613102	4118	3.614686	4133	3.616265
4104	3.613207	4119	3.614792	4134	3.616370
4105	3.613313	4120	3.614897	4135	3.616476
4106	3.613419	4121	3.615003	4136	3.616581
4107	3.613525	4122	3.615108	4137	3.616686
4108	3.613630	4123	3.615213	4138	3.616790
4109	3.613736	4124	3.615319	4139	3.616895

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
4140	3.617000
4141	3.617105
4142	3.617210
4143	3.617315
4144	3.617420
4145	3.617525
4146	3.617629
4147	3.617734
4148	3.617839
4149	3.617943
4150	3.618048
4151	3.618153
4152	3.618257
4153	3.618362
4154	3.618466
4155	3.618571
4156	3.618676
4157	3.618780
4158	3.618884
4159	3.618989
4160	3.619093
4161	3.619198
4162	3.619302
4163	3.619406
4164	3.619511
4165	3.619615
4166	3.619719
4167	3.619824
4168	3.619928
4169	3.620032
4170	3.620136
4171	3.620240
4172	3.620344
4173	3.620448
4174	3.620552
4175	3.620656
4176	3.620760
4177	3.620864
4178	3.620968
4179	3.621072
4180	3.621176
4181	3.621280
4182	3.621384
4183	3.621488
4184	3.621592

	Sin. 23	Tang. 23	Cotang. 23	Cosin. 23	
0	9.591878	9.627852	0.372148	9.964026	60
1	9.592176	9.628203	0.371797	9.963972	59
2	9.592473	9.628554	0.371446	9.963919	58
3	9.592770	9.628905	0.371095	9.963865	57
4	9.593067	9.629255	0.370745	9.963811	56
5	9.593363	9.629606	0.370394	9.963757	55
6	9.593659	9.629956	0.370044	9.963704	54
7	9.593955	9.630306	0.369694	9.963650	53
8	9.594251	9.630656	0.369344	9.963596	52
9	9.594547	9.631005	0.368995	9.963542	51
10	9.594842	9.631355	0.368645	9.963488	50
11	9.595137	9.631704	0.368296	9.963434	49
12	9.595432	9.632053	0.367947	9.963379	48
13	9.595727	9.632402	0.367598	9.963325	47
14	9.596021	9.632750	0.367250	9.963271	46
15	9.596315	9.633099	0.366901	9.963217	45
16	9.596609	9.633447	0.366553	9.963163	44
17	9.596903	9.633795	0.366205	9.963108	43
18	9.597196	9.634143	0.365857	9.963054	42
19	9.597490	9.634490	0.365510	9.962999	41
20	9.597783	9.634838	0.365162	9.962945	40
21	9.598075	9.635185	0.364815	9.962890	39
22	9.598368	9.635532	0.364468	9.962836	38
23	9.598660	9.635879	0.364121	9.962781	37
24	9.598952	9.636226	0.363774	9.962727	36
25	9.599244	9.636572	0.363428	9.962672	35
26	9.599536	9.636919	0.363081	9.962617	34
27	9.599827	9.637265	0.362735	9.962562	33
28	9.600118	9.637611	0.362389	9.962508	32
29	9.600409	9.637956	0.362044	9.962453	31
30	9.600700	9.638302	0.361698	9.962398	30
	Cosin. 66	Cotang. 66	Tang. 66	Sin. 66	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4185	3.621695	4200	3.623249	4215	3.624798
4186	3.621799	4201	3.623353	4216	3.624901
4187	3.621903	4202	3.623456	4217	3.625004
4188	3.622007	4203	3.623559	4218	3.625107
4189	3.622110	4204	3.623663	4219	3.625210
4190	3.622214	4205	3.623766	4220	3.625312
4191	3.622318	4206	3.623869	4221	3.625415
4192	3.622421	4207	3.623973	4222	3.625518
4193	3.622525	4208	3.624076	4223	3.625621
4194	3.622628	4209	3.624179	4224	3.625724
4195	3.622732	4210	3.624282	4225	3.625827
4196	3.622835	4211	3.624385	4226	3.625929
4197	3.622939	4212	3.624488	4227	3.626032
4198	3.623042	4213	3.624591	4228	3.626135
4199	3.623146	4214	3.624695	4229	3.626238

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
4230	3.626340
4231	3.626443
4232	3.626546
4233	3.626648
4234	3.626751
4235	3.626853
4236	3.626956
4237	3.627058
4238	3.627161
4239	3.627263
4240	3.627366
4241	3.627468
4242	3.627571
4243	3.627673
4244	3.627775
4245	3.627878
4246	3.627980
4247	3.628082
4248	3.628185
4249	3.628287
4250	3.628389
4251	3.628491
4252	3.628593
4253	3.628695
4254	3.628797
4255	3.628900
4256	3.629002

	Sin. 23	Tang. 23	Cotang. 23	Cofin. 23	
30	9.600700	9.638302	0.361698	9.962398	30
31	9.600990	9.638647	0.361353	9.962343	29
32	9.601280	9.638992	0.361008	9.962288	28
33	9.601570	9.639337	0.360663	9.962233	27
34	9.601860	9.639682	0.360318	9.962178	26
35	9.602150	9.640027	0.359973	9.962123	25
36	9.602439	9.640371	0.359629	9.962067	24
37	9.602728	9.640716	0.359284	9.962012	23
38	9.603017	9.641060	0.358940	9.961957	22
39	9.603305	9.641404	0.358596	9.961902	21
40	9.603594	9.641747	0.358253	9.961846	20
41	9.603882	9.642091	0.357909	9.961791	19
42	9.604170	9.642434	0.357566	9.961735	18
43	9.604457	9.642777	0.357223	9.961680	17
44	9.604745	9.643120	0.356880	9.961624	16
45	9.605032	9.643463	0.356537	9.961569	15
46	9.605319	9.643806	0.356194	9.961513	14
47	9.605606	9.644148	0.355852	9.961458	13
48	9.605892	9.644490	0.355510	9.961402	12
49	9.606179	9.644832	0.355168	9.961346	11
50	9.606465	9.645174	0.354826	9.961290	10
51	9.606751	9.645516	0.354484	9.961235	9
52	9.607036	9.645857	0.354143	9.961179	8
53	9.607322	9.646199	0.353801	9.961123	7
54	9.607607	9.646540	0.353460	9.961067	6
55	9.607892	9.646881	0.353119	9.961011	5
56	9.608177	9.647222	0.352778	9.960955	4
57	9.608461	9.647562	0.352438	9.960899	3
58	9.608745	9.647903	0.352097	9.960843	2
59	9.609029	9.648243	0.351757	9.960786	1
60	9.609313	9.648583	0.351417	9.960730	0
	Cofin. 66	Cotang. 66	Tang. 66	Sin. 66	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4275	3.630936	4290	3.632457	4305	3.633973
4276	3.631038	4291	3.632559	4306	3.634074
4277	3.631139	4292	3.632660	4307	3.634175
4278	3.631241	4293	3.632761	4308	3.634276
4279	3.631342	4294	3.632862	4309	3.634376
4280	3.631444	4295	3.632963	4310	3.634477
4281	3.631545	4296	3.633064	4311	3.634578
4282	3.631647	4297	3.633165	4312	3.634679
4283	3.631748	4298	3.633266	4313	3.634779
4284	3.631849	4299	3.633367	4314	3.634880
4285	3.631951	4300	3.633468	4315	3.634981
4286	3.632052	4301	3.633569	4316	3.635081
4287	3.632153	4302	3.633670	4317	3.635182
4288	3.632255	4303	3.633771	4318	3.635283
4289	3.632356	4304	3.633872	4319	3.635383

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

4320	3.635484
4321	3.635584
4322	3.635685
4323	3.635785
4324	3.635886
4325	3.635986
4326	3.636087
4327	3.636187
4328	3.636287
4329	3.636388
4330	3.636488
4331	3.636588
4332	3.636688
4333	3.636789
4334	3.636889
4335	3.636989
4336	3.637089
4337	3.637189
4338	3.637290
4339	3.637390
4340	3.637490
4341	3.637590
4342	3.637690
4343	3.637790
4344	3.637890
4345	3.637990
4346	3.638090

4347	3.638190
4348	3.638290
4349	3.638389
4350	3.638489
4351	3.638589
4352	3.638689
4353	3.638789
4354	3.638888
4355	3.638988
4356	3.639088
4357	3.639188
4358	3.639287
4359	3.639387
4360	3.639486
4361	3.639586
4362	3.639686
4363	3.639785
4364	3.639885

	Sin. 24	Tang. 24	Cotang. 24	Cofin. 24	
0	9.609313	9.648583	0.351417	9.960730	60
1	9.609597	9.648923	0.351077	9.960674	59
2	9.609880	9.649263	0.350737	9.960618	58
3	9.610164	9.649602	0.350398	9.960561	57
4	9.610447	9.649942	0.350058	9.960505	56
5	9.610729	9.650281	0.349719	9.960448	55
6	9.611012	9.650620	0.349380	9.960392	54
7	9.611294	9.650959	0.349041	9.960335	53
8	9.611576	9.651297	0.348703	9.960279	52
9	9.611858	9.651636	0.348364	9.960222	51
10	9.612140	9.651974	0.348026	9.960165	50
11	9.612421	9.652312	0.347688	9.960109	49
12	9.612702	9.652650	0.347350	9.960052	48
13	9.612983	9.652988	0.347012	9.959995	47
14	9.613264	9.653326	0.346674	9.959938	46
15	9.613545	9.653663	0.346337	9.959882	45
16	9.613825	9.654000	0.346000	9.959825	44
17	9.614105	9.654337	0.345663	9.959768	43
18	9.614385	9.654674	0.345326	9.959711	42
19	9.614665	9.655011	0.344989	9.959654	41
20	9.614944	9.655348	0.344652	9.959596	40
21	9.615223	9.655684	0.344316	9.959539	39
22	9.615502	9.656020	0.343980	9.959482	38
23	9.615781	9.656356	0.343644	9.959425	37
24	9.616060	9.656692	0.343308	9.959368	36
25	9.616338	9.657028	0.342972	9.959310	35
26	9.616616	9.657364	0.342636	9.959253	34
27	9.616894	9.657699	0.342301	9.959195	33
28	9.617172	9.658034	0.341966	9.959138	32
29	9.617450	9.658369	0.341631	9.959080	31
30	9.617727	9.658704	0.341296	9.959023	30
	Cofin. 65	Cotang. 65	Tang. 65	Sin. 65	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4365	3.639984	4380	3.641474	4395	3.642959
4366	3.640084	4381	3.641573	4396	3.643058
4367	3.640183	4382	3.641672	4397	3.643156
4368	3.640283	4383	3.641771	4398	3.643255
4369	3.640382	4384	3.641871	4399	3.643354
4370	3.640481	4385	3.641970	4400	3.643453
4371	3.640581	4386	3.642069	4401	3.643551
4372	3.640680	4387	3.642168	4402	3.643650
4373	3.640779	4388	3.642267	4403	3.643749
4374	3.640879	4389	3.642366	4404	3.643847
4375	3.640978	4390	3.642465	4405	3.643946
4376	3.641077	4391	3.642563	4406	3.644044
4377	3.641177	4392	3.642662	4407	3.644143
4378	3.641276	4393	3.642761	4408	3.644242
4379	3.641375	4394	3.642860	4409	3.644340

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
4410	3.644439
4411	3.644537
4412	3.644636
4413	3.644734
4414	3.644832
4415	3.644931
4416	3.645029
4417	3.645127
4418	3.645226
4419	3.645324
4420	3.645422
4421	3.645521
4422	3.645619
4423	3.645717
4424	3.645815
4425	3.645913
4426	3.646011
4427	3.646110
4428	3.646208
4429	3.646306
4430	3.646404
4431	3.646502
4432	3.646600
4433	3.646698
4434	3.646796
4435	3.646894
4436	3.646992

	Sin. 24	Tang. 24	Cotang. 24	Cofin. 24	
30	9.617727	9.658704	0.341296	9.959023	30
31	9.618004	9.659039	0.340961	9.958965	29
32	9.618281	9.659373	0.340627	9.958908	28
33	9.618558	9.659708	0.340292	9.958850	27
34	9.618834	9.660042	0.339958	9.958792	26
35	9.619110	9.660376	0.339624	9.958734	25
36	9.619386	9.660710	0.339290	9.958677	24
37	9.619662	9.661043	0.338957	9.958619	23
38	9.619938	9.661377	0.338623	9.958561	22
39	9.620213	9.661710	0.338290	9.958503	21
40	9.620488	9.662043	0.337957	9.958445	20
41	9.620763	9.662376	0.337624	9.958387	19
42	9.621038	9.662709	0.337291	9.958329	18
43	9.621313	9.663042	0.336958	9.958271	17
44	9.621587	9.663375	0.336625	9.958213	16
45	9.621861	9.663707	0.336293	9.958154	15
46	9.622135	9.664039	0.335961	9.958096	14
47	9.622409	9.664371	0.335629	9.958038	13
48	9.622682	9.664703	0.335297	9.957979	12
49	9.622956	9.665035	0.334965	9.957921	11
50	9.623229	9.665366	0.334634	9.957863	10
51	9.623502	9.665698	0.334302	9.957804	9
52	9.623774	9.666029	0.333971	9.957746	8
53	9.624047	9.666360	0.333640	9.957687	7
54	9.624319	9.666691	0.333309	9.957628	6
55	9.624591	9.667021	0.332979	9.957570	5
56	9.624863	9.667352	0.332648	9.957511	4
57	9.625135	9.667682	0.332318	9.957452	3
58	9.625406	9.668013	0.331987	9.957393	2
59	9.625677	9.668343	0.331657	9.957335	1
60	9.625948	9.668673	0.331327	9.957276	0
	Cofin. 65	Cotang. 65	Tang. 65	Sin. 65	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4440	3.647383	4455	3.648848	4470	3.650308
4441	3.647481	4456	3.648945	4471	3.650405
4442	3.647579	4457	3.649043	4472	3.650502
4443	3.647676	4458	3.649140	4473	3.650599
4444	3.647774	4459	3.649237	4474	3.650696
4445	3.647872	4460	3.649335	4475	3.650793
4446	3.647969	4461	3.649432	4476	3.650890
4447	3.648067	4462	3.649530	4477	3.650987
4448	3.648165	4463	3.649627	4478	3.651084
4449	3.648262	4464	3.649724	4479	3.651181
4450	3.648360	4465	3.649821	4480	3.651278
4451	3.648458	4466	3.649919	4481	3.651375
4452	3.648555	4467	3.650016	4482	3.651472
4453	3.648653	4468	3.650113	4483	3.651569
4454	3.648750	4469	3.650210	4484	3.651666
				4485	3.651762
				4486	3.651859
				4487	3.651956
				4488	3.652053
				4489	3.652150
				4490	3.652246
				4491	3.652343
				4492	3.652440
				4493	3.652536
				4494	3.652633
				4495	3.652730
				4496	3.652826
				4497	3.652923
				4498	3.653019
				4499	3.653116

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

4500	3.653213
4501	3.653309
4502	3.653405
4503	3.653502
4504	3.653598
4505	3.653695
4506	3.653791
4507	3.653888
4508	3.653984
4509	3.654080
4510	3.654177
4511	3.654273
4512	3.654369
4513	3.654465
4514	3.654562
4515	3.654658
4516	3.654754
4517	3.654850
4518	3.654946
4519	3.655042
4520	3.655138
4521	3.655235
4522	3.655331
4523	3.655427
4524	3.655523
4525	3.655619
4526	3.655715

4527	3.655810
4528	3.655906
4529	3.656002
4530	3.656098
4531	3.656194
4532	3.656290
4533	3.656386
4534	3.656482
4535	3.656577
4536	3.656673
4537	3.656769
4538	3.656864
4539	3.656960
4540	3.657056
4541	3.657152
4542	3.657247
4543	3.657343
4544	3.657438

	Sin. 25	Tang. 25	Cotang. 25	Cosin. 25	
0	9.625948	9.668673	0.331327	9.957276	60
1	9.626219	9.669002	0.330998	9.957217	59
2	9.626490	9.669332	0.330668	9.957158	58
3	9.626760	9.669661	0.330339	9.957099	57
4	9.627030	9.669991	0.330009	9.957040	56
5	9.627300	9.670320	0.329680	9.956981	55
6	9.627570	9.670649	0.329351	9.956921	54
7	9.627840	9.670977	0.329023	9.956862	53
8	9.628109	9.671306	0.328694	9.956803	52
9	9.628378	9.671635	0.328365	9.956744	51
10	9.628647	9.671963	0.328037	9.956684	50
11	9.628916	9.672291	0.327709	9.956625	49
12	9.629185	9.672619	0.327381	9.956566	48
13	9.629453	9.672947	0.327053	9.956506	47
14	9.629721	9.673274	0.326726	9.956447	46
15	9.629989	9.673602	0.326398	9.956387	45
16	9.630257	9.673929	0.326071	9.956327	44
17	9.630524	9.674257	0.325743	9.956268	43
18	9.630792	9.674584	0.325416	9.956208	42
19	9.631059	9.674911	0.325089	9.956148	41
20	9.631326	9.675237	0.324763	9.956089	40
21	9.631593	9.675564	0.324436	9.956029	39
22	9.631859	9.675890	0.324110	9.955969	38
23	9.632125	9.676217	0.323783	9.955909	37
24	9.632392	9.676543	0.323457	9.955849	36
25	9.632658	9.676869	0.323131	9.955789	35
26	9.632923	9.677194	0.322806	9.955729	34
27	9.633189	9.677520	0.322480	9.955669	33
28	9.633454	9.677846	0.322154	9.955609	32
29	9.633719	9.678171	0.321829	9.955548	31
30	9.633984	9.678496	0.321504	9.955488	30
	Cosin. 64	Cotang. 64	Tang. 64	Sin. 64	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4545	3.657534	4560	3.658965	4575	3.660391
4546	3.657629	4561	3.659060	4576	3.660486
4547	3.657725	4562	3.659155	4577	3.660581
4548	3.657820	4563	3.659250	4578	3.660676
4549	3.657916	4564	3.659346	4579	3.660771
4550	3.658011	4565	3.659441	4580	3.660865
4551	3.658107	4566	3.659536	4581	3.660960
4552	3.658202	4567	3.659631	4582	3.661055
4553	3.658298	4568	3.659726	4583	3.661150
4554	3.658393	4569	3.659821	4584	3.661245
4555	3.658488	4570	3.659916	4585	3.661339
4556	3.658584	4571	3.660011	4586	3.661434
4557	3.658679	4572	3.660106	4587	3.661529
4558	3.658774	4573	3.660201	4588	3.661623
4559	3.658870	4574	3.660296	4589	3.661718

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
4590	3.661813
4591	3.661907
4592	3.662002
4593	3.662096
4594	3.662191
4595	3.662286
4596	3.662380
4597	3.662475
4598	3.662569
4599	3.662663
4600	3.662758
4601	3.662852
4602	3.662947
4603	3.663041
4604	3.663135
4605	3.663230
4606	3.663324
4607	3.663418
4608	3.663512
4609	3.663607
4610	3.663701
4611	3.663795
4612	3.663889
4613	3.663983
4614	3.664078
4615	3.664172
4616	3.664266
4617	3.664360
4618	3.664454
4619	3.664548
4620	3.664642
4621	3.664736
4622	3.664830
4623	3.664924
4624	3.665018
4625	3.665112
4626	3.665206
4627	3.665299
4628	3.665393
4629	3.665487
4630	3.665581
4631	3.665675
4632	3.665769
4633	3.665862
4634	3.665956

	Sin. 25	Tang. 25	Cotang. 25	Cofin. 25	
30	9.633984	9.678496	0.321504	9.955488	30
31	9.634249	9.678821	0.321179	9.955428	29
32	9.634514	9.679146	0.320854	9.955368	28
33	9.634778	9.679471	0.320529	9.955307	27
34	9.635042	9.679795	0.320205	9.955247	26
35	9.635306	9.680120	0.319880	9.955186	25
36	9.635570	9.680444	0.319556	9.955126	24
37	9.635834	9.680768	0.319232	9.955065	23
38	9.636097	9.681092	0.318908	9.955005	22
39	9.636360	9.681416	0.318584	9.954944	21
40	9.636623	9.681740	0.318260	9.954883	20
41	9.636886	9.682063	0.317937	9.954823	19
42	9.637148	9.682387	0.317613	9.954762	18
43	9.637411	9.682710	0.317290	9.954701	17
44	9.637673	9.683033	0.316967	9.954640	16
45	9.637935	9.683356	0.316644	9.954579	15
46	9.638197	9.683679	0.316321	9.954518	14
47	9.638458	9.684001	0.315999	9.954457	13
48	9.638720	9.684324	0.315676	9.954396	12
49	9.638981	9.684646	0.315354	9.954335	11
50	9.639242	9.684968	0.315032	9.954274	10
51	9.639503	9.685290	0.314710	9.954213	9
52	9.639764	9.685612	0.314388	9.954152	8
53	9.640024	9.685934	0.314066	9.954090	7
54	9.640284	9.686255	0.313745	9.954029	6
55	9.640544	9.686577	0.313423	9.953968	5
56	9.640804	9.686898	0.313102	9.953906	4
57	9.641064	9.687219	0.312781	9.953845	3
58	9.641324	9.687540	0.312460	9.953783	2
59	9.641583	9.687861	0.312139	9.953722	1
60	9.641842	9.688182	0.311818	9.953660	0
	Cofin. 64	Cotang. 64	Tang. 64	Sin. 64	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4635	3.666050	4650	3.667453	4665	3.668852
4636	3.666143	4651	3.667546	4666	3.668945
4637	3.666237	4652	3.667640	4667	3.669038
4638	3.666331	4653	3.667733	4668	3.669131
4639	3.666424	4654	3.667826	4669	3.669224
4640	3.666518	4655	3.667920	4670	3.669317
4641	3.666612	4656	3.668013	4671	3.669410
4642	3.666705	4657	3.668106	4672	3.669503
4643	3.666799	4658	3.668199	4673	3.669596
4644	3.666892	4659	3.668293	4674	3.669689
4645	3.666986	4660	3.668386	4675	3.669782
4646	3.667079	4661	3.668479	4676	3.669875
4647	3.667173	4662	3.668572	4677	3.669967
4648	3.667266	4663	3.668665	4678	3.670060
4649	3.667360	4664	3.668759	4679	3.670153

LOGARITHMES DES NOMBRES.			Sin. 26	Tang. 26	Corang. 26	Cofin. 26	
		0	9.641842	9.688182	0.311818	9.953660	60
		1	9.642101	9.688502	0.311498	9.953599	59
		2	9.642360	9.688823	0.311177	9.953537	58
		3	9.642618	9.689143	0.310857	9.953475	57
		4	9.642877	9.689463	0.310537	9.953413	56
		5	9.643135	9.689783	0.310217	9.953352	55
		6	9.643393	9.690103	0.309897	9.953290	54
		7	9.643650	9.690423	0.309577	9.953228	53
		8	9.643908	9.690742	0.309258	9.953166	52
		9	9.644165	9.691062	0.308938	9.953104	51
		10	9.644423	9.691381	0.308619	9.953042	50
		11	9.644680	9.691700	0.308300	9.952980	49
		12	9.644936	9.692019	0.307981	9.952918	48
		13	9.645193	9.692338	0.307662	9.952855	47
		14	9.645450	9.692656	0.307344	9.952793	46
		15	9.645706	9.692975	0.307025	9.952731	45
		16	9.645962	9.693293	0.306707	9.952669	44
		17	9.646218	9.693612	0.306388	9.952606	43
		18	9.646474	9.693930	0.306070	9.952544	42
		19	9.646729	9.694248	0.305752	9.952481	41
		20	9.646984	9.694566	0.305434	9.952419	40
		21	9.647240	9.694883	0.305117	9.952356	39
		22	9.647494	9.695201	0.304799	9.952294	38
		23	9.647749	9.695518	0.304482	9.952231	37
		24	9.648004	9.695836	0.304164	9.952168	36
		25	9.648258	9.696153	0.303847	9.952106	35
		26	9.648512	9.696470	0.303530	9.952043	34
		27	9.648766	9.696787	0.303213	9.951980	33
		28	9.649020	9.697103	0.302897	9.951917	32
		29	9.649274	9.697420	0.302580	9.951854	31
		30	9.649527	9.697736	0.302264	9.951791	30
			Cofin. 63	Corang. 63	Tang. 63	Sin. 63	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4710	3.673021	4725	3.674402	4740	3.675778
4711	3.673113	4726	3.674494	4741	3.675870
4712	3.673205	4727	3.674586	4742	3.675962
4713	3.673297	4728	3.674677	4743	3.676053
4714	3.673390	4729	3.674769	4744	3.676145
4715	3.673482	4730	3.674861	4745	3.676236
4716	3.673574	4731	3.674953	4746	3.676328
4717	3.673666	4732	3.675045	4747	3.676419
4718	3.673758	4733	3.675137	4748	3.676511
4719	3.673850	4734	3.675228	4749	3.676602
4720	3.673942	4735	3.675320	4750	3.676694
4721	3.674034	4736	3.675412	4751	3.676785
4722	3.674126	4737	3.675503	4752	3.676876
4723	3.674218	4738	3.675595	4753	3.676968
4724	3.674310	4739	3.675687	4754	3.677059
				4755	3.677151
				4756	3.677242
				4757	3.677333
				4758	3.677424
				4759	3.677516
				4760	3.677607
				4761	3.677698
				4762	3.677789
				4763	3.677881
				4764	3.677972
				4765	3.678063
				4766	3.678154
				4767	3.678245
				4768	3.678336
				4769	3.678427

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
4770	3.678518
4771	3.678609
4772	3.678700
4773	3.678791
4774	3.678882
4775	3.678973
4776	3.679064
4777	3.679155
4778	3.679246
4779	3.679337
4780	3.679428
4781	3.679519
4782	3.679610
4783	3.679700
4784	3.679791
4785	3.679882
4786	3.679973
4787	3.680063
4788	3.680154
4789	3.680245
4790	3.680336
4791	3.680426
4792	3.680517
4793	3.680607
4794	3.680698
4795	3.680789
4796	3.680879

	Sin. 26	Tang. 26	Cotang. 26	Cofin. 26	
30	9.649527	9.697736	0.302264	9.951791	30
31	9.649781	9.698053	0.301947	9.951728	29
32	9.650034	9.698369	0.301631	9.951665	28
33	9.650287	9.698685	0.301315	9.951602	27
34	9.650539	9.699001	0.300999	9.951539	26
35	9.650792	9.699316	0.300684	9.951476	25
36	9.651044	9.699632	0.300368	9.951412	24
37	9.651297	9.699947	0.300053	9.951349	23
38	9.651549	9.700263	0.299737	9.951286	22
39	9.651800	9.700578	0.299422	9.951222	21
40	9.652052	9.700893	0.299107	9.951159	20
41	9.652304	9.701208	0.298792	9.951096	19
42	9.652555	9.701523	0.298477	9.951032	18
43	9.652806	9.701837	0.298163	9.950968	17
44	9.653057	9.702152	0.297848	9.950905	16
45	9.653308	9.702466	0.297534	9.950841	15
46	9.653558	9.702781	0.297219	9.950778	14
47	9.653808	9.703095	0.296905	9.950714	13
48	9.654059	9.703409	0.296591	9.950650	12
49	9.654309	9.703722	0.296278	9.950586	11
50	9.654558	9.704036	0.295964	9.950522	10
51	9.654808	9.704350	0.295650	9.950458	9
52	9.655058	9.704663	0.295337	9.950394	8
53	9.655307	9.704976	0.295024	9.950330	7
54	9.655556	9.705290	0.294710	9.950266	6
55	9.655805	9.705603	0.294397	9.950202	5
56	9.656054	9.705916	0.294084	9.950138	4
57	9.656302	9.706228	0.293772	9.950074	3
58	9.656551	9.706541	0.293459	9.950010	2
59	9.656799	9.706854	0.293146	9.949945	1
60	9.657047	9.707166	0.292834	9.949881	0
	Cofin. 63	Cotang. 63	Tang. 63	Sin. 63	

4797	3.680970
4798	3.681060
4799	3.681151
4800	3.681241
4801	3.681332
4802	3.681422
4803	3.681513
4804	3.681603
4805	3.681693
4806	3.681784
4807	3.681874
4808	3.681964
4809	3.682055
4810	3.682145
4811	3.682235
4812	3.682326
4813	3.682416
4814	3.682506

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4815	3.682596	4830	3.683947	4845	3.685294
4816	3.682686	4831	3.684037	4846	3.685383
4817	3.682777	4832	3.684127	4847	3.685473
4818	3.682867	4833	3.684217	4848	3.685563
4819	3.682957	4834	3.684307	4849	3.685652
4820	3.683047	4835	3.684396	4850	3.685742
4821	3.683137	4836	3.684486	4851	3.685831
4822	3.683227	4837	3.684576	4852	3.685921
4823	3.683317	4838	3.684666	4853	3.686010
4824	3.683407	4839	3.684756	4854	3.686100
4825	3.683497	4840	3.684845	4855	3.686189
4826	3.683587	4841	3.684935	4856	3.686279
4827	3.683677	4842	3.685025	4857	3.686368
4828	3.683767	4843	3.685114	4858	3.686458
4829	3.683857	4844	3.685204	4859	3.686547

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
4860	3.686636
4861	3.686726
4862	3.686815
4863	3.686904
4864	3.686994
4865	3.687083
4866	3.687172
4867	3.687261
4868	3.687351
4869	3.687440
4870	3.687529
4871	3.687618
4872	3.687707
4873	3.687796
4874	3.687886
4875	3.687975
4876	3.688064
4877	3.688153
4878	3.688242
4879	3.688331
4880	3.688420
4881	3.688509
4882	3.688598
4883	3.688687
4884	3.688776
4885	3.688865
4886	3.688953
4887	3.689042
4888	3.689131
4889	3.689220
4890	3.689309
4891	3.689398
4892	3.689486
4893	3.689575
4894	3.689664
4895	3.689753
4896	3.689841
4897	3.689930
4898	3.690019
4899	3.690107
4900	3.690196
4901	3.690285
4902	3.690373
4903	3.690462
4904	3.690550

	Sin. 27	Tang. 27	Cotang. 27	Cofin. 27	
0	9.657047	9.707166	0.292834	9.949881	60
1	9.657295	9.707478	0.292522	9.949816	59
2	9.657542	9.707790	0.292210	9.949752	58
3	9.657790	9.708102	0.291898	9.949688	57
4	9.658037	9.708414	0.291586	9.949623	56
5	9.658284	9.708726	0.291274	9.949558	55
6	9.658531	9.709037	0.290963	9.949494	54
7	9.658778	9.709349	0.290651	9.949429	53
8	9.659025	9.709660	0.290340	9.949364	52
9	9.659271	9.709971	0.290029	9.949300	51
10	9.659517	9.710282	0.289718	9.949235	50
11	9.659763	9.710593	0.289407	9.949170	49
12	9.660009	9.710904	0.289096	9.949105	48
13	9.660255	9.711215	0.288785	9.949040	47
14	9.660501	9.711525	0.288475	9.948975	46
15	9.660746	9.711836	0.288164	9.948910	45
16	9.660991	9.712146	0.287854	9.948845	44
17	9.661236	9.712456	0.287544	9.948780	43
18	9.661481	9.712766	0.287234	9.948715	42
19	9.661726	9.713076	0.286924	9.948650	41
20	9.661970	9.713386	0.286614	9.948584	40
21	9.662214	9.713696	0.286304	9.948519	39
22	9.662459	9.714005	0.285995	9.948454	38
23	9.662703	9.714314	0.285686	9.948388	37
24	9.662946	9.714624	0.285376	9.948323	36
25	9.663190	9.714933	0.285067	9.948257	35
26	9.663433	9.715242	0.284758	9.948192	34
27	9.663677	9.715551	0.284449	9.948126	33
28	9.663920	9.715860	0.284140	9.948060	32
29	9.664163	9.716168	0.283832	9.947995	31
30	9.664406	9.716477	0.283523	9.947929	30
	Cofin. 62	Cotang. 62	Tang. 62	Sin. 62	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4905	3.690639	4920	3.691965	4935	3.693287
4906	3.690728	4921	3.692053	4936	3.693375
4907	3.690816	4922	3.692142	4937	3.693463
4908	3.690905	4923	3.692230	4938	3.693551
4909	3.690993	4924	3.692318	4939	3.693639
4910	3.691081	4925	3.692406	4940	3.693727
4911	3.691170	4926	3.692494	4941	3.693815
4912	3.691258	4927	3.692583	4942	3.693903
4913	3.691347	4928	3.692671	4943	3.693991
4914	3.691435	4929	3.692759	4944	3.694078
4915	3.691524	4930	3.692847	4945	3.694166
4916	3.691612	4931	3.692935	4946	3.694254
4917	3.691700	4932	3.693023	4947	3.694342
4918	3.691789	4933	3.693111	4948	3.694430
4919	3.691877	4934	3.693199	4949	3.694517

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
4950	3.694605
4951	3.694693
4952	3.694781
4953	3.694868
4954	3.694956
4955	3.695044
4956	3.695131
4957	3.695219
4958	3.695307
4959	3.695394
4960	3.695482
4961	3.695569
4962	3.695657
4963	3.695744
4964	3.695832
4965	3.695919
4966	3.696007
4967	3.696094
4968	3.696182
4969	3.696269
4970	3.696356
4971	3.696444
4972	3.696531
4973	3.696618
4974	3.696706
4975	3.696793
4976	3.696880

	Sin. 27	Tang. 27	Cotang. 27	Cosin. 27	
30	9.664406	9.716477	0.283523	9.947929	30
31	9.664648	9.716785	0.283215	9.947863	29
32	9.664891	9.717093	0.282907	9.947797	28
33	9.665133	9.717401	0.282599	9.947731	27
34	9.665375	9.717709	0.282291	9.947665	26
35	9.665617	9.718017	0.281983	9.947600	25
36	9.665859	9.718325	0.281675	9.947533	24
37	9.666100	9.718633	0.281367	9.947467	23
38	9.666342	9.718940	0.281060	9.947401	22
39	9.666583	9.719248	0.280752	9.947335	21
40	9.666824	9.719555	0.280445	9.947269	20
41	9.667065	9.719862	0.280138	9.947203	19
42	9.667305	9.720169	0.279831	9.947136	18
43	9.667546	9.720476	0.279524	9.947070	17
44	9.667786	9.720783	0.279217	9.947004	16
45	9.668027	9.721089	0.278911	9.946937	15
46	9.668267	9.721396	0.278604	9.946871	14
47	9.668506	9.721702	0.278298	9.946804	13
48	9.668746	9.722009	0.277991	9.946738	12
49	9.668986	9.722315	0.277685	9.946671	11
50	9.669225	9.722621	0.277379	9.946604	10
51	9.669464	9.722927	0.277073	9.946538	9
52	9.669703	9.723232	0.276768	9.946471	8
53	9.669942	9.723538	0.276462	9.946404	7
54	9.670181	9.723844	0.276156	9.946337	6
55	9.670419	9.724149	0.275851	9.946270	5
56	9.670658	9.724454	0.275546	9.946203	4
57	9.670896	9.724760	0.275240	9.946136	3
58	9.671134	9.725065	0.274935	9.946069	2
59	9.671372	9.725370	0.274630	9.946002	1
60	9.671609	9.725674	0.274326	9.945935	0
	Cosin. 62	Cotang. 62	Tang. 62	Sin. 62	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
4995	3.698535	5010	3.699838	5025	3.701136
4996	3.698622	5011	3.699924	5026	3.701222
4997	3.698709	5012	3.700011	5027	3.701309
4998	3.698796	5013	3.700098	5028	3.701395
4999	3.698883	5014	3.700184	5029	3.701482
5000	3.698970	5015	3.700271	5030	3.701568
5001	3.699057	5016	3.700358	5031	3.701654
5002	3.699144	5017	3.700444	5032	3.701741
5003	3.699231	5018	3.700531	5033	3.701827
5004	3.699317	5019	3.700617	5034	3.701913
5005	3.699404	5020	3.700704	5035	3.701999
5006	3.699491	5021	3.700790	5036	3.702086
5007	3.699578	5022	3.700877	5037	3.702172
5008	3.699664	5023	3.700963	5038	3.702258
5009	3.699751	5024	3.701050	5039	3.702344

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
5040	3.702431
5041	3.702517
5042	3.702603
5043	3.702689
5044	3.702775
5045	3.702861
5046	3.702947
5047	3.703033
5048	3.703119
5049	3.703205
5050	3.703291
5051	3.703377
5052	3.703463
5053	3.703549
5054	3.703635
5055	3.703721
5056	3.703807
5057	3.703893
5058	3.703979
5059	3.704065
5060	3.704151
5061	3.704236
5062	3.704322
5063	3.704408
5064	3.704494
5065	3.704579
5066	3.704665
5067	3.704751
5068	3.704837
5069	3.704922
5070	3.705008
5071	3.705094
5072	3.705179
5073	3.705265
5074	3.705350
5075	3.705436
5076	3.705522
5077	3.705607
5078	3.705693
5079	3.705778
5080	3.705864
5081	3.705949
5082	3.706035
5083	3.706120
5084	3.706206

	Sin. 28	Tang. 28	Cotang. 28	Cofin. 28	
0	9.671609	9.725674	0.274326	9.945935	60
1	9.671847	9.725979	0.274021	9.945868	59
2	9.672084	9.726284	0.273716	9.945800	58
3	9.672321	9.726588	0.273412	9.945733	57
4	9.672558	9.726892	0.273108	9.945666	56
5	9.672795	9.727197	0.272803	9.945598	55
6	9.673032	9.727501	0.272499	9.945531	54
7	9.673268	9.727805	0.272195	9.945464	53
8	9.673505	9.728109	0.271891	9.945396	52
9	9.673741	9.728412	0.271588	9.945328	51
10	9.673977	9.728716	0.271284	9.945261	50
11	9.674213	9.729020	0.270980	9.945193	49
12	9.674448	9.729323	0.270677	9.945125	48
13	9.674684	9.729626	0.270374	9.945058	47
14	9.674919	9.729929	0.270071	9.944990	46
15	9.675155	9.730233	0.269767	9.944922	45
16	9.675390	9.730535	0.269465	9.944854	44
17	9.675624	9.730838	0.269162	9.944786	43
18	9.675859	9.731141	0.268859	9.944718	42
19	9.676094	9.731444	0.268556	9.944650	41
20	9.676328	9.731746	0.268254	9.944582	40
21	9.676562	9.732048	0.267952	9.944514	39
22	9.676796	9.732351	0.267649	9.944446	38
23	9.677030	9.732653	0.267347	9.944377	37
24	9.677264	9.732955	0.267045	9.944309	36
25	9.677498	9.733257	0.266743	9.944241	35
26	9.677731	9.733558	0.266442	9.944172	34
27	9.677964	9.733860	0.266140	9.944104	33
28	9.678197	9.734162	0.265838	9.944036	32
29	9.678430	9.734463	0.265537	9.943967	31
30	9.678663	9.734764	0.265236	9.943899	30
	Cofin. 61	Cotang. 61	Tang. 61	Sin. 61	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5085	3.706291	5100	3.707570	5115	3.708846
5086	3.706376	5101	3.707655	5116	3.708931
5087	3.706462	5102	3.707740	5117	3.709015
5088	3.706547	5103	3.707826	5118	3.709100
5089	3.706632	5104	3.707911	5119	3.709185
5090	3.706718	5105	3.707996	5120	3.709270
5091	3.706803	5106	3.708081	5121	3.709355
5092	3.706888	5107	3.708166	5122	3.709440
5093	3.706974	5108	3.708251	5123	3.709524
5094	3.707059	5109	3.708336	5124	3.709609
5095	3.707144	5110	3.708421	5125	3.709694
5096	3.707229	5111	3.708506	5126	3.709779
5097	3.707315	5112	3.708591	5127	3.709863
5098	3.707400	5113	3.708676	5128	3.709948
5099	3.707485	5114	3.708761	5129	3.710033

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
5130	3.710117
5131	3.710202
5132	3.710287
5133	3.710371
5134	3.710456
5135	3.710540
5136	3.710625
5137	3.710710
5138	3.710794
5139	3.710879
5140	3.710963
5141	3.711048
5142	3.711132
5143	3.711217
5144	3.711301
5145	3.711385
5146	3.711470
5147	3.711554
5148	3.711639
5149	3.711723
5150	3.711807
5151	3.711892
5152	3.711976
5153	3.712060
5154	3.712144
5155	3.712229
5156	3.712313

5157	3.712397
5158	3.712481
5159	3.712566
5160	3.712650
5161	3.712734
5162	3.712818
5163	3.712902
5164	3.712986
5165	3.713070
5166	3.713154
5167	3.713238
5168	3.713323
5169	3.713407
5170	3.713491
5171	3.713575
5172	3.713659
5173	3.713742
5174	3.713826

	Sin. 28	Tang. 28	Cotang. 28	Cofin. 28	
30	9.678663	9.734764	0.265236	9.943899	30
31	9.678895	9.735066	0.264934	9.943830	29
32	9.679128	9.735367	0.264633	9.943761	28
33	9.679360	9.735668	0.264332	9.943693	27
34	9.679592	9.735969	0.264031	9.943624	26
35	9.679824	9.736269	0.263731	9.943555	25
36	9.680056	9.736570	0.263430	9.943486	24
37	9.680288	9.736870	0.263130	9.943417	23
38	9.680519	9.737171	0.262829	9.943348	22
39	9.680750	9.737471	0.262529	9.943279	21
40	9.680982	9.737771	0.262229	9.943210	20
41	9.681213	9.738071	0.261929	9.943141	19
42	9.681443	9.738371	0.261629	9.943072	18
43	9.681674	9.738671	0.261329	9.943003	17
44	9.681905	9.738971	0.261029	9.942934	16
45	9.682135	9.739271	0.260729	9.942864	15
46	9.682365	9.739570	0.260430	9.942795	14
47	9.682595	9.739870	0.260130	9.942726	13
48	9.682825	9.740169	0.259831	9.942656	12
49	9.683055	9.740468	0.259532	9.942587	11
50	9.683284	9.740767	0.259233	9.942517	10
51	9.683514	9.741066	0.258934	9.942448	9
52	9.683743	9.741365	0.258635	9.942378	8
53	9.683972	9.741664	0.258336	9.942308	7
54	9.684201	9.741962	0.258038	9.942239	6
55	9.684430	9.742261	0.257739	9.942169	5
56	9.684658	9.742559	0.257441	9.942099	4
57	9.684887	9.742858	0.257142	9.942029	3
58	9.685115	9.743156	0.256844	9.941959	2
59	9.685343	9.743454	0.256546	9.941889	1
60	9.685571	9.743752	0.256248	9.941819	0
	Cofin. 61	Cotang. 61	Tang. 61	Sin. 61	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5175	3.713910	5190	3.715167	5205	3.716421
5176	3.713994	5191	3.715251	5206	3.716504
5177	3.714078	5192	3.715335	5207	3.716588
5178	3.714162	5193	3.715418	5208	3.716671
5179	3.714246	5194	3.715502	5209	3.716754
5180	3.714330	5195	3.715586	5210	3.716838
5181	3.714414	5196	3.715669	5211	3.716921
5182	3.714497	5197	3.715753	5212	3.717004
5183	3.714581	5198	3.715836	5213	3.717088
5184	3.714665	5199	3.715920	5214	3.717171
5185	3.714749	5200	3.716003	5215	3.717254
5186	3.714833	5201	3.716087	5216	3.717338
5187	3.714916	5202	3.716170	5217	3.717421
5188	3.715000	5203	3.716254	5218	3.717504
5189	3.715084	5204	3.716337	5219	3.717587

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
5220	3.717671
5221	3.717754
5222	3.717837
5223	3.717920
5224	3.718003
5225	3.718086
5226	3.718169
5227	3.718253
5228	3.718336
5229	3.718419
5230	3.718502
5231	3.718585
5232	3.718668
5233	3.718751
5234	3.718834
5235	3.718917
5236	3.719000
5237	3.719083
5238	3.719165
5239	3.719248
5240	3.719331
5241	3.719414
5242	3.719497
5243	3.719580
5244	3.719663
5245	3.719745
5246	3.719828
5247	3.719911
5248	3.719994
5249	3.720077
5250	3.720159
5251	3.720242
5252	3.720325
5253	3.720407
5254	3.720490
5255	3.720573
5256	3.720655
5257	3.720738
5258	3.720821
5259	3.720903
5260	3.720986
5261	3.721068
5262	3.721151
5263	3.721233
5264	3.721316

'	Sin. 29	Tang. 29	Cotang. 29	Cofin. 29	
0	9.685571	9.743752	0.256248	9.941819	60
1	9.685799	9.744050	0.255950	9.941749	59
2	9.686027	9.744348	0.255652	9.941679	58
3	9.686254	9.744645	0.255355	9.941609	57
4	9.686482	9.744943	0.255057	9.941539	56
5	9.686709	9.745240	0.254760	9.941469	55
6	9.686936	9.745538	0.254462	9.941398	54
7	9.687163	9.745835	0.254165	9.941328	53
8	9.687389	9.746132	0.253868	9.941258	52
9	9.687616	9.746429	0.253571	9.941187	51
10	9.687843	9.746726	0.253274	9.941117	50
11	9.688069	9.747023	0.252977	9.941046	49
12	9.688295	9.747319	0.252681	9.940975	48
13	9.688521	9.747616	0.252384	9.940905	47
14	9.688747	9.747913	0.252087	9.940834	46
15	9.688972	9.748209	0.251791	9.940763	45
16	9.689198	9.748505	0.251495	9.940693	44
17	9.689423	9.748801	0.251199	9.940622	43
18	9.689648	9.749097	0.250903	9.940551	42
19	9.689873	9.749393	0.250607	9.940480	41
20	9.690098	9.749689	0.250311	9.940409	40
21	9.690323	9.749985	0.250015	9.940338	39
22	9.690548	9.750281	0.249719	9.940267	38
23	9.690772	9.750576	0.249424	9.940196	37
24	9.690996	9.750872	0.249128	9.940125	36
25	9.691220	9.751167	0.248833	9.940054	35
26	9.691444	9.751462	0.248538	9.939982	34
27	9.691668	9.751757	0.248243	9.939911	33
28	9.691892	9.752052	0.247948	9.939840	32
29	9.692115	9.752347	0.247653	9.939768	31
30	9.692339	9.752642	0.247358	9.939697	30
	Cofin. 60	Cotang. 60	Tang. 60	Sin. 60	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5265	3.721398	5280	3.722634	5295	3.723866
5266	3.721481	5281	3.722716	5296	3.723948
5267	3.721563	5282	3.722798	5297	3.724030
5268	3.721646	5283	3.722881	5298	3.724112
5269	3.721728	5284	3.722963	5299	3.724194
5270	3.721811	5285	3.723045	5300	3.724276
5271	3.721893	5286	3.723127	5301	3.724358
5272	3.721975	5287	3.723209	5302	3.724440
5273	3.722058	5288	3.723291	5303	3.724522
5274	3.722140	5289	3.723374	5304	3.724604
5275	3.722222	5290	3.723456	5305	3.724685
5276	3.722305	5291	3.723538	5306	3.724767
5277	3.722387	5292	3.723620	5307	3.724849
5278	3.722469	5293	3.723702	5308	3.724931
5279	3.722552	5294	3.723784	5309	3.725013

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

5310	3.725095
5311	3.725176
5312	3.725258
5313	3.725340
5314	3.725422
5315	3.725503
5316	3.725585
5317	3.725667
5318	3.725748
5319	3.725830
5320	3.725912
5321	3.725993
5322	3.726075
5323	3.726156
5324	3.726238
5325	3.726320
5326	3.726401
5327	3.726483
5328	3.726564
5329	3.726646
5330	3.726727
5331	3.726809
5332	3.726890
5333	3.726972
5334	3.727053
5335	3.727134
5336	3.727216

5337	3.727297
5338	3.727379
5339	3.727460

5340	3.727541
5341	3.727623
5342	3.727704
5343	3.727785
5344	3.727866
5345	3.727948
5346	3.728029
5347	3.728110
5348	3.728191
5349	3.728273
5350	3.728354
5351	3.728435
5352	3.728516
5353	3.728597
5354	3.728678

	Sin. 29	Tang. 29	Cotang. 29	Cofin. 29	
30	9.692339	9.752642	0.247358	9.939697	30
31	9.692562	9.752937	0.247063	9.939625	29
32	9.692785	9.753231	0.246769	9.939554	28
33	9.693008	9.753526	0.246474	9.939482	27
34	9.693231	9.753820	0.246180	9.939410	26
35	9.693453	9.754115	0.245885	9.939339	25
36	9.693676	9.754409	0.245591	9.939267	24
37	9.693898	9.754703	0.245297	9.939195	23
38	9.694120	9.754997	0.245003	9.939123	22
39	9.694342	9.755291	0.244709	9.939052	21
40	9.694564	9.755585	0.244415	9.938980	20
41	9.694786	9.755878	0.244122	9.938908	19
42	9.695007	9.756172	0.243828	9.938836	18
43	9.695229	9.756465	0.243535	9.938763	17
44	9.695450	9.756759	0.243241	9.938691	16
45	9.695671	9.757052	0.242948	9.938619	15
46	9.695892	9.757345	0.242655	9.938547	14
47	9.696113	9.757638	0.242362	9.938475	13
48	9.696334	9.757931	0.242069	9.938402	12
49	9.696554	9.758224	0.241776	9.938330	11
50	9.696775	9.758517	0.241483	9.938258	10
51	9.696995	9.758810	0.241190	9.938185	9
52	9.697215	9.759102	0.240898	9.938113	8
53	9.697435	9.759395	0.240605	9.938040	7
54	9.697654	9.759687	0.240313	9.937967	6
55	9.697874	9.759979	0.240021	9.937895	5
56	9.698094	9.760272	0.239728	9.937822	4
57	9.698313	9.760564	0.239436	9.937749	3
58	9.698532	9.760856	0.239144	9.937676	2
59	9.698751	9.761148	0.238852	9.937604	1
60	9.698970	9.761439	0.238561	9.937531	0
	Cofin. 60	Cotang. 60	Tang. 60	Sin. 60	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5355	3.728759	5370	3.729974	5385	3.731186
5356	3.728841	5371	3.730055	5386	3.731266
5357	3.728922	5372	3.730136	5387	3.731347
5358	3.729003	5373	3.730217	5388	3.731428
5359	3.729084	5374	3.730298	5389	3.731508
5360	3.729165	5375	3.730378	5390	3.731589
5361	3.729246	5376	3.730459	5391	3.731669
5362	3.729327	5377	3.730540	5392	3.731750
5363	3.729408	5378	3.730621	5393	3.731830
5364	3.729489	5379	3.730701	5394	3.731911
5365	3.729570	5380	3.730782	5395	3.731991
5366	3.729651	5381	3.730863	5396	3.732072
5367	3.729732	5382	3.730944	5397	3.732152
5368	3.729813	5383	3.731024	5398	3.732233
5369	3.729893	5384	3.731105	5399	3.732313

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
5400	3.732394
5401	3.732474
5402	3.732555
5403	3.732635
5404	3.732715
5405	3.732796
5406	3.732876
5407	3.732956
5408	3.733037
5409	3.733117
5410	3.733197
5411	3.733278
5412	3.733358
5413	3.733438
5414	3.733518
5415	3.733598
5416	3.733679
5417	3.733759
5418	3.733839
5419	3.733919
5420	3.733999
5421	3.734079
5422	3.734160
5423	3.734240
5424	3.734320
5425	3.734400
5426	3.734480

5427	3.734560
5428	3.734640
5429	3.734720
5430	3.734800
5431	3.734880
5432	3.734960
5433	3.735040
5434	3.735120
5435	3.735200
5436	3.735279
5437	3.735359
5438	3.735439
5439	3.735519
5440	3.735599
5441	3.735679
5442	3.735759
5443	3.735838
5444	3.735918

'	Sin. 30	Tang. 30	Cotang. 30	Cofin. 30	
0	9.698970	9.761439	0.238561	9.937531	60
1	9.699189	9.761731	0.238269	9.937458	59
2	9.699407	9.762023	0.237977	9.937385	58
3	9.699626	9.762314	0.237686	9.937312	57
4	9.699844	9.762606	0.237394	9.937238	56
5	9.700062	9.762897	0.237103	9.937165	55
6	9.700280	9.763188	0.236812	9.937092	54
7	9.700498	9.763479	0.236521	9.937019	53
8	9.700716	9.763770	0.236230	9.936946	52
9	9.700933	9.764061	0.235939	9.936872	51
10	9.701151	9.764352	0.235648	9.936799	50
11	9.701368	9.764643	0.235357	9.936725	49
12	9.701585	9.764933	0.235067	9.936652	48
13	9.701802	9.765224	0.234776	9.936578	47
14	9.702019	9.765514	0.234486	9.936505	46
15	9.702236	9.765805	0.234195	9.936431	45
16	9.702452	9.766095	0.233905	9.936357	44
17	9.702669	9.766385	0.233615	9.936284	43
18	9.702885	9.766675	0.233325	9.936210	42
19	9.703101	9.766965	0.233035	9.936136	41
20	9.703317	9.767255	0.232745	9.936062	40
21	9.703533	9.767545	0.232455	9.935988	39
22	9.703749	9.767834	0.232166	9.935914	38
23	9.703964	9.768124	0.231876	9.935840	37
24	9.704179	9.768414	0.231586	9.935766	36
25	9.704395	9.768703	0.231297	9.935692	35
26	9.704610	9.768992	0.231008	9.935618	34
27	9.704825	9.769281	0.230719	9.935543	33
28	9.705040	9.769571	0.230429	9.935469	32
29	9.705254	9.769860	0.230140	9.935395	31
30	9.705469	9.770148	0.229852	9.935320	30
	Cofin. 59	Cotang. 59	Tang. 59	Sin. 59	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5445	3.735998	5460	3.737193	5475	3.738384
5446	3.736078	5461	3.737272	5476	3.738463
5447	3.736157	5462	3.737352	5477	3.738543
5448	3.736237	5463	3.737431	5478	3.738622
5449	3.736317	5464	3.737511	5479	3.738701
5450	3.736397	5465	3.737590	5480	3.738781
5451	3.736476	5466	3.737670	5481	3.738860
5452	3.736556	5467	3.737749	5482	3.738939
5453	3.736635	5468	3.737829	5483	3.739018
5454	3.736715	5469	3.737908	5484	3.739097
5455	3.736795	5470	3.737987	5485	3.739177
5456	3.736874	5471	3.738067	5486	3.739256
5457	3.736954	5472	3.738146	5487	3.739335
5458	3.737034	5473	3.738225	5488	3.739414
5459	3.737113	5474	3.738305	5489	3.739493

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
5490	3.739572
5491	3.739651
5492	3.739731
5493	3.739810
5494	3.739889
5495	3.739968
5496	3.740047
5497	3.740126
5498	3.740205
5499	3.740284
5500	3.740363
5501	3.740442
5502	3.740521
5503	3.740600
5504	3.740678
5505	3.740757
5506	3.740836
5507	3.740915
5508	3.740994
5509	3.741073
5510	3.741152
5511	3.741230
5512	3.741309
5513	3.741388
5514	3.741467
5515	3.741546
5516	3.741624

'	Sin. 30	Tang. 30	Cotang. 30	Cofin. 30	
30	9.705469	9.770148	0.229852	9.935320	30
31	9.705683	9.770437	0.229563	9.935246	29
32	9.705898	9.770726	0.229274	9.935171	28
33	9.706112	9.771015	0.228985	9.935097	27
34	9.706326	9.771303	0.228697	9.935022	26
35	9.706539	9.771592	0.228408	9.934948	25
36	9.706753	9.771880	0.228120	9.934873	24
37	9.706967	9.772168	0.227832	9.934798	23
38	9.707180	9.772457	0.227543	9.934723	22
39	9.707393	9.772745	0.227255	9.934649	21
40	9.707606	9.773033	0.226967	9.934574	20
41	9.707819	9.773321	0.226679	9.934499	19
42	9.708032	9.773608	0.226392	9.934424	18
43	9.708245	9.773896	0.226104	9.934349	17
44	9.708458	9.774184	0.225816	9.934274	16
45	9.708670	9.774471	0.225529	9.934199	15
46	9.708882	9.774759	0.225241	9.934123	14
47	9.709094	9.775046	0.224954	9.934048	13
48	9.709306	9.775333	0.224667	9.933973	12
49	9.709518	9.775621	0.224379	9.933898	11
50	9.709730	9.775908	0.224092	9.933822	10
51	9.709941	9.776195	0.223805	9.933747	9
52	9.710153	9.776482	0.223518	9.933671	8
53	9.710364	9.776768	0.223232	9.933596	7
54	9.710575	9.777055	0.222945	9.933520	6
55	9.710786	9.777342	0.222658	9.933445	5
56	9.710997	9.777628	0.222372	9.933369	4
57	9.711208	9.777915	0.222085	9.933293	3
58	9.711419	9.778201	0.221799	9.933217	2
59	9.711629	9.778488	0.221512	9.933141	1
60	9.711839	9.778774	0.221226	9.933066	0
	Cofin. 59	Cotang. 59	Tang. 59	Sin. 59	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5520	3.741939	5535	3.743118	5550	3.744293
5521	3.742018	5536	3.743196	5551	3.744371
5522	3.742096	5537	3.743275	5552	3.744449
5523	3.742175	5538	3.743353	5553	3.744528
5524	3.742254	5539	3.743431	5554	3.744606
5525	3.742332	5540	3.743510	5555	3.744684
5526	3.742411	5541	3.743588	5556	3.744762
5527	3.742489	5542	3.743667	5557	3.744840
5528	3.742568	5543	3.743745	5558	3.744919
5529	3.742647	5544	3.743823	5559	3.744997
5530	3.742725	5545	3.743902	5560	3.745075
5531	3.742804	5546	3.743980	5561	3.745153
5532	3.742882	5547	3.744058	5562	3.745231
5533	3.742961	5548	3.744136	5563	3.745309
5534	3.743039	5549	3.744215	5564	3.745387
5565	3.745465			5565	3.745465
5566	3.745543			5566	3.745543
5567	3.745621			5567	3.745621
5568	3.745699			5568	3.745699
5569	3.745777			5569	3.745777
5570	3.745855			5570	3.745855
5571	3.745933			5571	3.745933
5572	3.746011			5572	3.746011
5573	3.746089			5573	3.746089
5574	3.746167			5574	3.746167
5575	3.746245			5575	3.746245
5576	3.746323			5576	3.746323
5577	3.746401			5577	3.746401
5578	3.746478			5578	3.746478
5579	3.746556			5579	3.746556

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
5580	3.746634
5581	3.746712
5582	3.746790
5583	3.746868
5584	3.746945
5585	3.747023
5586	3.747101
5587	3.747179
5588	3.747256
5589	3.747334
5590	3.747412
5591	3.747489
5592	3.747567
5593	3.747645
5594	3.747722
5595	3.747800
5596	3.747878
5597	3.747955
5598	3.748033
5599	3.748110
5600	3.748188
5601	3.748266
5602	3.748343
5603	3.748421
5604	3.748498
5605	3.748576
5606	3.748653
5607	3.748731
5608	3.748808
5609	3.748885
5610	3.748963
5611	3.749040
5612	3.749118
5613	3.749195
5614	3.749272
5615	3.749350
5616	3.749427
5617	3.749504
5618	3.749582
5619	3.749659
5620	3.749736
5621	3.749814
5622	3.749891
5623	3.749968
5624	3.750045

	Sin. 31	Tang. 31	Cotang. 31	Cofin. 31	
0	9.711839	9.778774	0.221226	9.933066	60
1	9.712050	9.779060	0.220940	9.932990	59
2	9.712260	9.779346	0.220654	9.932914	58
3	9.712469	9.779632	0.220368	9.932838	57
4	9.712679	9.779918	0.220082	9.932762	56
5	9.712889	9.780203	0.219797	9.932685	55
6	9.713098	9.780489	0.219511	9.932609	54
7	9.713308	9.780775	0.219225	9.932533	53
8	9.713517	9.781060	0.218940	9.932457	52
9	9.713726	9.781346	0.218654	9.932380	51
10	9.713935	9.781631	0.218369	9.932304	50
11	9.714144	9.781916	0.218084	9.932228	49
12	9.714352	9.782201	0.217799	9.932151	48
13	9.714561	9.782486	0.217514	9.932075	47
14	9.714769	9.782771	0.217229	9.931998	46
15	9.714978	9.783056	0.216944	9.931921	45
16	9.715186	9.783341	0.216659	9.931845	44
17	9.715394	9.783626	0.216374	9.931768	43
18	9.715602	9.783910	0.216090	9.931691	42
19	9.715809	9.784195	0.215805	9.931614	41
20	9.716017	9.784479	0.215521	9.931537	40
21	9.716224	9.784764	0.215236	9.931460	39
22	9.716432	9.785048	0.214952	9.931383	38
23	9.716639	9.785332	0.214668	9.931306	37
24	9.716846	9.785616	0.214384	9.931229	36
25	9.717053	9.785900	0.214100	9.931152	35
26	9.717259	9.786184	0.213816	9.931075	34
27	9.717466	9.786468	0.213531	9.930998	33
28	9.717673	9.786752	0.213248	9.930921	32
29	9.717879	9.787036	0.212964	9.930843	31
30	9.718085	9.787319	0.212681	9.930766	30
	Cofin. 58	Cotang. 58	Tang. 58	Sin. 58	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5625	3.750123	5640	3.751279	5655	3.752433
5626	3.750200	5641	3.751356	5656	3.752509
5627	3.750277	5642	3.751433	5657	3.752586
5628	3.750354	5643	3.751510	5658	3.752663
5629	3.750431	5644	3.751587	5659	3.752740
5630	3.750508	5645	3.751664	5660	3.752816
5631	3.750586	5646	3.751741	5661	3.752893
5632	3.750663	5647	3.751818	5662	3.752970
5633	3.750740	5648	3.751895	5663	3.753047
5634	3.750817	5649	3.751972	5664	3.753123
5635	3.750894	5650	3.752048	5665	3.753200
5636	3.750971	5651	3.752125	5666	3.753277
5637	3.751048	5652	3.752202	5667	3.753353
5638	3.751125	5653	3.752279	5668	3.753430
5639	3.751202	5654	3.752356	5669	3.753506

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

5670	3.753583
5671	3.753660
5672	3.753736
5673	3.753813
5674	3.753889
5675	3.753966
5676	3.754042
5677	3.754119
5678	3.754195
5679	3.754272
5680	3.754348
5681	3.754425
5682	3.754501
5683	3.754578
5684	3.754654
5685	3.754730
5686	3.754807
5687	3.754883
5688	3.754960
5689	3.755036
5690	3.755112
5691	3.755189
5692	3.755265
5693	3.755341
5694	3.755417
5695	3.755494
5696	3.755570

5697	3.755646
5698	3.755722
5699	3.755799

5700	3.755875
5701	3.755951
5702	3.756027
5703	3.756103
5704	3.756180
5705	3.756256
5706	3.756332
5707	3.756408
5708	3.756484
5709	3.756560
5710	3.756636
5711	3.756712
5712	3.756788
5713	3.756864
5714	3.756940

	Sin. 31	Tang. 31	Cotang. 31	Cofin. 31	
30	9.718085	9.787319	0.212681	9.930766	30
31	9.718291	9.787603	0.212397	9.930688	29
32	9.718497	9.787886	0.212114	9.930611	28
33	9.718703	9.788170	0.211830	9.930533	27
34	9.718909	9.788453	0.211547	9.930456	26
35	9.719114	9.788736	0.211264	9.930378	25
36	9.719320	9.789019	0.210981	9.930300	24
37	9.719525	9.789302	0.210698	9.930223	23
38	9.719730	9.789585	0.210415	9.930145	22
39	9.719935	9.789868	0.210132	9.930067	21
40	9.720140	9.790151	0.209849	9.929989	20
41	9.720345	9.790434	0.209566	9.929911	19
42	9.720549	9.790716	0.209284	9.929833	18
43	9.720754	9.790999	0.209001	9.929755	17
44	9.720958	9.791281	0.208719	9.929677	16
45	9.721162	9.791563	0.208437	9.929599	15
46	9.721366	9.791846	0.208154	9.929521	14
47	9.721570	9.792128	0.207872	9.929442	13
48	9.721774	9.792410	0.207590	9.929364	12
49	9.721978	9.792692	0.207308	9.929286	11
50	9.722181	9.792974	0.207026	9.929207	10
51	9.722385	9.793256	0.206744	9.929129	9
52	9.722588	9.793538	0.206462	9.929050	8
53	9.722791	9.793819	0.206181	9.928972	7
54	9.722994	9.794101	0.205899	9.928893	6
55	9.723197	9.794383	0.205617	9.928815	5
56	9.723400	9.794664	0.205336	9.928736	4
57	9.723603	9.794946	0.205054	9.928657	3
58	9.723805	9.795227	0.204773	9.928578	2
59	9.724007	9.795508	0.204492	9.928499	1
60	9.724210	9.795789	0.204211	9.928420	0
	Cofin. 58	Cotang. 58	Tang. 58	Sin. 58	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5715	3.757016	5730	3.758155	5745	3.759290
5716	3.757092	5731	3.758230	5746	3.759366
5717	3.757168	5732	3.758306	5747	3.759441
5718	3.757244	5733	3.758382	5748	3.759517
5719	3.757320	5734	3.758458	5749	3.759592
5720	3.757396	5735	3.758533	5750	3.759668
5721	3.757472	5736	3.758609	5751	3.759743
5722	3.757548	5737	3.758685	5752	3.759819
5723	3.757624	5738	3.758761	5753	3.759894
5724	3.757700	5739	3.758836	5754	3.759970
5725	3.757775	5740	3.758912	5755	3.760045
5726	3.757851	5741	3.758988	5756	3.760121
5727	3.757927	5742	3.759063	5757	3.760196
5728	3.758003	5743	3.759139	5758	3.760272
5729	3.758079	5744	3.759214	5759	3.760347

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
5760	3.760422
5761	3.760498
5762	3.760573
5763	3.760649
5764	3.760724
5765	3.760799
5766	3.760875
5767	3.760950
5768	3.761025
5769	3.761101
5770	3.761176
5771	3.761251
5772	3.761326
5773	3.761402
5774	3.761477
5775	3.761552
5776	3.761627
5777	3.761702
5778	3.761778
5779	3.761853
5780	3.761928
5781	3.762003
5782	3.762078
5783	3.762153
5784	3.762228
5785	3.762303
5786	3.762378

5787	3.762453
5788	3.762529
5789	3.762604
5790	3.762679
5791	3.762754
5792	3.762829
5793	3.762904
5794	3.762978
5795	3.763053
5796	3.763128
5797	3.763203
5798	3.763278
5799	3.763353
5800	3.763428
5801	3.763503
5802	3.763578
5803	3.763653
5804	3.763727

'	Sin. 32	Tang. 32	Cotang. 32	Cofin. 32	
0	9.724210	9.795789	0.204211	9.928420	60
1	9.724412	9.796070	0.203930	9.928342	59
2	9.724614	9.796351	0.203649	9.928263	58
3	9.724816	9.796632	0.203368	9.928183	57
4	9.725017	9.796913	0.203087	9.928104	56
5	9.725219	9.797194	0.202806	9.928025	55
6	9.725420	9.797474	0.202525	9.927946	54
7	9.725622	9.797755	0.202245	9.927867	53
8	9.725823	9.798036	0.201964	9.927787	52
9	9.726024	9.798316	0.201684	9.927708	51
10	9.726225	9.798596	0.201404	9.927629	50
11	9.726426	9.798877	0.201123	9.927549	49
12	9.726626	9.799157	0.200843	9.927470	48
13	9.726827	9.799437	0.200563	9.927390	47
14	9.727027	9.799717	0.200283	9.927310	46
15	9.727228	9.799997	0.200003	9.927231	45
16	9.727428	9.800277	0.199723	9.927151	44
17	9.727628	9.800557	0.199443	9.927071	43
18	9.727828	9.800836	0.199164	9.926991	42
19	9.728027	9.801116	0.198884	9.926911	41
20	9.728227	9.801396	0.198604	9.926831	40
21	9.728427	9.801675	0.198325	9.926751	39
22	9.728626	9.801955	0.198045	9.926671	38
23	9.728825	9.802234	0.197766	9.926591	37
24	9.729024	9.802513	0.197487	9.926511	36
25	9.729223	9.802792	0.197208	9.926431	35
26	9.729422	9.803072	0.196928	9.926351	34
27	9.729621	9.803351	0.196649	9.926270	33
28	9.729820	9.803630	0.196370	9.926190	32
29	9.730018	9.803909	0.196091	9.926110	31
30	9.730217	9.804187	0.195813	9.926029	30
	Cofin. 57	Cotang. 57	Tang. 57	Sin. 57	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5805	3.763802	5820	3.764923	5835	3.766041
5806	3.763877	5821	3.764998	5836	3.766115
5807	3.763952	5822	3.765072	5837	3.766190
5808	3.764027	5823	3.765147	5838	3.766264
5809	3.764101	5824	3.765221	5839	3.766338
5810	3.764176	5825	3.765296	5840	3.766413
5811	3.764251	5826	3.765370	5841	3.766487
5812	3.764326	5827	3.765445	5842	3.766562
5813	3.764400	5828	3.765520	5843	3.766636
5814	3.764475	5829	3.765594	5844	3.766710
5815	3.764550	5830	3.765669	5845	3.766785
5816	3.764624	5831	3.765743	5846	3.766859
5817	3.764699	5832	3.765818	5847	3.766933
5818	3.764774	5833	3.765892	5848	3.767007
5819	3.764848	5834	3.765966	5849	3.767082

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

5850	3.767156
5851	3.767230
5852	3.767304
5853	3.767379
5854	3.767453
5855	3.767527
5856	3.767601
5857	3.767675
5858	3.767749
5859	3.767823
5860	3.767898
5861	3.767972
5862	3.768046
5863	3.768120
5864	3.768194
5865	3.768268
5866	3.768342
5867	3.768416
5868	3.768490
5869	3.768564
5870	3.768638
5871	3.768712
5872	3.768786
5873	3.768860
5874	3.768934
5875	3.769008
5876	3.769082

	Sin. 32	Tang. 32	Cotang. 32	Cofin. 32	
30	9.730217	9.804187	0.195813	9.926029	30
31	9.730415	9.804466	0.195534	9.925949	29
32	9.730613	9.804745	0.195255	9.925868	28
33	9.730811	9.805023	0.194977	9.925788	27
34	9.731009	9.805302	0.194698	9.925707	26
35	9.731206	9.805580	0.194420	9.925626	25
36	9.731404	9.805859	0.194141	9.925545	24
37	9.731602	9.806137	0.193863	9.925465	23
38	9.731799	9.806415	0.193585	9.925384	22
39	9.731996	9.806693	0.193307	9.925303	21
40	9.732193	9.806971	0.193029	9.925222	20
41	9.732390	9.807249	0.192751	9.925141	19
42	9.732587	9.807527	0.192473	9.925060	18
43	9.732784	9.807805	0.192195	9.924979	17
44	9.732980	9.808083	0.191917	9.924897	16
45	9.733177	9.808361	0.191639	9.924816	15
46	9.733373	9.808638	0.191362	9.924735	14
47	9.733569	9.808916	0.191084	9.924654	13
48	9.733765	9.809193	0.190807	9.924572	12
49	9.733961	9.809471	0.190529	9.924491	11
50	9.734157	9.809748	0.190252	9.924409	10
51	9.734353	9.810025	0.189975	9.924328	9
52	9.734548	9.810302	0.189698	9.924246	8
53	9.734744	9.810580	0.189420	9.924164	7
54	9.734939	9.810857	0.189143	9.924083	6
55	9.735135	9.811134	0.188866	9.924001	5
56	9.735330	9.811410	0.188590	9.923919	4
57	9.735525	9.811687	0.188313	9.923837	3
58	9.735719	9.811964	0.188036	9.923755	2
59	9.735914	9.812241	0.187759	9.923673	1
60	9.736109	9.812517	0.187483	9.923591	0
	Cofin. 57	Cotang. 57	Tang. 57	Sin. 57	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5880	3.769377	5895	3.770484	5910	3.771587
5881	3.769451	5896	3.770557	5911	3.771661
5882	3.769525	5897	3.770631	5912	3.771734
5883	3.769599	5898	3.770705	5913	3.771808
5884	3.769673	5899	3.770778	5914	3.771881
5885	3.769746	5900	3.770852	5915	3.771955
5886	3.769820	5901	3.770926	5916	3.772028
5887	3.769894	5902	3.770999	5917	3.772102
5888	3.769968	5903	3.771073	5918	3.772175
5889	3.770042	5904	3.771146	5919	3.772248
5890	3.770115	5905	3.771220	5920	3.772322
5891	3.770189	5906	3.771293	5921	3.772395
5892	3.770263	5907	3.771367	5922	3.772468
5893	3.770336	5908	3.771440	5923	3.772542
5894	3.770410	5909	3.771514	5924	3.772615
5925	3.772688			5925	3.772688
5926	3.772762			5926	3.772762
5927	3.772835			5927	3.772835
5928	3.772908			5928	3.772908
5929	3.772981			5929	3.772981
5930	3.773055			5930	3.773055
5931	3.773128			5931	3.773128
5932	3.773201			5932	3.773201
5933	3.773274			5933	3.773274
5934	3.773348			5934	3.773348
5935	3.773421			5935	3.773421
5936	3.773494			5936	3.773494
5937	3.773567			5937	3.773567
5938	3.773640			5938	3.773640
5939	3.773713			5939	3.773713

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
5940	3.773786
5941	3.773860
5942	3.773933
5943	3.774006
5944	3.774079
5945	3.774152
5946	3.774225
5947	3.774298
5948	3.774371
5949	3.774444
5950	3.774517
5951	3.774590
5952	3.774663
5953	3.774736
5954	3.774809
5955	3.774882
5956	3.774955
5957	3.775028
5958	3.775100
5959	3.775173
5960	3.775246
5961	3.775319
5962	3.775392
5963	3.775465
5964	3.775538
5965	3.775610
5966	3.775683
5967	3.775756
5968	3.775829
5969	3.775902
5970	3.775974
5971	3.776047
5972	3.776120
5973	3.776193
5974	3.776265
5975	3.776338
5976	3.776411
5977	3.776483
5978	3.776556
5979	3.776629
5980	3.776701
5981	3.776774
5982	3.776846
5983	3.776919
5984	3.776992

	Sin. 33	Tang. 33	Cotang. 33	Cofin. 33	
0	9.736109	9.812517	0.187483	9.923591	60
1	9.736303	9.812794	0.187206	9.923509	59
2	9.736498	9.813070	0.186930	9.923427	58
3	9.736692	9.813347	0.186653	9.923345	57
4	9.736886	9.813623	0.186377	9.923263	56
5	9.737080	9.813899	0.186101	9.923181	55
6	9.737274	9.814176	0.185824	9.923098	54
7	9.737467	9.814452	0.185548	9.923016	53
8	9.737661	9.814728	0.185272	9.922933	52
9	9.737855	9.815004	0.184996	9.922851	51
10	9.738048	9.815280	0.184720	9.922768	50
11	9.738241	9.815555	0.184445	9.922686	49
12	9.738434	9.815831	0.184169	9.922603	48
13	9.738627	9.816107	0.183893	9.922520	47
14	9.738820	9.816382	0.183618	9.922438	46
15	9.739013	9.816658	0.183342	9.922355	45
16	9.739206	9.816933	0.183067	9.922272	44
17	9.739398	9.817209	0.182791	9.922189	43
18	9.739590	9.817484	0.182516	9.922106	42
19	9.739783	9.817759	0.182241	9.922023	41
20	9.739975	9.818035	0.181965	9.921940	40
21	9.740167	9.818310	0.181690	9.921857	39
22	9.740359	9.818585	0.181415	9.921774	38
23	9.740550	9.818860	0.181140	9.921691	37
24	9.740742	9.819135	0.180865	9.921607	36
25	9.740934	9.819410	0.180590	9.921524	35
26	9.741125	9.819684	0.180316	9.921441	34
27	9.741316	9.819959	0.180041	9.921357	33
28	9.741508	9.820234	0.179766	9.921274	32
29	9.741699	9.820508	0.179492	9.921190	31
30	9.741889	9.820783	0.179217	9.921107	30
	Cofin. 56	Cotang. 56	Tang. 56	Sin. 56	1

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
5985	3.777064	6000	3.778151	6015	3.779236
5986	3.777137	6001	3.778224	6016	3.779308
5987	3.777209	6002	3.778296	6017	3.779380
5988	3.777282	6003	3.778368	6018	3.779452
5989	3.777354	6004	3.778441	6019	3.779524
5990	3.777427	6005	3.778513	6020	3.779596
5991	3.777499	6006	3.778585	6021	3.779669
5992	3.777572	6007	3.778658	6022	3.779741
5993	3.777644	6008	3.778730	6023	3.779813
5994	3.777717	6009	3.778802	6024	3.779885
5995	3.777789	6010	3.778874	6025	3.779957
5996	3.777862	6011	3.778947	6026	3.780029
5997	3.777934	6012	3.779019	6027	3.780101
5998	3.778006	6013	3.779091	6028	3.780173
5999	3.778079	6014	3.779163	6029	3.780245

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

6030	3.780317
6031	3.780389
6032	3.780461
6033	3.780533
6034	3.780605
6035	3.780677
6036	3.780749
6037	3.780821
6038	3.780893
6039	3.780965
6040	3.781037
6041	3.781109
6042	3.781181
6043	3.781253
6044	3.781324
6045	3.781396
6046	3.781468
6047	3.781540
6048	3.781612
6049	3.781684
6050	3.781755
6051	3.781827
6052	3.781899
6053	3.781971
6054	3.782042
6055	3.782114
6056	3.782186

	Sin. 33	Tang. 33	Cotang. 33	Cofin. 33	
30	9.741889	9.820783	0.179217	9.921107	30
31	9.742080	9.821057	0.178943	9.921023	29
32	9.742271	9.821332	0.178668	9.920939	28
33	9.742462	9.821606	0.178394	9.920856	27
34	9.742652	9.821880	0.178120	9.920772	26
35	9.742842	9.822154	0.177846	9.920688	25
36	9.743033	9.822429	0.177571	9.920604	24
37	9.743223	9.822703	0.177297	9.920520	23
38	9.743413	9.822977	0.177023	9.920436	22
39	9.743602	9.823251	0.176749	9.920352	21
40	9.743792	9.823524	0.176476	9.920268	20
41	9.743982	9.823798	0.176202	9.920184	19
42	9.744171	9.824072	0.175928	9.920099	18
43	9.744361	9.824345	0.175655	9.920015	17
44	9.744550	9.824619	0.175381	9.919931	16
45	9.744739	9.824893	0.175107	9.919846	15
46	9.744928	9.825166	0.174834	9.919762	14
47	9.745117	9.825439	0.174561	9.919677	13
48	9.745306	9.825713	0.174287	9.919593	12
49	9.745494	9.825986	0.174014	9.919508	11
50	9.745683	9.826259	0.173741	9.919424	10
51	9.745871	9.826532	0.173468	9.919339	9
52	9.746060	9.826805	0.173195	9.919254	8
53	9.746248	9.827078	0.172922	9.919169	7
54	9.746436	9.827351	0.172649	9.919085	6
55	9.746624	9.827624	0.172376	9.919000	5
56	9.746812	9.827897	0.172103	9.918915	4
57	9.746999	9.828170	0.171830	9.918830	3
58	9.747187	9.828442	0.171558	9.918745	2
59	9.747374	9.828715	0.171285	9.918659	1
60	9.747562	9.828987	0.171013	9.918574	0
	Cofin. 56	Cotang. 56	Tang. 56	Sin. 56	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6075	3.783546	6090	3.784617	6105	3.785686
6076	3.783618	6091	3.784689	6106	3.785757
6077	3.783689	6092	3.784760	6107	3.785828
6078	3.783761	6093	3.784831	6108	3.785899
6079	3.783832	6094	3.784902	6109	3.785970
6080	3.783904	6095	3.784974	6110	3.786041
6081	3.783975	6096	3.785045	6111	3.786112
6082	3.784046	6097	3.785116	6112	3.786183
6083	3.784118	6098	3.785187	6113	3.786254
6084	3.784189	6099	3.785259	6114	3.786325
6085	3.784261	6100	3.785330	6115	3.786396
6086	3.784332	6101	3.785401	6116	3.786467
6087	3.784403	6102	3.785472	6117	3.786538
6088	3.784475	6103	3.785543	6118	3.786609
6089	3.784546	6104	3.785615	6119	3.786680

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
6120	3.786751
6121	3.786822
6122	3.786893
6123	3.786964
6124	3.787035
6125	3.787106
6126	3.787177
6127	3.787248
6128	3.787319
6129	3.787390
6130	3.787460
6131	3.787531
6132	3.787602
6133	3.787673
6134	3.787744
6135	3.787815
6136	3.787885
6137	3.787956
6138	3.788027
6139	3.788098
6140	3.788168
6141	3.788239
6142	3.788310
6143	3.788381
6144	3.788451
6145	3.788522
6146	3.788593
6147	3.788663
6148	3.788734
6149	3.788804
6150	3.788875
6151	3.788946
6152	3.789016
6153	3.789087
6154	3.789157
6155	3.789228
6156	3.789299
6157	3.789369
6158	3.789440
6159	3.789510
6160	3.789581
6161	3.789651
6162	3.789722
6163	3.789792
6164	3.789863

	Sin. 34	Tang. 34	Cotang. 34	Cofin. 34	
0	9.747562	9.828987	0.171013	9.918574	60
1	9.747749	9.829260	0.170740	9.918489	59
2	9.747936	9.829532	0.170468	9.918404	58
3	9.748123	9.829805	0.170195	9.918318	57
4	9.748310	9.830077	0.169923	9.918233	56
5	9.748497	9.830349	0.169651	9.918147	55
6	9.748683	9.830621	0.169379	9.918062	54
7	9.748870	9.830893	0.169107	9.917976	53
8	9.749056	9.831165	0.168835	9.917891	52
9	9.749243	9.831437	0.168563	9.917805	51
10	9.749429	9.831709	0.168291	9.917719	50
11	9.749615	9.831981	0.168019	9.917634	49
12	9.749801	9.832253	0.167747	9.917548	48
13	9.749987	9.832525	0.167475	9.917462	47
14	9.750172	9.832796	0.167204	9.917376	46
15	9.750358	9.833068	0.166932	9.917290	45
16	9.750543	9.833339	0.166661	9.917204	44
17	9.750729	9.833611	0.166389	9.917118	43
18	9.750914	9.833882	0.166118	9.917032	42
19	9.751099	9.834154	0.165846	9.916946	41
20	9.751284	9.834425	0.165575	9.916859	40
21	9.751469	9.834696	0.165304	9.916773	39
22	9.751654	9.834967	0.165033	9.916687	38
23	9.751839	9.835238	0.164762	9.916600	37
24	9.752023	9.835509	0.164491	9.916514	36
25	9.752208	9.835780	0.164220	9.916427	35
26	9.752392	9.836051	0.163949	9.916341	34
27	9.752576	9.836322	0.163678	9.916254	33
28	9.752760	9.836593	0.163407	9.916167	32
29	9.752944	9.836864	0.163136	9.916081	31
30	9.753128	9.837134	0.162866	9.915994	30
	Cofin. 55	Cotang. 55	Tang. 55	Sin. 55	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6165	3.789933	6180	3.790988	6195	3.792041
6166	3.790004	6181	3.791059	6196	3.792111
6167	3.790074	6182	3.791129	6197	3.792181
6168	3.790144	6183	3.791199	6198	3.792252
6169	3.790215	6184	3.791269	6199	3.792322
6170	3.790285	6185	3.791340	6200	3.792392
6171	3.790356	6186	3.791410	6201	3.792462
6172	3.790426	6187	3.791480	6202	3.792532
6173	3.790496	6188	3.791550	6203	3.792602
6174	3.790567	6189	3.791620	6204	3.792672
6175	3.790637	6190	3.791691	6205	3.792742
6176	3.790707	6191	3.791761	6206	3.792812
6177	3.790778	6192	3.791831	6207	3.792882
6178	3.790848	6193	3.791901	6208	3.792952
6179	3.790918	6194	3.791971	6209	3.793022

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

6210	3.793092
6211	3.793162
6212	3.793231
6213	3.793301
6214	3.793371
6215	3.793441
6216	3.793511
6217	3.793581
6218	3.793651
6219	3.793721
6220	3.793790
6221	3.793860
6222	3.793930
6223	3.794000
6224	3.794070
6225	3.794139
6226	3.794209
6227	3.794279
6228	3.794349
6229	3.794418
6230	3.794488
6231	3.794558
6232	3.794627
6233	3.794697
6234	3.794767
6235	3.794836
6236	3.794906

'	Sin. 34	Tang. 34	Cotang. 34	Cofin. 34	
30	9.753128	9.837134	0.162866	9.915994	30
31	9.753312	9.837405	0.162595	9.915907	29
32	9.753495	9.837675	0.162325	9.915820	28
33	9.753679	9.837946	0.162054	9.915733	27
34	9.753862	9.838216	0.161784	9.915646	26
35	9.754046	9.838487	0.161513	9.915559	25
36	9.754229	9.838757	0.161243	9.915472	24
37	9.754412	9.839027	0.160973	9.915385	23
38	9.754595	9.839297	0.160703	9.915297	22
39	9.754778	9.839568	0.160432	9.915210	21
40	9.754960	9.839838	0.160162	9.915123	20
41	9.755143	9.840108	0.159892	9.915035	19
42	9.755326	9.840378	0.159622	9.914948	18
43	9.755508	9.840648	0.159352	9.914860	17
44	9.755690	9.840917	0.159083	9.914773	16
45	9.755872	9.841187	0.158813	9.914685	15
46	9.756054	9.841457	0.158543	9.914598	14
47	9.756236	9.841727	0.158273	9.914510	13
48	9.756418	9.841996	0.158004	9.914422	12
49	9.756600	9.842266	0.157734	9.914334	11
50	9.756782	9.842535	0.157465	9.914246	10
51	9.756963	9.842805	0.157195	9.914158	9
52	9.757144	9.843074	0.156926	9.914070	8
53	9.757326	9.843343	0.156657	9.913982	7
54	9.757507	9.843612	0.156388	9.913894	6
55	9.757688	9.843882	0.156118	9.913806	5
56	9.757869	9.844151	0.155849	9.913718	4
57	9.758050	9.844420	0.155580	9.913630	3
58	9.758230	9.844689	0.155311	9.913541	2
59	9.758411	9.844958	0.155042	9.913453	1
60	9.758591	9.845227	0.154773	9.913365	0
	Cofin. 55	Cotang. 55	Tang. 55	Sin. 55	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6240	3.795185	6255	3.796227	6270	3.797268
6241	3.795254	6256	3.796297	6271	3.797337
6242	3.795324	6257	3.796366	6272	3.797406
6243	3.795393	6258	3.796436	6273	3.797475
6244	3.795463	6259	3.796505	6274	3.797545
6245	3.795532	6260	3.796574	6275	3.797614
6246	3.795602	6261	3.796644	6276	3.797683
6247	3.795672	6262	3.796713	6277	3.797752
6248	3.795741	6263	3.796782	6278	3.797821
6249	3.795811	6264	3.796852	6279	3.797890
6250	3.795880	6265	3.796921	6280	3.797960
6251	3.795949	6266	3.796990	6281	3.798029
6252	3.796019	6267	3.797060	6282	3.798098
6253	3.796088	6268	3.797129	6283	3.798167
6254	3.796158	6269	3.797198	6284	3.798236
				6285	3.798305
				6286	3.798374
				6287	3.798443
				6288	3.798513
				6289	3.798582
				6290	3.798651
				6291	3.798720
				6292	3.798789
				6293	3.798858
				6294	3.798927
				6295	3.798996
				6296	3.799065
				6297	3.799134
				6298	3.799203
				6299	3.799272

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
6300	3.799341
6301	3.799409
6302	3.799478
6303	3.799547
6304	3.799616
6305	3.799685
6306	3.799754
6307	3.799823
6308	3.799892
6309	3.799961
6310	3.800029
6311	3.800098
6312	3.800167
6313	3.800236
6314	3.800305
6315	3.800373
6316	3.800442
6317	3.800511
6318	3.800580
6319	3.800648
6320	3.800717
6321	3.800786
6322	3.800854
6323	3.800923
6324	3.800992
6325	3.801061
6326	3.801129
6327	3.801198
6328	3.801266
6329	3.801335
6330	3.801404
6331	3.801472
6332	3.801541
6333	3.801609
6334	3.801678
6335	3.801747
6336	3.801815
6337	3.801884
6338	3.801952
6339	3.802021
6340	3.802089
6341	3.802158
6342	3.802226
6343	3.802295
6344	3.802363

'	Sin. 35	Tang. 35	Cotang. 35	Cofin. 35	
0	9.758591	9.845227	0.154773	9.913365	60
1	9.758772	9.845496	0.154504	9.913276	59
2	9.758952	9.845764	0.154236	9.913187	58
3	9.759132	9.846033	0.153967	9.913099	57
4	9.759312	9.846302	0.153698	9.913010	56
5	9.759492	9.846570	0.153430	9.912922	55
6	9.759672	9.846839	0.153161	9.912833	54
7	9.759852	9.847108	0.152892	9.912744	53
8	9.760031	9.847376	0.152624	9.912655	52
9	9.760211	9.847644	0.152356	9.912566	51
10	9.760390	9.847913	0.152087	9.912477	50
11	9.760569	9.848181	0.151819	9.912388	49
12	9.760748	9.848449	0.151551	9.912299	48
13	9.760927	9.848717	0.151283	9.912210	47
14	9.761106	9.848986	0.151014	9.912121	46
15	9.761285	9.849254	0.150746	9.912031	45
16	9.761464	9.849522	0.150478	9.911942	44
17	9.761642	9.849790	0.150210	9.911853	43
18	9.761821	9.850057	0.149942	9.911763	42
19	9.761999	9.850325	0.149675	9.911674	41
20	9.762177	9.850593	0.149407	9.911584	40
21	9.762356	9.850861	0.149139	9.911495	39
22	9.762534	9.851129	0.148871	9.911405	38
23	9.762712	9.851396	0.148604	9.911315	37
24	9.762889	9.851664	0.148336	9.911226	36
25	9.763067	9.851931	0.148069	9.911136	35
26	9.763245	9.852199	0.147801	9.911046	34
27	9.763422	9.852466	0.147534	9.910956	33
28	9.763600	9.852733	0.147267	9.910866	32
29	9.763777	9.853001	0.146999	9.910776	31
30	9.763954	9.853268	0.146732	9.910686	30
	Cofin. 54	Cotang. 54	Tang. 54	Sin. 54	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6345	3.802432	6360	3.803457	6375	3.804480
6346	3.802500	6361	3.803525	6376	3.804548
6347	3.802568	6362	3.803594	6377	3.804616
6348	3.802637	6363	3.803662	6378	3.804685
6349	3.802705	6364	3.803730	6379	3.804753
6350	3.802774	6365	3.803798	6380	3.804821
6351	3.802842	6366	3.803867	6381	3.804889
6352	3.802910	6367	3.803935	6382	3.804957
6353	3.802979	6368	3.804003	6383	3.805025
6354	3.803047	6369	3.804071	6384	3.805093
6355	3.803116	6370	3.804139	6385	3.805161
6356	3.803184	6371	3.804208	6386	3.805229
6357	3.803252	6372	3.804276	6387	3.805297
6358	3.803321	6373	3.804344	6388	3.805365
6359	3.803389	6374	3.804412	6389	3.805433

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
1	0
2	0.30103
3	0.47712
4	0.60206
5	0.69897
6	0.77815
7	0.84509
8	0.90309
9	0.95424
10	1
11	1.04139
12	1.07918
13	1.11394
14	1.14613
15	1.17609
16	1.20412
17	1.23045
18	1.25527
19	1.27922
20	1.30321
21	1.32634
22	1.34839
23	1.36922
24	1.38884
25	1.40757
26	1.42532
27	1.44215
28	1.45806
29	1.47304
30	1.48704
31	1.50012
32	1.51322
33	1.52594
34	1.53827
35	1.55021
36	1.56178
37	1.57298
38	1.58382
39	1.59430
40	1.60448
41	1.61436
42	1.62395
43	1.63325
44	1.64227
45	1.65101
46	1.65948
47	1.66767
48	1.67559
49	1.68324
50	1.69063
51	1.69776
52	1.70464
53	1.71127
54	1.71766
55	1.72381
56	1.72973
57	1.73542
58	1.74089
59	1.74614
60	1.75117
61	1.75600
62	1.76062
63	1.76504
64	1.76926
65	1.77329
66	1.77714
67	1.78081
68	1.78429
69	1.78759
70	1.79071
71	1.79365
72	1.79642
73	1.79901
74	1.80143
75	1.80368
76	1.80577
77	1.80770
78	1.80948
79	1.81111
80	1.81260
81	1.81395
82	1.81517
83	1.81626
84	1.81723
85	1.81808
86	1.81881
87	1.81943
88	1.81994
89	1.82034
90	1.82073
91	1.82111
92	1.82148
93	1.82184
94	1.82219
95	1.82253
96	1.82286
97	1.82318
98	1.82350
99	1.82381
100	1.82412

6390	3.805501
6391	3.805569
6392	3.805637
6393	3.805705
6394	3.805773
6395	3.805841
6396	3.805908
6397	3.805976
6398	3.806044
6399	3.806112
6400	3.806180
6401	3.806248
6402	3.806316
6403	3.806384
6404	3.806451
6405	3.806519
6406	3.806587
6407	3.806655
6408	3.806723
6409	3.806790
6410	3.806858
6411	3.806926
6412	3.806994
6413	3.807061
6414	3.807129
6415	3.807197
6416	3.807264

6417	3.807332
6418	3.807400
6419	3.807467
6420	3.807535
6421	3.807603
6422	3.807670
6423	3.807738
6424	3.807806
6425	3.807873
6426	3.807941
6427	3.808008
6428	3.808076
6429	3.808143
6430	3.808211
6431	3.808279
6432	3.808346
6433	3.808414
6434	3.808481

		Nomb.		Logarith.		Nomb.		Logarith.		Nomb.		Logarith.	
6418	3.807400	6435	3.808549	6450	3.809560	6465	3.810569						
6419	3.807467	6436	3.808616	6451	3.809627	6466	3.810636						
6420	3.807535	6437	3.808684	6452	3.809694	6467	3.810703						
6421	3.807603	6438	3.808751	6453	3.809762	6468	3.810770						
6422	3.807670	6439	3.808818	6454	3.809829	6469	3.810837						
6423	3.807738	6440	3.808886	6455	3.809896	6470	3.810904						
6424	3.807806	6441	3.808953	6456	3.809964	6471	3.810971						
6425	3.807873	6442	3.809021	6457	3.810031	6472	3.811039						
6426	3.807941	6443	3.809088	6458	3.810098	6473	3.811106						
6427	3.808008	6444	3.809156	6459	3.810165	6474	3.811173						
6428	3.808076	6445	3.809223	6460	3.810233	6475	3.811240						
6429	3.808143	6446	3.809290	6461	3.810300	6476	3.811307						
6430	3.808211	6447	3.809358	6462	3.810367	6477	3.811374						
6431	3.808279	6448	3.809425	6463	3.810434	6478	3.811441						
6432	3.808346	6449	3.809492	6464	3.810501	6479	3.811508						
6433	3.808414												
6434	3.808481												

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

6480	3.811575
6481	3.811642
6482	3.811709
6483	3.811776
6484	3.811843
6485	3.811910
6486	3.811977
6487	3.812044
6488	3.812111
6489	3.812178
6490	3.812245
6491	3.812312
6492	3.812379
6493	3.812445
6494	3.812512
6495	3.812579
6496	3.812646
6497	3.812713
6498	3.812780
6499	3.812847
6500	3.812913
6501	3.812980
6502	3.813047
6503	3.813114
6504	3.813181
6505	3.813247
6506	3.813314

6507	3.813381
6508	3.813448
6509	3.813514
6510	3.813581
6511	3.813648
6512	3.813714
6513	3.813781
6514	3.813848
6515	3.813914
6516	3.813981
6517	3.814048
6518	3.814114
6519	3.814181
6520	3.814248
6521	3.814314
6522	3.814381
6523	3.814447
6524	3.814514

'	Sin. 36	Tang. 36	Cotang. 36	Cosin. 36	
0	9.769219	9.861261	0.138739	9.907958	60
1	9.769393	9.861527	0.138473	9.907866	59
2	9.769566	9.861792	0.138208	9.907774	58
3	9.769740	9.862058	0.137942	9.907682	57
4	9.769913	9.862323	0.137677	9.907590	56
5	9.770087	9.862589	0.137411	9.907498	55
6	9.770260	9.862854	0.137146	9.907406	54
7	9.770433	9.863119	0.136881	9.907314	53
8	9.770606	9.863385	0.136615	9.907222	52
9	9.770779	9.863650	0.136350	9.907129	51
10	9.770952	9.863915	0.136085	9.907037	50
11	9.771125	9.864180	0.135820	9.906945	49
12	9.771298	9.864445	0.135555	9.906852	48
13	9.771470	9.864710	0.135290	9.906760	47
14	9.771643	9.864975	0.135025	9.906667	46
15	9.771815	9.865240	0.134760	9.906575	45
16	9.771987	9.865505	0.134495	9.906482	44
17	9.772159	9.865770	0.134230	9.906389	43
18	9.772331	9.866035	0.133965	9.906296	42
19	9.772503	9.866300	0.133700	9.906204	41
20	9.772675	9.866564	0.133436	9.906111	40
21	9.772847	9.866829	0.133171	9.906018	39
22	9.773018	9.867094	0.132906	9.905925	38
23	9.773190	9.867358	0.132642	9.905832	37
24	9.773361	9.867623	0.132377	9.905739	36
25	9.773533	9.867887	0.132113	9.905645	35
26	9.773704	9.868152	0.131848	9.905552	34
27	9.773875	9.868416	0.131584	9.905459	33
28	9.774046	9.868680	0.131320	9.905366	32
29	9.774217	9.868945	0.131055	9.905272	31
30	9.774388	9.869209	0.130791	9.905179	30
	Cosin. 53	Cotang. 53	Tang. 53	Sin. 53	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6525	3.814581	6540	3.815578	6555	3.816573
6526	3.814647	6541	3.815644	6556	3.816639
6527	3.814714	6542	3.815711	6557	3.816705
6528	3.814780	6543	3.815777	6558	3.816771
6529	3.814847	6544	3.815843	6559	3.816838
6530	3.814913	6545	3.815911	6560	3.816904
6531	3.814980	6546	3.815976	6561	3.816970
6532	3.815046	6547	3.816042	6562	3.817036
6533	3.815113	6548	3.816109	6563	3.817102
6534	3.815179	6549	3.816175	6564	3.817169
6535	3.815246	6550	3.816241	6565	3.817235
6536	3.815312	6551	3.816308	6566	3.817301
6537	3.815378	6552	3.816374	6567	3.817367
6538	3.815445	6553	3.816440	6568	3.817433
6539	3.815511	6554	3.816506	6569	3.817499

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
6570	3.817565
6571	3.817631
6572	3.817698
6573	3.817764
6574	3.817830
6575	3.817896
6576	3.817962
6577	3.818028
6578	3.818094
6579	3.818160
6580	3.818226
6581	3.818292
6582	3.818358
6583	3.818424
6584	3.818490
6585	3.818556
6586	3.818622
6587	3.818688
6588	3.818754
6589	3.818820
6590	3.818885
6591	3.818951
6592	3.819017
6593	3.819083
6594	3.819149
6595	3.819215
6596	3.819281

'	Sin. 36	Tang. 36	Cotang. 36	Cofin. 36	'
30	9.774388	9.869209	0.130791	9.905179	30
31	9.774558	9.869473	0.130527	9.905085	29
32	9.774729	9.869737	0.130263	9.904992	28
33	9.774899	9.870001	0.129999	9.904898	27
34	9.775070	9.870265	0.129735	9.904804	26
35	9.775240	9.870529	0.129471	9.904711	25
36	9.775410	9.870793	0.129207	9.904617	24
37	9.775580	9.871057	0.128943	9.904523	23
38	9.775750	9.871321	0.128679	9.904429	22
39	9.775920	9.871585	0.128415	9.904335	21
40	9.776090	9.871849	0.128151	9.904241	20
41	9.776259	9.872112	0.127888	9.904147	19
42	9.776429	9.872376	0.127624	9.904053	18
43	9.776598	9.872640	0.127360	9.903959	17
44	9.776767	9.872903	0.127097	9.903864	16
45	9.776937	9.873167	0.126833	9.903770	15
46	9.777106	9.873430	0.126570	9.903676	14
47	9.777275	9.873694	0.126306	9.903581	13
48	9.777444	9.873957	0.126043	9.903487	12
49	9.777613	9.874220	0.125780	9.903392	11
50	9.777781	9.874484	0.125516	9.903298	10
51	9.777950	9.874747	0.125253	9.903203	9
52	9.778119	9.875010	0.124990	9.903108	8
53	9.778287	9.875273	0.124727	9.903014	7
54	9.778455	9.875537	0.124463	9.902919	6
55	9.778624	9.875800	0.124200	9.902824	5
56	9.778792	9.876063	0.123937	9.902729	4
57	9.778960	9.876326	0.123674	9.902634	3
58	9.779128	9.876589	0.123411	9.902539	2
59	9.779295	9.876852	0.123148	9.902444	1
60	9.779463	9.877114	0.122886	9.902349	0
	Cofin. 53	Cotang. 53	Tang. 53	Sin. 53	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6600	3.819544	6615	3.820530	6630	3.821514
6601	3.819610	6616	3.820595	6631	3.821579
6602	3.819676	6617	3.820661	6632	3.821645
6603	3.819741	6618	3.820727	6633	3.821710
6604	3.819807	6619	3.820792	6634	3.821775
6605	3.819873	6620	3.820858	6635	3.821841
6606	3.819939	6621	3.820924	6636	3.821906
6607	3.820004	6622	3.820989	6637	3.821972
6608	3.820070	6623	3.821055	6638	3.822037
6609	3.820136	6624	3.821120	6639	3.822103
6610	3.820201	6625	3.821186	6640	3.822168
6611	3.820267	6626	3.821251	6641	3.822233
6612	3.820333	6627	3.821317	6642	3.822299
6613	3.820399	6628	3.821382	6643	3.822364
6614	3.820464	6629	3.821448	6644	3.822430
				6645	3.822495
				6646	3.822560
				6647	3.822626
				6648	3.822691
				6649	3.822756
				6650	3.822822
				6651	3.822887
				6652	3.822952
				6653	3.823018
				6654	3.823083
				6655	3.823148
				6656	3.823213
				6657	3.823279
				6658	3.823344
				6659	3.823409

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
6660	3.823474
6661	3.823539
6662	3.823605
6663	3.823670
6664	3.823735
6665	3.823800
6666	3.823865
6667	3.823930
6668	3.823996
6669	3.824061
6670	3.824126
6671	3.824191
6672	3.824256
6673	3.824321
6674	3.824386
6675	3.824451
6676	3.824516
6677	3.824581
6678	3.824646
6679	3.824711
6680	3.824776
6681	3.824841
6682	3.824906
6683	3.824971
6684	3.825036
6685	3.825101
6686	3.825166

6687	3.825231
6688	3.825296
6689	3.825361
6690	3.825426
6691	3.825491
6692	3.825556
6693	3.825621
6694	3.825686
6695	3.825751
6696	3.825815
6697	3.825880
6698	3.825945
6699	3.826010
6700	3.826075
6701	3.826140
6702	3.826204
6703	3.826269
6704	3.826334

	Sin. 37	Tang. 37	Cotang. 37	Cofin. 37	
0	9.779463	9.877114	0.122886	9.902349	60
1	9.779631	9.877377	0.122623	9.902253	59
2	9.779798	9.877640	0.122360	9.902158	58
3	9.779966	9.877903	0.122097	9.902063	57
4	9.780133	9.878165	0.121835	9.901967	56
5	9.780300	9.878428	0.121572	9.901872	55
6	9.780467	9.878691	0.121309	9.901776	54
7	9.780634	9.878953	0.121047	9.901681	53
8	9.780801	9.879216	0.120784	9.901585	52
9	9.780968	9.879478	0.120522	9.901490	51
10	9.781134	9.879741	0.120259	9.901394	50
11	9.781301	9.880003	0.119997	9.901298	49
12	9.781468	9.880265	0.119735	9.901202	48
13	9.781634	9.880528	0.119472	9.901106	47
14	9.781800	9.880790	0.119210	9.901010	46
15	9.781966	9.881052	0.118948	9.900914	45
16	9.782132	9.881314	0.118686	9.900818	44
17	9.782298	9.881577	0.118423	9.900722	43
18	9.782464	9.881839	0.118161	9.900626	42
19	9.782630	9.882101	0.117899	9.900529	41
20	9.782796	9.882363	0.117637	9.900433	40
21	9.782961	9.882625	0.117375	9.900337	39
22	9.783127	9.882887	0.117113	9.900240	38
23	9.783292	9.883148	0.116852	9.900144	37
24	9.783458	9.883410	0.116590	9.900047	36
25	9.783623	9.883672	0.116328	9.899951	35
26	9.783788	9.883934	0.116066	9.899854	34
27	9.783953	9.884196	0.115804	9.899757	33
28	9.784118	9.884457	0.115543	9.899660	32
29	9.784282	9.884719	0.115281	9.899564	31
30	9.784447	9.884980	0.115020	9.899467	30
	Cofin. 52	Cotang. 52	Tang. 52	Sin. 52	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6705	3.826399	6720	3.827369	6735	3.828338
6706	3.826464	6721	3.827434	6736	3.828402
6707	3.826528	6722	3.827499	6737	3.828467
6708	3.826593	6723	3.827563	6738	3.828531
6709	3.826658	6724	3.827628	6739	3.828595
6710	3.826723	6725	3.827692	6740	3.828660
6711	3.826787	6726	3.827757	6741	3.828724
6712	3.826852	6727	3.827821	6742	3.828789
6713	3.826917	6728	3.827886	6743	3.828853
6714	3.826981	6729	3.827951	6744	3.828918
6715	3.827046	6730	3.828015	6745	3.828982
6716	3.827111	6731	3.828080	6746	3.829046
6717	3.827175	6732	3.828144	6747	3.829111
6718	3.827240	6733	3.828209	6748	3.829175
6719	3.827305	6734	3.828273	6749	3.829239

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
6750	3.829304
6751	3.829368
6752	3.829432
6753	3.829497
6754	3.829561
6755	3.829625
6756	3.829690
6757	3.829754
6758	3.829818
6759	3.829882
6760	3.829947
6761	3.830011
6762	3.830075
6763	3.830139
6764	3.830204
6765	3.830268
6766	3.830332
6767	3.830396
6768	3.830460
6769	3.830525
6770	3.830589
6771	3.830653
6772	3.830717
6773	3.830781
6774	3.830845
6775	3.830909
6776	3.830973

6777	3.831037
6778	3.831102
6779	3.831166
6780	3.831230
6781	3.831294
6782	3.831358
6783	3.831422
6784	3.831486
6785	3.831550
6786	3.831614
6787	3.831678
6788	3.831742
6789	3.831806
6790	3.831870
6791	3.831934
6792	3.831998
6793	3.832062
6794	3.832126

	Sin. 37	Tang. 37	Cotang. 37	Cofin. 37	
30	9.784447	9.884980	0.115020	9.899467	30
31	9.784612	9.885242	0.114758	9.899370	29
32	9.784776	9.885504	0.114496	9.899273	28
33	9.784941	9.885765	0.114235	9.899176	27
34	9.785105	9.886026	0.113974	9.899078	26
35	9.785269	9.886288	0.113712	9.898981	25
36	9.785433	9.886549	0.113451	9.898884	24
37	9.785597	9.886811	0.113189	9.898787	23
38	9.785761	9.887072	0.112928	9.898689	22
39	9.785925	9.887333	0.112667	9.898592	21
40	9.786089	9.887594	0.112406	9.898494	20
41	9.786252	9.887855	0.112145	9.898397	19
42	9.786416	9.888116	0.111884	9.898299	18
43	9.786579	9.888378	0.111622	9.898202	17
44	9.786742	9.888639	0.111361	9.898104	16
45	9.786906	9.888900	0.111100	9.898006	15
46	9.787069	9.889161	0.110839	9.897908	14
47	9.787232	9.889421	0.110579	9.897810	13
48	9.787395	9.889682	0.110318	9.897712	12
49	9.787557	9.889943	0.110057	9.897614	11
50	9.787720	9.890204	0.109796	9.897516	10
51	9.787883	9.890465	0.109535	9.897418	9
52	9.788045	9.890725	0.109275	9.897320	8
53	9.788208	9.890986	0.109014	9.897222	7
54	9.788370	9.891247	0.108753	9.897123	6
55	9.788532	9.891507	0.108493	9.897025	5
56	9.788694	9.891768	0.108232	9.896926	4
57	9.788856	9.892028	0.107972	9.896828	3
58	9.789018	9.892289	0.107711	9.896729	2
59	9.789180	9.892549	0.107451	9.896631	1
60	9.789342	9.892810	0.107190	9.896532	0
	Cofin. 52	Cotang. 52	Tang. 52	Sin. 52	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6795	3.832189	6810	3.833147	6825	3.834103
6796	3.832253	6811	3.833211	6826	3.834166
6797	3.832317	6812	3.833275	6827	3.834230
6798	3.832381	6813	3.833338	6828	3.834294
6799	3.832445	6814	3.833402	6829	3.834357
6800	3.832509	6815	3.833466	6830	3.834421
6801	3.832573	6816	3.833530	6831	3.834484
6802	3.832637	6817	3.833593	6832	3.834548
6803	3.832700	6818	3.833657	6833	3.834611
6804	3.832764	6819	3.833721	6834	3.834675
6805	3.832828	6820	3.833784	6835	3.834739
6806	3.832892	6821	3.833848	6836	3.834802
6807	3.832956	6822	3.833912	6837	3.834866
6808	3.833020	6823	3.833975	6838	3.834929
6809	3.833083	6824	3.834039	6839	3.834993

LOGARITHMES DES NOMBRES.						
Nomb.	Logarith.		Sin. 38	Tang. 38	Cotang. 38	Cofin. 38
6840	3.835056	0	9.789342	9.892810	0.107190	9.896532
6841	3.835120	1	9.789504	9.893070	0.106930	9.896433
6842	3.835183	2	9.789665	9.893331	0.106669	9.896335
6843	3.835247	3	9.789827	9.893591	0.106409	9.896236
6844	3.835310	4	9.789988	9.893851	0.106149	9.896137
6845	3.835373	5	9.790149	9.894111	0.105889	9.896038
6846	3.835437	6	9.790310	9.894372	0.105628	9.895939
6847	3.835500	7	9.790471	9.894632	0.105368	9.895840
6848	3.835564	8	9.790632	9.894892	0.105108	9.895741
6849	3.835627	9	9.790793	9.895152	0.104848	9.895641
6850	3.835691	10	9.790954	9.895412	0.104588	9.895542
6851	3.835754	11	9.791115	9.895672	0.104328	9.895443
6852	3.835817	12	9.791275	9.895932	0.104068	9.895343
6853	3.835881	13	9.791436	9.896192	0.103808	9.895244
6854	3.835944	14	9.791596	9.896452	0.103548	9.895145
6855	3.836007	15	9.791757	9.896712	0.103288	9.895045
6856	3.836071	16	9.791917	9.896971	0.103029	9.894945
6857	3.836134	17	9.792077	9.897231	0.102769	9.894846
6858	3.836197	18	9.792237	9.897491	0.102509	9.894746
6859	3.836261	19	9.792397	9.897751	0.102249	9.894646
6860	3.836324	20	9.792557	9.898010	0.101990	9.894546
6861	3.836387	21	9.792716	9.898270	0.101730	9.894446
6862	3.836451	22	9.792876	9.898530	0.101470	9.894346
6863	3.836514	23	9.793035	9.898789	0.101211	9.894246
6864	3.836577	24	9.793195	9.899049	0.100951	9.894146
6865	3.836641	25	9.793354	9.899308	0.100692	9.894046
6866	3.836704	26	9.793514	9.899568	0.100432	9.893946
6867	3.836767	27	9.793673	9.899827	0.100173	9.893846
6868	3.836830	28	9.793832	9.900086	0.099913	9.893745
6869	3.836894	29	9.793991	9.900346	0.099654	9.893645
6870	3.836957	30	9.794150	9.900605	0.099395	9.893544
6871	3.837020		Cofin. 51	Cotang. 51	Tang. 51	Sin. 51
6872	3.837083					
6873	3.837146					
6874	3.837210					
6875	3.837273					
6876	3.837336					
6877	3.837399					
6878	3.837462					
6879	3.837525					
6880	3.837588					
6881	3.837652					
6882	3.837715					
6883	3.837778					
6884	3.837841					

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6885	3.837904	6900	3.838849	6915	3.839792
6886	3.837967	6901	3.838912	6916	3.839855
6887	3.838030	6902	3.838975	6917	3.839918
6888	3.838093	6903	3.839038	6918	3.839981
6889	3.838156	6904	3.839101	6919	3.840043
6890	3.838219	6905	3.839164	6920	3.840106
6891	3.838282	6906	3.839227	6921	3.840169
6892	3.838345	6907	3.839289	6922	3.840232
6893	3.838408	6908	3.839352	6923	3.840294
6894	3.838471	6909	3.839415	6924	3.840357
6895	3.838534	6910	3.839478	6925	3.840420
6896	3.838597	6911	3.839541	6926	3.840482
6897	3.838660	6912	3.839604	6927	3.840545
6898	3.838723	6913	3.839667	6928	3.840608
6899	3.838786	6914	3.839729	6929	3.840671

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
6930	3.840733
6931	3.840796
6932	3.840859
6933	3.840921
6934	3.840984
6935	3.841046
6936	3.841109
6937	3.841172
6938	3.841234
6939	3.841297
6940	3.841359
6941	3.841422
6942	3.841485
6943	3.841547
6944	3.841610
6945	3.841672
6946	3.841735
6947	3.841797
6948	3.841860
6949	3.841922
6950	3.841985
6951	3.842047
6952	3.842110
6953	3.842172
6954	3.842235
6955	3.842297
6956	3.842360

	Sin. 38	Tang. 38	Cotang. 38	Cofin. 38	
30	9.794150	9.900605	0.099395	9.893544	30
31	9.794308	9.900864	0.099136	9.893444	29
32	9.794467	9.901124	0.098876	9.893343	28
33	9.794626	9.901383	0.098617	9.893243	27
34	9.794784	9.901642	0.098358	9.893142	26
35	9.794942	9.901901	0.098099	9.893041	25
36	9.795101	9.902160	0.097840	9.892940	24
37	9.795259	9.902420	0.097580	9.892839	23
38	9.795417	9.902679	0.097321	9.892739	22
39	9.795575	9.902938	0.097062	9.892638	21
40	9.795733	9.903197	0.096803	9.892536	20
41	9.795891	9.903456	0.096544	9.892435	19
42	9.796049	9.903714	0.096286	9.892334	18
43	9.796206	9.903973	0.096027	9.892233	17
44	9.796364	9.904232	0.095768	9.892132	16
45	9.796521	9.904491	0.095509	9.892030	15
46	9.796679	9.904750	0.095250	9.891929	14
47	9.796836	9.905008	0.094991	9.891827	13
48	9.796993	9.905267	0.094733	9.891726	12
49	9.797150	9.905526	0.094474	9.891624	11
50	9.797307	9.905785	0.094215	9.891523	10
51	9.797464	9.906043	0.093957	9.891421	9
52	9.797621	9.906302	0.093698	9.891319	8
53	9.797777	9.906560	0.093440	9.891217	7
54	9.797934	9.906819	0.093181	9.891115	6
55	9.798091	9.907077	0.092923	9.891013	5
56	9.798247	9.907336	0.092664	9.890911	4
57	9.798403	9.907594	0.092406	9.890809	3
58	9.798560	9.907853	0.092147	9.890707	2
59	9.798716	9.908111	0.091889	9.890605	1
60	9.798872	9.908369	0.091631	9.890503	0
	Cofin. 51	Cotang. 51	Tang. 51	Sin. 51	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
6975	3.843544	6990	3.844477	7005	3.845408
6976	3.843606	6991	3.844539	7006	3.845470
6977	3.843669	6992	3.844601	7007	3.845532
6978	3.843731	6993	3.844664	7008	3.845594
6979	3.843793	6994	3.844726	7009	3.845656
6980	3.843855	6995	3.844788	7010	3.845718
6981	3.843918	6996	3.844850	7011	3.845780
6982	3.843980	6997	3.844912	7012	3.845842
6983	3.844042	6998	3.844974	7013	3.845904
6984	3.844104	6999	3.845036	7014	3.845966
6985	3.844166	7000	3.845098	7015	3.846028
6986	3.844229	7001	3.845160	7016	3.846090
6987	3.844291	7002	3.845222	7017	3.846151
6988	3.844353	7003	3.845284	7018	3.846213
6989	3.844415	7004	3.845346	7019	3.846275

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
7020	3.846337
7021	3.846399
7022	3.846461
7023	3.846523
7024	3.846585
7025	3.846646
7026	3.846708
7027	3.846770
7028	3.846832
7029	3.846894
7030	3.846955
7031	3.847017
7032	3.847079
7033	3.847141
7034	3.847202
7035	3.847264
7036	3.847326
7037	3.847388
7038	3.847449
7039	3.847511
7040	3.847573
7041	3.847634
7042	3.847696
7043	3.847758
7044	3.847819
7045	3.847881
7046	3.847943

7047	3.848004
7048	3.848066
7049	3.848128
7050	3.848189
7051	3.848251
7052	3.848312
7053	3.848374
7054	3.848435
7055	3.848497
7056	3.848559
7057	3.848620
7058	3.848682
7059	3.848743
7060	3.848805
7061	3.848866
7062	3.848928
7063	3.848989
7064	3.849051

	Sin. 39	Tang. 39	Cotang. 39	Cofin. 39	
0	9.798872	9.908369	0.091631	9.890503	60
1	9.799028	9.908628	0.091372	9.890400	59
2	9.799184	9.908886	0.091114	9.890298	58
3	9.799339	9.909144	0.090856	9.890195	57
4	9.799495	9.909402	0.090598	9.890093	56
5	9.799651	9.909660	0.090340	9.889990	55
6	9.799806	9.909918	0.090082	9.889888	54
7	9.799962	9.910177	0.089823	9.889785	53
8	9.800117	9.910435	0.089565	9.889682	52
9	9.800272	9.910693	0.089307	9.889579	51
10	9.800427	9.910951	0.089049	9.889477	50
11	9.800582	9.911209	0.088791	9.889374	49
12	9.800737	9.911467	0.088533	9.889271	48
13	9.800892	9.911725	0.088275	9.889168	47
14	9.801047	9.911982	0.088018	9.889064	46
15	9.801201	9.912240	0.087760	9.888961	45
16	9.801356	9.912498	0.087502	9.888858	44
17	9.801511	9.912756	0.087244	9.888755	43
18	9.801665	9.913014	0.086986	9.888651	42
19	9.801819	9.913271	0.086729	9.888548	41
20	9.801973	9.913529	0.086471	9.888444	40
21	9.802128	9.913787	0.086213	9.888341	39
22	9.802282	9.914044	0.085956	9.888237	38
23	9.802436	9.914302	0.085698	9.888134	37
24	9.802589	9.914560	0.085440	9.888030	36
25	9.802743	9.914817	0.085183	9.887926	35
26	9.802897	9.915075	0.084925	9.887822	34
27	9.803050	9.915332	0.084668	9.887718	33
28	9.803204	9.915590	0.084410	9.887614	32
29	9.803357	9.915847	0.084153	9.887510	31
30	9.803511	9.916104	0.083896	9.887406	30
	Cofin. 50	Cotang. 50	Tang. 50	Sin. 50	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7065	3.849112	7080	3.850033	7095	3.850952
7066	3.849174	7081	3.850095	7096	3.851014
7067	3.849235	7082	3.850156	7097	3.851075
7068	3.849297	7083	3.850217	7098	3.851136
7069	3.849358	7084	3.850279	7099	3.851197
7070	3.849419	7085	3.850340	7100	3.851258
7071	3.849481	7086	3.850401	7101	3.851320
7072	3.849542	7087	3.850462	7102	3.851381
7073	3.849604	7088	3.850524	7103	3.851442
7074	3.849665	7089	3.850585	7104	3.851503
7075	3.849726	7090	3.850646	7105	3.851564
7076	3.849788	7091	3.850707	7106	3.851625
7077	3.849849	7092	3.850769	7107	3.851686
7078	3.849911	7093	3.850830	7108	3.851747
7079	3.849972	7094	3.850891	7109	3.851809

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
7110	3.851870
7111	3.851931
7112	3.851992
7113	3.852053
7114	3.852114
7115	3.852175
7116	3.852236
7117	3.852297
7118	3.852358
7119	3.852419
7120	3.852480
7121	3.852541
7122	3.852602
7123	3.852663
7124	3.852724
7125	3.852785
7126	3.852846
7127	3.852907
7128	3.852968
7129	3.853029
7130	3.853090
7131	3.853150
7132	3.853211
7133	3.853272
7134	3.853333
7135	3.853394
7136	3.853455

	Sin. 39	Tang. 39	Cotang. 39	Cofin. 39	
30	9.803511	9.916104	0.083896	9.887406	30
31	9.803664	9.916362	0.083638	9.887302	29
32	9.803817	9.916619	0.083381	9.887198	28
33	9.803970	9.916877	0.083123	9.887093	27
34	9.804123	9.917134	0.082866	9.886989	26
35	9.804276	9.917391	0.082609	9.886885	25
36	9.804428	9.917648	0.082352	9.886780	24
37	9.804581	9.917906	0.082094	9.886676	23
38	9.804734	9.918163	0.081837	9.886571	22
39	9.804886	9.918420	0.081580	9.886466	21
40	9.805039	9.918677	0.081323	9.886362	20
41	9.805191	9.918934	0.081066	9.886257	19
42	9.805343	9.919191	0.080809	9.886152	18
43	9.805495	9.919448	0.080552	9.886047	17
44	9.805647	9.919705	0.080295	9.885942	16
45	9.805799	9.919962	0.080038	9.885837	15
46	9.805951	9.920219	0.079781	9.885732	14
47	9.806103	9.920476	0.079524	9.885627	13
48	9.806254	9.920733	0.079267	9.885522	12
49	9.806406	9.920990	0.079010	9.885416	11
50	9.806557	9.921247	0.078753	9.885311	10
51	9.806709	9.921503	0.078497	9.885205	9
52	9.806860	9.921760	0.078240	9.885100	8
53	9.807011	9.922017	0.077983	9.884994	7
54	9.807163	9.922274	0.077726	9.884889	6
55	9.807314	9.922530	0.077470	9.884783	5
56	9.807465	9.922787	0.077213	9.884677	4
57	9.807615	9.923044	0.076956	9.884572	3
58	9.807766	9.923300	0.076700	9.884466	2
59	9.807917	9.923557	0.076443	9.884360	1
60	9.808067	9.923814	0.076186	9.884254	0
	Cofin. 50	Cotang. 50	Tang. 50	Sin. 50	

7137	3.853516
7138	3.853576
7139	3.853637
7140	3.853698
7141	3.853759
7142	3.853820
7143	3.853881
7144	3.853941
7145	3.854002
7146	3.854063
7147	3.854124
7148	3.854185
7149	3.854245
7150	3.854306
7151	3.854367
7152	3.854428
7153	3.854488
7154	3.854549

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7155	3.854610	7170	3.855519	7185	3.856427
7156	3.854670	7171	3.855580	7186	3.856487
7157	3.854731	7172	3.855640	7187	3.856548
7158	3.854792	7173	3.855701	7188	3.856608
7159	3.854852	7174	3.855761	7189	3.856668
7160	3.854913	7175	3.855822	7190	3.856729
7161	3.854974	7176	3.855882	7191	3.856789
7162	3.855034	7177	3.855943	7192	3.856850
7163	3.855095	7178	3.856003	7193	3.856910
7164	3.855156	7179	3.856064	7194	3.856970
7165	3.855216	7180	3.856124	7195	3.857031
7166	3.855277	7181	3.856185	7196	3.857091
7167	3.855337	7182	3.856245	7197	3.857152
7168	3.855398	7183	3.856306	7198	3.857212
7169	3.855459	7184	3.856366	7199	3.857272

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
7200	3.857332
7201	3.857393
7202	3.857453
7203	3.857513
7204	3.857574
7205	3.857634
7206	3.857694
7207	3.857755
7208	3.857815
7209	3.857875
7210	3.857935
7211	3.857995
7212	3.858056
7213	3.858116
7214	3.858176
7215	3.858236
7216	3.858297
7217	3.858357
7218	3.858417
7219	3.858477
7220	3.858537
7221	3.858597
7222	3.858657
7223	3.858718
7224	3.858778
7225	3.858838
7226	3.858898
7227	3.858958
7228	3.859018
7229	3.859078
7230	3.859138
7231	3.859198
7232	3.859258
7233	3.859318
7234	3.859379
7235	3.859439
7236	3.859499
7237	3.859559
7238	3.859619
7239	3.859679
7240	3.859739
7241	3.859799
7242	3.859859
7243	3.859918
7244	3.859978

'	Sin. 40	Tang. 40	Cotang. 40	Cofin. 40	
0	9.808067	9.923814	0.076186	9.884254	60
1	9.808218	9.924070	0.075930	9.884148	59
2	9.808368	9.924327	0.075673	9.884042	58
3	9.808519	9.924583	0.075417	9.883936	57
4	9.808669	9.924840	0.075160	9.883829	56
5	9.808819	9.925096	0.074904	9.883723	55
6	9.808969	9.925352	0.074648	9.883617	54
7	9.809119	9.925609	0.074391	9.883510	53
8	9.809269	9.925865	0.074135	9.883404	52
9	9.809419	9.926122	0.073878	9.883297	51
10	9.809569	9.926378	0.073622	9.883191	50
11	9.809718	9.926634	0.073366	9.883084	49
12	9.809868	9.926890	0.073110	9.882977	48
13	9.810017	9.927147	0.072853	9.882871	47
14	9.810167	9.927403	0.072597	9.882764	46
15	9.810316	9.927659	0.072341	9.882657	45
16	9.810465	9.927915	0.072085	9.882550	44
17	9.810614	9.928171	0.071829	9.882443	43
18	9.810763	9.928427	0.071573	9.882336	42
19	9.810912	9.928684	0.071316	9.882229	41
20	9.811061	9.928940	0.071060	9.882121	40
21	9.811210	9.929196	0.070804	9.882014	39
22	9.811358	9.929452	0.070548	9.881907	38
23	9.811507	9.929708	0.070292	9.881799	37
24	9.811655	9.929964	0.070036	9.881692	36
25	9.811804	9.930220	0.069780	9.881584	35
26	9.811952	9.930475	0.069525	9.881477	34
27	9.812100	9.930731	0.069269	9.881369	33
28	9.812248	9.930987	0.069013	9.881261	32
29	9.812396	9.931243	0.068757	9.881153	31
30	9.812544	9.931499	0.068501	9.881046	30
	Cofin. 49	Cotang. 49	Tang. 49	Sin. 49	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7245	3.860038	7260	3.860937	7275	3.861833
7246	3.860098	7261	3.860996	7276	3.861893
7247	3.860158	7262	3.861056	7277	3.861952
7248	3.860218	7263	3.861116	7278	3.862012
7249	3.860278	7264	3.861176	7279	3.862072
7250	3.860338	7265	3.861236	7280	3.862131
7251	3.860398	7266	3.861295	7281	3.862191
7252	3.860458	7267	3.861355	7282	3.862251
7253	3.860518	7268	3.861415	7283	3.862310
7254	3.860578	7269	3.861475	7284	3.862370
7255	3.860637	7270	3.861534	7285	3.862430
7256	3.860697	7271	3.861594	7286	3.862489
7257	3.860757	7272	3.861654	7287	3.862549
7258	3.860817	7273	3.861714	7288	3.862608
7259	3.860877	7274	3.861773	7289	3.862668

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
7290	3.862728
7291	3.862787
7292	3.862847
7293	3.862906
7294	3.862966
7295	3.863025
7296	3.863085
7297	3.863144
7298	3.863204
7299	3.863263
7300	3.863323
7301	3.863382
7302	3.863442
7303	3.863501
7304	3.863561
7305	3.863620
7306	3.863680
7307	3.863739
7308	3.863799
7309	3.863858
7310	3.863917
7311	3.863977
7312	3.864036
7313	3.864096
7314	3.864155
7315	3.864214
7316	3.864274

	Sin. 40	Tang. 40	Cotang. 40	Cofin. 40	
30	9.812544	9.931499	0.068501	9.881046	30
31	9.812692	9.931755	0.068245	9.880938	29
32	9.812840	9.932010	0.067990	9.880830	28
33	9.812988	9.932266	0.067734	9.880722	27
34	9.813135	9.932522	0.067478	9.880613	26
35	9.813283	9.932778	0.067222	9.880505	25
36	9.813430	9.933033	0.066967	9.880397	24
37	9.813578	9.933289	0.066711	9.880289	23
38	9.813725	9.933545	0.066455	9.880180	22
39	9.813872	9.933800	0.066200	9.880072	21
40	9.814019	9.934056	0.065944	9.879963	20
41	9.814166	9.934311	0.065689	9.879855	19
42	9.814313	9.934567	0.065433	9.879746	18
43	9.814460	9.934822	0.065178	9.879637	17
44	9.814607	9.935078	0.064922	9.879529	16
45	9.814753	9.935333	0.064667	9.879420	15
46	9.814900	9.935589	0.064411	9.879311	14
47	9.815046	9.935844	0.064156	9.879202	13
48	9.815193	9.936100	0.063900	9.879093	12
49	9.815339	9.936355	0.063645	9.878984	11
50	9.815485	9.936611	0.063389	9.878875	10
51	9.815632	9.936866	0.063134	9.878766	9
52	9.815778	9.937121	0.062879	9.878656	8
53	9.815924	9.937377	0.062623	9.878547	7
54	9.816069	9.937632	0.062368	9.878438	6
55	9.816215	9.937887	0.062113	9.878328	5
56	9.816361	9.938142	0.061858	9.878219	4
57	9.816507	9.938398	0.061602	9.878109	3
58	9.816652	9.938653	0.061347	9.877999	2
59	9.816798	9.938908	0.061092	9.877890	1
60	9.816943	9.939163	0.060837	9.877780	0
	Cofin. 49	Cotang. 49	Tang. 49	Sin. 49	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7317	3.864333	7335	3.865400	7350	3.866287
7318	3.864392	7336	3.865459	7351	3.866346
7319	3.864452	7337	3.865519	7352	3.866405
7320	3.864511	7338	3.865578	7353	3.866465
7321	3.864570	7339	3.865637	7354	3.866524
7322	3.864630	7340	3.865696	7355	3.866583
7323	3.864689	7341	3.865755	7356	3.866642
7324	3.864748	7342	3.865814	7357	3.866701
7325	3.864808	7343	3.865874	7358	3.866760
7326	3.864867	7344	3.865933	7359	3.866819
7327	3.864926	7345	3.865992	7360	3.866878
7328	3.864985	7346	3.866051	7361	3.866937
7329	3.865045	7347	3.866110	7362	3.866996
7330	3.865104	7348	3.866169	7363	3.867055
7331	3.865163	7349	3.866228	7364	3.867114
7332	3.865222			7365	3.867173
7333	3.865282			7366	3.867232
7334	3.865341			7367	3.867291
				7368	3.867350
				7369	3.867409
				7370	3.867467
				7371	3.867526
				7372	3.867585
				7373	3.867644
				7374	3.867703
				7375	3.867762
				7376	3.867821
				7377	3.867880
				7378	3.867939
				7379	3.867998

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
7380	3.868056
7381	3.868115
7382	3.868174
7383	3.868233
7384	3.868292
7385	3.868350
7386	3.868409
7387	3.868468
7388	3.868527
7389	3.868586
7390	3.868644
7391	3.868703
7392	3.868762
7393	3.868821
7394	3.868879
7395	3.868938
7396	3.868997
7397	3.869056
7398	3.869114
7399	3.869173
7400	3.869232
7401	3.869290
7402	3.869349
7403	3.869408
7404	3.869466
7405	3.869525
7406	3.869584
7407	3.869642
7408	3.869701
7409	3.869760
7410	3.869818
7411	3.869877
7412	3.869935
7413	3.869994
7414	3.870053
7415	3.870111
7416	3.870170
7417	3.870228
7418	3.870287
7419	3.870345
7420	3.870404
7421	3.870462
7422	3.870521
7423	3.870579
7424	3.870638

'	Sin. 41	Tang. 41	Cotang. 41	Cofin. 41	
0	9.816943	9.939163	0.060837	9.877780	60
1	9.817088	9.939418	0.060582	9.877670	59
2	9.817233	9.939673	0.060327	9.877560	58
3	9.817379	9.939928	0.060072	9.877450	57
4	9.817524	9.940183	0.059817	9.877340	56
5	9.817668	9.940439	0.059561	9.877230	55
6	9.817813	9.940694	0.059306	9.877120	54
7	9.817958	9.940949	0.059051	9.877010	53
8	9.818103	9.941204	0.058796	9.876899	52
9	9.818247	9.941459	0.058541	9.876789	51
10	9.818392	9.941713	0.058287	9.876678	50
11	9.818536	9.941968	0.058032	9.876568	49
12	9.818681	9.942223	0.057777	9.876457	48
13	9.818825	9.942478	0.057522	9.876347	47
14	9.818969	9.942733	0.057267	9.876236	46
15	9.819113	9.942988	0.057012	9.876125	45
16	9.819257	9.943243	0.056757	9.876014	44
17	9.819401	9.943498	0.056502	9.875904	43
18	9.819545	9.943752	0.056248	9.875793	42
19	9.819689	9.944007	0.055993	9.875682	41
20	9.819832	9.944262	0.055738	9.875571	40
21	9.819976	9.944517	0.055483	9.875459	39
22	9.820120	9.944771	0.055229	9.875348	38
23	9.820263	9.945026	0.054974	9.875237	37
24	9.820406	9.945281	0.054719	9.875126	36
25	9.820550	9.945535	0.054465	9.875014	35
26	9.820693	9.945790	0.054210	9.874903	34
27	9.820836	9.946045	0.053955	9.874791	33
28	9.820979	9.946299	0.053701	9.874680	32
29	9.821122	9.946554	0.053446	9.874568	31
30	9.821265	9.946808	0.053192	9.874456	30
	Cofin. 48	Cotang. 48	Tang. 48	Sin. 48	'

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7425	3.870696	7440	3.871573	7455	3.872448
7426	3.870755	7441	3.871631	7456	3.872506
7427	3.870813	7442	3.871690	7457	3.872564
7428	3.870872	7443	3.871748	7458	3.872622
7429	3.870930	7444	3.871806	7459	3.872681
7430	3.870989	7445	3.871865	7460	3.872739
7431	3.871047	7446	3.871923	7461	3.872797
7432	3.871106	7447	3.871981	7462	3.872855
7433	3.871164	7448	3.872040	7463	3.872913
7434	3.871223	7449	3.872098	7464	3.872972
7435	3.871281	7450	3.872156	7465	3.873030
7436	3.871339	7451	3.872215	7466	3.873088
7437	3.871398	7452	3.872273	7467	3.873146
7438	3.871456	7453	3.872331	7468	3.873204
7439	3.871515	7454	3.872389	7469	3.873262

LOGARITHMES.
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

7470	3.873321
7471	3.873379
7472	3.873437
7473	3.873495
7474	3.873553
7475	3.873611
7476	3.873669
7477	3.873727
7478	3.873785
7479	3.873844
7480	3.873902
7481	3.873960
7482	3.874018
7483	3.874076
7484	3.874134
7485	3.874192
7486	3.874250
7487	3.874308
7488	3.874366
7489	3.874424
7490	3.874482
7491	3.874540
7492	3.874598
7493	3.874656
7494	3.874714
7495	3.874772
7496	3.874830

	Sin. 41	Tang. 41	Cotang. 41	Cofin. 41	
30	9.821265	9.946808	0.053192	9.874456	30
31	9.821407	9.947063	0.052937	9.874344	29
32	9.821550	9.947318	0.052682	9.874232	28
33	9.821693	9.947572	0.052428	9.874121	27
34	9.821835	9.947827	0.052173	9.874009	26
35	9.821977	9.948081	0.051919	9.873896	25
36	9.822120	9.948335	0.051665	9.873784	24
37	9.822262	9.948590	0.051410	9.873672	23
38	9.822404	9.948844	0.051156	9.873560	22
39	9.822546	9.949099	0.050901	9.873448	21
40	9.822688	9.949353	0.050647	9.873335	20
41	9.822830	9.949608	0.050392	9.873223	19
42	9.822972	9.949862	0.050138	9.873110	18
43	9.823114	9.950116	0.049884	9.872998	17
44	9.823255	9.950371	0.049629	9.872885	16
45	9.823397	9.950625	0.049375	9.872772	15
46	9.823539	9.950879	0.049121	9.872659	14
47	9.823680	9.951133	0.048867	9.872547	13
48	9.823821	9.951388	0.048612	9.872434	12
49	9.823963	9.951642	0.048358	9.872321	11
50	9.824104	9.951896	0.048104	9.872208	10
51	9.824245	9.952150	0.047850	9.872095	9
52	9.824386	9.952405	0.047595	9.871981	8
53	9.824527	9.952659	0.047341	9.871868	7
54	9.824668	9.952913	0.047087	9.871755	6
55	9.824808	9.953167	0.046833	9.871641	5
56	9.824949	9.953421	0.046579	9.871528	4
57	9.825090	9.953675	0.046325	9.871414	3
58	9.825230	9.953929	0.046071	9.871301	2
59	9.825371	9.954183	0.045817	9.871187	1
60	9.825511	9.954437	0.045563	9.871073	0
	Cofin. 48	Cotang. 48	Tang. 48	Sin. 48	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7515	3.875929	7530	3.876795	7545	3.877659
7516	3.875987	7531	3.876853	7546	3.877717
7517	3.876045	7532	3.876910	7547	3.877774
7518	3.876102	7533	3.876968	7548	3.877832
7519	3.876160	7534	3.877026	7549	3.877889
7520	3.876218	7535	3.877083	7550	3.877947
7521	3.876276	7536	3.877141	7551	3.878004
7522	3.876333	7537	3.877199	7552	3.878062
7523	3.876391	7538	3.877256	7553	3.878119
7524	3.876449	7539	3.877314	7554	3.878177
7525	3.876507	7540	3.877371	7555	3.878234
7526	3.876564	7541	3.877429	7556	3.878292
7527	3.876622	7542	3.877487	7557	3.878349
7528	3.876680	7543	3.877544	7558	3.878407
7529	3.876737	7544	3.877602	7559	3.878464

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
7560	3.878522
7561	3.878579
7562	3.878637
7563	3.878694
7564	3.878752
7565	3.878809
7566	3.878866
7567	3.878924
7568	3.878981
7569	3.879039
7570	3.879096
7571	3.879153
7572	3.879211
7573	3.879268
7574	3.879325
7575	3.879383
7576	3.879440
7577	3.879497
7578	3.879555
7579	3.879612
7580	3.879669
7581	3.879726
7582	3.879784
7583	3.879841
7584	3.879898
7585	3.879956
7586	3.880013
7587	3.880070
7588	3.880127
7589	3.880185
7590	3.880242
7591	3.880299
7592	3.880356
7593	3.880413
7594	3.880471
7595	3.880528
7596	3.880585
7597	3.880642
7598	3.880699
7599	3.880756
7600	3.880814
7601	3.880871
7602	3.880928
7603	3.880985
7604	3.881042

	Sin. 42	Tang. 42	Cotang. 42	Cofin. 42	
0	9.825511	9.954447	0.045563	9.871073	60
1	9.825651	9.954691	0.045309	9.870960	59
2	9.825791	9.954946	0.045054	9.870846	58
3	9.825931	9.955200	0.044800	9.870732	57
4	9.826071	9.955454	0.044546	9.870618	56
5	9.826211	9.955708	0.044292	9.870504	55
6	9.826351	9.955961	0.044039	9.870390	54
7	9.826491	9.956215	0.043785	9.870276	53
8	9.826631	9.956469	0.043531	9.870161	52
9	9.826770	9.956723	0.043277	9.870047	51
10	9.826910	9.956977	0.043023	9.869933	50
11	9.827049	9.957231	0.042769	9.869818	49
12	9.827189	9.957485	0.042515	9.869704	48
13	9.827328	9.957739	0.042261	9.869589	47
14	9.827467	9.957993	0.042007	9.869474	46
15	9.827606	9.958247	0.041753	9.869360	45
16	9.827745	9.958500	0.041500	9.869245	44
17	9.827884	9.958754	0.041246	9.869130	43
18	9.828023	9.959008	0.040992	9.869015	42
19	9.828162	9.959262	0.040738	9.868900	41
20	9.828301	9.959516	0.040484	9.868785	40
21	9.828439	9.959769	0.040231	9.868670	39
22	9.828578	9.960023	0.039977	9.868555	38
23	9.828716	9.960277	0.039723	9.868440	37
24	9.828855	9.960530	0.039470	9.868324	36
25	9.828993	9.960784	0.039216	9.868209	35
26	9.829131	9.961038	0.038962	9.868093	34
27	9.829269	9.961292	0.038708	9.867978	33
28	9.829407	9.961545	0.038455	9.867862	32
29	9.829545	9.961799	0.038201	9.867747	31
30	9.829683	9.962052	0.037948	9.867631	30
	Cofin. 47	Cotang. 47	Tang. 47	Sin. 47	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7605	3.881099	7620	3.881955	7635	3.882809
7606	3.881156	7621	3.882012	7636	3.882866
7607	3.881213	7622	3.882069	7637	3.882923
7608	3.881271	7623	3.882126	7638	3.882980
7609	3.881328	7624	3.882183	7639	3.883037
7610	3.881385	7625	3.882240	7640	3.883093
7611	3.881442	7626	3.882297	7641	3.883150
7612	3.881499	7627	3.882354	7642	3.883207
7613	3.881556	7628	3.882411	7643	3.883264
7614	3.881613	7629	3.882468	7644	3.883321
7615	3.881670	7630	3.882525	7645	3.883377
7616	3.881727	7631	3.882581	7646	3.883434
7617	3.881784	7632	3.882638	7647	3.883491
7618	3.881841	7633	3.882695	7648	3.883548
7619	3.881898	7634	3.882752	7649	3.883605

LOGARITHMES

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
7650	3.883661
7651	3.883718
7652	3.883775
7653	3.883832
7654	3.883888
7655	3.883945
7656	3.884002
7657	3.884059
7658	3.884115
7659	3.884172
7660	3.884229
7661	3.884285
7662	3.884342
7663	3.884399
7664	3.884455
7665	3.884512
7666	3.884569
7667	3.884625
7668	3.884682
7669	3.884739
7670	3.884795
7671	3.884852
7672	3.884909
7673	3.884965
7674	3.885022
7675	3.885078
7676	3.885135

	Sin. 42	Tang. 42	Cotang. 42	Cofin. 42	
30	9.829683	9.962052	0.037948	9.867631	30
31	9.829821	9.962306	0.037694	9.867515	29
32	9.829959	9.962560	0.037440	9.867399	28
33	9.830097	9.962813	0.037187	9.867283	27
34	9.830234	9.963067	0.036933	9.867167	26
35	9.830372	9.963320	0.036680	9.867051	25
36	9.830509	9.963574	0.036426	9.866935	24
37	9.830646	9.963828	0.036172	9.866819	23
38	9.830784	9.964081	0.035919	9.866703	22
39	9.830921	9.964335	0.035665	9.866586	21
40	9.831058	9.964588	0.035412	9.866470	20
41	9.831195	9.964842	0.035158	9.866353	19
42	9.831332	9.965095	0.034905	9.866237	18
43	9.831469	9.965349	0.034651	9.866120	17
44	9.831606	9.965602	0.034398	9.866004	16
45	9.831742	9.965855	0.034145	9.865887	15
46	9.831879	9.966109	0.033891	9.865770	14
47	9.832015	9.966362	0.033638	9.865653	13
48	9.832152	9.966616	0.033384	9.865536	12
49	9.832288	9.966869	0.033131	9.865419	11
50	9.832425	9.967123	0.032877	9.865302	10
51	9.832561	9.967376	0.032624	9.865185	9
52	9.832697	9.967629	0.032371	9.865068	8
53	9.832833	9.967883	0.032117	9.864950	7
54	9.832969	9.968136	0.031864	9.864833	6
55	9.833105	9.968389	0.031611	9.864716	5
56	9.833241	9.968643	0.031357	9.864598	4
57	9.833377	9.968896	0.031104	9.864481	3
58	9.833512	9.969149	0.030851	9.864363	2
59	9.833648	9.969403	0.030597	9.864245	1
60	9.833783	9.969656	0.030344	9.864127	0
	Cofin. 47	Cotang. 47	Tang. 47	Sin. 47	

7677	3.885192
7678	3.885248
7679	3.885305
7680	3.885361
7681	3.885418
7682	3.885474
7683	3.885531
7684	3.885587
7685	3.885644
7686	3.885700
7687	3.885757
7688	3.885813
7689	3.885870
7690	3.885926
7691	3.885983
7692	3.886039
7693	3.886096
7694	3.886152

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7695	3.886209	7710	3.887054	7725	3.887898
7696	3.886265	7711	3.887111	7726	3.887955
7697	3.886321	7712	3.887167	7727	3.888011
7698	3.886378	7713	3.887223	7728	3.888067
7699	3.886434	7714	3.887280	7729	3.888123
7700	3.886491	7715	3.887336	7730	3.888179
7701	3.886547	7716	3.887392	7731	3.888236
7702	3.886604	7717	3.887448	7732	3.888292
7703	3.886660	7718	3.887505	7733	3.888348
7704	3.886716	7719	3.887561	7734	3.888404
7705	3.886773	7720	3.887617	7735	3.888460
7706	3.886829	7721	3.887674	7736	3.888516
7707	3.886885	7722	3.887730	7737	3.888573
7708	3.886942	7723	3.887786	7738	3.888629
7709	3.886998	7724	3.887842	7739	3.888685

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

7740	3.888741
7741	3.888797
7742	3.888853
7743	3.888909
7744	3.888965
7745	3.889021
7746	3.889077
7747	3.889134
7748	3.889190
7749	3.889246
7750	3.889302
7751	3.889358
7752	3.889414
7753	3.889470
7754	3.889526
7755	3.889582
7756	3.889638
7757	3.889694
7758	3.889750
7759	3.889806
7760	3.889862
7761	3.889918
7762	3.889974
7763	3.890030
7764	3.890086
7765	3.890141
7766	3.890197
7767	3.890253
7768	3.890309
7769	3.890365
7770	3.890421
7771	3.890477
7772	3.890533
7773	3.890589
7774	3.890645
7775	3.890700
7776	3.890756
7777	3.890812
7778	3.890868
7779	3.890924
7780	3.890980
7781	3.891035
7782	3.891091
7783	3.891147
7784	3.891203

	Sin. 43	Tang. 43	Cotang. 43	Cofin. 43	
0	9.833783	9.969656	0.030344	9.864127	60
1	9.833919	9.969909	0.030091	9.864010	59
2	9.834054	9.970162	0.029838	9.863892	58
3	9.834189	9.970416	0.029584	9.863774	57
4	9.834325	9.970669	0.029331	9.863656	56
5	9.834460	9.970922	0.029078	9.863538	55
6	9.834595	9.971175	0.028825	9.863419	54
7	9.834730	9.971429	0.028571	9.863301	53
8	9.834865	9.971682	0.028318	9.863183	52
9	9.834999	9.971935	0.028065	9.863064	51
10	9.835134	9.972188	0.027812	9.862946	50
11	9.835269	9.972441	0.027559	9.862827	49
12	9.835403	9.972695	0.027305	9.862709	48
13	9.835538	9.972948	0.027052	9.862590	47
14	9.835672	9.973201	0.026799	9.862471	46
15	9.835807	9.973454	0.026546	9.862353	45
16	9.835941	9.973707	0.026293	9.862234	44
17	9.836075	9.973960	0.026040	9.862115	43
18	9.836209	9.974213	0.025787	9.861996	42
19	9.836343	9.974466	0.025534	9.861877	41
20	9.836477	9.974720	0.025280	9.861758	40
21	9.836611	9.974973	0.025027	9.861638	39
22	9.836745	9.975226	0.024774	9.861519	38
23	9.836878	9.975479	0.024521	9.861400	37
24	9.837012	9.975732	0.024268	9.861280	36
25	9.837146	9.975985	0.024015	9.861161	35
26	9.837279	9.976238	0.023762	9.861041	34
27	9.837412	9.976491	0.023509	9.860922	33
28	9.837546	9.976744	0.023256	9.860802	32
29	9.837679	9.976997	0.023003	9.860682	31
30	9.837812	9.977250	0.022750	9.860562	30
	Cofin. 46	Cotang. 46	Tang. 46	Sin. 46	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7785	3.891259	7800	3.892095	7815	3.892929
7786	3.891314	7801	3.892150	7816	3.892985
7787	3.891370	7802	3.892206	7817	3.893040
7788	3.891426	7803	3.892262	7818	3.893096
7789	3.891482	7804	3.892317	7819	3.893151
7790	3.891537	7805	3.892373	7820	3.893207
7791	3.891593	7806	3.892429	7821	3.893262
7792	3.891649	7807	3.892484	7822	3.893318
7793	3.891705	7808	3.892540	7823	3.893373
7794	3.891760	7809	3.892595	7824	3.893429
7795	3.891816	7810	3.892651	7825	3.893484
7796	3.891872	7811	3.892707	7826	3.893540
7797	3.891928	7812	3.892762	7827	3.893595
7798	3.891983	7813	3.892818	7828	3.893651
7799	3.892039	7814	3.892873	7829	3.893706

7857	3.895257						
7858	3.895312						
7859	3.895367						
7860	3.895423	7875	3.896251	7890	3.897077	7905	3.897902
7861	3.895478	7876	3.896306	7891	3.897132	7906	3.897957
7862	3.895533	7877	3.896361	7892	3.897187	7907	3.898012
7863	3.895588	7878	3.896416	7893	3.897242	7908	3.898067
7864	3.895644	7879	3.896471	7894	3.897297	7909	3.898122
7865	3.895699	7880	3.896526	7895	3.897352	7910	3.898176
7866	3.895754	7881	3.896581	7896	3.897407	7911	3.898231
7867	3.895809	7882	3.896636	7897	3.897462	7912	3.898286
7868	3.895864	7883	3.896692	7898	3.897517	7913	3.898341
7869	3.895920	7884	3.896747	7899	3.897572	7914	3.898396
7870	3.895975	7885	3.896802	7900	3.897627	7915	3.898451
7871	3.896030	7886	3.896857	7901	3.897682	7916	3.898506
7872	3.896085	7887	3.896912	7902	3.897737	7917	3.898561
7873	3.896140	7888	3.896967	7903	3.897792	7918	3.898615
7874	3.896195	7889	3.897022	7904	3.897847	7919	3.898670

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb.	Logarith.
7920	3.898725
7921	3.898780
7922	3.898835
7923	3.898890
7924	3.898944
7925	3.898999
7926	3.899054
7927	3.899109
7928	3.899164
7929	3.899218
7930	3.899273
7931	3.899328
7932	3.899383
7933	3.899437
7934	3.899492
7935	3.899547
7936	3.899602
7937	3.899656
7938	3.899711
7939	3.899766
7940	3.899821
7941	3.899875
7942	3.899930
7943	3.899985
7944	3.900039
7945	3.900094
7946	3.900149
7947	3.900203
7948	3.900258
7949	3.900312
7950	3.900367
7951	3.900422
7952	3.900476
7953	3.900531
7954	3.900586
7955	3.900640
7956	3.900695
7957	3.900749
7958	3.900804
7959	3.900859
7960	3.900913
7961	3.900968
7962	3.901022
7963	3.901077
7964	3.901131

	Sin. 44	Tang. 44	Cotang. 44	Cosin. 44	
0	9.841771	9.984837	0.015163	9.856934	60
1	9.841902	9.985090	0.014910	9.856812	59
2	9.842033	9.985343	0.014657	9.856690	58
3	9.842163	9.985596	0.014404	9.856568	57
4	9.842294	9.985848	0.014152	9.856446	56
5	9.842424	9.986101	0.013899	9.856323	55
6	9.842555	9.986354	0.013646	9.856201	54
7	9.842685	9.986607	0.013393	9.856078	53
8	9.842815	9.986860	0.013140	9.855956	52
9	9.842946	9.987112	0.012888	9.855833	51
10	9.843076	9.987365	0.012635	9.855711	50
11	9.843206	9.987618	0.012382	9.855588	49
12	9.843336	9.987871	0.012129	9.855465	48
13	9.843466	9.988123	0.011877	9.855342	47
14	9.843595	9.988376	0.011624	9.855219	46
15	9.843725	9.988629	0.011371	9.855096	45
16	9.843855	9.988882	0.011118	9.854973	44
17	9.843984	9.989134	0.010866	9.854850	43
18	9.844114	9.989387	0.010613	9.854727	42
19	9.844243	9.989640	0.010360	9.854603	41
20	9.844372	9.989893	0.010107	9.854480	40
21	9.844502	9.990145	0.009855	9.854356	39
22	9.844631	9.990398	0.009602	9.854233	38
23	9.844760	9.990651	0.009349	9.854109	37
24	9.844889	9.990903	0.009097	9.853986	36
25	9.845018	9.991156	0.008844	9.853862	35
26	9.845147	9.991409	0.008591	9.853738	34
27	9.845276	9.991662	0.008338	9.853614	33
28	9.845405	9.991914	0.008086	9.853490	32
29	9.845533	9.992167	0.007833	9.853366	31
30	9.845662	9.992420	0.007580	9.853242	30
	Cosin. 45	Cotang. 45	Tang. 45	Sin. 45	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
7965	3.901186	7980	3.902003	7995	3.902818
7966	3.901240	7981	3.902057	7996	3.902873
7967	3.901295	7982	3.902112	7997	3.902927
7968	3.901349	7983	3.902166	7998	3.902981
7969	3.901404	7984	3.902221	7999	3.903036
7970	3.901458	7985	3.902275	8000	3.903090
7971	3.901513	7986	3.902329	8001	3.903144
7972	3.901567	7987	3.902384	8002	3.903199
7973	3.901622	7988	3.902438	8003	3.903253
7974	3.901676	7989	3.902492	8004	3.903307
7975	3.901731	7990	3.902547	8005	3.903361
7976	3.901785	7991	3.902601	8006	3.903416
7977	3.901840	7992	3.902655	8007	3.903470
7978	3.901894	7993	3.902710	8008	3.903524
7979	3.901948	7994	3.902764	8009	3.903578

LOGARITHMES
DES
NOMBRES.

Nomb. Logarith.

8010	3.903633
8011	3.903687
8012	3.903741
8013	3.903795
8014	3.903849
8015	3.903904
8016	3.903958
8017	3.904012
8018	3.904066
8019	3.904120
8020	3.904174
8021	3.904229
8022	3.904283
8023	3.904337
8024	3.904391
8025	3.904445
8026	3.904499
8027	3.904553
8028	3.904607
8029	3.904661
8030	3.904716
8031	3.904770
8032	3.904824
8033	3.904878
8034	3.904932
8035	3.904986
8036	3.905040

8037	3.905094
8038	3.905148
8039	3.905202

8040	3.905256
8041	3.905310
8042	3.905364
8043	3.905418
8044	3.905472
8045	3.905526
8046	3.905580
8047	3.905634
8048	3.905688
8049	3.905742
8050	3.905796
8051	3.905850
8052	3.905904
8053	3.905958
8054	3.906012

	Sin. 44	Tang. 44	Cotang. 44	Cofin. 44	
30	9.845662	9.992420	0.007580	9.853242	30
31	9.845790	9.992672	0.007328	9.853118	29
32	9.845919	9.992925	0.007075	9.852994	28
33	9.846047	9.993178	0.006822	9.852869	27
34	9.846175	9.993431	0.006569	9.852745	26
35	9.846304	9.993683	0.006317	9.852620	25
36	9.846432	9.993936	0.006064	9.852496	24
37	9.846560	9.994189	0.005811	9.852371	23
38	9.846688	9.994441	0.005559	9.852247	22
39	9.846816	9.994694	0.005306	9.852122	21
40	9.846944	9.994947	0.005053	9.851997	20
41	9.847071	9.995199	0.004801	9.851872	19
42	9.847199	9.995452	0.004548	9.851747	18
43	9.847327	9.995705	0.004295	9.851622	17
44	9.847454	9.995957	0.004043	9.851497	16
45	9.847582	9.996210	0.003790	9.851372	15
46	9.847709	9.996463	0.003537	9.851246	14
47	9.847836	9.996715	0.003285	9.851121	13
48	9.847964	9.996968	0.003032	9.850996	12
49	9.848091	9.997221	0.002779	9.850870	11
50	9.848218	9.997473	0.002527	9.850745	10
51	9.848345	9.997726	0.002274	9.850619	9
52	9.848472	9.997979	0.002021	9.850493	8
53	9.848599	9.998231	0.001769	9.850368	7
54	9.848726	9.998484	0.001516	9.850242	6
55	9.848852	9.998737	0.001263	9.850116	5
56	9.848979	9.998989	0.001011	9.849990	4
57	9.849106	9.999242	0.000758	9.849864	3
58	9.849232	9.999495	0.000505	9.849738	2
59	9.849359	9.999747	0.000253	9.849611	1
60	9.849485	0.000000	0.000000	9.849485	0
	Cofin. 45	Cotang. 45	Tang. 45	Sin. 45	

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
8055	3.906066	8070	3.906874	8085	3.907680
8056	3.906119	8071	3.906927	8086	3.907734
8057	3.906173	8072	3.906981	8087	3.907787
8058	3.906227	8073	3.907035	8088	3.907841
8059	3.906281	8074	3.907089	8089	3.907895
8060	3.906335	8075	3.907143	8090	3.907949
8061	3.906389	8076	3.907196	8091	3.908002
8062	3.906443	8077	3.907250	8092	3.908056
8063	3.906497	8078	3.907304	8093	3.908110
8064	3.906551	8079	3.907358	8094	3.908110
8065	3.906604	8080	3.907411	8095	3.908217
8066	3.906658	8081	3.907465	8096	3.908270
8067	3.906712	8082	3.907519	8097	3.908324
8068	3.906766	8083	3.907573	8098	3.908378
8069	3.906820	8084	3.907626	8099	3.908431

LOGARITHMES DES NOMBRES.

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
8100	3.908485	8148	3.911051	8196	3.913602	8244	3.916138
8101	3.908539	8149	3.911104	8197	3.913655	8245	3.916191
8102	3.908592	8150	3.911158	8198	3.913708	8246	3.916243
8103	3.908646	8151	3.911211	8199	3.913761	8247	3.916296
8104	3.908699	8152	3.911264	8200	3.913814	8248	3.916349
8105	3.908753	8153	3.911317	8201	3.913867	8249	3.916401
8106	3.908807	8154	3.911371	8202	3.913920	8250	3.916454
8107	3.908860	8155	3.911424	8203	3.913973	8251	3.916507
8108	3.908914	8156	3.911477	8204	3.914026	8252	3.916559
8109	3.908967	8157	3.911530	8205	3.914079	8253	3.916612
8110	3.909021	8158	3.911584	8206	3.914132	8254	3.916664
8111	3.909074	8159	3.911637	8207	3.914184	8255	3.916717
8112	3.909128	8160	3.911690	8208	3.914237	8256	3.916770
8113	3.909181	8161	3.911743	8209	3.914290	8257	3.916822
8114	3.909235	8162	3.911797	8210	3.914343	8258	3.916875
8115	3.909289	8163	3.911850	8211	3.914396	8259	3.916927
8116	3.909342	8164	3.911903	8212	3.914449	8260	3.916980
8117	3.909396	8165	3.911956	8213	3.914502	8261	3.917033
8118	3.909449	8166	3.912009	8214	3.914555	8262	3.917085
8119	3.909503	8167	3.912063	8215	3.914608	8263	3.917138
8120	3.909556	8168	3.912116	8216	3.914660	8264	3.917190
8121	3.909610	8169	3.912169	8217	3.914713	8265	3.917243
8122	3.909663	8170	3.912222	8218	3.914766	8266	3.917295
8123	3.909716	8171	3.912275	8219	3.914819	8267	3.917348
8124	3.909770	8172	3.912328	8220	3.914872	8268	3.917400
8125	3.909823	8173	3.912381	8221	3.914925	8269	3.917453
8126	3.909877	8174	3.912435	8222	3.914977	8270	3.917506
8127	3.909930	8175	3.912488	8223	3.915030	8271	3.917558
8128	3.909984	8176	3.912541	8224	3.915083	8272	3.917611
8129	3.910037	8177	3.912594	8225	3.915136	8273	3.917663
8130	3.910091	8178	3.912647	8226	3.915189	8274	3.917716
8131	3.910144	8179	3.912700	8227	3.915241	8275	3.917768
8132	3.910197	8180	3.912753	8228	3.915294	8276	3.917820
8133	3.910251	8181	3.912806	8229	3.915347	8277	3.917873
8134	3.910304	8182	3.912859	8230	3.915400	8278	3.917925
8135	3.910358	8183	3.912913	8231	3.915453	8279	3.917978
8136	3.910411	8184	3.912966	8232	3.915505	8280	3.918030
8137	3.910464	8185	3.913019	8233	3.915558	8281	3.918083
8138	3.910518	8186	3.913072	8234	3.915611	8282	3.918135
8139	3.910571	8187	3.913125	8235	3.915664	8283	3.918188
8140	3.910624	8188	3.913178	8236	3.915716	8284	3.918240
8141	3.910678	8189	3.913231	8237	3.915769	8285	3.918293
8142	3.910731	8190	3.913284	8238	3.915822	8286	3.918345
8143	3.910784	8191	3.913337	8239	3.915874	8287	3.918397
8144	3.910838	8192	3.913390	8240	3.915927	8288	3.918450
8145	3.910891	8193	3.913443	8241	3.915980	8289	3.918502
8146	3.910944	8194	3.913496	8242	3.916033	8290	3.918555
8147	3.910998	8195	3.913549	8243	3.916085	8291	3.918607

LOGARITHMES DES NOMBRES.

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
8292	3.918659	8340	3.921166	8388	3.923658	8436	3.926137
8293	3.918712	8341	3.921218	8389	3.923710	8437	3.926188
8294	3.918764	8342	3.921270	8390	3.923762	8438	3.926240
8295	3.918816	8343	3.921322	8391	3.923814	8439	3.926291
8296	3.918869	8344	3.921374	8392	3.923865	8440	3.926342
8297	3.918921	8345	3.921426	8393	3.923917	8441	3.926394
8298	3.918973	8346	3.921478	8394	3.923969	8442	3.926445
8299	3.919026	8347	3.921530	8395	3.924021	8443	3.926497
8300	3.919078	8348	3.921582	8396	3.924072	8444	3.926548
8301	3.919130	8349	3.921634	8397	3.924124	8445	3.926600
8302	3.919183	8350	3.921686	8398	3.924176	8446	3.926651
8303	3.919235	8351	3.921738	8399	3.924228	8447	3.926702
8304	3.919287	8352	3.921790	8400	3.924279	8448	3.926754
8305	3.919340	8353	3.921842	8401	3.924331	8449	3.926805
8306	3.919392	8354	3.921894	8402	3.924383	8450	3.926857
8307	3.919444	8355	3.921946	8403	3.924434	8451	3.926908
8308	3.919496	8356	3.921998	8404	3.924486	8452	3.926959
8309	3.919549	8357	3.922050	8405	3.924538	8453	3.927011
8310	3.919601	8358	3.922102	8406	3.924589	8454	3.927062
8311	3.919653	8359	3.922154	8407	3.924641	8455	3.927114
8312	3.919706	8360	3.922206	8408	3.924693	8456	3.927165
8313	3.919758	8361	3.922258	8409	3.924744	8457	3.927216
8314	3.919810	8362	3.922310	8410	3.924796	8458	3.927268
8315	3.919862	8363	3.922362	8411	3.924848	8459	3.927319
8316	3.919914	8364	3.922414	8412	3.924899	8460	3.927370
8317	3.919967	8365	3.922466	8413	3.924951	8461	3.927422
8318	3.920019	8366	3.922518	8414	3.925002	8462	3.927473
8319	3.920071	8367	3.922570	8415	3.925054	8463	3.927524
8320	3.920123	8368	3.922622	8416	3.925106	8464	3.927576
8321	3.920176	8369	3.922674	8417	3.925157	8465	3.927627
8322	3.920228	8370	3.922725	8418	3.925209	8466	3.927678
8323	3.920280	8371	3.922777	8419	3.925261	8467	3.927730
8324	3.920332	8372	3.922829	8420	3.925312	8468	3.927781
8325	3.920384	8373	3.922881	8421	3.925364	8469	3.927832
8326	3.920436	8374	3.922933	8422	3.925415	8470	3.927883
8327	3.920489	8375	3.922985	8423	3.925467	8471	3.927935
8328	3.920541	8376	3.923037	8424	3.925518	8472	3.927986
8329	3.920593	8377	3.923089	8425	3.925570	8473	3.928037
8330	3.920645	8378	3.923140	8426	3.925621	8474	3.928088
8331	3.920697	8379	3.923192	8427	3.925673	8475	3.928140
8332	3.920749	8380	3.923244	8428	3.925725	8476	3.928191
8333	3.920801	8381	3.923296	8429	3.925776	8477	3.928242
8334	3.920853	8382	3.923348	8430	3.925828	8478	3.928293
8335	3.920906	8383	3.923399	8431	3.925879	8479	3.928345
8336	3.920958	8384	3.923451	8432	3.925931	8480	3.928396
8337	3.921010	8385	3.923503	8433	3.925982	8481	3.928447
8338	3.921062	8386	3.923555	8434	3.926034	8482	3.928498
8339	3.921114	8387	3.923607	8435	3.926085	8483	3.928549

LOGARITHMES DES NOMBRES.

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
8484	3.928601	8532	3.931051	8580	3.933487	8628	3.935910
8485	3.928652	8533	3.931102	8581	3.933538	8629	3.935960
8486	3.928703	8534	3.931153	8582	3.933589	8630	3.936011
8487	3.928754	8535	3.931204	8583	3.933639	8631	3.936061
8488	3.928805	8536	3.931254	8584	3.933690	8632	3.936111
8489	3.928857	8537	3.931305	8585	3.933740	8633	3.936162
8490	3.928908	8538	3.931356	8586	3.933791	8634	3.936212
8491	3.928959	8539	3.931407	8587	3.933841	8635	3.936262
8492	3.929010	8540	3.931458	8588	3.933892	8636	3.936313
8493	3.929061	8541	3.931509	8589	3.933943	8637	3.936363
8494	3.929112	8542	3.931560	8590	3.933993	8638	3.936413
8495	3.929163	8543	3.931610	8591	3.934044	8639	3.936463
8496	3.929215	8544	3.931661	8592	3.934094	8640	3.936514
8497	3.929266	8545	3.931712	8593	3.934145	8641	3.936564
8498	3.929317	8546	3.931763	8594	3.934195	8642	3.936614
8499	3.929368	8547	3.931814	8595	3.934246	8643	3.936665
8500	3.929419	8548	3.931865	8596	3.934296	8644	3.936715
8501	3.929470	8549	3.931915	8597	3.934347	8645	3.936765
8502	3.929521	8550	3.931966	8598	3.934397	8646	3.936815
8503	3.929572	8551	3.932017	8599	3.934448	8647	3.936865
8504	3.929623	8552	3.932068	8600	3.934498	8648	3.936916
8505	3.929674	8553	3.932118	8601	3.934549	8649	3.936966
8506	3.929725	8554	3.932169	8602	3.934599	8650	3.937016
8507	3.929776	8555	3.932220	8603	3.934650	8651	3.937066
8508	3.929827	8556	3.932271	8604	3.934700	8652	3.937117
8509	3.929879	8557	3.932322	8605	3.934751	8653	3.937167
8510	3.929930	8558	3.932372	8606	3.934801	8654	3.937217
8511	3.929981	8559	3.932423	8607	3.934852	8655	3.937267
8512	3.930032	8560	3.932474	8608	3.934902	8656	3.937317
8513	3.930083	8561	3.932524	8609	3.934953	8657	3.937367
8514	3.930134	8562	3.932575	8610	3.935003	8658	3.937418
8515	3.930185	8563	3.932626	8611	3.935054	8659	3.937468
8516	3.930236	8564	3.932677	8612	3.935104	8660	3.937518
8517	3.930287	8565	3.932727	8613	3.935154	8661	3.937568
8518	3.930338	8566	3.932778	8614	3.935205	8662	3.937618
8519	3.930389	8567	3.932829	8615	3.935255	8663	3.937668
8520	3.930440	8568	3.932879	8616	3.935306	8664	3.937718
8521	3.930491	8569	3.932930	8617	3.935356	8665	3.937769
8522	3.930542	8570	3.932981	8618	3.935406	8666	3.937819
8523	3.930592	8571	3.933031	8619	3.935457	8667	3.937869
8524	3.930643	8572	3.933082	8620	3.935507	8668	3.937919
8525	3.930694	8573	3.933133	8621	3.935558	8669	3.937969
8526	3.930745	8574	3.933183	8622	3.935608	8670	3.938019
8527	3.930796	8575	3.933234	8623	3.935658	8671	3.938069
8528	3.930847	8576	3.933285	8624	3.935709	8672	3.938119
8529	3.930898	8577	3.933335	8625	3.935759	8673	3.938169
8530	3.930949	8578	3.933386	8626	3.935809	8674	3.938219
8531	3.931000	8579	3.933437	8627	3.935860	8675	3.938269

LOGARITHMES

LOGARITHMES DES NOMBRES.

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
8676	3.938320	8724	3.940716	8772	3.943099	8820	3.945469
8677	3.938370	8725	3.940765	8773	3.943148	8821	3.945518
8678	3.938420	8726	3.940815	8774	3.943198	8822	3.945567
8679	3.938470	8727	3.940865	8775	3.943247	8823	3.945616
8680	3.938520	8728	3.940915	8776	3.943297	8824	3.945665
8681	3.938570	8729	3.940964	8777	3.943346	8825	3.945715
8682	3.938620	8730	3.941014	8778	3.943396	8826	3.945764
8683	3.938670	8731	3.941064	8779	3.943445	8827	3.945813
8684	3.938720	8732	3.941114	8780	3.943495	8828	3.945862
8685	3.938770	8733	3.941163	8781	3.943544	8829	3.945912
8686	3.938820	8734	3.941213	8782	3.943593	8830	3.945961
8687	3.938870	8735	3.941263	8783	3.943643	8831	3.946010
8688	3.938920	8736	3.941313	8784	3.943692	8832	3.946059
8689	3.938970	8737	3.941362	8785	3.943742	8833	3.946108
8690	3.939020	8738	3.941412	8786	3.943791	8834	3.946157
8691	3.939070	8739	3.941462	8787	3.943841	8835	3.946207
8692	3.939120	8740	3.941511	8788	3.943890	8836	3.946256
8693	3.939170	8741	3.941561	8789	3.943939	8837	3.946305
8694	3.939220	8742	3.941611	8790	3.943989	8838	3.946354
8695	3.939270	8743	3.941660	8791	3.944038	8839	3.946403
8696	3.939320	8744	3.941710	8792	3.944088	8840	3.946452
8697	3.939369	8745	3.941760	8793	3.944137	8841	3.946501
8698	3.939419	8746	3.941809	8794	3.944186	8842	3.946550
8699	3.939469	8747	3.941859	8795	3.944236	8843	3.946600
8700	3.939519	8748	3.941909	8796	3.944285	8844	3.946649
8701	3.939569	8749	3.941958	8797	3.944335	8845	3.946698
8702	3.939619	8750	3.942008	8798	3.944384	8846	3.946747
8703	3.939669	8751	3.942058	8799	3.944433	8847	3.946796
8704	3.939719	8752	3.942107	8800	3.944483	8848	3.946845
8705	3.939769	8753	3.942157	8801	3.944532	8849	3.946894
8706	3.939819	8754	3.942207	8802	3.944581	8850	3.946943
8707	3.939869	8755	3.942256	8803	3.944631	8851	3.946992
8708	3.939918	8756	3.942306	8804	3.944680	8852	3.947041
8709	3.939968	8757	3.942355	8805	3.944729	8853	3.947090
8710	3.940018	8758	3.942405	8806	3.944779	8854	3.947140
8711	3.940068	8759	3.942455	8807	3.944828	8855	3.947189
8712	3.940118	8760	3.942504	8808	3.944877	8856	3.947238
8713	3.940168	8761	3.942554	8809	3.944927	8857	3.947287
8714	3.940218	8762	3.942603	8810	3.944976	8858	3.947336
8715	3.940267	8763	3.942653	8811	3.945025	8859	3.947385
8716	3.940317	8764	3.942702	8812	3.945074	8860	3.947434
8717	3.940367	8765	3.942752	8813	3.945124	8861	3.947483
8718	3.940417	8766	3.942801	8814	3.945173	8862	3.947532
8719	3.940467	8767	3.942851	8815	3.945222	8863	3.947581
8720	3.940516	8768	3.942901	8816	3.945272	8864	3.947630
8721	3.940566	8769	3.942950	8817	3.945321	8865	3.947679
8722	3.940616	8770	3.943000	8818	3.945370	8866	3.947728
8723	3.940666	8771	3.943049	8819	3.945419	8867	3.947777

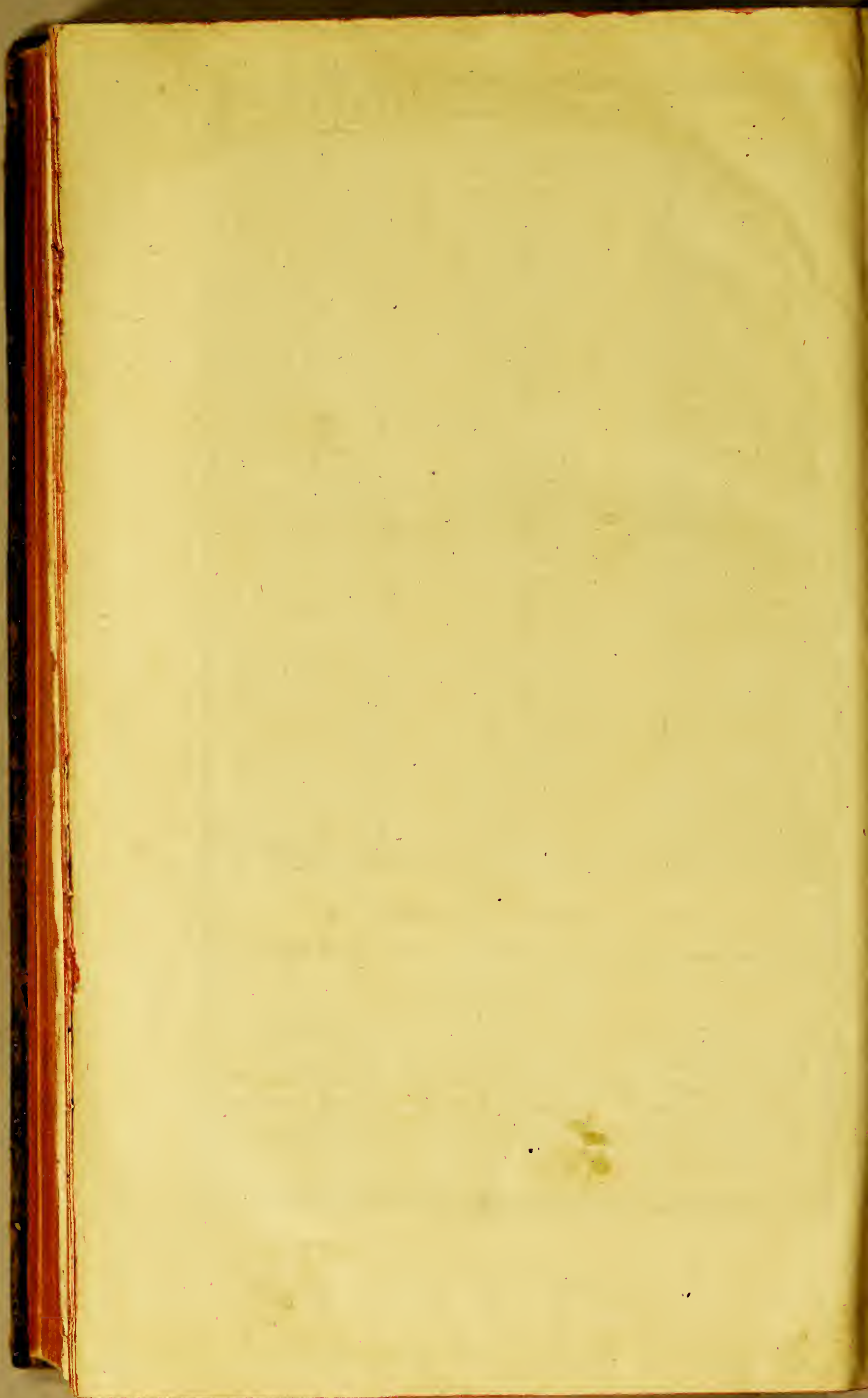
LOGARITHMES DES NOMBRES.

Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.	Nomb.	Logarith.
8868	3.947826	8901	3.949439	8934	3.951046	8967	3.952647
8869	3.947875	8902	3.949488	8935	3.951095	8968	3.952696
8870	3.947924	8903	3.949536	8936	3.951143	8969	3.952744
8871	3.947973	8904	3.949585	8937	3.951192	8970	3.952792
8872	3.948022	8905	3.949634	8938	3.951240	8971	3.952841
8873	3.948070	8906	3.949683	8939	3.951289	8972	3.952889
8874	3.948119	8907	3.949731	8940	3.951338	8973	3.952938
8875	3.948168	8908	3.949780	8941	3.951386	8974	3.952986
8876	3.948217	8909	3.949829	8942	3.951435	8975	3.953034
8877	3.948266	8910	3.949878	8943	3.951483	8976	3.953083
8878	3.948315	8911	3.949926	8944	3.951532	8977	3.953131
8879	3.948364	8912	3.949975	8945	3.951580	8978	3.953180
8880	3.948413	8913	3.950024	8946	3.951629	8979	3.953228
8881	3.948462	8914	3.950073	8947	3.951677	8980	3.953276
8882	3.948511	8915	3.950121	8948	3.951726	8981	3.953325
8883	3.948560	8916	3.950170	8949	3.951774	8982	3.953373
8884	3.948609	8917	3.950219	8950	3.951823	8983	3.953421
8885	3.948657	8918	3.950267	8951	3.951872	8984	3.953470
8886	3.948706	8919	3.950316	8952	3.951920	8985	3.953518
8887	3.948755	8920	3.950365	8953	3.951969	8986	3.953566
8888	3.948804	8921	3.950414	8954	3.952017	8987	3.953615
8889	3.948853	8922	3.950462	8955	3.952066	8988	3.953663
8890	3.948902	8923	3.950511	8956	3.952114	8989	3.953711
8891	3.948951	8924	3.950560	8957	3.952163	8990	3.953760
8892	3.948999	8925	3.950608	8958	3.952211	8991	3.953808
8893	3.949048	8926	3.950657	8959	3.952260	8992	3.953856
8894	3.949097	8927	3.950706	8960	3.952308	8993	3.953905
8895	3.949146	8928	3.950754	8961	3.952356	8994	3.953953
8896	3.949195	8929	3.950803	8962	3.952405	8995	3.954001
8897	3.949244	8930	3.950851	8963	3.952453	8996	3.954049
8898	3.949292	8931	3.950900	8964	3.952502	8997	3.954098
8899	3.949341	8932	3.950949	8965	3.952550	8998	3.954146
8900	3.949390	8933	3.950997	8966	3.952599	8999	3.954194

F I N.

Avertissement.

Dans la page 254, au dernier alinea, lisez, pour plus de clarté de la premiere phrase... Du point E trouvé comme ci-dessus (576) par l'interfection de deux droites, dont l'une passe par les points C, D de la hauteur de l'étoile, & l'autre par les points A, B de sa hauteur méridienne & de son plus grand abaiffement, menez sur l'horizon une perpendiculaire EM.



blott d

E760

B758n





